

Matheus Teixeira Ribeiro Vieira - 22.1.4104

Lista 4 - Relações - Matemática discreta II

$$1) \{(a, b, a), (a, b, d), (a, c, a), (a, c, d), (a, d, a), (a, d, d), (b, b, a), (b, b, d), (b, c, a), (b, c, d), (b, d, a), (b, d, d), (c, b, a), (c, b, d), (c, c, a), (c, c, d), (c, d, a), (c, d, d)\}$$

$$2) R = \{(1, 3), (1, 4), (3, 2), (3, 3), (3, 4)\}$$

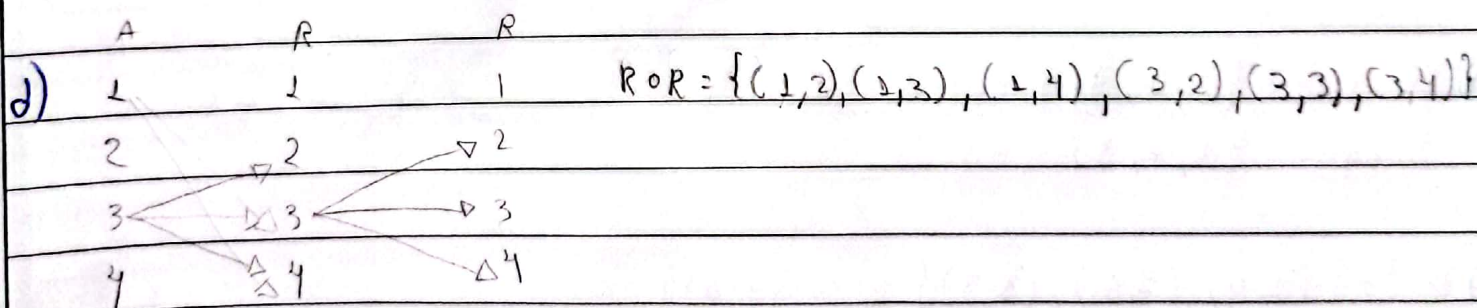
a)

	1	2	3	4
1	0	0	1	1
2	0	0	0	0
3	0	1	1	1
4	0	0	0	0

b) Domínio : $\{1, 3\}$

Imagem : $\{2, 3, 4\}$

$$c) R^{-1} = \{(3, 1), (4, 1), (2, 3), (3, 3), (4, 3)\}$$



$$3) B = \{a, b, c, d\}$$

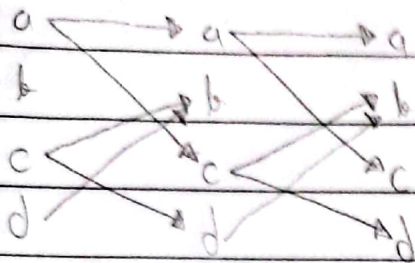
$$R = \{(a, a), (a, c), (c, b), (c, d), (d, b)\}$$

$$S = \{(b, a), (c, c), (c, d), (d, a)\}$$

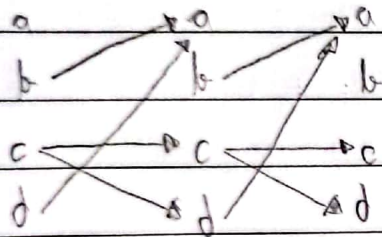
$$a) R \circ S = \{(a, c), (a, d), (c, a), (d, a)\}$$

b) $S \circ R = \{(b, a), (b, c), (c, b), (c, d), (d, a), (d, c)\}$

c) $R \circ R = \{(a, a), (a, b), (a, c), (a, d), (c, b)\}$



d) $S \circ S = \{(c, a), (c, c), (c, d)\}$



4) $x + 3y = 12$ $R = \{(x, y) \mid x + 3y = 12\}$ \mathbb{N} excluindo o zero

a) $\{(3, 3), (6, 2), (9, 1)\}$

b) Domínio: $\{3, 6, 9\}$

Imagem: $\{1, 2, 3\}$

c) $R^{-1} = \{(1, 9), (2, 6), (3, 3)\}$

d) $(3, 3)$, pois somente esse duplo faz $3 \rightarrow 3 \rightarrow 3$

5a) $\forall a. a \in A \rightarrow (a, a) \in R$

Em todos os casos não usamos x e y , que são valores diferentes, logo não há uma tupla onde possamos (x, x) . Assim, nenhum item é transitivo.

- b) 1- $x=5$ $y=4$ $(5,4) \in R$ mas $(4,5) \notin R$
 2- $x=2$ $y=8$ $2 \cdot 8 = 16$, que é o quadrado de 4 e existem os
 duplos $(2,8)$ e $(8,2)$
 3- $x=4$ $y=6$ $(4,6) \in R$ e $(6,4) \in R$
 4- $x=6$ $y=1$ $(6,1) \in R$, mas $(1,6) \notin R$

\therefore 2 e 3 são simétricas.

c) Pelo que foi mostrado na letra b, sendo 2 e 3 simétricas, o complemento do conjunto de itens. Dessa forma, as assimétricas são 1 e 4

- d) 1- $x=10$ $y=9$ $(10,9), (9,8) \in R$ e $(10,8) \in R$
 $x=9$ $y=8$ \therefore é transitivo

- 2- $x=32$ $y=8$ $(32,8), (8,2) \in R$ e $(32,2) \in R$
 $x=8$ $y=2$ \therefore é transitivo

3- Não existe nenhuma possibilidade para $x+y=10$ com $x \neq y$ para ser uma relação transitiva

4- Para os inteiros positivos, somente as duplas $(2,2)$ e $(6,1)$ permitem $x+y=10$. Logo a relação não é transitiva

6) $S = \{1, 2, 3, \dots, 18, 19\}$ $R = "xy \text{ é um quadrado}"$

a) $[1] = \{x \mid (1, x) \in R\}$

$1 \cdot x$ deve ser o quadrado de algum outro número

$[1] = \{1, 4, 9, 16\}$

1, 4, 9, 16, 25, 36, 49,

b) $[1] = \{1, 4, 9, 16\}$

$1 \cdot 1 = 1$

$1 \cdot 4 = 4$

$1 \cdot 9 = 9$

$1 \cdot 16 = 16$

$[2] = \{2, 8, 18\}$

$2 \cdot 2 = 4$

$2 \cdot 8 = 16$

$2 \cdot 18 = 36$

$[3] = \{3, 12\}$

$3 \cdot 3 = 9$

$3 \cdot 12 = 36$

7) $S = \{1, 2, 3, \dots, 14, 15\}$

$R = 5 \mid (x - y)$

$[0] = \{5, 10, 15\}$

$[1] = \{1, 6, 11\}$

$[2] = \{2, 7, 12\}$

$[3] = \{3, 8, 13\}$

$[4] = \{4, 9, 14\}$