Universidade de São Paulo Escola de Artes Ciências e Humanidades Sistemas de Informação

Atividade

Descrição do trabalho

Coordenadas Baricentricas

Considere t um triângulo no plano \mathbb{R}^2 , definido pelos vértices a, b e c. O problema de determinar se um ponto p = (x, y) está dentro ou fora do triângulo t, é equivalente a encontrar as "coordenadas baricentricas "de p em relação à t. Em outras palavras, pode-se escrever:

$$p = \alpha_1 a + \alpha_2 b + \alpha_3 c$$

com

$$\sum_{i=1}^{3} \alpha_i = 1$$

Os $\alpha_{i's}$ são as chamadas coordenadas baricentricas do ponto p. Se todas elas forem positivas, isto significa que p está dentro do triângulo t, caso contrário, p estará do lado da aresta oposta ao vértice de coordenada mais negativa. Por exemplo, se α_1 for negativo e menor que $alpha_2$ e $alpha_3$, significa que p se encontra do lado da aresta bc.

A proposta deste trabalho, é implementar um programa que, dada uma triangulação de um subconjunto Ω do plano (como na Figura 1) e um ponto $p \in \Omega$, descubra dentro de qual triângulo o ponto p se encontra. Escolha um triângulo inicial (pode ser qualquer um) e trace um caminho de triângulos até a localização do ponto p. Utilize o conceito de coordenadas baricêntricas para caminhar pela triangulação

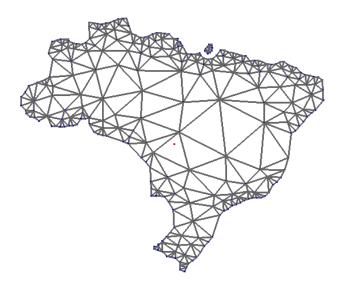


Figura 1: Exemplo de triangulação.