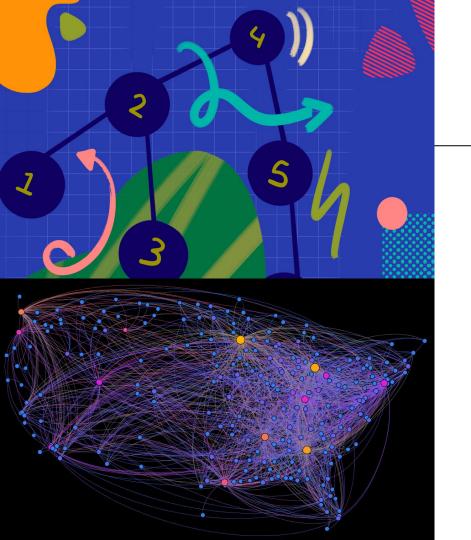
AULA 03

# Métodos de Busca Com Informação

CAMILA LARANJEIRA

mila.laranjeira@gmail.com





## Agenda

- Heurística
- Métodos de Busca
  - Gulosa (greedy)
  - A\*
  - o IDA\*
  - o RBFS

## Sobre os slides

#### Esses slides usam material de:

- José Augusto Baranauskas do Departamento de Computação e Matemática FFCLRP-USP
- Lecture 3: Informed Search: A\* and Heuristics | Berkeley CS188: AI (Spring 2022)
  - <a href="https://inst.eecs.berkeley.edu/~cs188/sp22/assets/slides/Lecture3.pdf">https://inst.eecs.berkeley.edu/~cs188/sp22/assets/slides/Lecture3.pdf</a>

Até então, trabalhos com o custo como algo pré-definido.

- Função de custo **f(n)** 

```
f(n) = g(n)
```

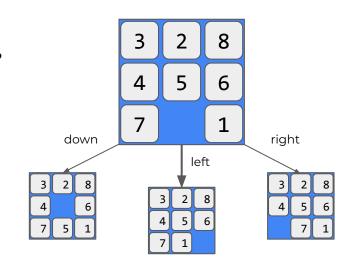
 Com g(n) sendo o custo fixo de uma ação

```
3 class MagicTrain():
       def init (self, goal, cost walk=0, cost train=0):
           self.initial state = 1
           self.goal = goal
           self.actions = {('andar', cost walk), ('trem mágico', cost train)}
       def isEndState (self, state):
           if state == self.goal: return True
10
11
           return False
12
13
       def makeMove (self, state, action):
14
           name, cost = action
15
           if name == 'andar': return (name, cost, state+1)
16
           elif name == 'trem mágico': return (name, cost, state * 2)
17
       def getValidMoves(self, state):
18
19
           valid moves = []
           for action in self.actions:
20
               name, cost, new state = self.makeMove(state, action)
21
22
               # Restrição do problema
23
               if new state <= self.goal:
24
25
                   valid moves.append( (name, cost, new state) )
26
27
           return valid moves
```

- Por exemplo, no problema do quebra-cabeça-8 definimos o custo constante c = 1 para cada movimento. A busca cega encontra a solução com menor número de movimentos.

- 
$$f(n) = g(n) = 1$$

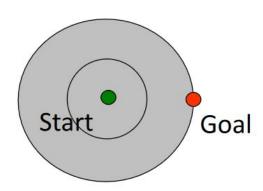
- Mas como será feita a exploração pela busca cega?

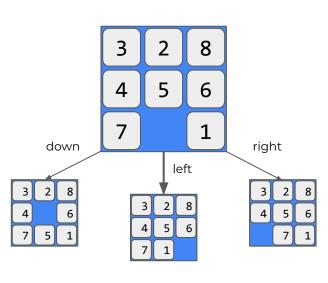


- Por exemplo, no problema do quebra-cabeça-8 definimos o custo constante c = 1 para cada movimento. A busca cega encontra a solução com menor número de movimentos.

- 
$$f(n) = g(n) = 1$$

- Todas as ações são igualmente promissoras
- A busca explora uniformemente as possibilidades e desperdiça muito esforço

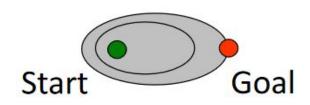


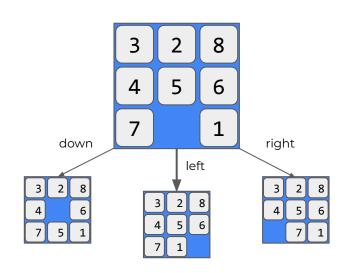


- O que queremos é encontrar uma função que nos informe as ações mais promissoras

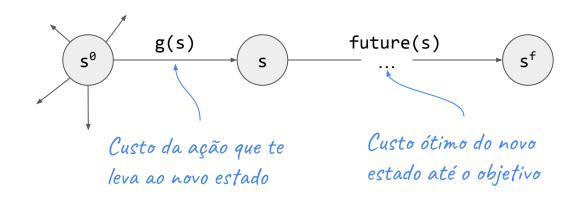
$$- f(n) = ?$$

- O objetivo é direcionar a busca em direção ao alvo

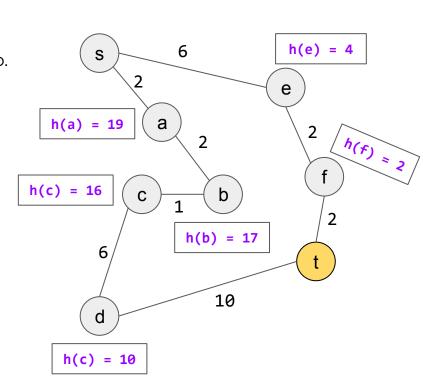




- Função ideal: o quão próximo da meta um determinado nó está?
  - f(s) = g(s) + future(s)
  - Se ela existisse o problema estaria resolvido.



- Função ideal: o quão próximo da meta um determinado nó está?
  - f(s) = g(s) + future(s)
  - Se ela existisse o problema estaria resolvido.
- Considere o problema ao lado
  - Como o UCS funcionaria nos custos g(s)?
  - E se considerarmos a previsão de futuro perfeita h(s)?

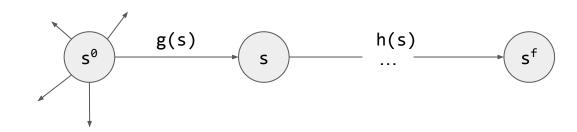


- Função ideal: o quão próximo da meta um determinado nó está?
  - f(s) = g(s) + future(s)
  - Se ela existisse o problema estaria resolvido.
- Não temos bola de cristal, então o que fazer?

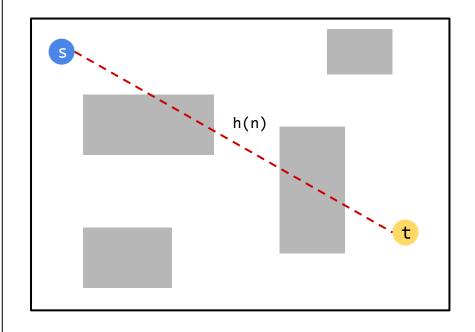
- Função ideal: o quão próximo da meta um determinado nó está?
  - f(s) = g(s) + future(s)
  - Se ela existisse o problema estaria resolvido.
- Não temos bola de cristal, então o que fazer?

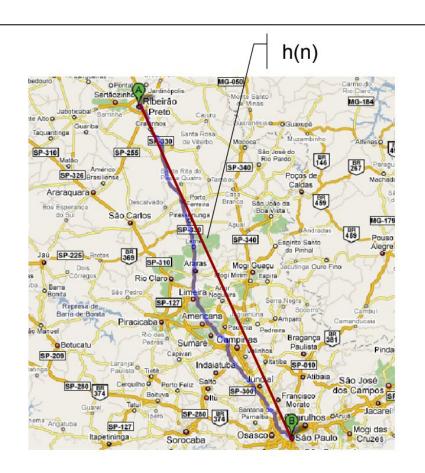


- Função ideal: o quão próximo da meta um determinado nó está?
  - f(s) = g(s) + future(s)
  - Se ela existisse o problema estaria resolvido.
- Solução: Relaxe as restrições do seu problema. O futuro não precisa ser estimado com perfeição!



- Ex: distância euclidiana

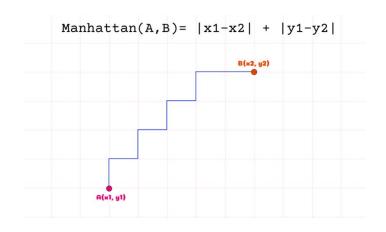


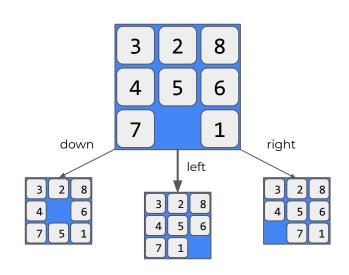


 No problema quebra-cabeça-8, podemos desconsiderar as limitações de movimento e usar a distância de manhattan das peças até suas posições finais como função heurística

$$- f(n) = g(n) + h(n)$$

- 
$$f(n) = 1 + manhattan(n)$$

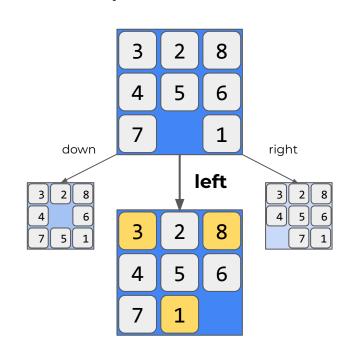




 No problema quebra-cabeça-8, podemos desconsiderar as limitações de movimento e usar a distância de manhattan das peças até suas posições finais como função heurística

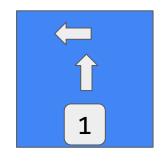
- 
$$f(n) = g(n) + h(n)$$
  
-  $f(n) = 1 + manhattan(n)$ 

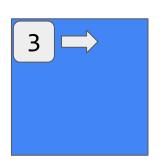
- Qual o valor da função heurística para **left**?
  - Apenas 1, 3 e 8 estarão fora de lugar

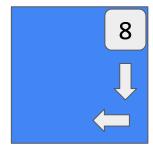


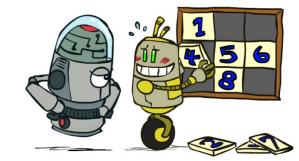
- O valor da função heurística para **left** é:

- 
$$h(left) = 3 + 2 + 3 = 8$$
 -

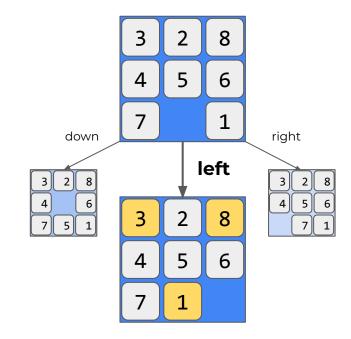




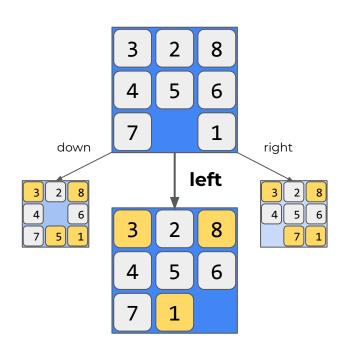




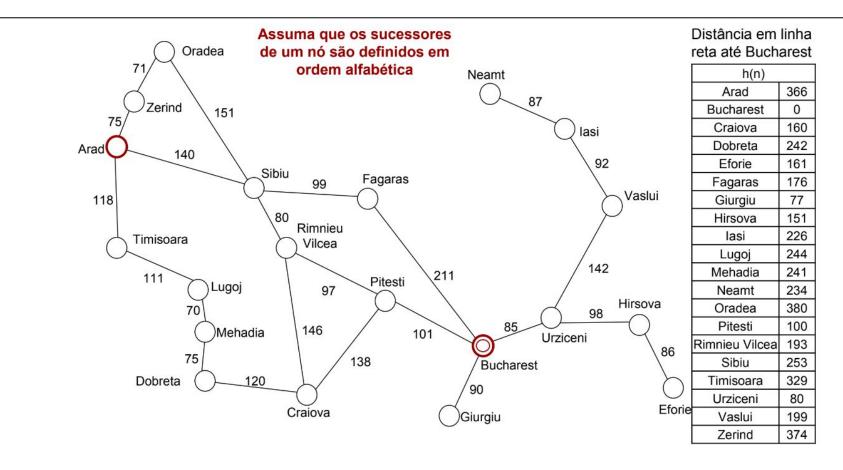
A heurística **estima** que estarei a 8 movimentos da solução

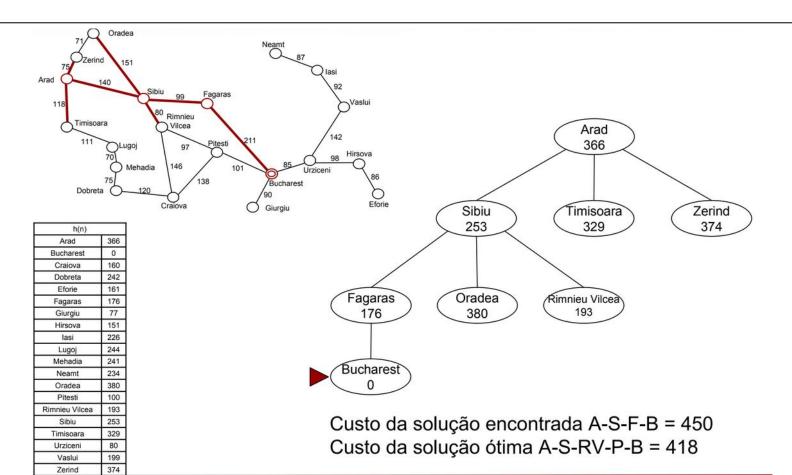


- Avaliando todas as alternativas de estado, temos
  - h(left) = 3 + 2 + 3 = 8
  - h(down) = 4 + 2 + 1 + 3 = 10
  - h(right) = 4 + 2 + 1 + 3 = 10
- Nesse contexto, **left** é a melhor escolha.



- Busca gulosa pela melhor escolha (best-first greedy search), expande os nós de menor custo
- Avalia os nós apenas de acordo com a função heurística
  - f(n) = h(n)
- Se assemelha à busca em profundidade (DFS), pois segue um único caminho até que:
  - Encontre o objetivo
  - Caia em um nó sem saída (adotando o backtrack)
- Mesmos defeitos do DFS: não é ótima nem completa se houver caminhos infinitos





- Não é ótima, nem completa;
- Mas é muito rápida se a sua heurística for de boa qualidade!

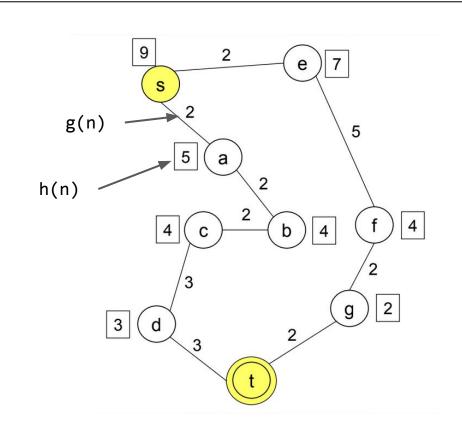
- Shakey The Robot (1972)
- Primeiro robô de propósito geral
- Autores propuseram um algoritmo baseado em heurísticas para o planejamento de caminho do Shakey
  - Ótimo e completo
  - O mais rápido!\*

\*Para uma dada heurística, nenhum outro algoritmo irá expandir menos nós.



- Lembra quando dissemos sobre o Uniform Cost Search que:
  - Se a heurística for uma função constante, é um caso particular do A\*
- Essencialmente, A\* é o UCS onde a fila de prioridade é ordenada de acordo com:
  - f(n) = g(n) + h(n)
- Ele é considerado completo e ótimo quando:
  - Heurística do nó objetivo é h(t) = 0
  - h(n) é admissível (otimista): seu custo é menor ou igual que o custo real até o objetivo
    - $0 \le h(n) \le future(n)$

- Assumindo a heurística dada ao lado
  - Ela é admissível?

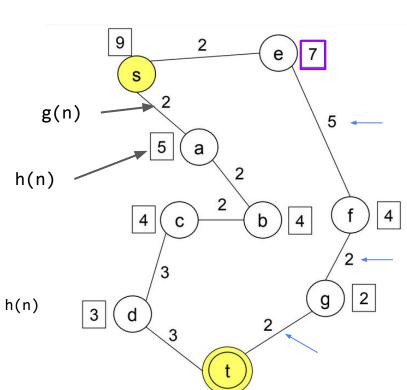


- Assumindo a heurística dada ao lado
  - Ela é admissível?

$$h(e) = 7$$

$$future(e) = 5 + 2 + 2$$

- Essa relação precisa ser verdadeira para qualquer h(n)



$$f(n) = g(n) + h(n)$$



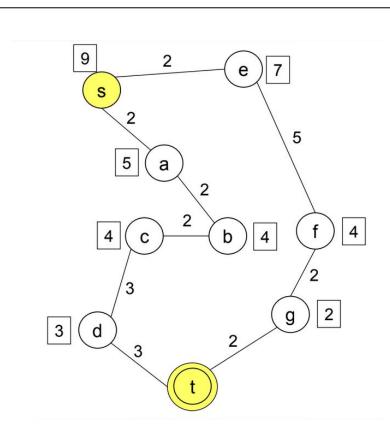
função <u>Busca-de-Custo-Uniforme</u> (*problema*)

retorna uma solução ou falha

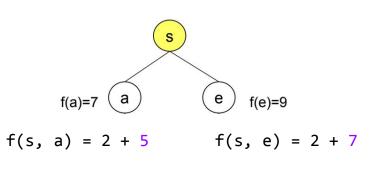
Busca-Genérica (problema, Insere-Ordem-

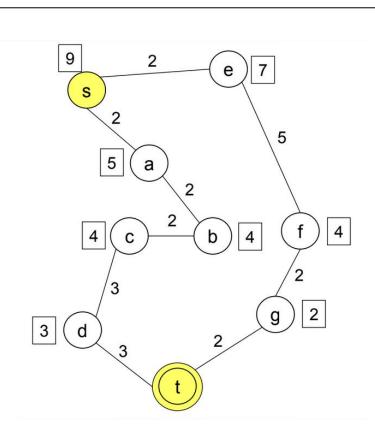
**Crescente**)

Fila de prioridade

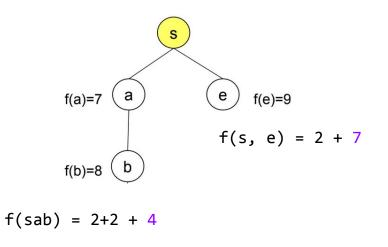


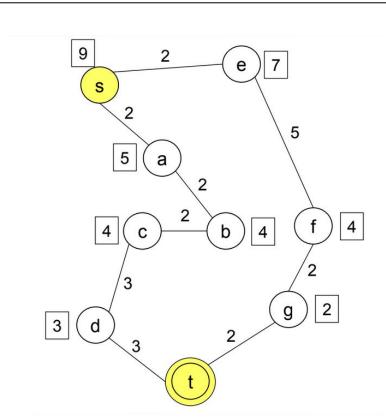
$$f(n) = g(n) + h(n)$$



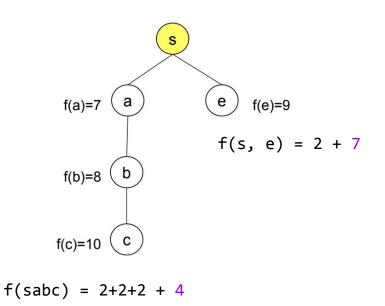


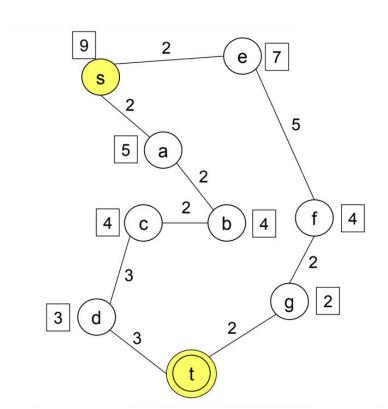
$$f(n) = g(n) + h(n)$$



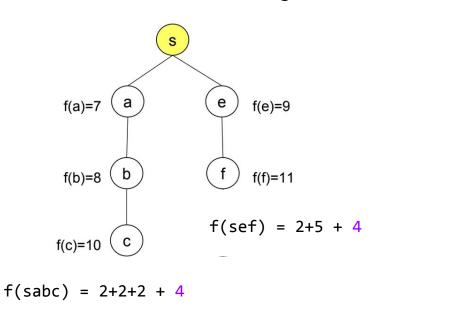


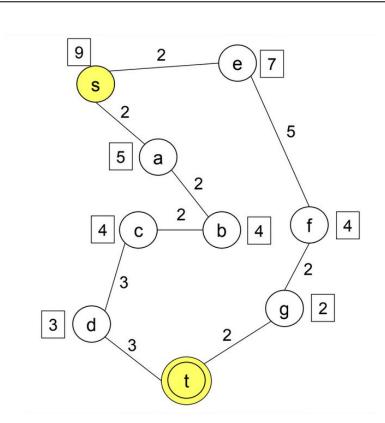
$$f(n) = g(n) + h(n)$$



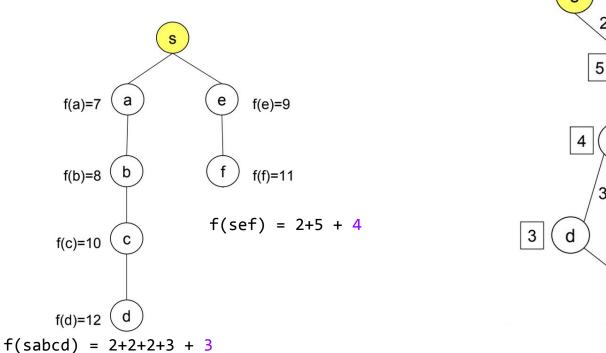


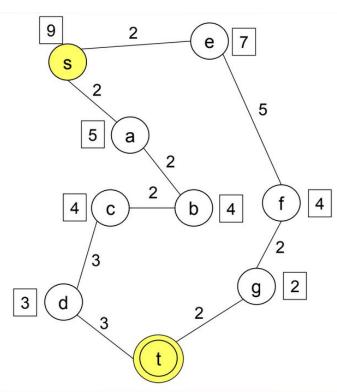
$$f(n) = g(n) + h(n)$$



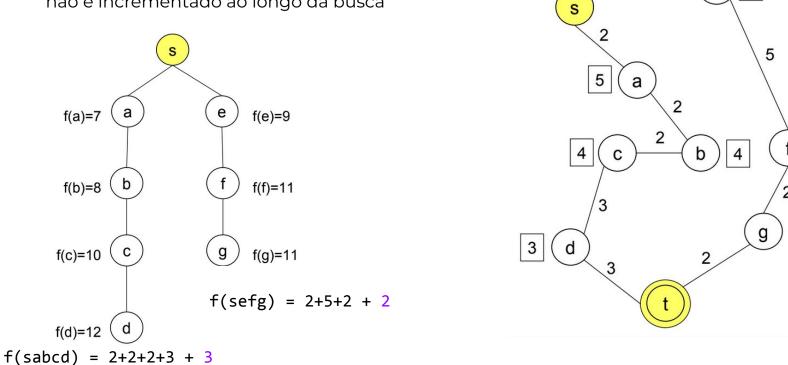


$$f(n) = g(n) + h(n)$$

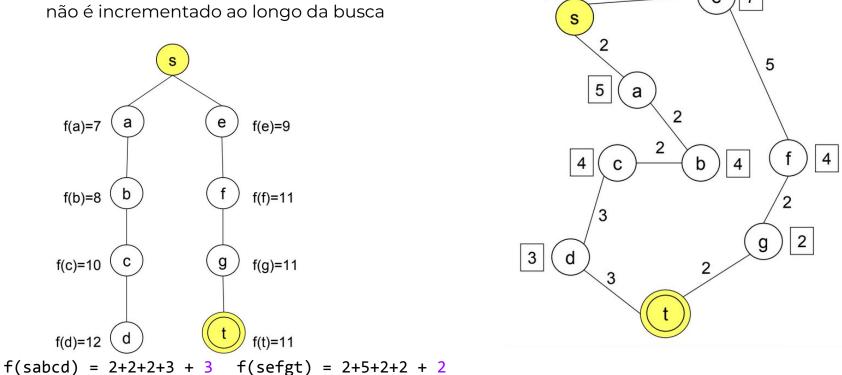




$$f(n) = g(n) + h(n)$$

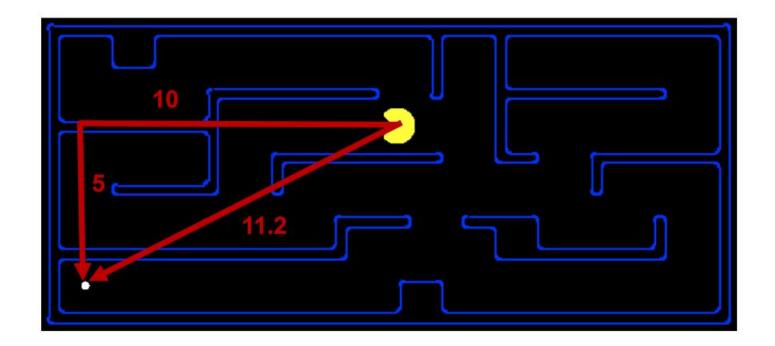


$$f(n) = g(n) + h(n)$$



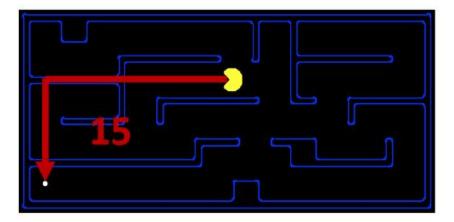
### Escolhendo Heurísticas

- No exemplo do Pacman, qual a melhor heurística? Euclideana ou Manhattan?



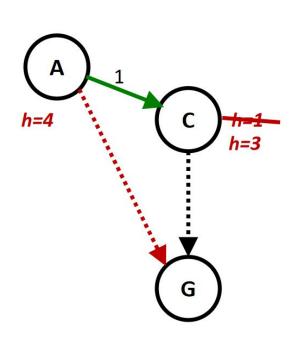
#### Escolhendo Heurísticas

- No exemplo do Pacman, qual a melhor heurística? Euclideana ou Manhattan?
- Heurísticas admissíveis que aproximam melhor o problema real são melhores!
- Encontrar heurísticas boas, baratas de calcular e admissíveis é a chave do sucesso!

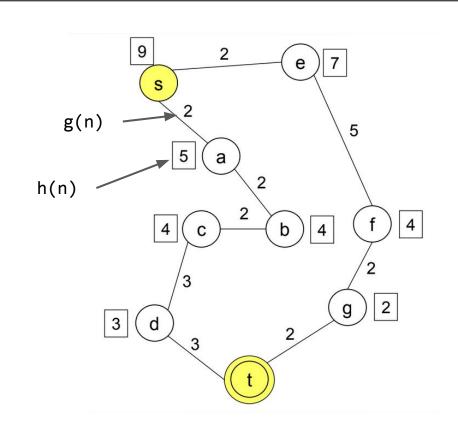


### Admissibilidade vs Consistência

- Admissibilidade: custo da heurística ≤ custo real até a meta
  - $0 \le h(n) \le future(n)$
- Consistência: custo da heurística em "arcos" ≤ custo do arco
  - $h(A) h(C) \le g(A,C)$
  - ou  $h(A) \le g(A,C) + h(C)$  (triangle inequality)
- Lembrando: h(objetivo) = 0
- Consistência implica admissibilidade



- Assumindo a heurística dada ao lado
  - Ela é consistente?

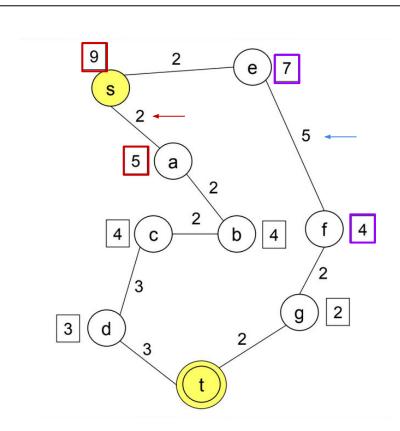


- Assumindo a heurística dada ao lado
  - Ela é consistente?

$$h(e) - h(f) \le g(e, f)$$

$$7 - 4 \le 5$$

$$h(s) - h(a) \le g(s, a)$$



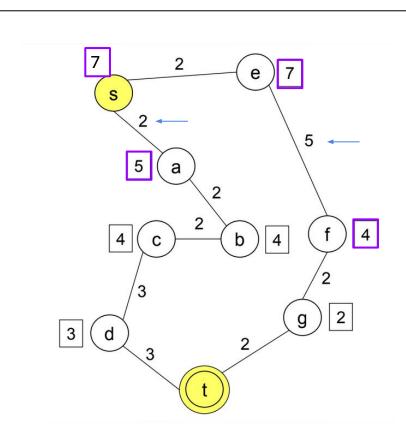
- Assumindo a heurística dada ao lado
  - Ela é consistente?

$$h(e) - h(f) \le g(e, f)$$

$$7 - 4 \le 5$$

$$h(s) - h(a) \le g(s, a)$$

$$7 - 5 \le 2$$



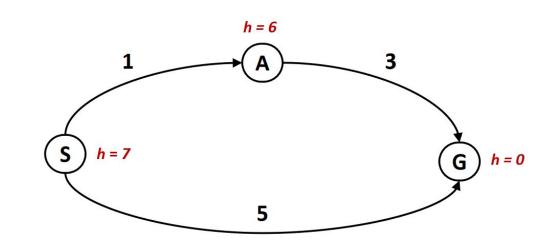
- Heurísticas não admissíveis, ou inconsistentes, podem desviar seu algoritmo da solução ótima
- Admissível

$$\bowtie$$
 h(A)  $\leq$  future(A)

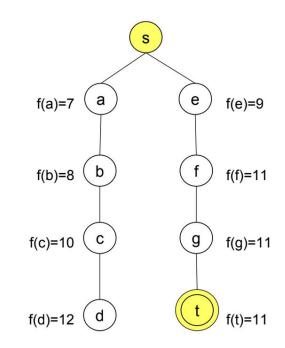
- Consistente

$$\bowtie$$
 h(A) - h(G)  $\leq$  g(A, G)

- Solução encontrada: S-G
- Solução ótima: S-A-G



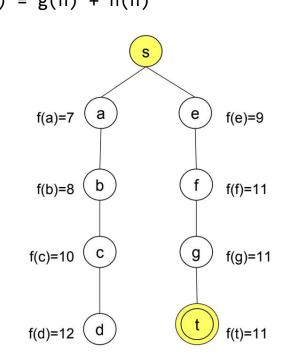
- Se a heurística é consistente (e portanto admissível), o **valor-f** cresce durante a busca f(n) = g(n) + h(n)
- Ou seja, o custo de um mesmo caminho nunca diminui
  - O exemplo ao lado explora dois caminhos distintos



- Se a heurística é consistente (e portanto admissível), o **valor-f** cresce durante a busca f(n) = g(n) + h(n)

- O exemplo ao lado explora dois caminhos distintos

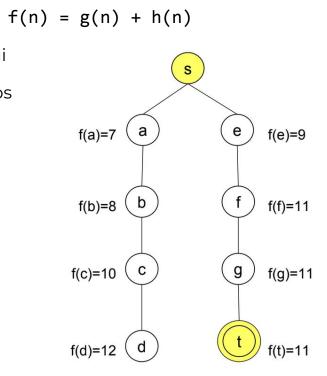
$$f(b) = g(s, ..., b) + h(b)$$
  
 $f(c) = g(s, ..., b) + g(b, c) + h(c)$   
 $h(b) - h(c) \le g(b, c) \#consistencia$   
 $h(b) \le g(b, c) + h(c)$ 



- Se a heurística é consistente (e portanto admissível), o **valor-f** cresce durante a busca

- O exemplo ao lado explora dois caminhos distintos

$$f(b) = g(s, ..., b) + h(b)$$
  
 $f(c) = g(s, ..., b) + g(b, c) + h(c)$   
 $h(b) - h(c) \le g(b, c) \#consistencia$   
 $h(b) \le g(b, c) + h(c)$ 



# Implementação

- Busca genérica
- Fila de prioridade
  - heap
- No caso do A\* o valor-f define a prioridade
- No caso do UCS, é
   o custo g(n)

```
class PriorityOueue:
172
           Implements a priority queue data structure. Each inserted item
173
           has a priority associated with it and the client is usually interested
174
           in quick retrieval of the lowest-priority item in the queue. This
175
          data structure allows O(1) access to the lowest-priority item.
176
             init (self):
178
             self.heap = []
179
             self.count = 0
180
181
        def push (self, item, priority):
            entry = (priority, self.count, item)
182
            heapq.heappush(self.heap, entry)
             self.count += 1
185
186
        def pop(self):
             ( , , item) = heapq.heappop(self.heap)
188
             return item
189
190
        def isEmpty(self):
             return len(self.heap) = 0
192
        def update (self, item, priority):
194
             # If item already in priority queue with higher priority, update its priority and rebuild the heap.
195
             # If item already in priority queue with equal or lower priority, do nothing.
196
             # If item not in priority queue, do the same thing as self.push.
197
             for index, (p, c, i) in enumerate(self.heap):
198
                 if i == item:
199
                     if p <= priority:
200
                        break
201
                     del self.heap[index]
202
                     self.heap.append((priority, c, item))
203
                     heapq.heapifv(self.heap)
204
                    break
205
             else:
206
                 self.push(item, priority)
207
```

# Implementação

- Busca genérica
  - Registro de custo g(n) acumulado no caminho
    - visited = dict(key=node, value=total cost)
  - Verificação se foi visitado ou se está sendo revisitado por um caminho melhor
  - Fila de prioridade com base no valor-f

```
for next_node, cost, new_state in problem.getValidMoves(curr_node.state):

if next_node not in visited or curr_node.total_cost+cost < visited[next_node]:

node = Node(name=next_node, state=new_state, parent=curr_node)

visited[next_node] = curr_node.total_cost+cost

valor_f = visited[next_node] + heuristic(next_node, goal)

priority_queue.push(next_node, priority=valor_f)
```

# Complexidade do A\*

- Apesar do A\* usar a heurística para reduzir o espaço de busca, seu custo ainda é exponencial na profundidade.
- Uma heurística ruim fará o algoritmo explorar muitos caminhos
- Uma boa heurística levará o algoritmo direto no caminho da solução
- Vale repetir: se a heurística é desprezível, o algoritmo se assemelha ao UCS.

Algoritmo	Tempo	Espaço
DFS-Backtracking	O(b <sup>D</sup> )	0(D)
DFS	0(b <sup>D</sup> )	O(D)
DFS-I	O(b <sup>d</sup> )	O(D)
BFS	O(b <sup>d</sup> )	O(b <sup>d</sup> )
UCS	O(b <sup>C*/e</sup> )	0(b <sup>C*/e</sup> )
A*	0(b,q)	0(b,q)

b' = ramificação efetiva da buscaquantos caminhos são explorados em paralelo

# Complexidade do A\*

- O mais crítico em seu caso é o custo em espaço, também exponencial.
- A memória estoura antes de você ficar entediado esperando a execução
- Temos alternativas:
  - IDA\* (Iterative Deepening A\*)
  - RBFS (Recursive Best-First Search)

Algoritmo	Tempo	Espaço
DFS-Backtracking	O(b <sup>D</sup> )	0(D)
DFS	O(b <sup>D</sup> )	O(D)
DFS-I	O(b <sup>d</sup> )	O(D)
BFS	O(b <sup>d</sup> )	O(b <sup>d</sup> )
UCS	0(b <sup>C*/e</sup> )	O(b <sup>C*/e</sup> )
A*	0(b'd)	0(b'd)

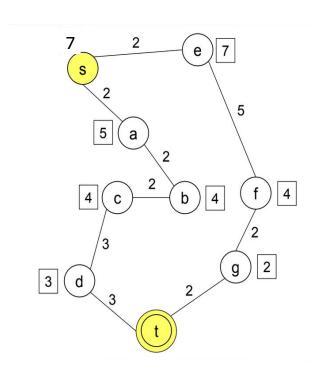
b' = ramificação efetiva da buscaquantos caminhos são explorados em paralelo

#### IDA\*

- Iterative Deepening A\*
- Similar à DFS-I (profundidade iterativa). Nesse caso, não se limita pela profundidade, mas sim pelo valor-f.
- Limite inicial é o valor-f do nó inicial
  - f(n) = g(n) + h(n)

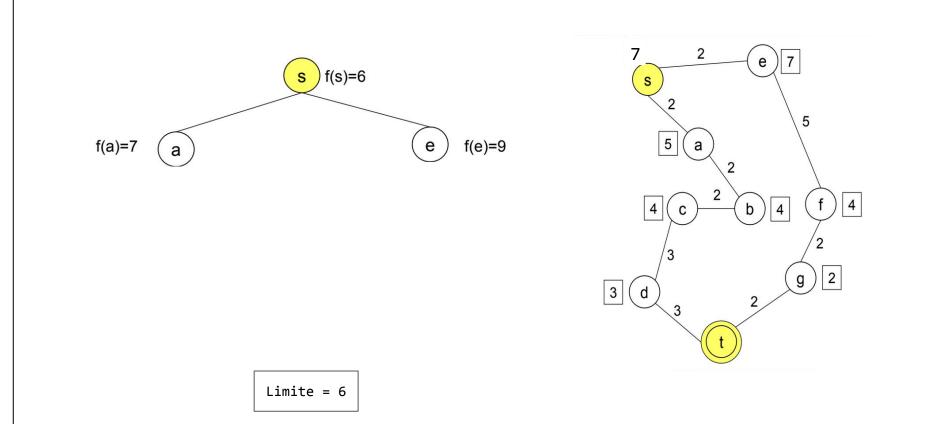
IDA\*

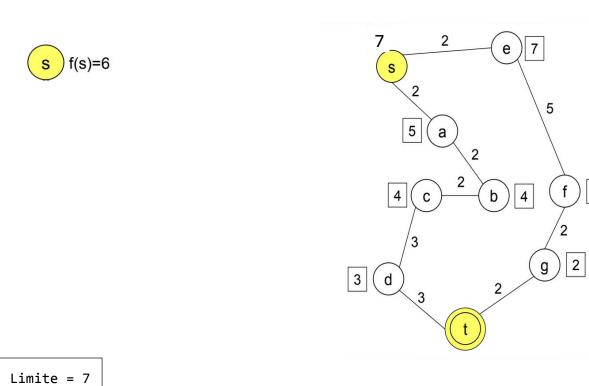




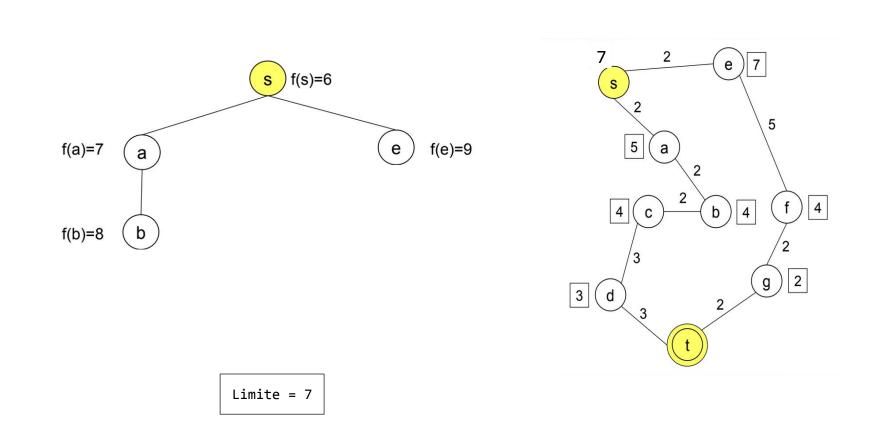
Limite =

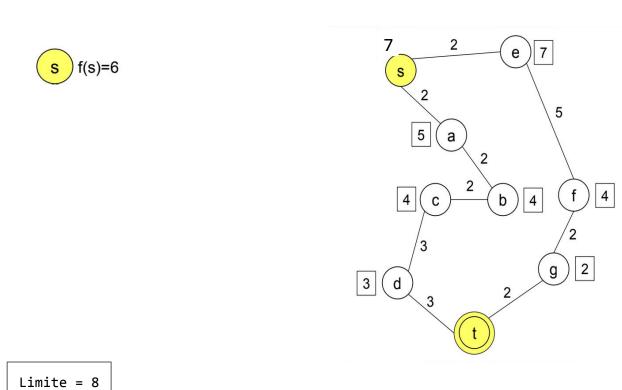
 $IDA^*$ 



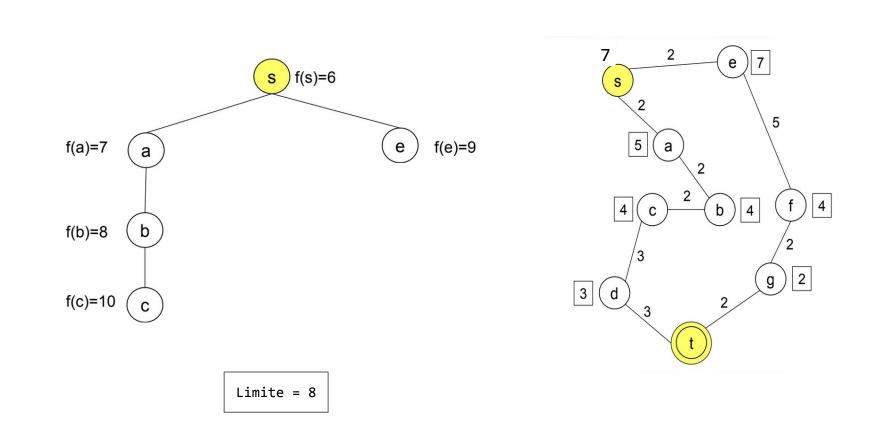


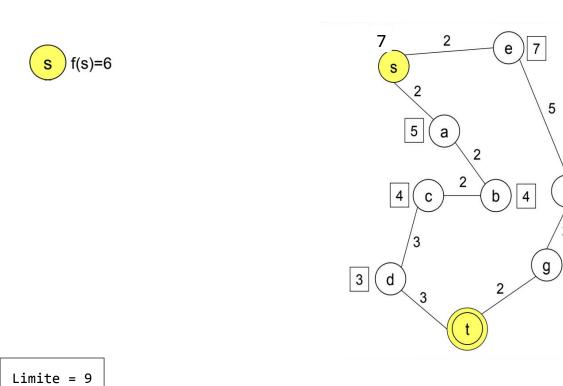
IDA\*



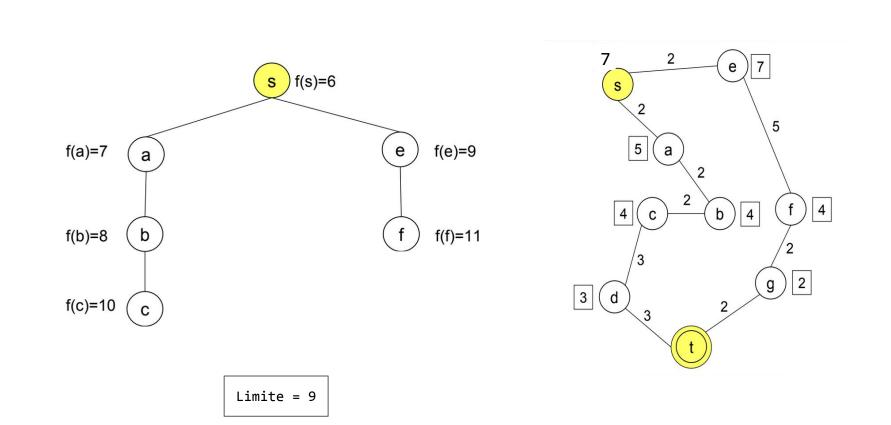


 $IDA^*$ 

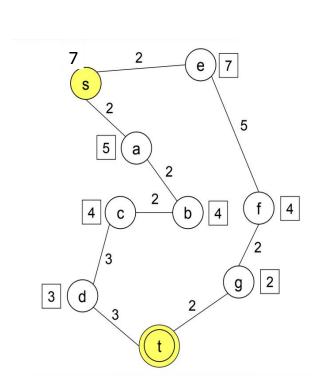




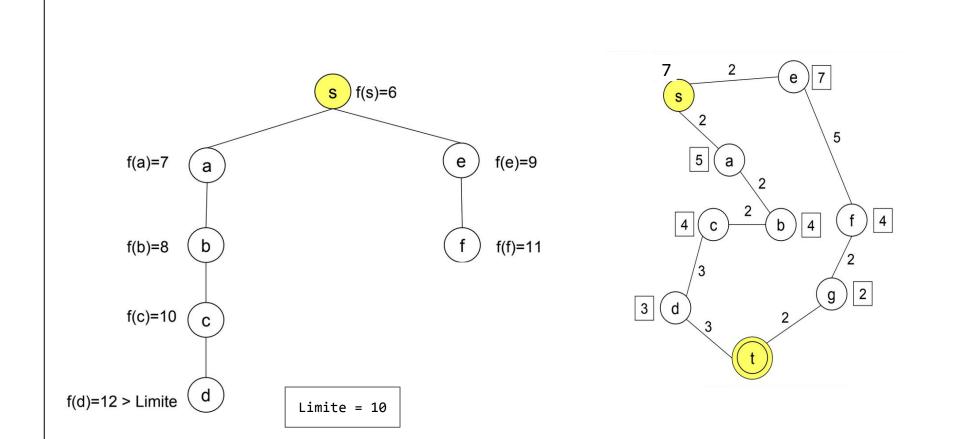
IDA\*



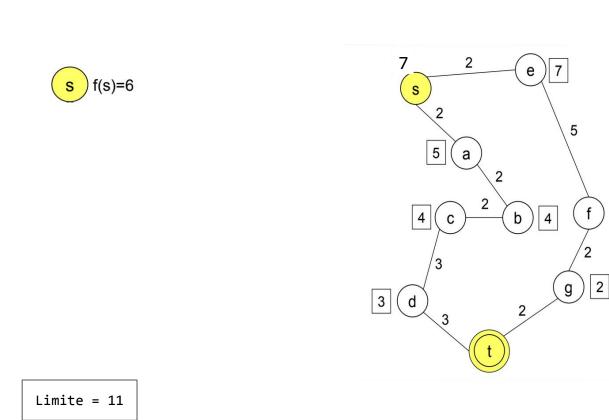




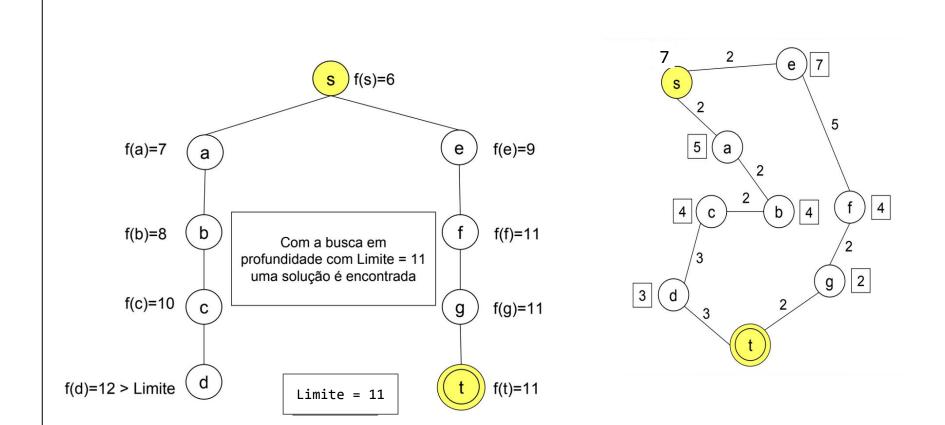
 $IDA^*$ 



 $IDA^*$ 



## IDA\*

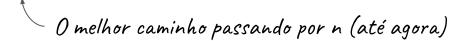


#### IDA\*

- IDA\* gasta muito espaço re-expandindo nós
  - Se os valores-f variam muito entre sub-árvores, ele gasta mais tempo re-expandindo que descobrindo novos nós
- RBFS resolve esse problema

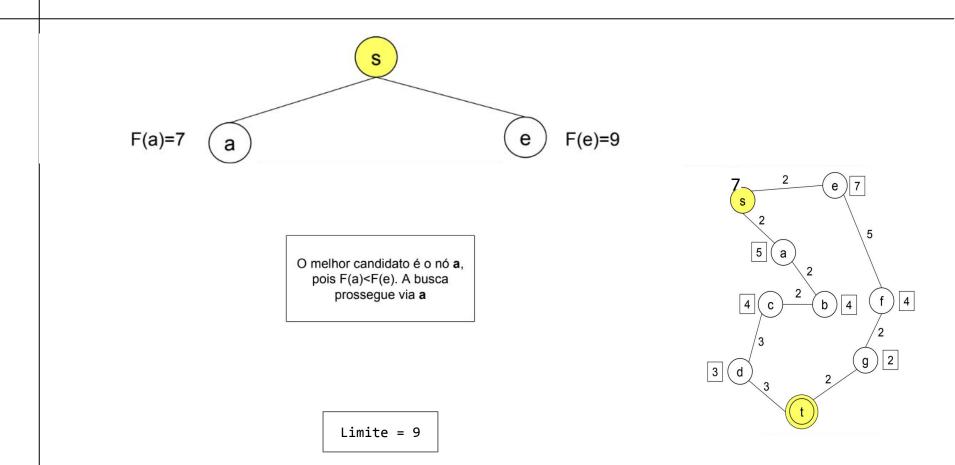
- Recursive Best-First Search
- O algoritmo "esquece" as sub-árvores que não estão sendo exploradas no momento, registrando somente o valor-f do caminho
- Torna-se linear na complexidade do espaço
- Também explora com base em **limites de valor-f** que serão incrementados ao longo da exploração
- O limite é determinado pelos valores-f dos filhos ao longo do caminho atual
- Exceder esse limite é o critério para esquecer o caminho, atualizar o limite e refazer a exploração

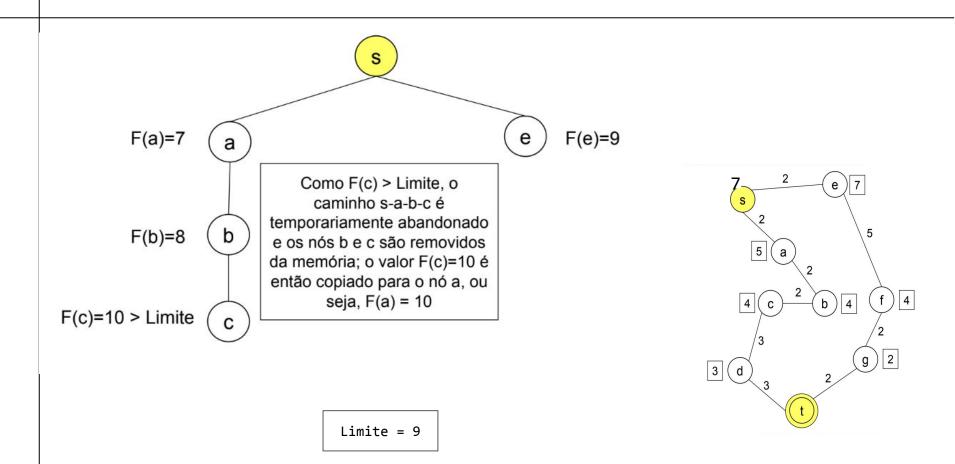
- É importante distinguir entre valores-f reais e valores-f de registros temporários. Usaremos
  - f(n): valor-f estimado para o nó n
  - F(n): valor-f armazenado do caminho em espera passando por n
- F(N) = f(n) se n nunca foi expandido
- $F(N) = min\{F(n_i), sendo n_i um nó sucessor de n\}$

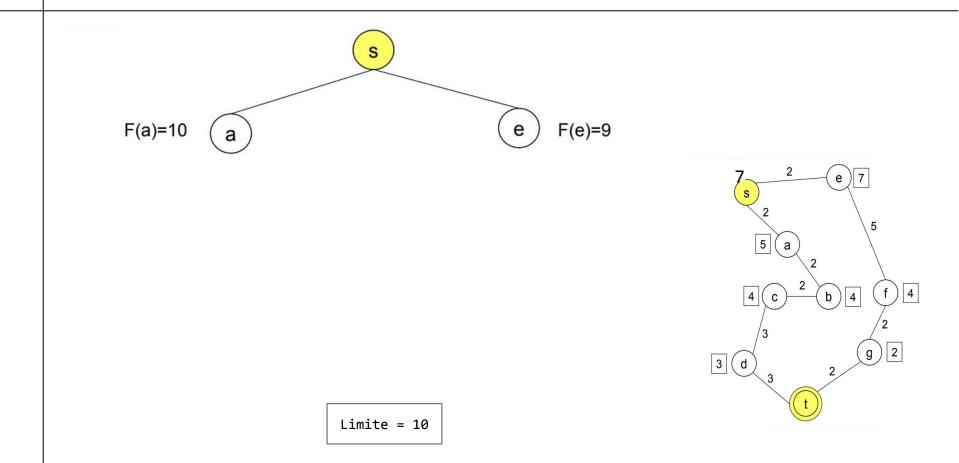


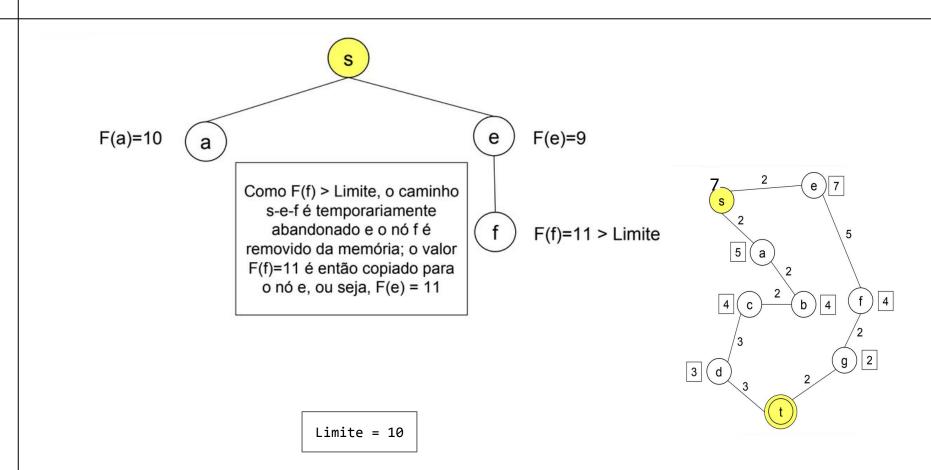
#### Note que:

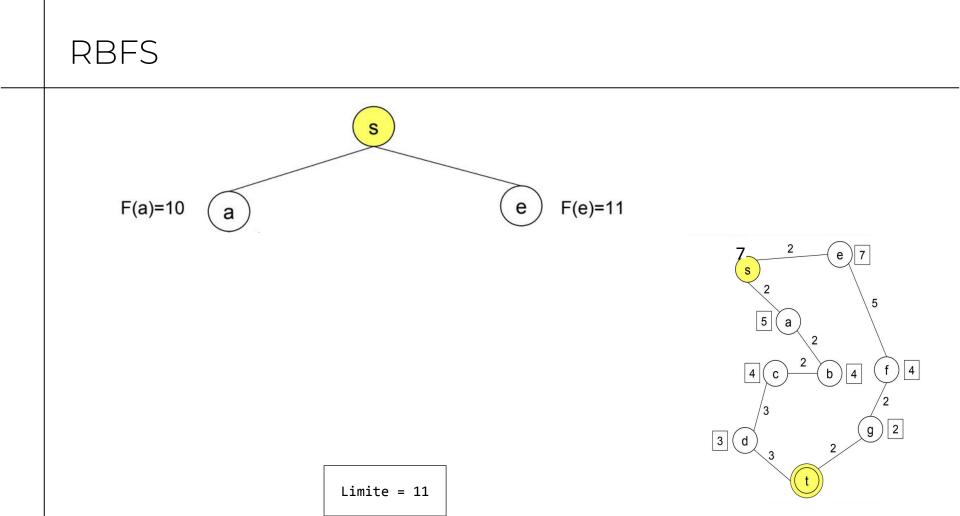
- Se F(n)>f(n) então sabemos que n foi expandido anteriormente e F(n) foi determinado a partir dos filhos de n, mas os filhos foram removidos da memória

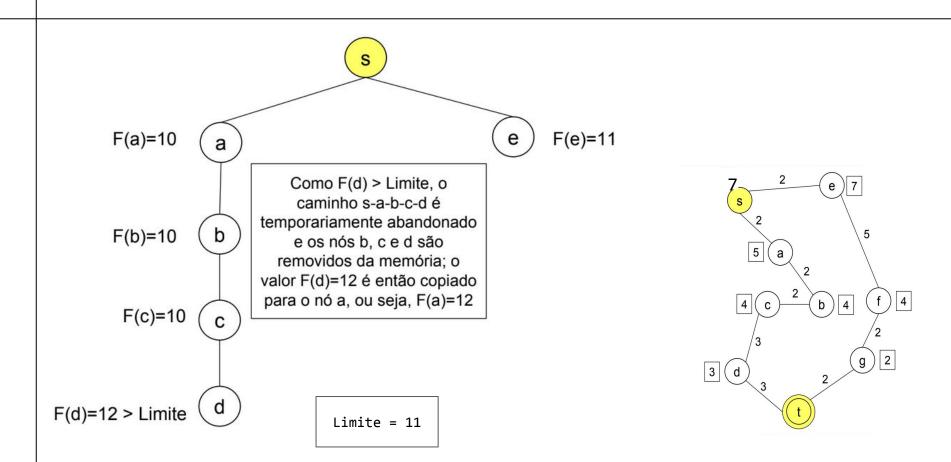


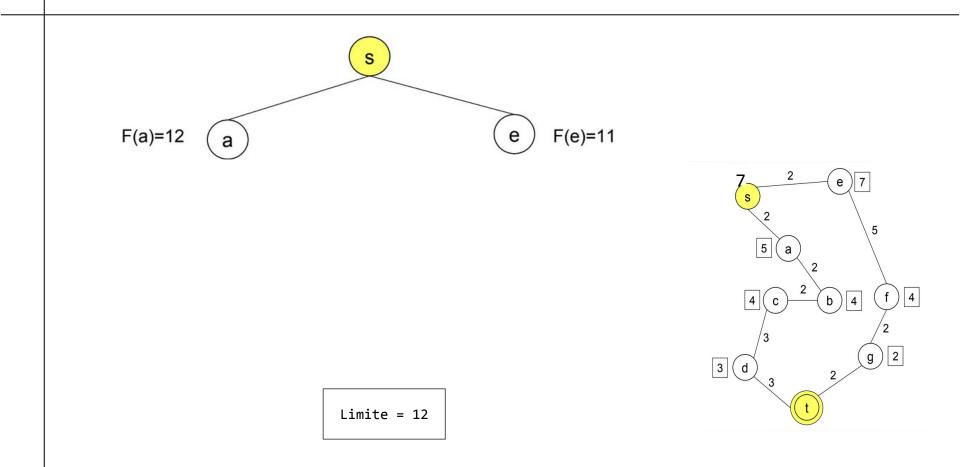


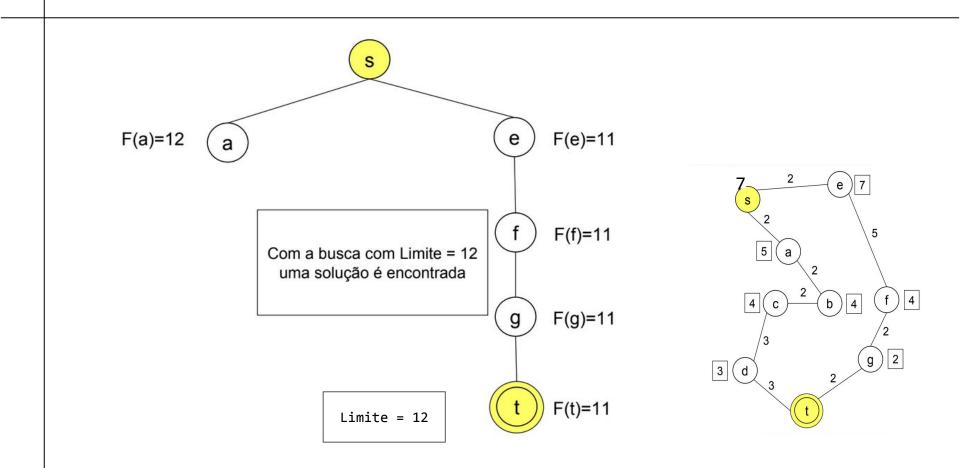












#### Resumo

- Para uma dada heurística, A\* irá expandir menos nós dentre todos os algoritmos.
- Sendo o A\* proibitivo em espaço, IDA\* e RBFS exploram abordagens iterativas para evitar o armazenamento de todo o grafo
- IDA\* tende a desperdiçar computação em troca de pouco ganho de informação
- RBFS esquece as sub-árvores menos promissoras para resolver o ponto fraco do IDA\*

- A melhor escolha depende do quão complexo é o seu problema :)

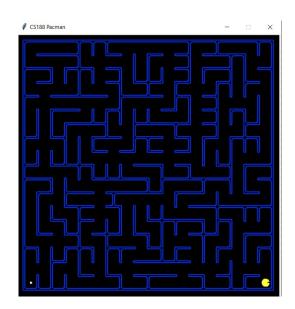
#### Pacman

Modelo de mundo do problema que estamos atacando no arquivo searchAgents.py

```
141 class PositionSearchProblem (search.SearchProblem):
142
        A search problem defines the state space, start state, goal test, successor
143
        function and cost function. This search problem can be used to find paths
144
        to a particular point on the pacman board.
146
147
        The state space consists of (x,y) positions in a pacman game.
148
        Note: this search problem is fully specified; you should NOT change it.
149
        def init (self, gameState, costFn = lambda x: 1, goal=(1,1), start=None, warn=True, visualize=True):
154
            Stores the start and goal.
            gameState: A GameState object (pacman.py)
            costFn: A function from a search state (tuple) to a non-negative number
            goal: A position in the gameState
            self.walls = gameState.getWalls()
            self.startState = gameState.getPacmanPosition()
            if start != None: self.startState = start
            self.goal = goal
164
            self.costFn = costFn
            self.visualize = visualize
            if warn and (gameState.getNumFood() != 1 or not gameState.hasFood(*goal)):
                print('Warning: this does not look like a regular search maze')
```

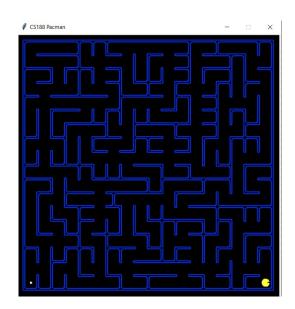
- Implemente a **busca de custo uniforme** e a **busca A\*** para solucionar um cenário limitado do Pacman, onde só há uma comida disponível na posição (1,1).
- Você vai editar apenas as funções uniformCostSearch e aStarSearch no arquivo search.py
  - Além de implementar a sua função heurística

```
def uniformCostSearch(problem: SearchProblem):
        """Search the node of least total cost first."""
        "*** YOUR CODE HERE ***"
 99
        util.raiseNotDefined()
100
101
102
    def heuristic(state, problem=None):
103
104
        A heuristic function estimates the cost from the current state to the nearest
105
        goal in the provided SearchProblem. This heuristic is trivial.
106
107
        return 0
108
109 def aStarSearch(problem: SearchProblem, heuristic=nullHeuristic):
        """Search the node that has the lowest combined cost and heuristic first."""
111
        "*** YOUR CODE HERE ***"
112
        util.raiseNotDefined()
```



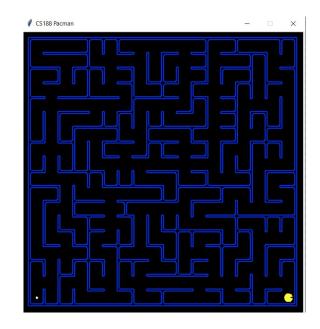
- Cada execução retorna o número de nós explorados. Com essa informação:
  - Compare o UCS e o A\*
  - o Compare as heurística baseadas na distância de manhattan e distância euclidiana
  - Sugira sua própria heurística (opcional)

```
97 def uniformCostSearch(problem: SearchProblem):
        """Search the node of least total cost first."""
         "*** YOUR CODE HERE ***"
 99
        util.raiseNotDefined()
100
101
102
    def heuristic(state, problem=None):
103
104
         A heuristic function estimates the cost from the current state to the nearest
        goal in the provided SearchProblem. This heuristic is trivial.
105
106
107
         return 0
108
109 def aStarSearch(problem: SearchProblem, heuristic=nullHeuristic):
110
        """Search the node that has the lowest combined cost and heuristic first."""
111
        "*** YOUR CODE HERE ***"
112
        util.raiseNotDefined()
```



Lembre-se: estrutura de dados já implementada em util.py

```
170 class PriorityQueue:
          Implements a priority queue data structure. Each inserted item
173
          has a priority associated with it and the client is usually interested
174
          in quick retrieval of the lowest-priority item in the queue. This
175
          data structure allows O(1) access to the lowest-priority item.
176
        def init (self):
178
            self.heap = []
179
            self.count = 0
        def push (self, item, priority):
182
            entry = (priority, self.count, item)
            heapq.heappush(self.heap, entry)
184
            self.count += 1
186
        def pop(self):
            (_, _, item) = heapq.heappop(self.heap)
            return item
189
190
        def isEmpty(self):
            return len(self.heap) = 0
192
        def update(self, item, priority):
194
            # If item already in priority gueue with higher priority, update its priority and rebuild the heap.
            # If item already in priority queue with equal or lower priority, do nothing.
196
            # If item not in priority queue, do the same thing as self.push.
197
            for index, (p, c, i) in enumerate(self.heap):
198
                if i == item:
199
                    if p <= priority:
                        break
                    del self.heap[index]
202
                    self.heap.append((priority, c, item))
203
                    heapq.heapify(self.heap)
204
                    break
206
                self.push(item, priority)
207
```



• Seu código deve retornar a lista de ações necessárias para alcançar a comida. Lembra do tinyMazeSearch?

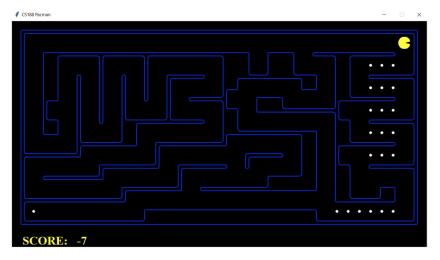
```
def tinyMazeSearch(problem):
    """
    Returns a sequence of moves that solves tinyMaze. For any other maze, the sequence of moves will be incorrect, so only use this for tinyMaze.
    """
    from game import Directions
    s = Directions.SOUTH
    w = Directions.WEST
    return [s, s, w, s, w, w, s, w]
```

• Você pode executar seus algoritmos, digitando no terminal:

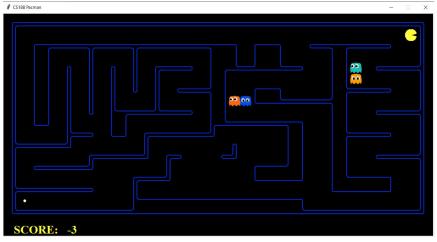
```
python pacman.py -1 bigMaze -p SearchAgent -a fn=ucs
python pacman.py -1 bigMaze -p SearchAgent -a fn=astar,heuristic=myHeuristic
```

• Aplique sua **busca de custo uniforme** aos seguintes cenários

python pacman.py -1 mediumDottedMaze



python pacman.py -1 mediumScaryMaze



 Aplique sua busca de custo uniforme aos seguintes cenários e reporte o score final considerando duas funções de custo

```
Penaliza movimentos mais à esquerda

python pacman.py -1 mediumDottedMaze

-p StayEastSearchAgent
```

Penaliza movimentos mais à direita

```
Leia o script searchAgents.py
```

```
234 class StayEastSearchAgent (SearchAgent):
236
        An agent for position search with a cost function that penalizes being in
        positions on the West side of the board.
239
        The cost function for stepping into a position (x,y) is 1/2^x.
240
241
        def init (self):
242
           self.searchFunction = search.uniformCostSearch
           costFn = lambda pos: .5 ** pos[0]
244
           self.searchType = lambda state: PositionSearchProblem(state, costFn, (1, 1), None, False)
245
246 class StayWestSearchAgent (SearchAgent):
248
          An agent for position search with a cost function that penalizes being in
249
          positions on the East side of the board.
          The cost function for stepping into a position (x,y) is 2^x.
          def init (self):
254
              self.searchFunction = search.uniformCostSearch
              costFn = lambda pos: 2 ** pos[0]
256
              self.searchType = lambda state: PositionSearchProblem(state, costFn)
```

# Pacman: Entregas

https://docs.google.com/document/d/1zj4r0FCQ6K4gbWjzTxK-E2X6THR\_OIVNfG-3BrjYH3c/edit?usp=sharing

PONTIFÍCIA UNIVERSIDADE CATÓLICA DE MINAS GERAIS

Instituto de Ciências Exatas e Informática

Curso de Ciência da Computação - Coração Eucarístico

Profa.: Camila Laranjeira - mila.laranjeira@gmail.com

Disciplina: Inteligência Artificial / 1o Semestre de 2022

Aluna(o):

Exercício Prático 01 - Pacman #1

#### Instruções:

- Consulte os slides da disciplina para maiores detalhes sobre a implementação
- O código fonte base está no Canvas sob o título pacman.zip
- Você deve entregar seu código em um .zip que inclua esse documento preenchido

#### Pacman

- Essa atividade é uma pequena parte do projeto de Berkeley University:
  - https://inst.eecs.berkeley.edu/~cs188/sp22/project1/
- Fique a vontade para explorar outros desafios!

