Project 2 Protein Cleavage

Samuel Gaudin et Mathias Grau May 19, 2023

1 Initialisation des données

On initialise les paramètres du modèle

```
[316]: import numpy as np
p=13 # 13 acides aminés avant la liaison clivée
q=2 # 2 acides aminés après la liaison clivée
```

2 Lecture des fichiers à traiter

On créé une fonction qui va permettre d'extraire les données utiles d'un des fichier .red et qui renvoie un tableau de couples du type :

```
("séquence d'acides aminés", "interprétation")
```

On définie les séquences de protéines de la manière suivante : avec $\mathcal{A} = \{A, ... Z\}$ l'ensemble des acides aminés.

Connaissant une séquence de protéine $(a_i)_{i \in 0,...,l-1}$ et la position de son site de clivage j: on peut définir la séquence:

$$a_{j-p}a_{j-p+1}...a_{j-1}a_{j}...a_{j+q-1} \in \mathcal{A}^{p+q}$$

```
[317]: def parse_file(filename):
    pairs = [] # Tableau pour stocker les couples de chaînes de caractères

with open(filename, 'r') as file:
    lines = file.readlines() # lit le fichier et stocke chaque ligne dans
une liste

# Parcourir les lignes en sautant de 3 en 3
for i in range(1, len(lines), 3):
    line2 = lines[i].strip()
    line3 = lines[i + 1].strip()
    pair = (line2, line3)
    pairs.append(pair)

return pairs, len(pairs)
```

```
[318]: # Exemple d'utilisation avec un fichier "red.txt"
    filename = './data/SIG_13.red'
    pairs,N = parse_file(filename)
    print(f"Number of lines : {N}")
    print(f"5 first pairs : ")
    for i in range (5):
       print(pairs[i])
    Number of lines: 1408
    5 first pairs :
    ('MASKATLLLAFTLLFATCIARHQQRQQQQQQQQQQQQLQNIEALEPIEVIQAEA',
    ('MARSSLFTFLCLAVFINGCLSQIEQQSPWEFQGSEVWQQHRYQSPRACRLE',
    ('MLVMAPRTVLLLLSAALALTETWAGSHSMRYFYTSVSRPGRGEPRFISVGYVDD',
    ('MKLSKSTLVFSALLVILAAASAAPANQFIKTSCTLTTYPAVCEQSLSAYAKT',
    ('MANKLFLVCATLALCFLLTNASIYRTVVEFEEDDASNPVGPRQRCQKEFQQ',
```

3 Statistiques sur l'acide aminé correspondant au site de clivage

```
[320]: # Utilisation avec la liste de couples 'pairs' found_letters = find_letters_at_c_position(pairs)

# Affichage des lettres trouvées
```

```
print(f"Pour la première paire : \n{pairs[0][0]} \n{pairs[0][1]} \nOn a la_⊔

→lettre {found_letters[0][0]} à la position {found_letters[0][1]}")
```

On compte désormais les occurrences de chaque acide aminé en tant que site de clivage.

```
[321]: def count_letter_occurrences(letter_positions):
    letter_counts = {} # Dictionnaire pour stocker les occurrences des lettres

    for letter, _ in letter_positions:
        if letter in letter_counts:
            letter_counts[letter] += 1
        else:
            letter_counts[letter] = 1

    return letter_counts
```

```
[322]: # Utilisation avec le tableau de couples 'letter_positions'
occurrences = count_letter_occurrences(found_letters)

# Affichage des occurrences des lettres
for letter, count in occurrences.items():
    print(f"Lettre : {letter}, Occurrence : {count}")
```

Lettre: R, Occurrence: 36 Lettre: Q, Occurrence: 173 Lettre : G, Occurrence : 65 Lettre: A, Occurrence: 298 Lettre: S, Occurrence: 116 Lettre : F, Occurrence : 38 Lettre: W, Occurrence: 11 Lettre: Y, Occurrence: 27 Lettre : V, Occurrence : 64 Lettre : E, Occurrence : 125 Lettre: H, Occurrence: 26 Lettre : M, Occurrence : 17 Lettre : I, Occurrence : 42 Lettre : D, Occurrence : 100 Lettre : L, Occurrence : 68 Lettre : T, Occurrence : 49 Lettre : N, Occurrence : 42 Lettre : K, Occurrence : 70 Lettre: P, Occurrence: 14 Lettre : C, Occurrence : 27

4 Statistique sur les N sous-séquences de peptides signaux

On dispose de N séquences d'acides aminés avec un site de clivage connu. On extrait les peptides signals qui correspondent à une succession d'acides aminés de taille p+q avec p acides aminés avant le site de clivage et q acides aminés après.

```
[323]: def extract_substrings(pairs, p, q):
           extracted_substrings = [] # Tableau pour stocker les sous-chaînes extraites
           for pair in pairs:
               line2 = pair[0]
               line3 = pair[1]
               # Recherche de l'emplacement de la lettre 'C' dans le deuxième élément
        \rightarrow du couple
               c_index = line3.find('C')
               if c_index != -1:
                   # Extraction des sous-chaînes dans le premier élément du couple
                   start_index = max(1, c_index-p)
                   end_index = min(len(line2), c_index + q )
                   substring = line2[start_index:end_index]
                   extracted_substrings.append(substring)
           return extracted_substrings
      extracted_substrings_test = extract_substrings(pairs, p, q)
      print(f"Pour la première paire : \n{pairs[0][0]} \n{pairs[0][1]} \n0n a lau
       →lettre {found_letters[0][0]} à la position {found_letters[0][1]} ce qui donne
        →la sous-chaine \n{extracted_substrings_test[0]}")
```

On va maintenant créer un dictionnaire afin de stocker le nombre d'occurence de chaque acide aminé par rapport à leur position dans le peptide signal

```
[324]: def count_letter_occurrences_with_position(extracted_substrings):
    letter_counts = {} # Dictionnaire pour stocker les occurrences de chaque
    →lettre et sa position

for substring in extracted_substrings:
    for position, letter in enumerate(substring):
```

```
letter_position = (letter, position)

if letter_position in letter_counts:
    letter_counts[letter_position] += 1

else:
    letter_counts[letter_position] = 1

return letter_counts
```

On définie les fonction f et c comme énoncées dans l'énoncé, qui compte le nombre d'occurences de l'acide aminé a $\in Alapositioni$

$$c: \mathcal{A}, [[0, p+q]] \rightarrow \mathbb{N}$$

 $(a, i) \mapsto c(a, i)$

On créé la fonction f définie dans le sujet qui calcul la fréquence d'apparition de l'acide aminé $a \in A$

$$\begin{array}{cccc} f & : & \mathcal{A}, [[0, p+q]] & \to & \mathbb{R} \\ & & (a, i) & \mapsto & \frac{c(a, i)}{N} \end{array}$$

```
Lettre: L, Position: 0, Occurrences: 460
Lettre: L, Position: 1, Occurrences: 520
Lettre: A, Position: 2, Occurrences: 178
Lettre: F, Position: 3, Occurrences: 104
Lettre: T, Position: 4, Occurrences: 56
Lettre: L, Position: 5, Occurrences: 442
Lettre: L, Position: 6, Occurrences: 393
Lettre: F, Position: 7, Occurrences: 74
Lettre: A, Position: 8, Occurrences: 193
Lettre: T, Position: 9, Occurrences: 117
Lettre: C, Position: 10, Occurrences: 71

[326]: def f(N,occurrences_with_position, lettre, position,alpha=0,d=1):
letter_position = (lettre, position)
```

```
if letter_position in occurrences_with_position:
    return (occurrences_with_position[letter_position]+alpha)/(N+alpha*d)
else:
    return alpha/(N+alpha*d)
```

Fréquence d'occurrences de la lettre 'L' à la position 0: 0.3239634574841883

On implémente maintenant la fonction g qui évalue la fréquence d'un acide aminé a \in \mathcal{A} sans se soucier de sa position dans la chaine de caractère :

$$g : \mathcal{A} \to \mathbb{R}$$
$$a \mapsto g(a)$$

```
[328]: def g(extracted_substrings, lettre, N, alpha=0,d=1):
    occurrence_count = 0
    for substring in extracted_substrings:
        occurrence_count += substring.count(lettre)
    if occurrence_count == 0:
        return alpha/(N+alpha*d)
    frequency = (occurrence_count +alpha )/ (N+alpha*d)
    return frequency
```

```
[329]: # Utilisation avec 'extracted_substrings'
lettre = 'L'
result = g(extracted_substrings_test, lettre, N,alpha=1,d=p+q)
print(f"Fréquence d'occurrence de la lettre '{lettre}' par chaîne: {result}")
```

Fréquence d'occurrence de la lettre 'L' par chaîne: 3.068868587491216

On implémente ensuite la fonction s comme étant définie :

```
\forall a \in \mathcal{A}, \forall i \in [[0, p+q]] \quad \begin{array}{ccc} s & : & \mathcal{A}, [[0, p+q]] & \rightarrow & \mathbb{R} \\ & (a, i) & \mapsto & log(f(a, i)) - log(g(a)) \end{array}
```

On définie logiquement la fonction score suivante : Pour tout mot

$$w = a_{j-p}a_{j-p+1}...a_{j-1}a_{j}...a_{j+q-1} \in \mathcal{A}^{p+q}$$

On a le q-1 score défini par :

score :
$$\mathcal{A}^{p+q} \rightarrow \mathbb{R}$$

 $w \mapsto \sum_{i=0}^{p+q-1} s(a_i, i)$

```
[331]: def score(w,N,extracted_substrings,alpha=1,d=1):
    sum=0.0
    for i in range(len(w)):
        sum += s(N,extracted_substrings,w[i],i,alpha,d)
    return sum
```

```
[351]: from tqdm import tqdm

# On calcule le minimum de score pour la séquence SIG_13

min=0

mot = ''

for substring in tqdm(extracted_substrings_test):

score_sum = score(substring, N, extracted_substrings_test, alpha=1, d=p+q)

if score_sum<min:

min=score_sum

mot=substring

# On obtient un score de -48.24458384914466 qui va servie de threshold pour lau

suite

score_min= -48.24458384914466

print(f'Le score minimal obtenu dans la substring SIG_13 est {score_min}')
```

Le score minimal obtenu dans la substring SIG_13 est -48.24458384914466

Exemple d'utilisation de ce classifieur sur une chaine de caractère étant un peptide signal présent dans la séquence donnée

```
[334]: w='LLAFTLLFATCIARH' #qui est un mot de la sous-chaine SIG_13 donc un peptide ⊔

signal

threshold_value = score_min

score_obtenu = score(w, N, extracted_substrings_test, alpha=2, d=p+q)

print(f"Test sur le potentiel peptide signal : {w}")

test= threshold_classifier(w, N, extracted_substrings_test, alpha=1, d=p+q, ⊔

threshold_value=threshold_value)

print('Réponse :',test)
```

Test sur le potentiel peptide signal : LLAFTLLFATCIARH

Beginning Test

Score : -37.08975645397594 Threshold : -48.24458384914466

Réponse : 1

5 Quelques SVM Kernels

5.1 Vectorisation des données

On crée les vecteurs de taille 26(p+q) qui est la concatenation de p+q vecteurs de taille 26 où la ième valeur est 1 si elle correspond à la lettre considérée (dans l'ordre alphabétique) et 0 sinon.

```
import string
def create_encoded_vectors(substring_extracted, p, q):
    alphabet = string.ascii_uppercase
    letter_to_index = {letter: index for index, letter in enumerate(alphabet)}

encoded_vectors = []
for substring in substring_extracted:
    vector = np.zeros(26 * (p + q))

for i, letter in enumerate(substring):
    if letter in letter_to_index:
        index = letter_to_index[letter]
        vector[i * 26 + index] = 1

encoded_vectors.append(vector)

return encoded_vectors
```

```
[353]: print(f"First extracted substring {extracted_substrings_test[0]}")
alphabet = string.ascii_uppercase
letter_to_index = {letter: index for index, letter in enumerate(alphabet)}
encoded_vector = create_encoded_vectors(extracted_substrings_test, p, q)[0]
print(f"First extracted vector {encoded_vector.astype(int)}")
indices = np.argwhere(encoded_vector == 1).flatten()%26
```

Le produit scalaire entre 2 vecteurs donne le nombre de lettres communes entre les 2 chaines de caractères

```
[337]: print(f"First extracted substring {extracted_substrings_test[0]}")
    print(f"Second extracted substring {extracted_substrings_test[1]}")

first_extracted_vector = create_encoded_vectors(extracted_substrings_test, p,u \( \to q \) [0]
    second_extracted_vector = create_encoded_vectors(extracted_substrings_test, p,u \( \to q \) [1]

num_common_letters = np.sum(first_extracted_vector * second_extracted_vector)

print(f"Number of common letters : {num_common_letters}")
```

First extracted substring LLAFTLLFATCIARH
Second extracted substring FLCLAVFINGCLSQI
Number of common letters : 2.0

5.2 Matrice de probabilité

On définit la matrice de probabilité M(x,y) pour toute paire d'acide aminé (x,y)

```
[338]: def similarity_matrix(string1,string2):
    alphabet = string.ascii_uppercase
    letter_to_index = {letter: index for index, letter in enumerate(alphabet)}
    matrix=np.zeros((len(alphabet),len(alphabet)))
    for i in range(len(string1)):
        indice1=letter_to_index[str(string1[i])]
        indice2=letter_to_index[str(string2[i])]
        if indice1==indice2:
```

```
matrix[indice1][indice2]+=1
else :
    matrix[indice1][indice2]+=1
    matrix[indice2][indice1]+=1
return matrix
```

```
[339]: word1=extracted_substrings_test[0]
  word2=extracted_substrings_test[1]
  sim_matrix=similarity_matrix(word1,word2)
  print(f'Matrice de similitude entre {word1} et {word2} :')
  print(sim_matrix.astype(int))
```

On définit maintenant le score de similarité entre 2 séquences d'acides aminés en prenant la trace de la matrice de similarité :

$$S : \mathcal{A}^{p+q}, \mathcal{A}^{p+q} \to \mathbb{N}$$

$$(a,b) \mapsto \sum_{i=0}^{n-1} M(a_i, b_i)$$

```
[340]: def S(string1,string2): return np.trace(similarity_matrix(string1,string2))
```

```
[341]: print(f"Number of common letters at the same position by getting the trace of 

→the similarity matrix : {S(word1,word2)}")
```

Number of common letters at the same position by getting the trace of the similarity matrix : 2.0

On définit finalement la fonction log-kernel comme suit :

$$logK(a,b) = \sum_{i=-p}^{q-1} \phi_i(a_{p+i}, b_{p+i})$$

οù

$$\phi_i(x,y) = \begin{cases} s(x,i) + s(y,i) & \text{si } x \neq y \\ s(x,i) + \log(1 + e^{s(x,i)}) & \text{si } x = y \end{cases}$$

```
[342]: def log_kernel(a,b, N, extracted_substring,p,q,alpha=1):
    sum=0.0
    d=p+q
    for i in range(len(a)):
        if a[i]!=b[i]:

    →sum+=s(N,extracted_substring,a[i],i-p,alpha,d)+s(N,extracted_substring,b[i],i-p,alpha,d)
        else:
        sum+=s(N,extracted_substring,a[i],i-p,alpha,d)+np.log(1+np.
    →exp(s(N,extracted_substring,a[i],i-p,alpha,d)))
    return (sum)
```

```
[343]: res = log_kernel(word1, word2, N, extracted_substrings_test, p, q,alpha=2) print(f'Résultat : {res} pour le mot {word1} et {word2}')
```

Résultat : -177.43938709139957 pour le mot LLAFTLLFATCIARH et FLCLAVFINGCLSQI

```
def create_substrings_dataset(pairs, p, q):
    extracted_substrings = [] # Tableau pour stocker les sous-chaînes extraites

for pair in pairs:
    line2 = pair[0]
    line3 = pair[1]

# Recherche de l'emplacement de la lettre 'C' dans le deuxième élément
du couple

c_index = line3.find('C')

shift = np.random.choice([-4, 0, 4],p=[0.1, 0.8, 0.1])
# On tire un nombre aléatoire entre -4, 0 et 4
# avec une probabilité de 0.1, 0.8 et 0.1
# respectivement pour décaler ou non la sous-chaîne extraite
```

```
if shift == 0:
                   y=1
               else:
                   y=0
               if c_{index} = -1 and c_{index} + shift >= 0 and c_{index} + shift <_{\sqcup}
        \rightarrowlen(line2):
                   # Extraction des sous-chaînes dans le premier élément du couple
                   start_index = max(1, c_index-p+shift)
                   end_index = min(len(line2), c_index + q+shift)
                   substring = line2[start_index:end_index]
                   extracted_substrings.append((substring,y))
           return extracted_substrings
[345]: extracted_substring_set_test = create_substrings_dataset(pairs, p, q)
       print(extracted_substring_set_test[:3])
      [('LLAFTLLFATCIARH', 1), ('FLCLAVFINGCLSQI', 1), ('LLSAALALTETWAGS', 1)]
[346]: test = []
       for i in range(N):
           test.append(extracted_substring_set_test[i][0])
       extracted_substring_vectorised = create_encoded_vectors(test, p, q)
       extracted_substring_set_vectorised=[]
       for i in range(N):
           extracted_substring_set_vectorised.
        →append((extracted_substring_vectorised[i],extracted_substring_set_test[i][1]))
[347]: from sklearn.svm import SVC
       from sklearn.metrics import accuracy_score
       training_rate=0.8 # Taux d'exemples d'entraînement
       X_train = [] # Caractéristiques des exemples d'entraînement
       y_train = [] # Étiquettes des exemples d'entraînement
       X_test = [] # Caractéristiques des exemples de test
       y_test = []
                   # Étiquettes des exemples de test
       # Préparation des données d'entraînement et de test
       for i in range(int(training_rate*N)):
           X_{train.append}(extracted\_substring\_set\_vectorised[i][0]) # Caract\'eristiques_{\sqcup}
        \rightarrow des exemples d'entraînement
           y_train.append(extracted_substring_set_vectorised[i][1]) # Étiquettes des___
       \rightarrow exemples d'entraînement
       for i in range(int(training_rate*N),N):
```

Accuracy: 0.8546099290780141

5.3 Etude pour différentes fonctions

```
[361]: def svm(kernel):
          filenames = ['./data/SIG_13.red','./data/EUKSIG_13.red','./data/GRAM-SIG_13.
       →red','./data/GRAM+SIG_13.red']
          print(f"Kernel : {kernel}")
          print()
          for i,filename in enumerate(filenames):
              pairs,N = parse_file(filename)
              extracted_substring_set_test = create_substrings_dataset(pairs, p, q)
              test = []
              for i in range(N):
                   test.append(extracted_substring_set_test[i][0])
              extracted_substring_vectorised = create_encoded_vectors(test, p, q)
              extracted_substring_set_vectorised=[]
              for i in range(N):
                   extracted_substring_set_vectorised.
        →append((extracted_substring_vectorised[i],extracted_substring_set_test[i][1]))
              X_train = [] # Caractéristiques des exemples d'entraînement
              y_train = [] # Étiquettes des exemples d'entraînement
              X_test = [] # Caractéristiques des exemples de test
              y_test = []  # Étiquettes des exemples de test
               # Préparation des données d'entraînement et de test
              for i in range(int(training_rate*N)):
                  X_train.append(extracted_substring_set_vectorised[i][0]) #__
        → Caractéristiques des exemples d'entraînement
```

```
y_train.append(extracted_substring_set_vectorised[i][1])
        →Étiquettes des exemples d'entraînement
               for i in range(int(training_rate*N),N):
                   X_test.append(extracted_substring_set_vectorised[i][0])
                                                                               #
        → Caractéristiques des exemples de test
                   y_test.append(extracted_substring_set_vectorised[i][1])
                                                                               #

ightharpoonup \acute{E}tiquettes des exemples de test
               # Création du modèle SVM avec un kernel gaussien (RBF)
               svm_model = SVC(kernel=kernel)
               # Entraînement du modèle
               svm_model.fit(X_train, y_train)
               # Prédiction des classes des exemples de test
               y_pred = svm_model.predict(X_test)
               # Évaluation du modèle
               accuracy = accuracy_score(y_test, y_pred)
               print(f'Filename : {filename}')
               print(f"Accuracy : {accuracy}")
               print(f'False positive rate : {1-accuracy}')
               print()
[362]: svm('rbf')
      Kernel: rbf
      Filename: ./data/SIG_13.red
      Accuracy: 0.8262411347517731
      False positive rate : 0.17375886524822692
      Filename: ./data/EUKSIG_13.red
      Accuracy: 0.8706467661691543
      False positive rate : 0.12935323383084574
      Filename : ./data/GRAM-SIG_13.red
      Accuracy: 0.8490566037735849
      False positive rate : 0.15094339622641506
      Filename : ./data/GRAM+SIG_13.red
      Accuracy: 0.8571428571428571
      False positive rate: 0.1428571428571429
```

```
[363]: svm('linear')
```

Kernel : linear

Filename : ./data/SIG_13.red Accuracy : 0.875886524822695

False positive rate : 0.12411347517730498

Filename : ./data/EUKSIG_13.red Accuracy : 0.8756218905472637

False positive rate : 0.12437810945273631

Filename : ./data/GRAM-SIG_13.red Accuracy : 0.9433962264150944

False positive rate : 0.05660377358490565

Filename: ./data/GRAM+SIG_13.red Accuracy: 0.8214285714285714

False positive rate : 0.1785714285714286

[364]: svm('sigmoid')

Kernel: sigmoid

Filename: ./data/SIG_13.red Accuracy: 0.900709219858156

False positive rate : 0.099290780141844

Filename: ./data/EUKSIG_13.red Accuracy: 0.8557213930348259

False positive rate : 0.14427860696517414

Filename: ./data/GRAM-SIG_13.red Accuracy: 0.9433962264150944

False positive rate : 0.05660377358490565

Filename: ./data/GRAM+SIG_13.red Accuracy: 0.8214285714285714

False positive rate : 0.1785714285714286

[365]: |svm('poly')

Kernel : poly

Filename : ./data/SIG_13.red Accuracy : 0.7943262411347518

False positive rate : 0.2056737588652482

Filename : ./data/EUKSIG_13.red Accuracy : 0.8059701492537313 False positive rate : 0.19402985074626866

Filename: ./data/GRAM-SIG_13.red Accuracy: 0.7358490566037735

False positive rate : 0.26415094339622647

 ${\tt Filename : ./data/GRAM+SIG_13.red}$

Accuracy: 0.6071428571428571

False positive rate : 0.3928571428571429

5.4 Conclusion

Nous sommes donc parvenus à étudier des peptides signaux de longueur p+q pour en faire des ensembles d'entrainement afin de pouvoir juger si une séquence aléatoire consitue, ou non, un peptide signal. Les taux de précision sont aux alentour de 90% pour les dataset utilisés