Matemática do Ensino Médio Grupo PET-Matemática UFCG

2ª Lista de Exercícios UFCG/CCT/UAMat

Preparada por: Prof. Dr. Claudianor O. Alves Editores: Emanuel Carlos A. Alves, Juliérika V. Fernandes e Matheus C. Motta Tutor: Prof. Dr. Daniel Cordeiro de Morais Filho

Aluno(a): _

1. Resolva as equações exponenciais:

(a)
$$2^x = 128$$

(b)
$$3^x = 243$$

(c)
$$(\sqrt[3]{2})^x = 8$$

(d)
$$\left(\frac{1}{125}\right)^x = 25$$

(e)
$$11^{2x+5} = 1$$

(f)
$$7^{3x+4} = 49^{2x-3}$$

(g)
$$8^{2x+1} = \sqrt[3]{4^{x-1}}$$

(h)
$$3^{2x-1} \cdot 9^{3x+4} = 27^{x+1}$$

(i)
$$\sqrt[x+4]{2^{3x-8}} = 2^{x-5}$$

$$(j) \ \frac{2^{3x+2}}{8^{2x-7}} = 4^{x-1}$$

2. Resolver as seguintes equações exponenciais:

(a)
$$4^x - 2^x - 2 = 0$$

(b)
$$9^x + 3^x = 90$$

(c)
$$4^{x+1} + 4^{3-x} = 257$$

(d)
$$5 \cdot 2^{2x} - 4^{(2x - \frac{1}{2})} - 8 = 0$$

(e)
$$3^{x-1} - 3^x + 3^{x+1} + 3^{x+2} = 306$$

(f)
$$5^{x-2} - 5^x + 5^{x+1} = 505$$

(g)
$$2^{3x} + 2^{3x+1} + 2^{3x+2} + 2^{3x+3} = 240$$

(h)
$$3 \cdot 2^x - 5 \cdot 2^{x+1} + 5 \cdot 2^{x+3} - 2^{x+5} = 2$$

3. Resolva a equação exponencial $\frac{3^x + 3^{-x}}{3^x - 3^{-x}} = 2$.

4. Resolver as equações abaixo em \mathbb{R}_+

(a)
$$x^{2-3x} = 1$$

(b)
$$x^{2x+5} = 1$$

(c)
$$x^{2x^2-7x+4} = x$$

(d)
$$x^{x^2-7x+12} = 1$$

(e)
$$(x^2 - x + 1)^{2x^2 - 3x - 2} = 1$$

(f)
$$x^{2x} - (x^2 + x) \cdot x^x + x^3 = 0$$

5. Resolva os seguintes sistemas de equações:

(a)
$$\begin{cases} 4^x = 16y \\ 2^{x+1} = 4y \end{cases}$$

(b)
$$\begin{cases} 2^x - 2^y = 24y \\ x + y = 8 \end{cases}$$

(d)
$$\begin{cases} 3^x - 2^{y^2} = 77 \\ 3^{\frac{x}{2}} - 2^{\frac{y^2}{2}} = 7 \end{cases}$$

(e)
$$\begin{cases} x^{y^2 - 15y + 56} = 1 \\ y - x = 5 \end{cases}$$