

### Exercício 1.2.2

- a) Resposta no arquivo **1\_2\_2.c**
- b) Código para gerar a tabela no arquivo **1\_2\_2.c**

| Multiplier | $\bar{q}$ | $\bar{x}$ | $\bar{l}$ |
|------------|-----------|-----------|-----------|
| 0.6        | 0.36      | 0.43      | 0.79      |
| 0.7        | 0.56      | 0.50      | 1.07      |
| 0.8        | 0.85      | 0.58      | 1.43      |
| 0.9        | 1.27      | 0.65      | 1.92      |
| 1.0        | 1.88      | 0.72      | 2.60      |
| 1.1        | 2.83      | 0.79      | 3.62      |
| 1.2        | 5.42      | 0.86      | 6.28      |

- c) As estatísticas baseadas em tempo  $q$ ,  $x$  e  $l$  dependem pesadamente da intensidade do tráfego. Isso porque aumentar o tráfego através de um multiplicador no tempo de serviço, representa uma demora maior no tempo de cada serviço. Essa demora maior no tempo de serviço representa um possível aumento no número de pessoas na fila num dado instante  $t$ . Essa função é  $q(t)$  e  $\bar{q}$  é basicamente a integral de  $q(t)$  num intervalo de tempo dividido pelo tempo.

Aumentando o tráfego, aumentamos  $q$  (número médio de pessoas na fila por tempo). Além disso, aumentamos também a utilização média do nó de serviço ( $\bar{x}$ ). O aumento desses dois fatores, implica diretamente no aumento de  $\bar{l}$ , que é basicamente o numero médio de trabalhos para o nó de serviço.

- d) O maior aumento no serviço seria de 18% ou usando um fator multiplicador de 1.18 no tempo de serviço. Código para cálculo no arquivo **1\_2\_2.c**

### Exercício 1.2.3

- a) Resposta no arquivo **1\_2\_3.c**
- b) O maior delay foi de 118.76.
- c) Haviam 6 jobs no tempo 400. Esse valor se relaciona com o **Teorema 1.2.1** pois temos um valor de jobs num instante e sabemos que esse tempo relaciona-se com a somatória do delay para todos os jobs.
- d) 72% dos jobs foram atrasados. Apesar do alto valor, os jobs atrasados não implicam em alta utilização do servidor, já que o servidor pode ter passado 95% do tempo ocioso e apenas nos últimos 5% do tempo todos esses jobs chegaram, causando delays entre-si.

### Exercício 1.2.6

- a) O tempo médio de serviço é de 3.03, a utilização do servidor é de 0.74 ou 74% e a intensidade de tráfego também é 0.74
- b) O tempo  $s_i$  é dado por  $s_i = c_i - a_i - d_i$  onde  $d_i = c_{i-1} - a_i$ .

### Exercício 1.2.8

- a) Resposta no arquivo 1\_2\_8.c  
b) Código para gerar a tabela no arquivo 1\_2\_8.c

|                                  |   | Traffic Intensities |       |       |      |       |       |        |     |
|----------------------------------|---|---------------------|-------|-------|------|-------|-------|--------|-----|
|                                  |   |                     | 0.6   | 0.7   | 0.8  | 0.9   | 1.0   | 1.1    | 1.2 |
| average jobs in the queue        | l | 1.20                | 1.77  | 2.85  | 7.24 | 35.5  | 76.78 | 111.21 |     |
| average jobs in the service      | q | 0.57                | 01.03 | 02.01 | 6.30 | 34.55 | 75.78 | 110.22 |     |
| average jobs in the service node | x | 0.64                | 0.74  | 0.85  | 0.94 | 1.00  | 1.00  | 1.00   |     |

- c) As estatísticas baseadas em tempo q, x e l dependem pesadamente da intensidade do tráfego. Isso porque aumentar o tráfego através de um multiplicador no tempo de serviço, representa uma demora maior no tempo de cada serviço. Essa demora maior no tempo de serviço representa um possível aumento no número de pessoas na fila num dado instante t. Essa função é q(t) e  $\bar{q}$  é basicamente a integral de q(t) num intervalo de tempo dividido pelo tempo.

Aumentando o tráfego, aumentamos q (número médio de pessoas na fila por tempo). Além disso, aumentamos também a utilização média do nó de serviço ( $\bar{x}$ ). O aumento desses dois fatores, implica diretamente no aumento de  $\bar{l}$ , que é basicamente o numero médio de trabalhos para o nó de serviço.

### Exercício 1.3.1

| input                              | inventory level - beginning | verify storage  | order          | demand   | inventory level - end | holding level | shortage level       | inventory level in time interval |                               |
|------------------------------------|-----------------------------|-----------------|----------------|--|-----------------------|---------------|----------------------|----------------------------------|-------------------------------|
| i                                  | l(i-1)                      | l(i-1) >= s     | o = S - l(i-1) | d  | l(i) = l(i-1) + o - d | l(i)+         | l(i)-                | l'(i-1) = l(i-1) + o(i-1)        |                               |
| 1                                  | 60                          | TRUE            | 0              | 30   | 30                    | 45            | 0                    |                                  |                               |
| 2                                  | 30                          | TRUE            | 0              | 15   | 15                    | 22.5          | 0                    | if d(i) < l'(i-1)                | l(i)+ = l'(i-1) - (1/2)*d(i)  |
| 3                                  | 15                          | FALSE           | 45             | 25   | 35                    | 47.5          | 0                    |                                  | l(i)- = 0                     |
| 4                                  | 35                          | TRUE            | 0              | 15   | 20                    | 27.5          | 0                    |                                  |                               |
| 5                                  | 20                          | TRUE            | 0              | 45   | -25                   | 44.444        | 69.444               | else                             | l(i)+ = (l'(i-1))² / (2*d(i)) |
| 6                                  | -25                         | FALSE           | 85             | 30   | 30                    | 45            | 0                    |                                  | (2*d(i))                      |
| 7                                  | 30                          | TRUE            | 0              | 25   | 5                     | 17.5          | 0                    |                                  |                               |
| 8                                  | 5                           | FALSE           | 55             | 15   | 45                    | 52.5          | 0                    |                                  |                               |
| 9                                  | 45                          | TRUE            | 0              | 20   | 25                    | 35            | 0                    |                                  |                               |
| 10                                 | 25                          | TRUE            | 0              | 35   | -10                   | 89.285        | 14.285               |                                  |                               |
| 11                                 | -10                         | FALSE           | 70             | 20   | 40                    | 50            | 0                    |                                  |                               |
| 12                                 | 40                          | TRUE            | 0              | 30   | 10                    | 25            | 0                    |                                  |                               |
| Final                              | 10                          | TRUE            | 50             | 0  | 60                    |               |                      |                                  |                               |
| average demand - (sum demands) / n |                             | 305/12 = 25.416 |                | time-averaged holding level - (sum holding levels) / n   |                       |               | 380.87/12 = 31.74    |                                  |                               |
| average order - (sum orders) / n   |                             | 305/12 = 25.416 |                | time-averaged shortage level - (sum shortage levels) / n |                       |               | 8.37/12 = 0.70       |                                  |                               |
|                                    |                             |                 |                | average inventory level - (l+ - l-)                      |                       |               | 31.74 - 0.70 = 31.04 |                                  |                               |

### Exercício 1.3.2

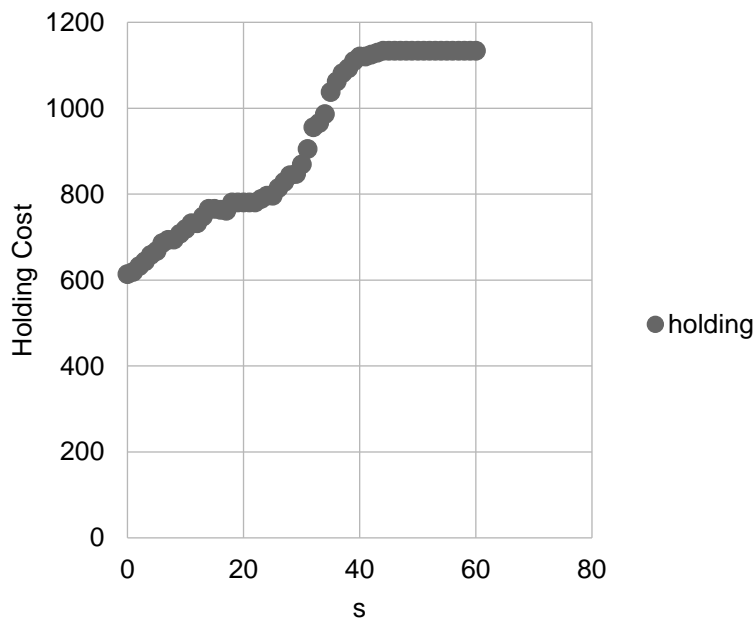
- a) Resposta no arquivo 1\_3\_2.c  
b) O custo se difere minimamente

- c) Quando os custos são calculados com um  $s$  constante, os custos de setup, holding e shortage podem não ser os melhores. Porém, se variarmos o  $s$ , podemos modificar os 3 custos. Fazendo a simulação utilizando vários  $s$  é possível achar um ponto em comum em que o custo seja menor ou médio para cada custo e assim achando um  $s$  aonde o custo seja minimizado.
- d) A escolha ótima do  $s$ , leva os custos de holding, setup e shortage a diminuir, causando a diminuição do average dependent cost

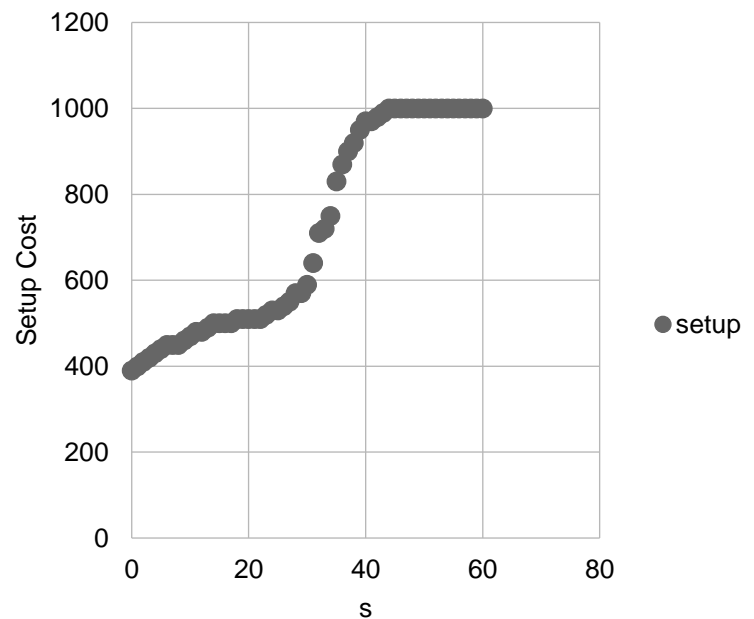
#### Exercício 1.3.4

a)  $S = 60$

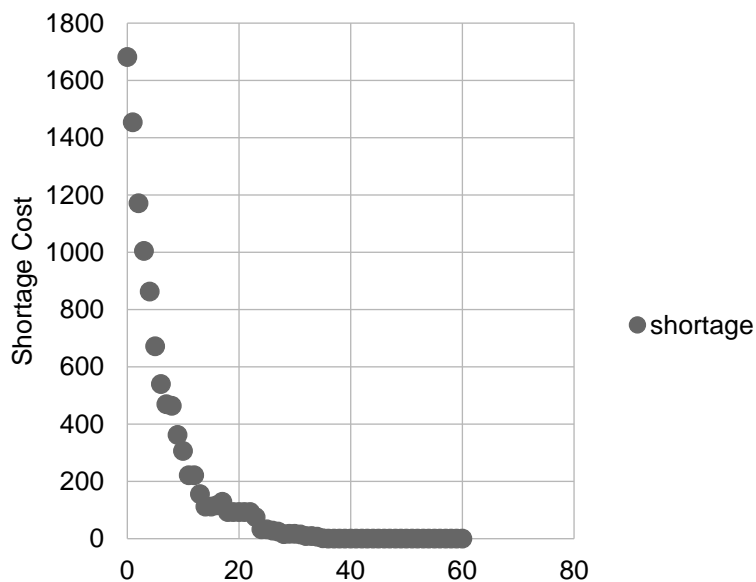
### Holding Cost vs. $S$



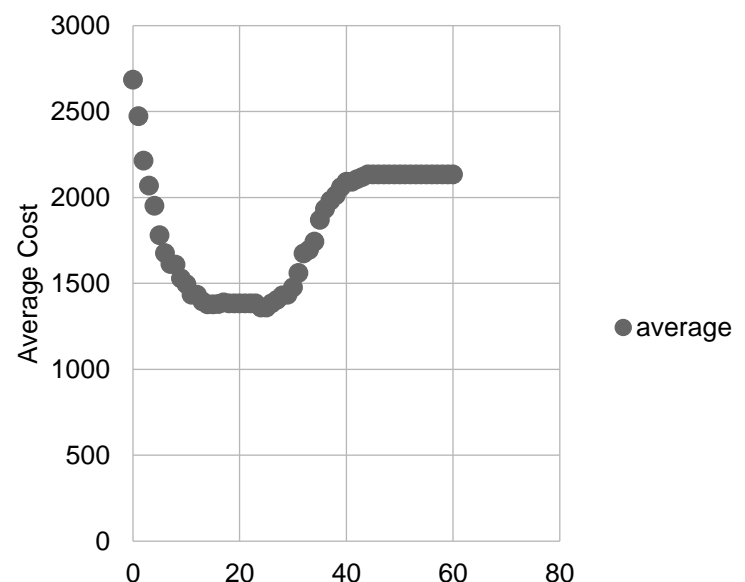
### Setup Cost vs. $S$



### Shortage Cost vs. $S$

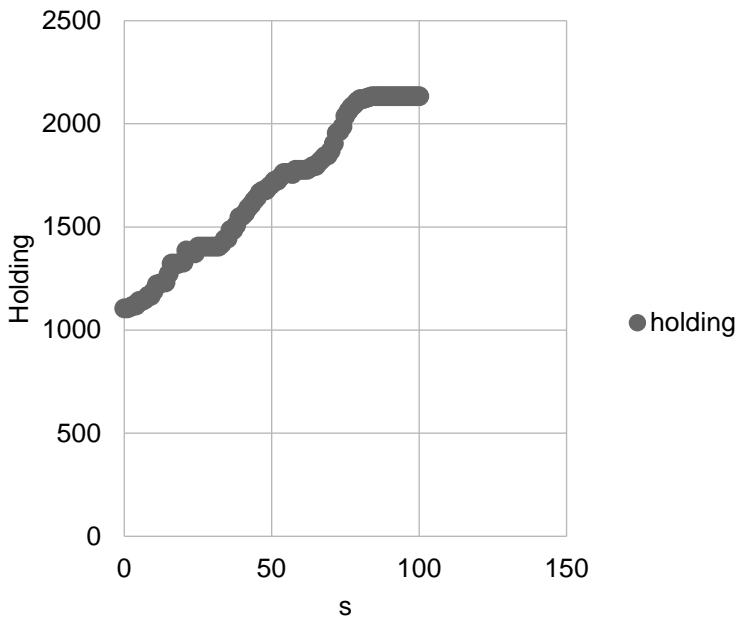


### Average Cost vs. $S$

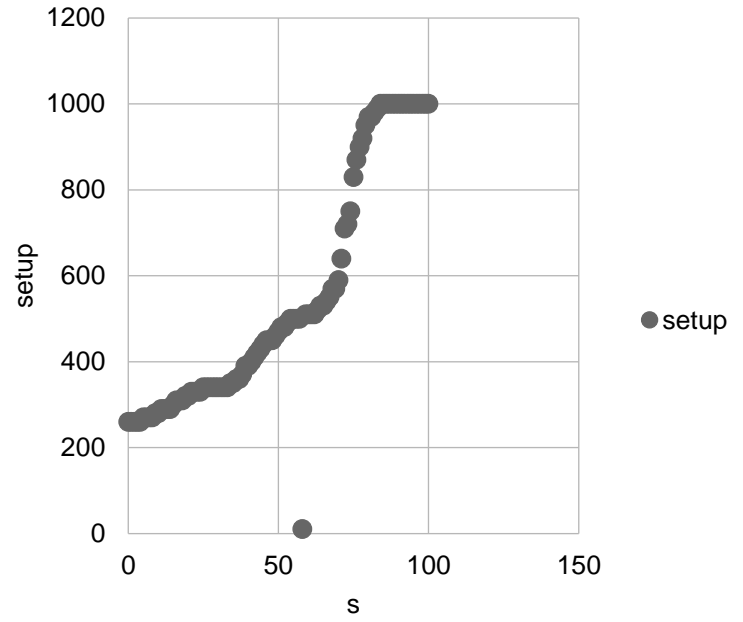


S = 100

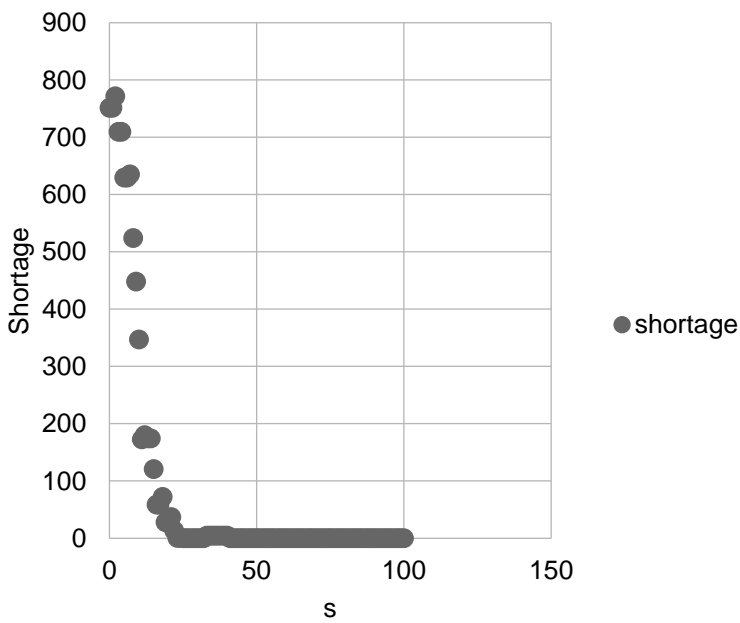
### Holding vs. S



### Setup vs. S



### Shortage vs. S



### Average vs. S

