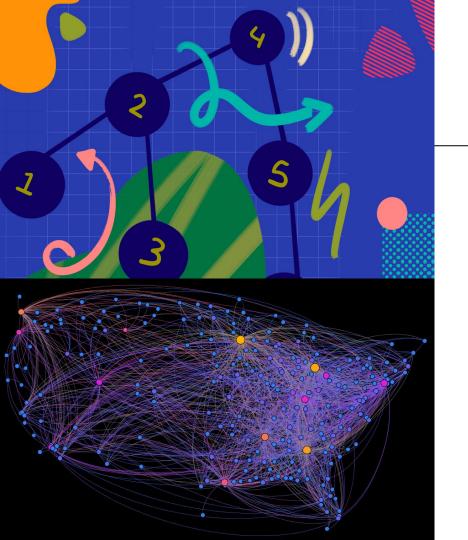
AULA 02

Métodos de Busca Sem Informação

CAMILA LARANJEIRA

mila.laranjeira@gmail.com





Agenda

- Modelos baseados em Estados
- Métodos de Busca
 - o Profundidade (Depth-First Search)
 - Largura (Breadth-First Search)
 - o Profundidade Iterativa
 - Custo Uniforme (Uniform Cost Search)

Sobre os slides

Esses slides usam material de:

- José Augusto Baranauskas do Departamento de Computação e Matemática FFCLRP-USP
- Lecture 5: Search 1 Dynamic Programming, Uniform Cost Search | Stanford CS221: AI (Autumn 2019)
 - https://youtu.be/alsgJJYrlXk

Enigma: Ajude o fazendeiro

Um **fazendeiro** quer cruzar o rio levando sua **cabra**, seu **lobo** e seu **repolho** premiado. Ele é o único que consegue pilotar o barco, e só pode levar um item a cada viagem. Mas cuidado! Não deixe o lobo sozinho com a cabra, e nem a cabra sozinha com o repolho premiado.

ntas viagens serão nece
4
5
6
7
Sem solução



Enigma: Ajude o fazendeiro

PROBLEM:

SOLUTION:

Um fazendeiro quer cruzar o rio levando sua cabra, seu lob único que consegue pilotar o barco, e só pode levar um iten deixe o lobo sozinho com a cabra, e nem a cabra sozinha co

2. RETURN ALONE.

1. TAKE THE GOAT ACROSS.

一 (ツ)_/

Quantas viagens serão necessárias?

Sem solução

3. TAKE THE CABBAGE ACROSS.

THE BOAT ONLY HOLDS TWO, BUT YOU CAN'T LEAVE THE GOAT WITH THE

CABBAGE OR THE WOLF WITH THE GOAT.

4. LEAVE THE WOLF.

WHY DID YOU HAVE A WOLF?

Enigma: Ajude o fazendeiro

Um **fazendeiro** quer cruzar o rio levando sua **cabra**, seu **lobo** e seu **repolho** premiado. Ele é o único que consegue pilotar o barco, e só pode levar um item a cada viagem. Mas cuidado! Não deixe o lobo sozinho com a cabra, e nem a cabra sozinha com o repolho premiado.

Quantas viagens serão necessárias?

 \square 4

5

П 6

7

Sem solução

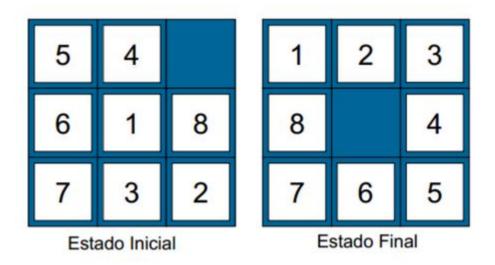


Alguns problemas podem ser modelados como um conjunto de **ações** e transições entre **estados**.

• Um algoritmo inteligente deve encontrar o conjunto de estados que maximiza alguma medida de desempenho.

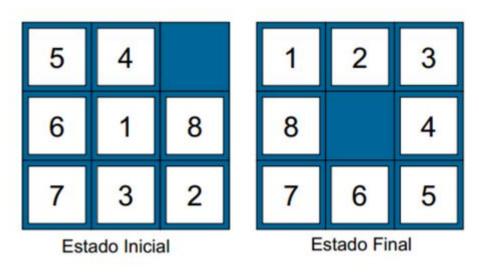
Alguns problemas podem ser modelados como um conjunto de **ações** e transições entre **estados**.

- Um algoritmo inteligente deve encontrar o conjunto de estados que maximiza alguma medida de desempenho.
- Exemplo: quebra-cabeça-8



- Quais os estados válidos?
- Quais as ações disponíveis?
- Quais os estados objetivo?
- Qual o custo de transição entre estados?

Exemplo: quebra-cabeça-8



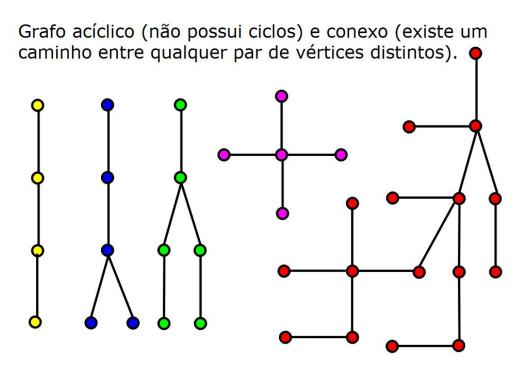
- Quais os estados válidos?
 - Cada número deve ocupar um espaço inteiro
- Quais as ações disponíveis?
 - Cima, baixo, esquerda, direita
- Quais os estados objetivo?
 - Números ordenados
- Qual o custo de transição entre estados?

Minimizar o número de transições/ações

Constante

Árvore - Grafo acíclico

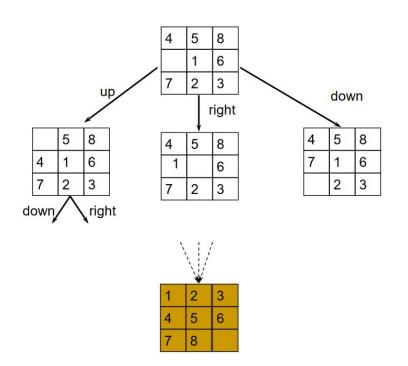
Podemos explorar as ações e transições entre estados usando a estrutura de uma árvore



- Vértices: estados
- Arestas: transições causadas por ações
- Custo da ação define o peso da aresta.
- Folhas da árvore podem conter estados finais (soluções)

Árvore - Grafo acíclico

• Podemos explorar as ações e transições entre estados usando a estrutura de uma árvore



- Vértices: estados
- Arestas: transições causadas por ações
- Custo da ação define o peso da aresta.
- Folhas da árvore podem conter estados finais (soluções)

Aplicações

- GPS escolhendo rotas
- Custos de caminho
 - o Mais rápido?
 - o Mais curto?
 - o Mais bonito?
- Ações
 - Seguir reto
 - o Virar direita
 - Virar esquerda



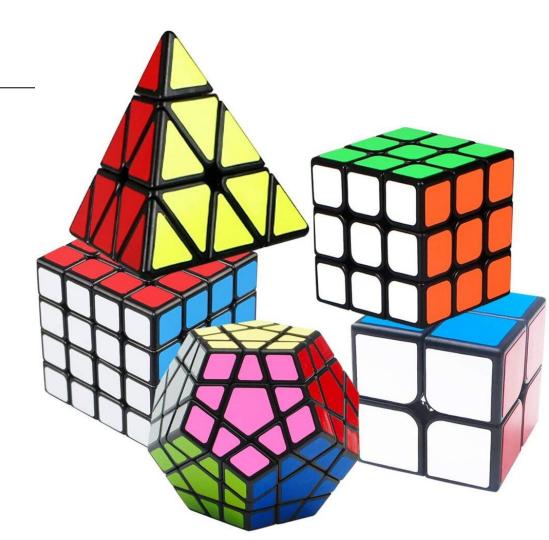
Aplicações

- Robótica: movimento de um manipulador
- Custo
 - Mais rápido?
 - o Mais econômico?
 - o Mais seguro?
- Ações
 - Velocidade linear
 - Velocidade angular



Aplicações

- Quebra-cabeças
- Custo
 - Constante
- Ações
 - o Mover uma peça



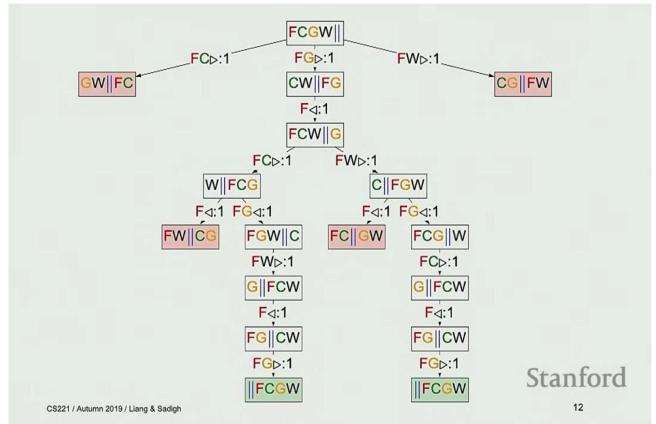




Farmer - Fazendeiro Cabbage - Repolho Goat - Cabra Wolf - Lobo

> Lecture 5: Search 1 - Dynamic Programming, Uniform Cost Search | Stanford CS221: Al (Autumn 2019) https://youtu.be/alsgJJYrlXk

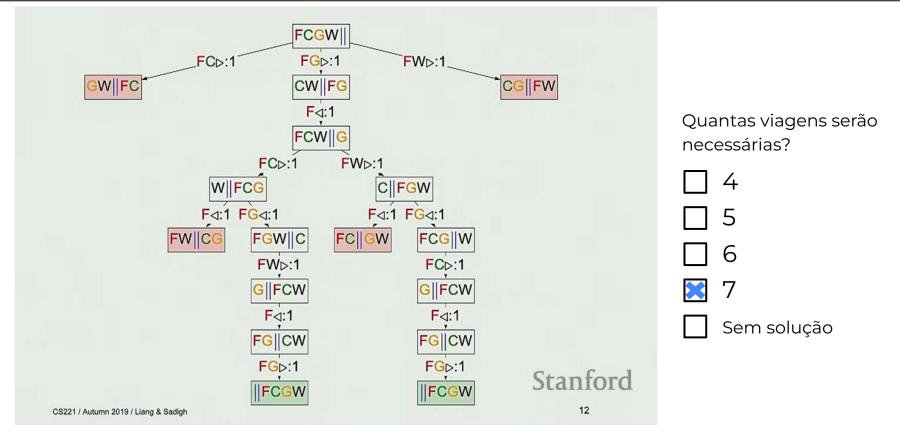




Farmer - Fazendeiro Cabbage - Repolho Goat - Cabra Wolf - Lobo

> Lecture 5: Search 1 - Dynamic Programming, Uniform Cost Search | Stanford CS221: AI (Autumn 2019) https://youtu.be/alsqJJYrlXk





Algoritmos de busca no espaço de estados

O problema de navegar no espaço de busca então pode ser entendido como **gerar e manter uma árvore de busca** até que uma solução (nó final) ou caminho seja gerado.

- Busca sem informação (busca cega)
 - Somente geram sucessores e distinguem se é o objetivo ou não
- Busca com informação (busca heurística)
 - o Sabem se um estado é mais promissor que outro, se está mais próximo da solução.

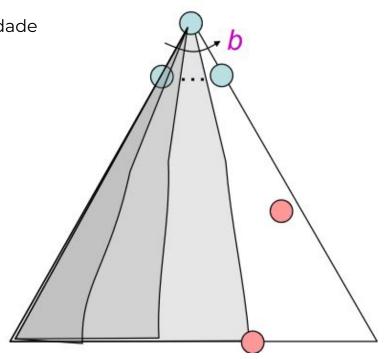
Algoritmos de busca cega

- Métodos de Busca
 - Profundidade (Depth-First Search)
 - Largura (Breadth-First Search)
 - Profundidade Iterativa
 - O Custo Uniforme (Uniform Cost Search)

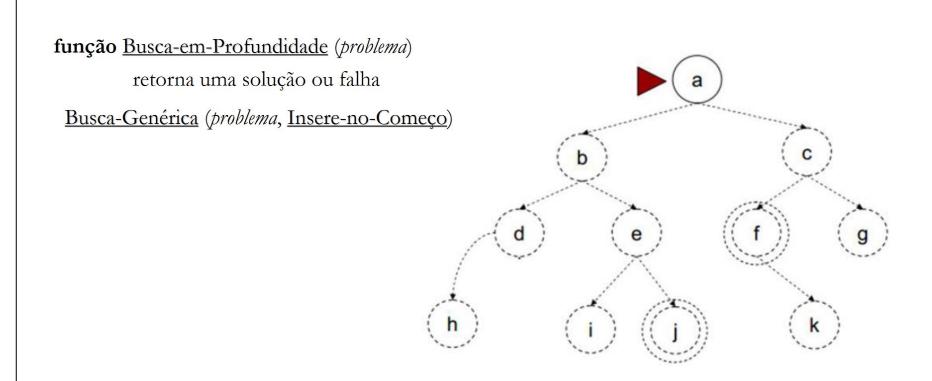
Algoritmos de busca cega

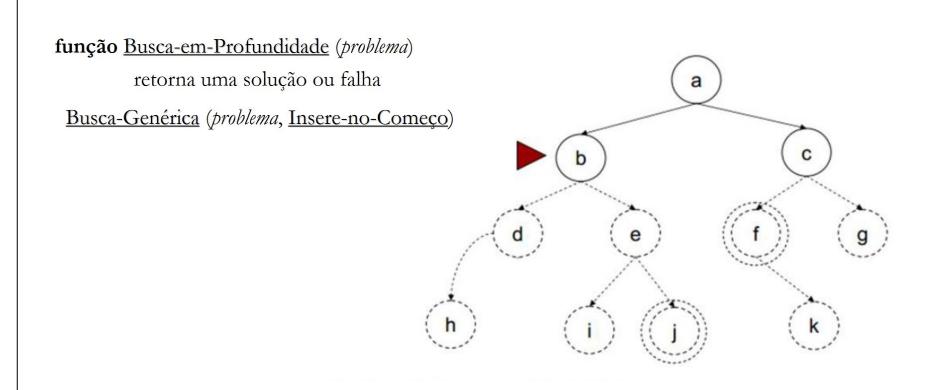
Algoritmo	Custo	Tempo	Espaço
DFS-Backtracking			
DFS			
DFS-I			
BFS			

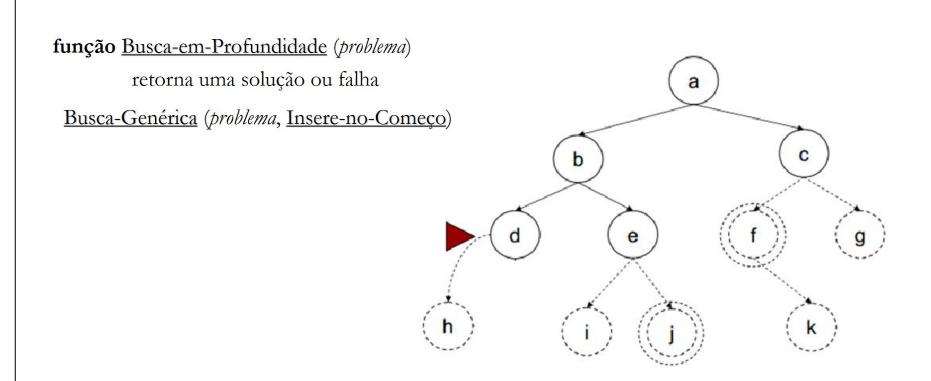
- Depth-First Search: Busca em profundidade
- Se concentra em buscar primeiro na profundidade
- Dado um vértice v <u>recentemente</u> descoberto, explora todas as arestas saindo dele.
- Ao finalizar a exploração de v, "anda para trás" ("backtracks") para explorar o restante
- A busca termina quando todos os vértices forem descobertos

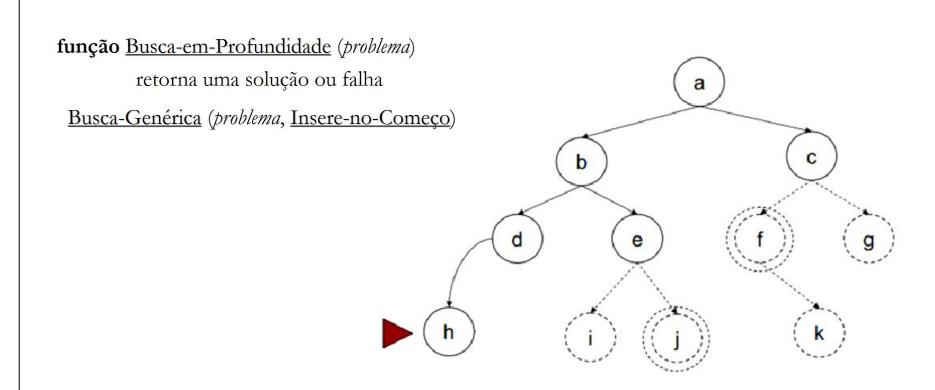


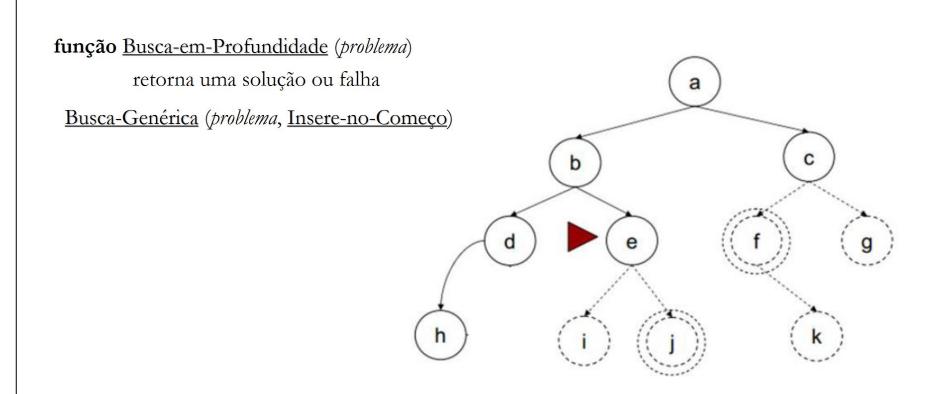
função <u>Busca-em-Profundidade</u> (*problema*) retorna uma solução ou falha Busca-Genérica (problema, Insere-no-Começo) Insere no início e remove do início. que estrutura de dados é essa?

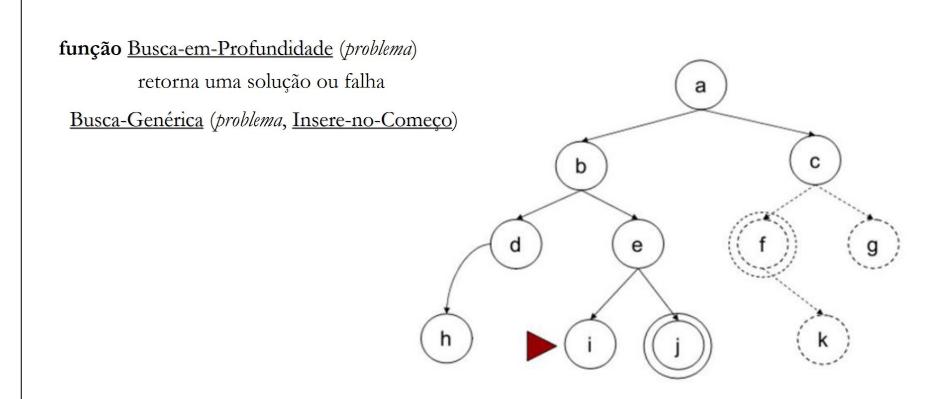


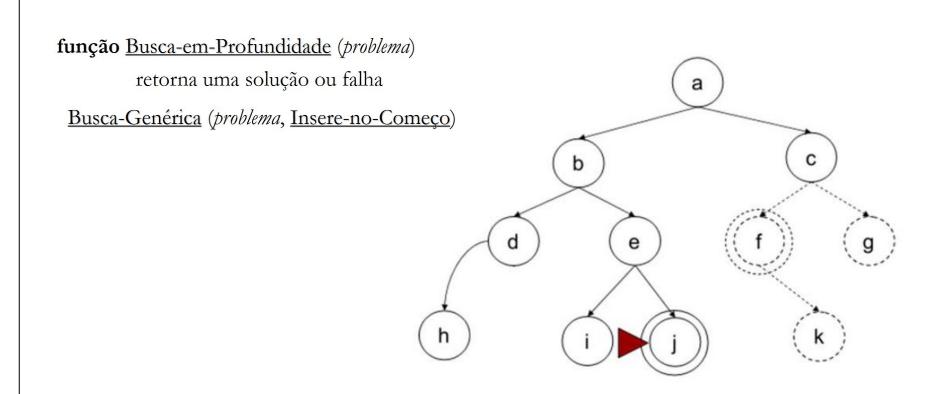


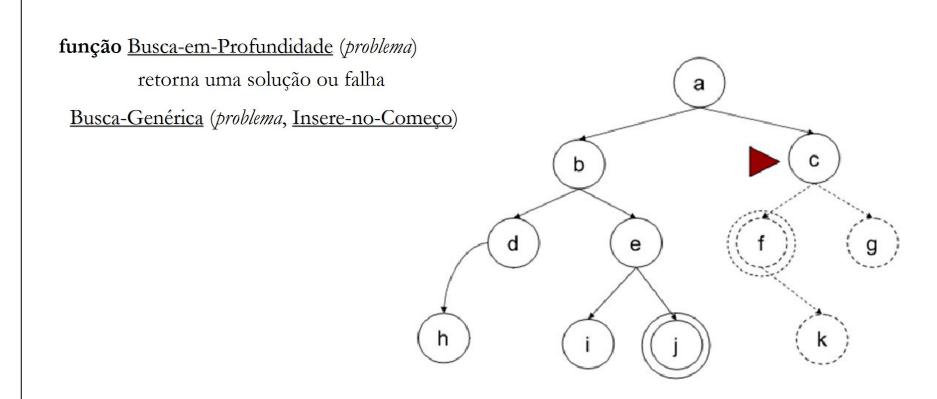


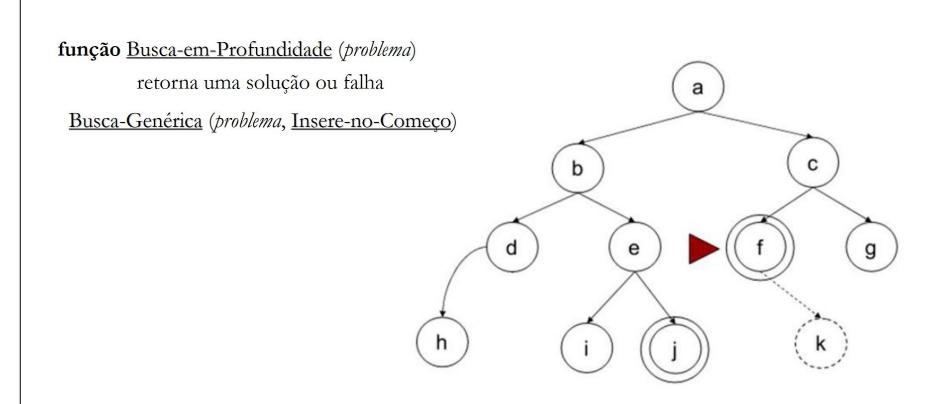


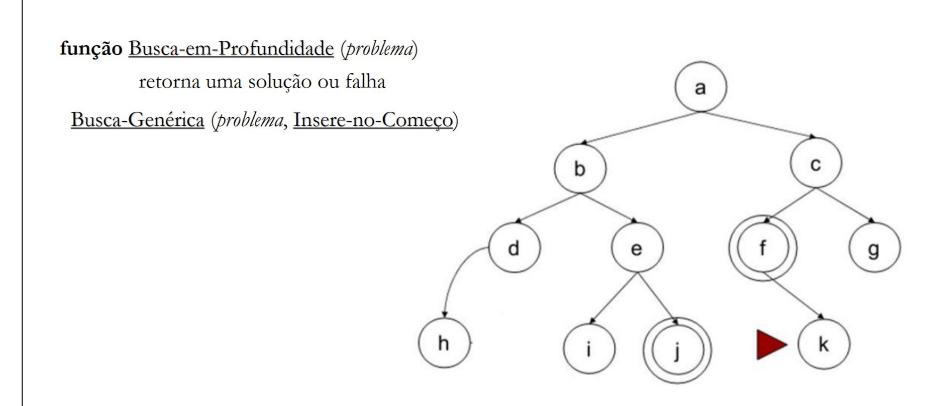


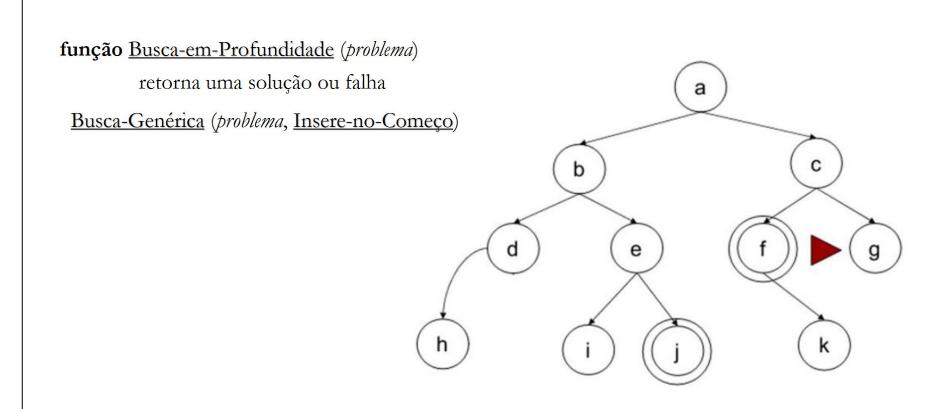






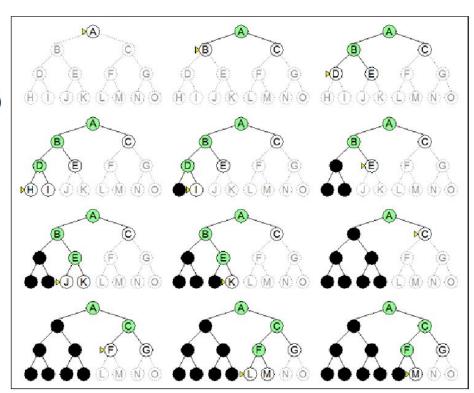






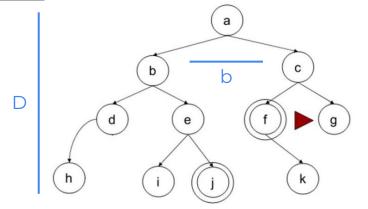
função <u>Busca-em-Profundidade</u> (*problema*) retorna uma solução ou falha

Busca-Genérica (problema, Insere-no-Começo)



Algoritmos de busca cega

Algoritmo	Custo	Tempo	Espaço
DFS-Backtracking	Qualquer	O(b ^D)	0(D)
DFS			
DFS-I			
BFS			



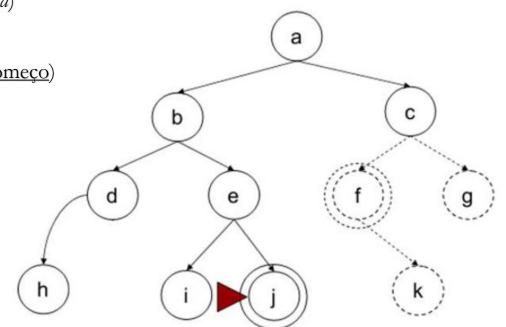
DFS

função Busca-em-Profundidade (problema)

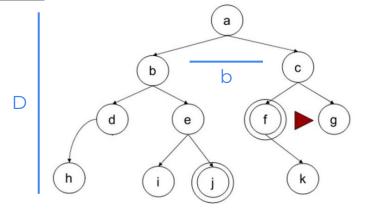
retorna uma solução ou falha

Busca-Genérica (problema, Insere-no-Começo)

- Assumindo custo 0 (zero)
 podemos encerrar o algoritmo
 ao encontrar a primeira solução.
 - Sem backtrack

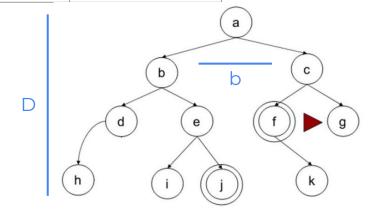


Algoritmo	Custo	Tempo	Espaço
DFS-Backtracking	Qualquer	O(b ^D)	0(D)
DFS	0	O(b ^D)	0(D)
DFS-I			
BFS			



Algoritmo	Custo	Tempo	Espaço
DFS-Backtracking	Qualquer	O(b ^D)	0(D)
DFS	0	O(b ^D)	0(D)
DFS-I			
BFS			

A complexidade de tempo não melhora para o pior caso, mas sim para o caso médio e melhor caso

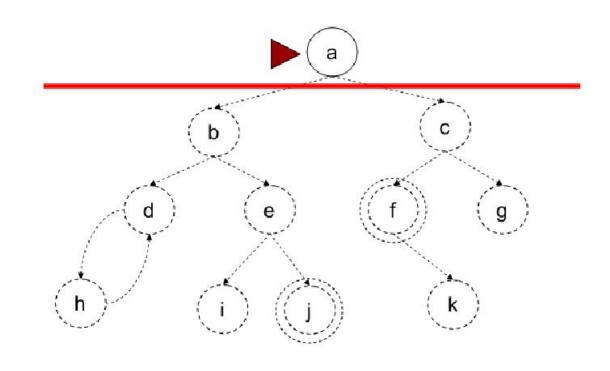


DFS - Limitações

- Dependendo do problema, podem existir espaços de estado infinitos
 - o Lembre-se, estamos gerando uma árvore de busca e descobrindo novos caminhos
- Em um caso menos extremo, o algoritmo pode perder muito tempo explorando regiões muito profundas e pouco promissoras
- Para torná-lo mais eficiente, podemos limitar a profundidade da busca.

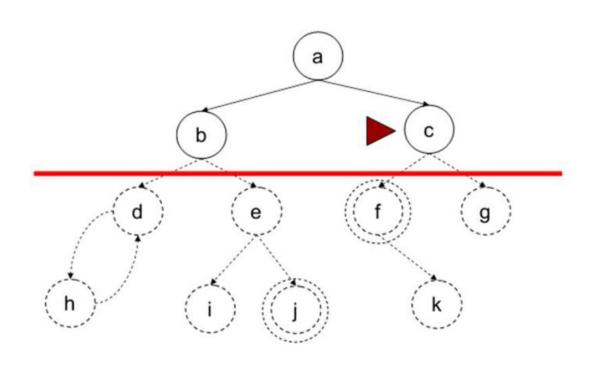
DFS Limitado

• Limite 1 = 0



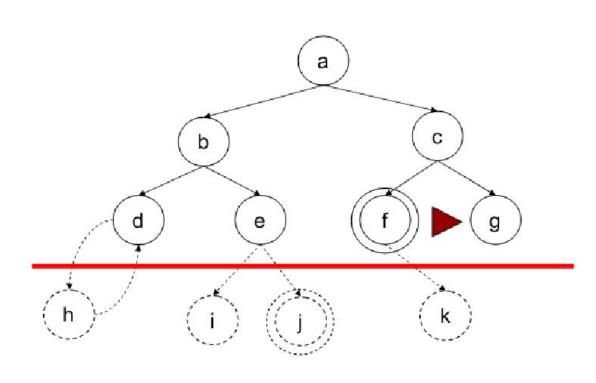
DFS Limitado

• Limite 1 = 1



DFS Limitado

• Limite 1 = 2



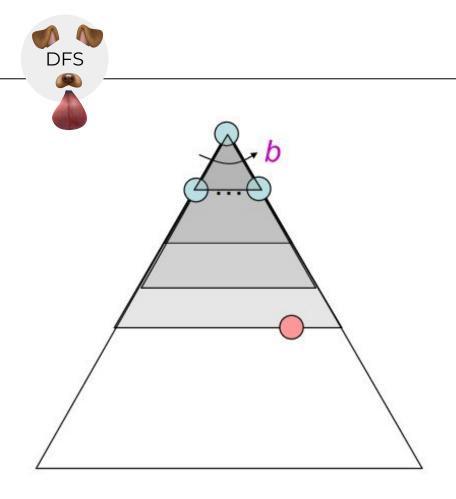
DFS Limitado Iterativo

- É difícil estimar um limite razoável
 - Se for muito pequeno a busca falha
 - Se for muito grande, aumenta a complexidade
- Solução: Busca em profundidade limitada iterativa
 - Defina um limite razoável, tendendo para pequeno, e gradativamente o aumente.

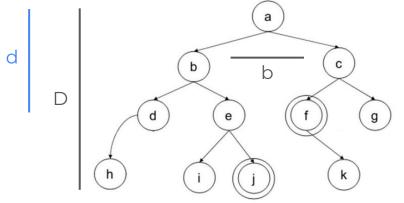


DFS Limitado Iterativo

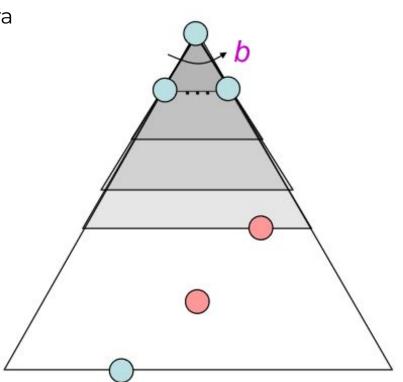
- É difícil estimar um limite razoável
 - Se for muito pequeno a busca falha
 - Se for muito grande, aumenta a complexidade
- Solução: Busca em profundidade limitada iterativa
 - Defina um limite razoável, tendendo para pequeno, e gradativamente o aumente.

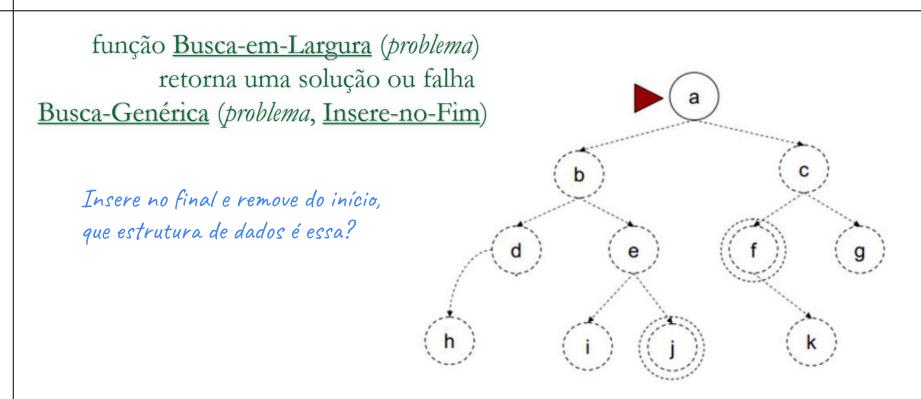


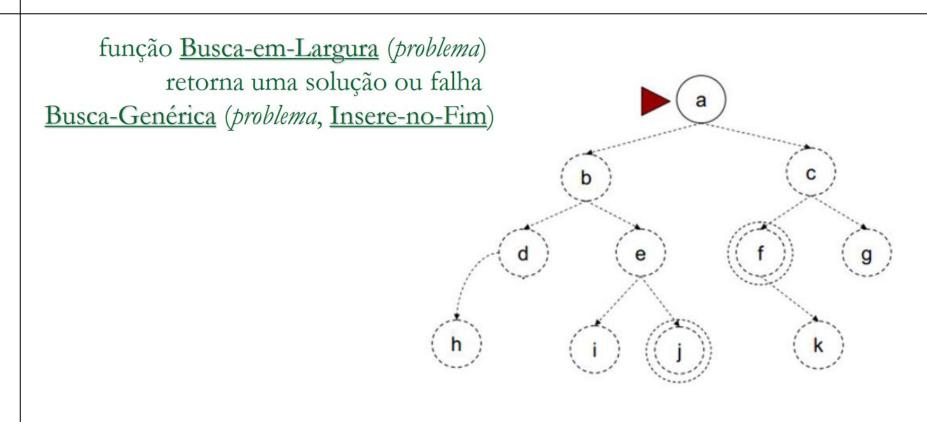
Algoritmo	Custo	Tempo	Espaço
DFS-Backtracking	Qualquer	O(b ^D)	0(D)
DFS	0	O(b ^D)	0(D)
DFS-I	c ≥ 0	O(b ^d)	0(D)
BFS			

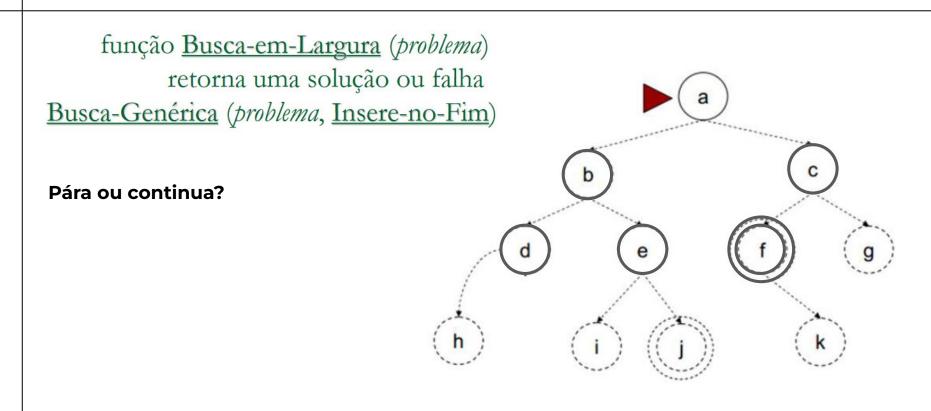


- Breadth-First Search: Busca em largura
- Se concentra em buscar primeiro na largura
- Visita todos os filhos de um vértice v qualquer antes de explorar novas fronteiras





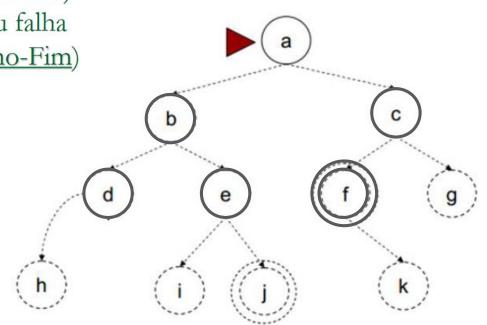




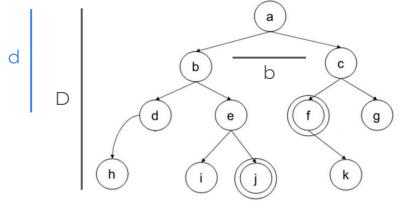
função <u>Busca-em-Largura</u> (*problema*) retorna uma solução ou falha <u>Busca-Genérica</u> (*problema*, <u>Insere-no-Fim</u>)

Pára ou continua?

- Assumindo custo constante c > 0, soluções mais rasas serão as melhores.
- Para um custo qualquer, precisamos explorar o restante da árvore, pode ter um caminho mais barato.

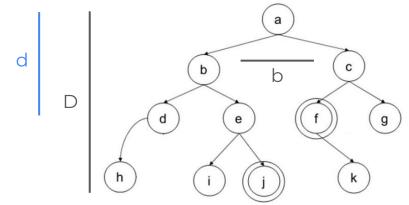


Algoritmo	Custo	Tempo	Espaço
DFS-Backtracking	Qualquer	0(b ^D)	O(D)
DFS	0	0(b ^D)	O(D)
DFS-I	c ≥ 0	O(b ^d)	O(D)
BFS	1	O(b ^d)	O(b ^d)



Algoritmo	Custo	Tempo	Espaço
DFS-Backtracking	Qualquer	0(b ^D)	0(D)
DFS	0	0(b ^D)	0(D)
DFS-I	c ≥ 0	O(b ^d)	0(D)
BFS	1	O(b ^d)	O(b ^d)

Exige o registro de todo o grafo enquanto o explora.



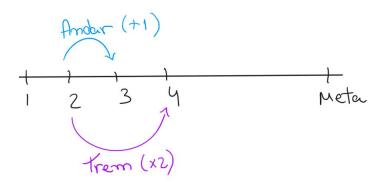
Tempo e espaço gastos na busca em largura: b = 10 1000 nós por segundo 100 bytes por nó

Profundidade	Nodos	Tempo	Memória
0	1	1 milisegundo	100 bytes
2	111	0.1 segundo	11 kilobytes
4	11111	11 segundos	1 megabytes
6	10^6	18 minutos	111megabytes
8	10^8	31 horas	11 gigabytes
10	10^10	128 dias	1 terabytes
12	10^12	35 anos	111 terabytes
14	10^14	3500 anos	11111 terabytes

Problema do Trem mágico

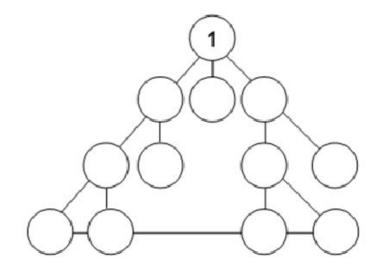
- As ruas da cidade são numeradas de 1 a N, você precisa chegar em uma cidade M qualquer e possui duas escolhas:
 - Andar: cada ação te leva de s a s+1
 - Pegar o trem mágico: te leva de s a s*2
- Porém, você não pode ultrapassar a cidade M ao longo de seu trajeto

Nada de ciclos nesse grafo!

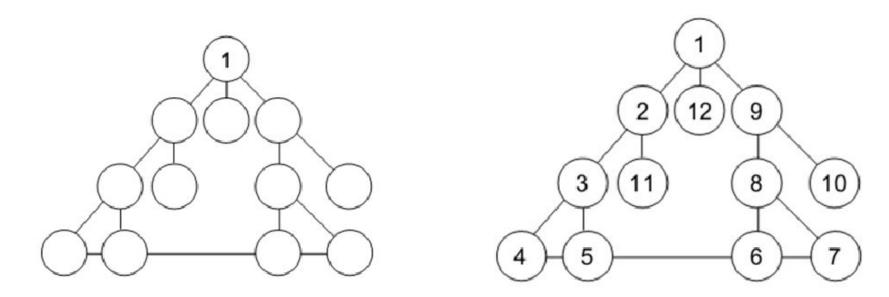


busca_cega.ipynb

- Se há risco de um nós ser revisitado, registre os nós visitados e não visite novamente
- Exemplo: busca em **profundidade**



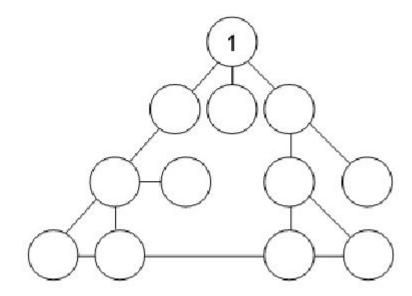
- Se há risco de um nós ser revisitado, registre os nós visitados e não visite novamente
- Exemplo: busca em **profundidade**



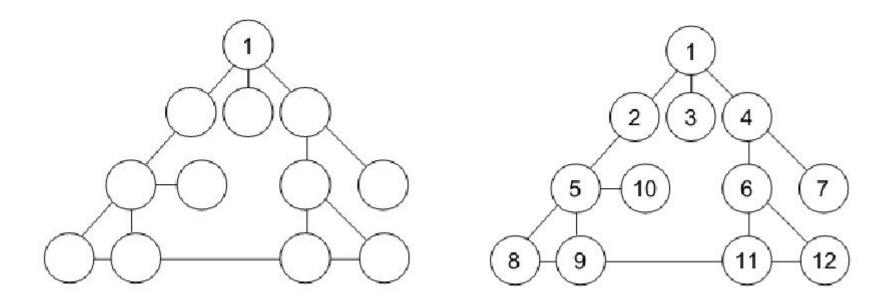
- Se há risco de um nós ser revisitado, registre os nós visitados e não visite novamente
- Exemplo: busca em profundidade (pilha ou recursão)

```
function Busca Profundidade (Inicio, Alvo)
                                                  function Busca Profundidade (Inicio, Alvo)
  empilha (Inicio)
                                                         foiVisitado(Inicio)
  while nao pilhaVazia()
                                                         if Inicio == Alvo
     no = desempilha()
                                                            return Inicio
     foiVisitado(no)
     if no == Alvo
                                                         for each Filho in Expande (Inicio)
        return no
                                                            if nao Visitado (Filho)
      for each Filho in Expande(no)
                                                                Busca Profundidade (Filho, Alvo)
         if nao Visitado (Filho)
            empilha (Filho)
```

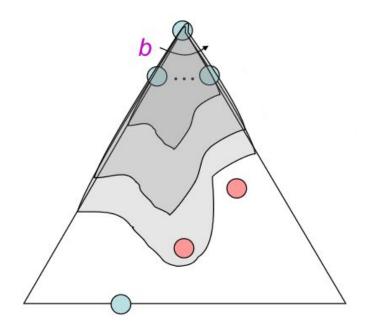
- Basta registrar os nós visitados e não visitá-los novamente
- Exemplo: busca em largura



- Basta registrar os nós visitados e não visitá-los novamente
- Exemplo: busca em largura



- Se assemelha à busca em largura, mas os caminhos são explorados de acordo com o seu custo
 - o g(n) custo da raiz da busca até o nó n
- É ótimo e completo para grafos de custo positivo

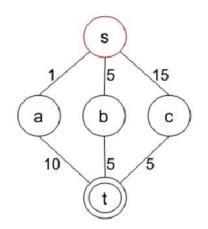


função <u>Busca-de-Custo-Uniforme</u> (*problema*) retorna uma solução ou falha



Busca-Genérica (problema, Insere-Ordem-

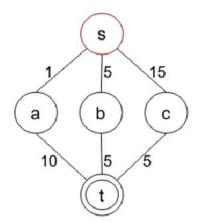
Crescente)



Insere de acordo com uma medida de prioridade e remove do início, que estrutura de dados é essa?

Nó	Fila ordenada pelo valor de g
S	

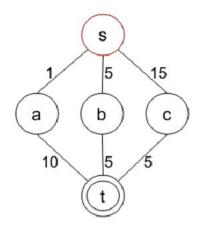
função <u>Busca-de-Custo-Uniforme</u> (*problema*) retorna uma solução ou falha

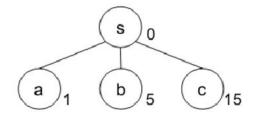




Nó	Fila ordenada pelo valor de g
S	

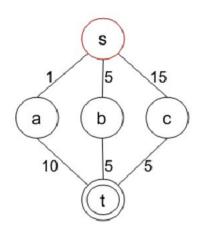
função <u>Busca-de-Custo-Uniforme</u> (*problema*) retorna uma solução ou falha

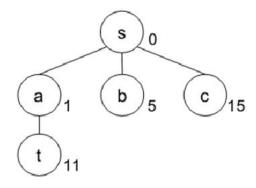




Nó	Fila ordenada pelo valor de g
S	[s,a]:1, [s,b]:5, [s,c]:15

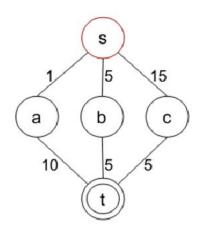
função <u>Busca-de-Custo-Uniforme</u> (*problema*) retorna uma solução ou falha

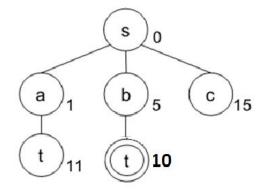




Nó	Fila ordenada pelo valor de g		
S	[s,a]:1, [s,b]:5, [s,c]:15		
а	[s,b]:5, [s,a,t]:11, [s,c]:15		

função <u>Busca-de-Custo-Uniforme</u> (*problema*) retorna uma solução ou falha





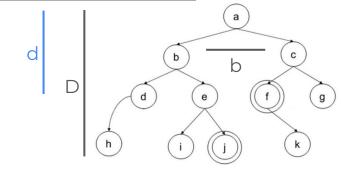
Nó	Fila ordenada pelo valor de g		
S	[s,a]:1, [s,b]:5, [s,c]:15		
a	[s,b]:5, [s,a,t]:11, [s,c]:15		
b	[s,b,t]:10, [s,a,t]:11, [s,c]:15		
t	Solução (início da fila): [s,b,t]		

- Se assemelha à busca em largura, mas os caminhos são explorados de acordo com o seu custo
 - o g(n) custo da raiz da busca até o nó n
- É ótimo e completo para grafos de custo positivo

- Relação com outros algoritmos
 - Se os custos forem uma constante, torna-se idêntica à busca em largura
 - Se a heurística for uma função constante, é um caso particular do A*
 - o Se continuarmos até que todos os nós sejam removidos da fila, é o algoritmo de Dijkstra

Algoritmo	Custo	Tempo	Espaço
DFS-Backtracking	Qualquer	0(b ^D)	0(D)
DFS	0	0(b ^D)	0(D)
DFS-I	c ≥ 0	O(b ^d)	0(D)
BFS	1	O(b ^d)	O(b ^d)
UCS	c > 0	0(b ^{C*/e})	0(b ^{C*/e})

Se uma solução custa C* e os custos na fila são pelo menos e, então a "profundidade efetiva" é aproximadamente C*/e

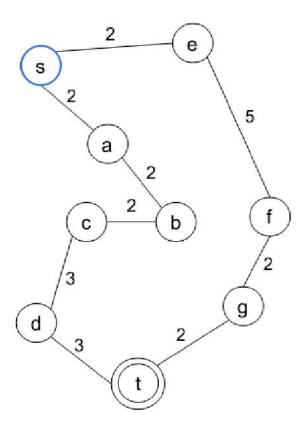


Algoritmo	Custo	Tempo	Espaço	Completo	Ótimo
DFS-Backtracking	Qualquer	O(b ^D)	O(D)	Não	Não
DFS	0	O(b ^D)	O(D)	Não	Não
DFS-I	c ≥ 0	O(b ^d)	O(D)	Sim	Sim
BFS	1	O(b ^d)	O(b ^d)	Sim	Sim
UCS	c > 0	0(b ^{C*/e})	0(b ^{C*/e})	Sim	Sim

- **Completude:** se houver solução, ela será encontrada
- **Ótimo:** encontra a melhor solução

- DFS: incompleto, subótimo, eficiente em espaço
- DFS-I: completo, subótimo, eficiente em espaço
- BFS: completo, subótimo, proibitivo em espaço
- UCS: completo, ótimo, proibitivo em espaço

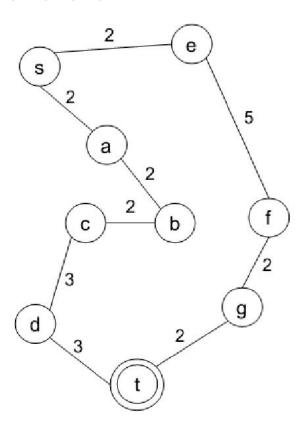
Exercício



• Explore o espaço de estados ao lado usando o algoritmo de busca de custo uniforme

	Fila ordenada pelo valor de g
S	[a,s]:2, [s,e]:2

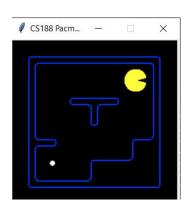
Exercício

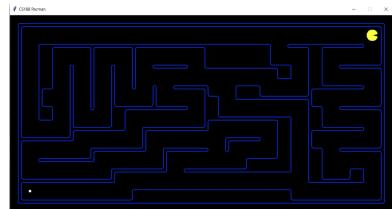


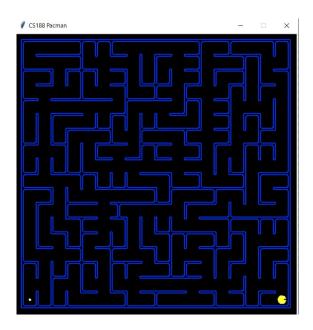
• Explore o espaço de estados ao lado usando o algoritmo de busca de custo uniforme

Nó	Fila ordenada pelo valor de g
S	[a,s]:2, [s,e]:2
Α	[s,e]:2, [b,a,s]:4
E	[b,a,s]:4, [f,e,s]:7
В	[c,b,a,s]:6 [f,e,s]:7,
С	[f,e,s]:7, [d,c,b,a,s]:9
F	[d,c,b,a,s]:9, [g,f,e,s]:9
D	[g,f,e,s]:9, [t,d,c,b,a,s]:12
G	[t,g,f,e,s]:11 [t,d,c,b,a,s]:12,
T	

- Implemente a **busca em profundidade** e a **busca em largura** para solucionar um cenário limitado do Pacman, onde só há uma comida disponível na posição (1,1).
 - tinyMaze
 - mediumMaze
 - bigMaze

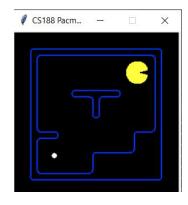






Você vai editar apenas as funções depthFirstSearch e breadthFirstSearch no arquivo search.py

```
75 def depthFirstSearch(problem: SearchProblem):
76
       Search the deepest nodes in the search tree first.
78
79
      Your search algorithm needs to return a list of actions that reaches the
      goal. Make sure to implement a graph search algorithm.
81
82
       To get started, you might want to try some of these simple commands to
83
      understand the search problem that is being passed in:
84
       print("Start:", problem.getStartState())
85
86
       print("Is the start a goal?", problem.isGoalState(problem.getStartState()))
       print("Start's successors:", problem.getSuccessors(problem.getStartState()))
88
89
       "*** YOUR CODE HERE ***"
90
       util.raiseNotDefined()
91
93 def breadthFirstSearch(problem: SearchProblem):
       """Search the shallowest nodes in the search tree first."""
95
       "*** YOUR CODE HERE ***"
96
       util.raiseNotDefined()
```

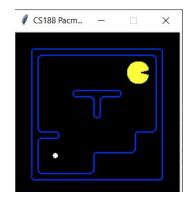


• Seu código deve retornar a lista de ações necessárias para alcançar a comida

```
def tinyMazeSearch(problem):
    """
    Returns a sequence of moves that solves tinyMaze. For any other maze, the sequence of moves will be incorrect, so only use this for tinyMaze.
    """
    from game import Directions
    s = Directions.SOUTH
    w = Directions.WEST
    return [s, s, w, s, w, w, s, w]
```

Você pode executar esse exemplo, digitando no terminal:

```
python pacman.py -1 tinyMaze -p SearchAgent -a fn=tinyMazeSearch
```



- Você vai editar apenas as funções depthFirstSearch e breadthFirstSearch no arquivo search.py
- Após implementadas as funções, você pode vê-las funcionando para o tinyMaze ao rodar:
 - python pacman.py -l tinyMaze -p SearchAgent -a fn=depthFirstSearch
 - python pacman.py -1 tinyMaze -p SearchAgent -a fn=breadthFirstSearch
- Execute também para o mediumMaze e o bigMaze

```
print("Start:", problem.getStartState())
       Start: (5,5)
 print("Is the start a goal?", problem.isGoalState(problem.getStartState()))
    o Is the start a goal? False
 print("Start's successors:", problem.getSuccessors(problem.getStartState()))
       Start's successors: [('South', (5,4), 1), ('West', (4,5), 1)]
75 def depthFirstSearch(problem: SearchProblem):
85
       print("Start:", problem.getStartState())
86
       print("Is the start a goal?", problem.isGoalState(problem.getStartState()))
        print("Start's successors:", problem.getSuccessors(problem.getStartState()))
8.8
        11 11 11
89
        "*** YOUR CODE HERE ***"
```

- A biblioteca de funções util.py implementa as estruturas de dados necessárias para solucionar o problema
 - Stack Pilha (DFS)
 - Queue Fila (BFS)

```
133 class Stack:
         "A container with a last-in-first-out (LIFO) gueuing policy."
134
135
        def init (self):
136
            self.list = []
137
138
        def push (self, item):
139
            "Push 'item' onto the stack"
140
            self.list.append(item)
141
142
        def pop(self):
             "Pop the most recently pushed item from the stack"
143
144
            return self.list.pop()
145
146
        def isEmpty(self):
147
            "Returns true if the stack is empty"
148
            return len(self.list) = 0
149
150 class Queue:
         "A container with a first-in-first-out (FIFO) gueuing policy."
151
152
        def init (self):
153
            self.list = []
154
155
        def push (self, item):
             "Engueue the 'item' into the queue"
156
157
            self.list.insert(0,item)
158
159
        def pop(self):
160
              Dequeue the earliest enqueued item still in the queue. This
161
162
              operation removes the item from the queue.
163
164
            return self.list.pop()
165
166
        def isEmpty(self):
            "Returns true if the queue is empty"
167
            return len(self.list) = 0
168
169
```

Referências

- http://dcm.ffclrp.usp.br/~augusto/ia/
- http://adm-net-a.unifei.edu.br/phl/pdf/0036188.pdf
- http://www-usr.inf.ufsm.br/~pozzer/disciplinas/pj3d_busca.pdf
- http://www.allgoritmos.com/2009/08/busca-em-profundidade-dfs.html
- http://www.dca.fee.unicamp.br/~gomide/courses/EA072/transp/EA072BuscaBasicaProgramas.pdf
- http://professor.ufabc.edu.br/~leticia.bueno/classes/teoriagrafos/materiais/dfs.pdf
- http://www.professeurs.polymtl.ca/michel.gagnon/Disciplinas/Bac/Grafos/index_grafos.html
- http://professor.ufabc.edu.br/~ronaldo.prati/InteligenciaArtificial/pratical.html PAC-MAN
- http://en.wikipedia.org/wiki/Breadth-first_search