UNIVERSIDADE FEDERAL DE MINAS GERAIS



DEPARTAMENTO DE ENGENHARIA ELÉTRICA

EEE882 - Computação Evolucionária

Prof. Frederico Gadelha Guimarães

1 O problema das N-Rainhas

Dado um tabuleiro de xadrez regular (NxN) e N rainhas, o problema das N-rainhas consiste em posicioná-las no tabuleiro de forma que nenhuma rainha seja capaz de capturar outra rainha. A Figura 1 ilustra a área de captura de uma rainha posicionada no tabuleiro.

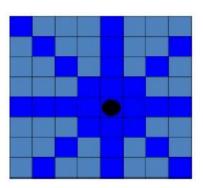


Figura 1: Área de captura de uma rainha considerando um tabuleiro de dimensões 8x8.

O problema pode ser formulado como um problema de Satisfação de Restrições, no qual o objetivo é encontrar uma configuração das rainhas sobre o tabuleiro que não viole nenhuma restrição.

Para resolver o problema das N-rainhas utilizando Algoritmos Genéticos (AG) deve-se, primeiramente, definir:

- uma representação (codificação) para os indivíduos (i.e. solução candidata);
- uma função de aptidão (objetivo) para avaliar a qualidade de uma solução candidata;
- um ou mais operadores de variação;
- um ou mais mecanismos de seleção;
- uma condição de término, por exemplo, número de gerações ou um valor de fitness.

Algumas sugestões a serem utilizadas na implementação são:

• Representação:

- Fenótipo (f): uma dada configuração do tabuleiro com N rainhas;
- Genótipo (g) ou cromossomo: permutação de inteiros 1,2,3,...,N. Isto é, $g=\{i_1,i_2,...,i_N\}$ denotando uma configuração onde a k-ésima coluna (posição do vetor) contém uma rainha posicionada na i_k -ésima linha, conforme ilustrado na Figura 2 e 3;

Para o tipo de representação adotado (permutação de N inteiros), a quantidade máxima de xeques que podem ocorrer é q(f)=N(N-1)/2 e a quantidade mínima é q(f)=0 - ver arquivo fitness_nq.m.

• Operadores:

- Cruzamento: cria duas novas soluções candidatas (filhos) a partir da combinação de dois cromossomos pais. Os filhos produzidos devem ser permutações válidas de N inteiros - ver arquivo exemplo CutandCrossfill_CrossOver.m.
- Mutação: seleciona de forma aleatória duas posições em um cromossomo (permutação) e troca os valores destas posições.

Seleção:

- Seleção dos pais: escolha aleatoriamente dentre os indivíduos da população e os dois melhores são sugeridos para cruzamento.
- Seleção dos sobreviventes: ordene todos os indivíduos (população original mais 2 descendentes) e elimine os dois piores a cada geração.
- Condição de parada: finalize quando a solução ótima for encontrada, i.e. q(f)=0, ou quando um número máximo de gerações tiver sido alcançado.

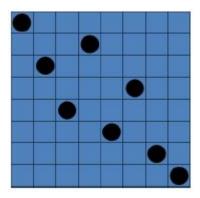


Figura 2: Fenótipo de uma solução candidata



Figura 3: Genótipo correspondente ao fenótipo da Figura 2

Com relação a esse problema, deve-se implementar as tarefas a seguir.

Tarefa 1

Desenvolva um AG para o problema das N-rainhas, considerando um tabuleiro de dimensão fixa de 8x8. Verifique com quantas gerações em média o seu algoritmo está alcançando a melhor solução. Ilustre com gráficos e/ou tabelas. Em sua implementação, você é livre para modificar ou acrescentar outras formas de seleção, cruzamento e mutação.

2 Função Rastrigin

A função Rastrigin é uma função não convexa utilizada para avaliar o desempenho de algoritmos de otimização. Ela foi proposta inicialmente por Rastrigin [1] como uma função bidimensional e posteriormente generalizada por Muhlenbein et al. [2]. O objetivo é desenvolver um AG e aplicá-lo na minimização da **função Rastrigin** para n=10 variáveis.

$$\min_{\mathbf{x}} f(\mathbf{x}) = 10n + \sum_{i=1}^{n} (x_i^2 - 10\cos(2\pi x_i))$$
 (1)

com $x_i \in [-5.12, 5.12]$. O mínimo global ocorre em $\mathbf{x}^* = 0$, onde $f(\mathbf{x}^*) = 0$.

Tarefa 1

Desenvolva um AG com as seguintes características:

- i. Representação das variáveis por codificação binária;
- ii. Operador de seleção dos indivíduos por meio de:
 - Método da roleta com 50% de probabilidade;
 - Método do **torneio** com 50% de probabilidade.
- iii. Operador de cruzamento: 1 ponto de corte por variável;
- iv. Operador de mutação: bit flip.
- v. Outros operadores de livre escolha do aluno.

Defina os valores dos hiper-parâmetros p_c e p_m ou faça um ajuste dinâmico desses parâmetros. O orçamento computacional é de 10,000 avaliações de função.

Observações importantes:

• Os parâmetros de entrada e saída do programa devem ser conforme modelo abaixo:

 $[\mathbf{x}^*, f^*] = nome_sobrenome[nvar, ncal]$, sendo:

x*: vetor das variáveis de decisão do melhor indivíduo;

 f^* : valor da função objetivo avaliada em \mathbf{x}^*

ncal: número total de chamadas da função de cálculo da fitness do problema;

nvar: número de variáveis de decisão.

 O programa não deve imprimir nenhum gráfico ou resultado no prompt de comando durante o processo iterativo. O aluno que não respeitar esta premissa será penalizado em sua avaliação.

3 Entrega

Entrega: Enviar na plataforma Moodle no prazo indicado.

Um arquivo comprimido com o seguinte conteúdo :

- Um arquivo do tipo .m ou .py com todo o código do programa em formato de função para o problema das N-rainhas e um arquivo do tipo .m ou .py com todo o código do programa em formato de função para o problema da função Rastrigin. O nome dos arquivos deve ser, necessariamente: nome_sobrenome_rainhas.m ou nome_sobrenome_rastrigin.m (por exemplo, frederico_guimaraes_rainhas.m e frederico_guimaraes_rastrigin.m).
- Um relatório em PDF no formato da IEEE com análise crítica dos resultados (máximo 5 páginas). Foque no que foi implementado e quais estratégias utilizou para obter os resultados.

O programa deve ser implementado ou em Matlab, em versão compatível com a R2015a, ou em Python, em versão compatível com a IDE PyCharm 2018.2.1.

Referências

- [1] L. A. Rastrigin. Systems of extremal control. Nauka, 1974.
- [2] H. Mühlenbein, D. Schomisch and J. Born. "The Parallel Genetic Algorithm as Function Optimizer". Parallel Computing, 17, 1991.
- [3] Agoston E. Eiben, and James E. Smith. Introduction to evolutionary computing. Vol. 53. Berlin: springer, 2003.