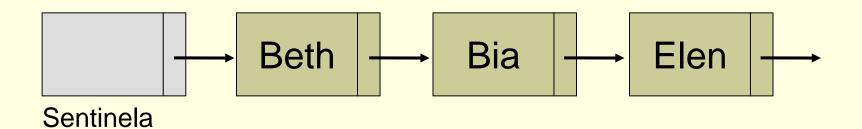
## Listas: nós de cabeçalho, listas não homogêneas, listas generalizadas

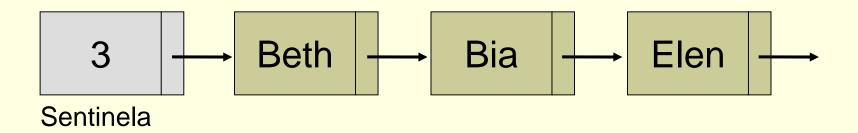
SCC-202 – Algoritmos e Estruturas de Dados I

- Nó de cabeçalho
  - Header, sentinela, etc.
  - Pode estar em qualquer ponto da lista

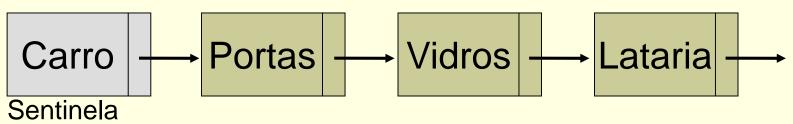
Para que?



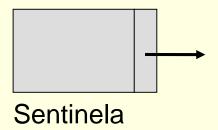
- Possibilidades de uso
  - Informação global sobre a lista que possa ser necessária na aplicação
    - Armazenar <u>número de elementos da lista</u>, para que não seja necessário atravessá-la contando seus elementos



- Possibilidades de uso
  - Informação global sobre a lista que possa ser necessária na aplicação
    - Em uma fábrica, guardam-se as <u>peças</u> que compõem cada equipamento produzido, sendo este indicado pelo nó sentinela
    - Informações do vôo correspondente a uma fila de passageiros

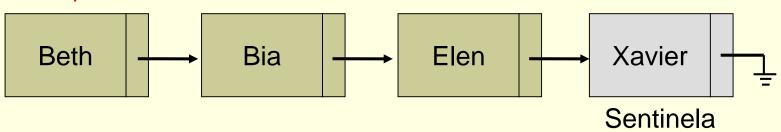


- Possibilidades de uso
  - Informação global sobre a lista que possa ser necessária na aplicação
    - Lista vazia contém somente o nó sentinela



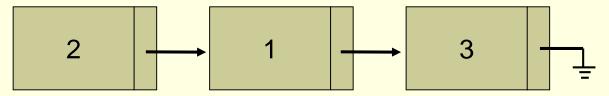
- Possibilidades de uso
  - Auxílio para algumas tarefas
    - Operação de <u>busca</u> de informação pode ser <u>simplificada</u>
      - Qual a vantagem?

#### Busca por Xavier



#### Sem nó sentinela

#### Busca por 5

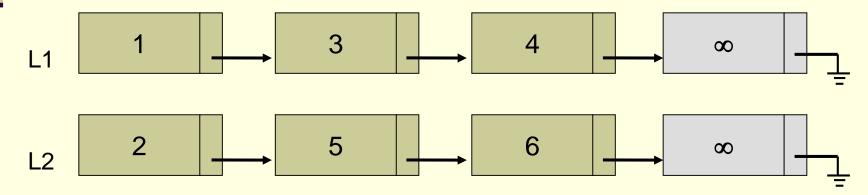


#### Com nó sentinela

# Busca por 5 2 1 3 Sentinela

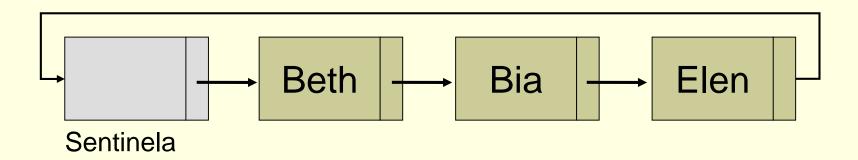
- Possibilidades de uso
  - Auxílio para algumas tarefas
    - Unir duas listas ordenadas pode ser mais simples
      - Coloca-se "infinito" nos sentinelas, forçando, assim, as listas a serem consumidas inteiramente, sem ter que se preocupar se se chegou a algum NULL

Como ocorre a união das duas listas abaixo?

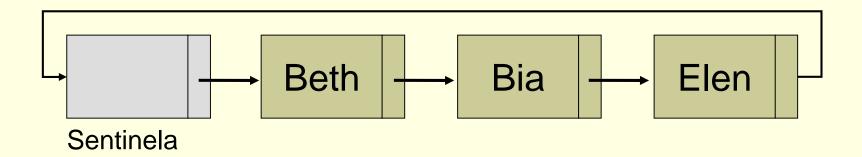


- Possibilidades de uso
  - Auxílio para algumas tarefas
    - Operações de <u>inserção e remoção podem se</u> tornar mais caras
      - Por que?

- Possibilidades de uso
  - Lista circular
    - Não existe mais NULL no fim da lista, eliminando-se o risco de acessar uma posição inválida de memória

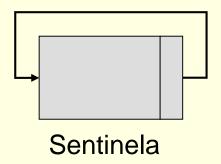


- Possibilidades de uso
  - Lista circular
    - Como saber qual é o <u>último elemento</u> da lista?

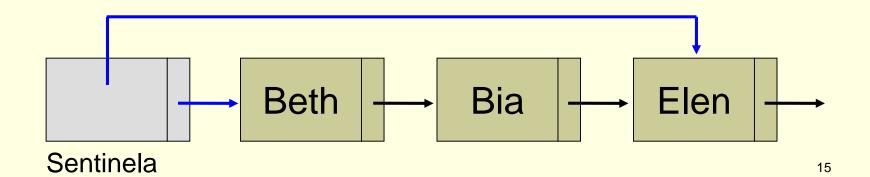


- Possibilidades de uso
  - Lista circular
    - Como representar a <u>lista vazia</u>?

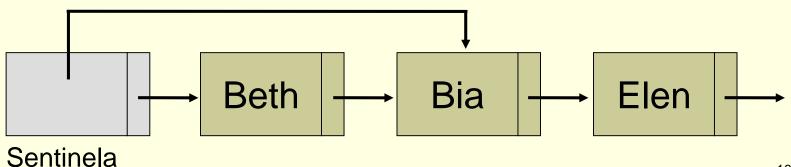
- Possibilidades de uso
  - Lista circular
    - Como representar a <u>lista vazia</u>?



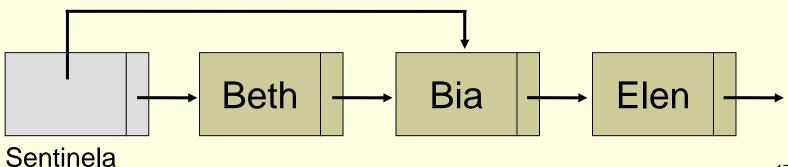
- Possibilidades de uso
  - Informações para uso da lista como pilha, fila, etc.
    - Exemplo: em vez de um <u>ponteiro de fim da fila</u>, o nó sentinela pode apontar o fim
      - O campo info do nó sentinela passa a ser um ponteiro
      - Acaba por indicar o início da fila também



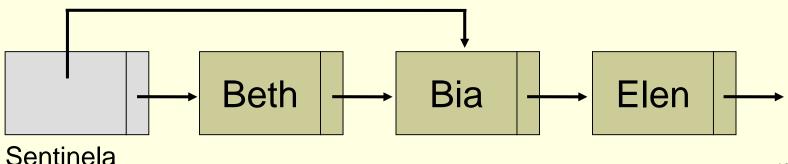
- Possibilidades de uso
  - Indica um nó específico da lista
    - Por exemplo, em <u>buscas que são constantemente</u> <u>interrompidas</u>
      - Verificação de pessoas em ordem alfabética: poupa o esforço de se recomeçar ou a necessidade de ter uma variável auxiliar



- Possibilidades de uso
  - Nó sentinela com ponteiro em seu campo info
    - Vantagem: acesso possivelmente mais direto e imediato
    - Desvantagens?



- Possibilidades de uso
  - Nó sentinela com ponteiro em seu campo info
    - Vantagem: acesso possivelmente mais direto e imediato
    - Desvantagens? Mais de uma estrutura de nó



- Lista "genérica"
- Possibilidade de usar uma mesma estrutura para armazenar informações diferentes
  - Inteiro, caracter, estrutura, etc.

Não é necessário definir blocos de memória diferentes

- Solução 1
  - Definem-se vários campos de informação
  - Usam-se somente os necessários

```
struct no {
          char info1;
          int info2;
          struct no *prox;
}
```

Desvantagem: memória alocada desnecessariamente

- Solução 2
  - Definem-se vários ponteiros
  - Aloca-se memória conforme necessidade

```
struct no {
          char *info1;
          int *info2;
          struct no *prox;
}
```

- Solução 3
  - Define-se um <u>ponteiro genérico</u> para qualquer tipo

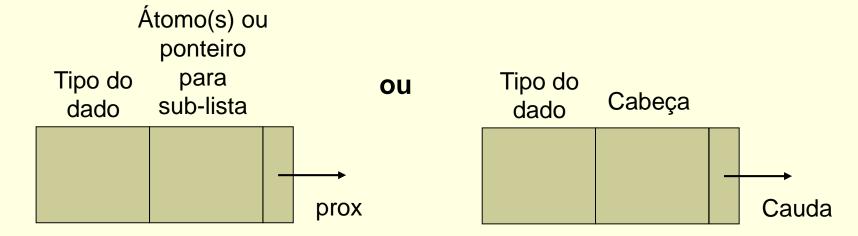
```
struct no {
     void *info;
     struct no *prox;
}
```

- Solução 4
  - Usa-se um <u>registro/estrutura variante</u>

```
struct no {
    union {
        int ival;
        float fval;
        char cval;
    } elemento;
    int tipo_usado;
    struct no *prox;
}
```

- Uma lista generalizada é aquela que pode ter como elemento ou um <u>átomo</u> ou uma <u>outra lista</u> (sub-lista)
  - Atomo: integer, real, char, string, etc.
- Cabeça e cauda
  - Cabeça: primeiro elemento da lista (átomo ou lista)
  - Cauda: o resto (uma outra lista, mesmo que vazia)

- Definição formal
  - Uma lista generalizada A é uma sequência finita de n≥0 elementos α₀, α₁, ... αₙ, em que αᵢ são átomos ou listas. Os elementos αᵢ, com 0≤i≤n, que não são átomos são chamados sublistas de A.
- Estrutura básica do bloco de memória



- Suponha que uma lista seja representada por elementos entre parênteses (no estilo da linguagem de programação LISP) ou entre colchetes (no estilo de PROLOG)
  - (a,b,c) ou [a,b,c]
  - (a,(b,c)) ou [a,[b,c]]
  - (a,(b),(c)) ou [a,[b],[c]]
  - (a,b,()) ou [a,b,[]]
- Tipo=0 indica átomo e tipo=1 indica sub-lista

Exemplos de representação

L1 = (a,(b,c)) L1 
$$\rightarrow$$
 0 a  $\rightarrow$  1  $\rightarrow$  0 c  $\rightarrow$  2 = (a,b,c) L2  $\rightarrow$  0 a  $\rightarrow$  0 b  $\rightarrow$  0 c  $\rightarrow$  2

Exemplos de representação

L1 = 
$$(a,(b,c))$$
 L1  $\rightarrow$  0 a  $\rightarrow$  1  $\rightarrow$  0 c  $\rightarrow$  0 c  $\rightarrow$ 

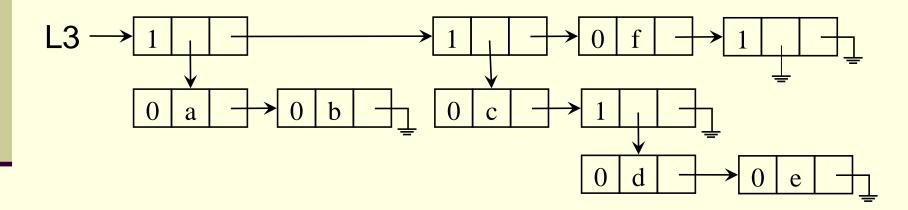
$$L2 = (a,b,c) \qquad L2 \longrightarrow \boxed{0} \boxed{a} \longrightarrow \boxed{0} \boxed{b} \longrightarrow \boxed{0} \boxed{c}$$

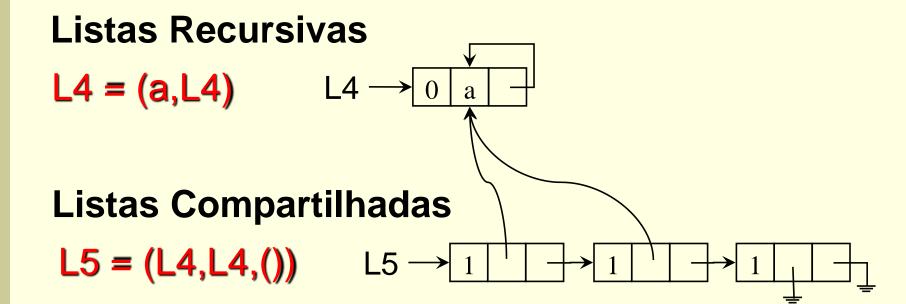
Cabeça(L2)? Cauda(L2)? Cabeça(Cauda(L2))?

Cabeça(L1)? Cauda(L1)? Cabeça(Cauda(L1))?

Exercício: faça a representação da lista L3 ((a,b),(c,(d,e)),f,())

Exercício: faça a representação da lista L3 ((a,b),(c,(d,e)),f,())





- Declaração em C
  - Union

- Declaração em C
  - Union

```
typedef char elem;
typedef struct bloco {
         union {
                  elem atomo;
                  struct bloco *sublista;
         } info;
         int tipo;
         struct bloco *prox;
} no;
typedef struct {
     no *inicio;
} ListaGen;
```

- Implementar uma sub-rotina para verificar se um átomo x está em uma lista generalizada
  - Apenas na lista principal (primeiro nível da lista)

- Implementar uma sub-rotina para verificar se um átomo x está em uma lista generalizada
  - Em qualquer parte dela

- Implementar uma sub-rotina para verificar se um átomo x está em uma lista generalizada
  - Em qualquer parte dela
    - Faça a árvore de ativação dessa sub-rotina para a busca pelo elemento 'd' na lista generalizada (f,(a,b),(c,(d,e)),())

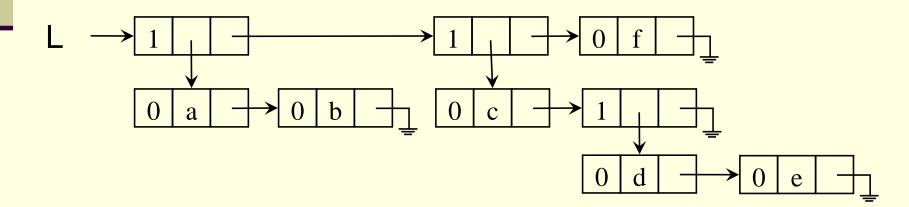
#### Exercício

 Implementar uma sub-rotina para verificar se duas listas generalizadas são completamente iguais

- Implementar uma sub-rotina para verificar se duas listas generalizadas são estruturalmente iguais
  - O conteúdo em si não importa

## Exercício para entregar

- Implementar uma sub-rotina que determina a profundidade máxima de uma lista generalizada
  - $A=(a,(b)) \rightarrow prof(A)=2$
  - B=(a,b,c) → prof(B)=1
  - C=()  $\rightarrow$  prof(C)=0
  - Por exemplo, para o caso abaixo, a sub-rotina deveria retornar profundidade 3



#### Lista generalizada e polinômios

Considere os polinômios:

P1 = 
$$4x^2y^3z + 3xy + 5$$
  
P2 =  $x^{10}y^3z^2 + 2x^8y^2z^2 + x^4y^4z + 6x^3y^4z + 2yz$   
P3 =  $3x^2y$ 

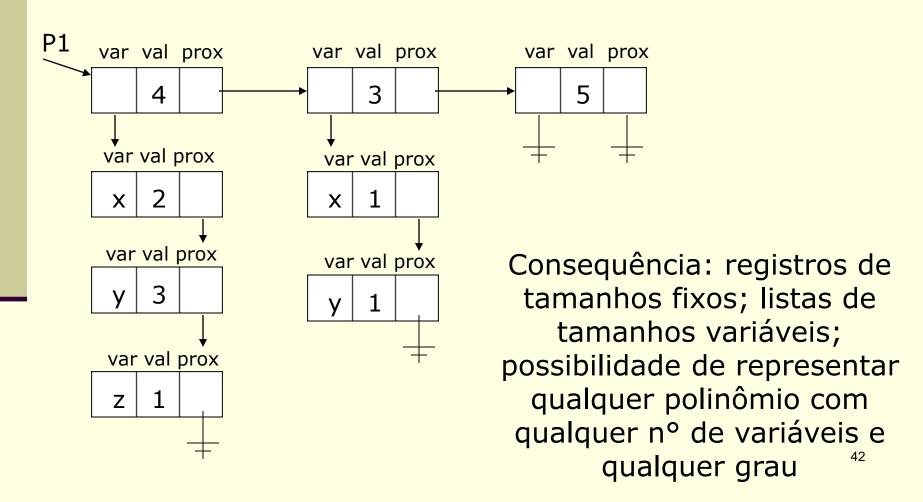
- (a) n° de termos: variável
  - P1=3, P2=5, P3=1
- (b) n° de variáveis: variável
  - P1=P2=3, P3=2
- (c) nem todo termo é expresso com todas as variáveis

#### Lista generalizada e polinômios

- Objetivos
  - representar de forma organizada e robusta
  - representação única para todo polinômio
- Solução: lista generalizada

## Lista generalizada e polinômios

Ex:  $P1 = 4x^2y^3z + 3xy + 5$ 



## Exercício para casa

- Implementar uma sub-rotina que:
  - (a) receba um polinômio representado via lista generalizada e os valores das variáveis
  - (b) percorra a lista generalizada e compute o resultado do polinômio
  - (c) retorne o resultado para quem chamou a sub-rotina