Matemática do Ensino Médio Grupo PET-Matemática UFCG

5ª Lista de Exercícios UFCG/CCT/UAMat

Preparada por: Prof. Dr. Claudianor O. Alves Editores: Emanuel Carlos A. Alves, Juliérika V. Fernandes e Matheus C. Motta Tutor: Prof. Dr. Daniel Cordeiro de Morais Filho

Aluno(a):

1. Resolver as equações:

(a)
$$\log_4(3x+2) = \log_4(2x+5)$$

(b)
$$\log_3(3x-6) = \log_3(3x-5)$$

(c)
$$\log_{\frac{1}{2}}(3x^2 - 4x - 17) = \log_{\frac{1}{2}}(2x^2 - 5x + 3)$$

(d)
$$\log_5(4x-3) = 1$$

(e)
$$\log_{\sqrt{2}}(3x^2 + 7x + 3) = 0$$

(f)
$$\log_3(x-1)^2 = 2$$

$$(g) \log_3(\log_2 x) = 1$$

(h)
$$\log_2(1 + \log_3(1 + \log_4 x)) = 0$$

(i)
$$\log_3(\log_2(3x^2 - 5x + 2)) = \log_3 2$$

2. Resolva as equações abaixo:

(a)
$$x^{\log_x(x+9)} = 7$$

(b)
$$x^{\log_x(x-5)^2} = 9$$

(c)
$$(\sqrt[3]{x})^{\log_x(x^2+2)} = 2\log_3\sqrt{27}$$

(d)
$$\log_4^2 x - 2\log_4 x - 3 = 0$$

(e)
$$6\log_2^2 x - 7\log_2 x + 2 = 0$$

(f)
$$\log^3 x = 4\log x$$

(g)
$$\frac{1}{5 - \log x} + \frac{2}{1 + \log x} = 1$$

(h)
$$\frac{3 + \log_2 x}{\log_2 x} + \frac{2 - \log_2 x}{3 - \log_2 x} = \frac{5}{2}$$

(i)
$$\frac{1 - \log x}{2 + \log x} - \frac{1 + \log x}{2 - \log x} = 2$$

(j)
$$\log_x(2x+3) = 2$$

(k)
$$\log_x(3x^2 - 13x + 15) = 2$$

(1)
$$\log_{x-2}(2x^2 - 11x + 16) = 2$$

(m)
$$\log_x(4x-3) = \log_x(2x+1)$$

(n)
$$\log_{x+1}(3x+14) = \log_{x+1}(2-x)$$

(o)
$$\log_{x+5}(3x^2 - 5x - 8) = \log_{x+5}(2x^2 - 3x)$$

3. Resolver o sistema de equações:

(a)
$$\begin{cases} 2x^y - x^{-y} = 1\\ \log_2 y = \sqrt{x} \end{cases}$$

(b)
$$\begin{cases} x + y = 6 \\ \log_2 x + \log_2 y = \log_2 8 \end{cases}$$

(c)
$$\begin{cases} 4^{x-y} = 8 \\ \log_2 x + \log_2 y = 2 \end{cases}$$

(c)
$$\begin{cases} 4^{x-y} = 8 \\ \log_2 x + \log_2 y = 2 \end{cases}$$
(d)
$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 425 \\ \log_2 x + \log_2 y = 2 \end{cases}$$