Matemática no enem

aprendizagem autônoma



Lucas de Almeida Felinto Marcelo Raimundo de Araújo Júnior Matheus Jonatha Bernardo dos Santos





Copyright © 2020 Monitoria AnnWay PUBLICADAS POR MATHEUS JONATHA HTTP://ANNWAY.GITHUB.IO/ Licensed under the Creative Commons Attribution-NonCommercial 3.0 Unported License (the "License"). You may not use this file except in compliance with the License. You may obtain a copy of the License at http://creativecommons.org/licenses/by-nc/3.0. Unless required by applicable law or agreed to in writing, software distributed under the License is distributed on an "AS IS" BASIS, WITHOUT WARRANTIES OR CONDITIONS OF ANY KIND, either express or implied. See the License for the specific language governing permissions and limitations under the License.

Primeira versão, junho de 2020



Sumário

	Sobre o projeto	7
	Habilidades e competências	7
_		
	Matemática Básica	
1	Aritmética	. 13
1.1	Operações básicas	13
1.1.1	Conjuntos dos numero inteiros, naturais e racionais	. 13
2	Sistemas de Unidades de Medidas	. 15
2.1	Medidas de comprimento	15
2.1.1 2.1.2	Múltiplos de metro	
2.2	Medidas de Superfície	15
2.2.1 2.2.2	Múltiplos de metro quadrado (m^2)	
2.3	Medidas Agrárias	16
2.4	Medidas de Volume	16
2.4.1 2.4.2	Múltiplos do Metro Cubico:	
2.5	Medidas de Capacidade	16
2.5.1 2.5.2	Múltiplos de litro:	
2.6	Medidas de Massa	16
2.6.1 2.6.2	Múltiplos de Grama:	
2 7	Evercícios	17

3	Proporcionalidade
3.1	Razão 19
3.2	Proporção 19
3.3	Escalas 19
3.4	Porcentagem 20
3.5	Exercícios 21
4	Tabelas e gráficos
4.1	Introdução 23
5	Estatística
5.1	Introdução 25
5.1.1	Medidas de posição
Ш	Geometria
6	Geometria Plana
6.1	Classificação dos polígonos 29
6.2	Área dos polígonos 29
6.3	Exercícios 29
7	Geometria Espacial
8	Geometria Analítica
Ш	Conjuntos
•••	
IV	Geometria
	Goomotria
V	Funções
9	Introdução41
10	Função injetora ou injetiva
11	Função sobrejetora ou sobrejetiva
12	Função bijetora ou bijetiva
13	Função constante
14	Função par51
15	Função ímpar53
16	Função afim ou polinomial do primeiro grau55

17	Função linear	. 57
18	Função crescente	. 59
19	Função decrescente	. 61
20	Função quadrática ou polinomial do segundo grau	. 63
21	Função modular	. 65
22	Função exponencial	. 67
23	Função logarítmica	. 69
24	Função trigonométrica	. 71
25	Função raiz	. 73
25.1	Gráficos e Tabelas	73
25.2	Trigonometria no Triângulo Retângulo	73
25.3	Probabilidade	73
25.4	Análise Combinatória	73



Sobre o projeto

Sabemos que os assuntos abordados no ENEM são vastos, afinal são muitas as disciplinas que os estudantes têm contato durante a vida escolar. Mesmo uma única disciplina como história, por exemplo, cobra uma gama enorme de informação e conhecimento por parte dos estudantes. Portanto, nada melhor que organizar e priorizar seu tempo de estudo.

Por isso, Elaboramos este documento com o intuito de lhe ajudar. Elencamos os 10 assuntos que possuem maior número de questões no ENEM na área do conhecimento da Matemática e suas Aplicações. Além de você saber quais são os assuntos mais exigidos, também saberá o que é preciso pra estudá-los. A lista segue do assunto mais cobrado ao mesmo cobrado.



Habilidades e competências

Competência de área 1

Construir significados para os números naturais, inteiros, racionais e reais

- **H1 -** Reconhecer, no contexto social, diferentes significados e representações dos números e operações naturais, inteiros, racionais ou reais.
- H2 Identificar padrões numéricos ou princípios de contagem.
- H3 Resolver situação-problema envolvendo conhecimentos numéricos.
- **H4 -** Avaliar a razoabilidade de um resultado numérico na construção de argumentos sobre afirmações quantitativas
- **H5** Avaliar propostas de intervenção na realidade utilizando conhecimentos numéricos.

Competência de área 2

Utilizar o conhecimento geométrico para realizar a leitura e a representação da realidade e agir sobre ela.

- **H6 -** Interpretar a localização e a movimentação de pessoas/objetos no espaço tridimensional e sua representação no espaço bidimensional.
- H7 Identificar características de figuras planas ou espaciais.
- H8 Resolver situação-problema que envolva conhecimentos geométricos de espaço e forma.
- **H9 -** Utilizar conhecimentos geométricos de espaço e forma na seleção de argumentos propostos como solução de problemas do cotidiano.

Competência de área 3

Construir noções de grandezas e medidas para a compreensão da realidade e a solução de problemas do cotidiano.

- H10 Identificar relações entre grandezas e unidades de medida.
- H11 Utilizar a noção de escalas na leitura de representação de situação do cotidiano.
- H12 Resolver situação-problema que envolva medidas de grandezas.
- H13 Avaliar o resultado de uma medição na construção de um argumento consistente.
- **H14 -** Avaliar proposta de intervenção na realidade utilizando conhecimentos geométricos relacionados a grandezas e medidas.

Competência de área 4

Construir noções de variação de grandezas para a compreensão da realidade e a solução de problemas do cotidiano.

- **H15** Identificar a relação de dependência entre grandezas.
- H16 Resolver situação-problema envolvendo a variação de grandezas, direta ou inversamente proporcionais.
- H17 Analisar informações envolvendo a variação de grandezas como recurso para a construção de argumentacão.
- H18 Avaliar propostas de intervenção na realidade envolvendo variação de grandezas.

Competência de área 5

Construir noções de variação de grandezas para a compreensão da realidade e a solução de problemas do cotidiano.

- H19 Identificar representações algébricas que expressem a relação entre grandezas.
- H20 Interpretar gráfico cartesiano que represente relações entre grandezas.
- **H21** Resolver situação-problema cuja modelagem envolva conhecimentos algébricos.
- H22 Utilizar conhecimentos algébricos/geométricos como recurso para a construção de argumentação.
- **H23** Avaliar propostas de intervenção na realidade utilizando conhecimentos algébricos.

Competência de área 6

Interpretar informações de natureza científica e social obtidas da leitura de gráficos e tabelas, realizando previsão de tendência, extrapolação, interpolação e interpretação.

- H24 Utilizar informações expressas em gráficos ou tabelas para fazer inferências.
- **H25** Resolver problema com dados apresentados em tabelas ou gráficos.
- **H26** Analisar informações expressas em gráficos ou tabelas como recurso para a construção de argumentos.

Competência de área 7

Compreender o caráter aleatório e não determinístico dos fenômenos naturais e sociais e utilizar instrumentos adequados para medidas, determinação de amostras e cálculos de probabilidade para interpretar informações de variáveis apresentadas em uma distribuição estatística.

- **H27 -** Calcular medidas de tendência central ou de dispersão de um conjunto de dados expressos em uma tabela de frequências de dados agrupados (não em classes) ou em gráficos.
- **H28** Resolver situação-problema que envolva conhecimentos de estatística e probabilidade.
- **H29** Utilizar conhecimentos de estatística e probabilidade como recurso para a construção de argumentação.
- H30 Avaliar propostas de intervenção na realidade utilizando conhecimentos de estatística e probabilidade.

Matemática Básica

1	Aritmética	13
1.1	Operações básicas	
2	Sistemas de Unidades de Medidas	15
2.1	Medidas de comprimento	
2.2	Medidas de Superfície	
2.3	Medidas Agrárias	
2.4	Medidas de Volume	
2.5	Medidas de Capacidade	
2.6	Medidas de Massa	
2.7	Exercícios	
3	Proporcionalidade	19
3.1	Razão	
3.2	Proporção	
3.3	Escalas	
3.4	Porcentagem	
3.5	Exercícios	
4	Tabelas e gráficos	23
4.1	Introdução	
7.1	mitodayao	
5	Estatística	25
5.1	Introdução	



1. Aritmética

- 1.1 Operações básicas
- 1.1.1 Conjuntos dos numero inteiros, naturais e racionais



2. Sistemas de Unidades de Medidas

(LEMBRAR DE COLOCAR AS IMAGENS)

O Sistema Métrico é um sistema internacional de medições que determina as unidades a serem utilizadas por cada uma das medidas, além de suas transformações. A unidade fundamental desse sistema é o metro (m), porém, cada medida tem sua unidade padrão, de acordo com o Sistema Internacional de Unidades.

2.1 Medidas de comprimento

As medidas de comprimento são os mecanismos de medição mais utilizados. A unidade fundamental das medidas de comprimento é o metro (m).

2.1.1 Múltiplos de metro

- Ouilômetro $(km) = 1000m = 10^3 m$
- Hectômetro $(hm) = 100m = 10^2 m$
- Decâmetro (dam) = 10m

2.1.2 Submúltiplos de metro

- Decimetro $(dm) = 0, 1m = 10^{-1}m$
- centímetro $(cm) = 0,01m = 10^{-2}m$
- Milímetro $(mm) = 0.001m = 10^{-3}m$

2.2 Medidas de Superfície

As medidas de superfície são as utilizadas na medição de áreas. Sua unidade fundamental é o metro quadrado (m^2) . OBS: COLOCAR UM QUADRADO AQUI

Múltiplos de metro quadrado(m^2)

- Quilômetro quadrado $(km^2) = 1.000.000m^2 = 10^6 m^2$
- Hectômetro quadrado $(hm^2)=10.000m^2=10^4m^2$ Decâmetro quadrado $(dam^2)=100m^2=10^2m^2$

2.2.2 Submúltiplos de metro quadrado

• Decímetro quadrado $(dm^2) = 0,01m^2 = 10^{-2}m^2$

- centímetro quadrado $(cm^2) = 0,0001m^2 = 10^{-4}m^2$
- Milímetro quadrado $(mm^2) = 0,000001m^2 = 10^{-6}m^2$

2.3 Medidas Agrárias

Dentre as medidas de superfícies, existem as medidas agrárias, que são mais utilizadas para medir áreas rurais. Sua unidade fundamental é o are (a).

- Centiare $(ca) = 1m^2 = 10^0 m^2$
- Are $(a) = 100m^2 = 10^2m^2$
- Hectare $(ha) = 10000m^2 = 10^4 m^2$

2.4 Medidas de Volume

As medidas de volume são utilizadas g para medir o espaço ocupado por um corpo tridimensional ou a sua capacidade de armazenar alguma substância. Em química, as medidas de volume geralmente aparecem quando medimos quantidades de líquidos. A unidade métrica tradicional de volume usada nesse caso é o litro (L). Em termos do SI, um litro é definido exatamente como 1 decímetro cúbico.

2.4.1 Múltiplos do Metro Cubico:

- Quilômetro cúbico $(Km^3) = 1.000.000.000m^3 = 10^9 m^3$
- Hectômetro cúbico $(hm^3) = 1.000.000m^3 = 10^6m^3$
- Decâmetro cúbico $(dam^3) = 1.000m^3 = 10^3m^3$

2.4.2 Submúltiplos de metros cúbicos (m^3)

- Decímetro cúbico $(dm^3) = 0,001m^3 = 10^{-3}m^3$
- Centímetro cúbico $(cm^3) = 0,000001m^3 = 10^{-6}m^3$
- Milímetro cúbico $(mm^3) = 0,00000001m^3 = 10^{-9}m^3$

2.5 Medidas de Capacidade

As medidas de capacidade são utilizadas para representarem as grandezas que definem o volume contido em um certo reservatório. A mais utilizada é o litro (l).

Importante:

- $1l = 1dm^3$
- $1ml = 1cm^3$
- $10^3 l = 1m^3$

2.5.1 Múltiplos de litro:

- Quilolitro $(Kl) = 1000l = 10^3 l$
- Hectolitro $(hl) = 100l = 10^3 l$
- Decalitro $(dal) = 10l = 10^{1}l$

2.5.2 Submúltiplos de Litro:

- Decilitro $(dl) = 0, 1l = 10^{-1}l$
- Centilitro $(cl) = 0,01l = 10^{-2}l$
- Mililitro $(ml) = 0,001l = 10^{-3}l$

2.6 Medidas de Massa

As medidas de massa são utilizadas para medir a quantidade de massa em um corpo. No SI, a unidade fundamental de massa é o quilograma (kg), embora o grama (g) seja a unidade mais conveniente para a maioria das medidas de laboratório.

2.7 Exercícios 17

2.6.1 Múltiplos de Grama:

- Quilograma $(Kg) = 1000g = 10^3 g$
- Hectograma $(hg) = 100g = 10^2g$
- Decagrama $(dag) = 10g = 10^1 g$

2.6.2 Submúltiplos de Grama:

- Decigrama $(dg) = 0, 1g = 10^{-1}g$
- Centigrama $(cg) = 0,01g = 10^{-2}g$
- Miligrama $(mg) = 0,001g = 10^{-3}$

Existe ainda a unidade especial: Tonelada $(t) = 1000kg = 10^3kg = 10^6g$

2.7 Exercícios

Esta é um exemplo de exercício.

Exercício 2.1 Este é um bom lugar para fazer uma pergunta para testar o progresso da aprendizagem ou cimentar mais as idéias na mente dos alunos.



3. Proporcionalidade

Este tópico é fundamental, não apenas em Matemática, como na Matemática Financeira, na Física na Química. Toda vez que trabalhamos com comparação de grandezas, algo comum na Física por exemplo, estamos utilizando os conceitos básicos da proporção.

3.1 Razão

Razão pode ser definida como o quociente (divisão ou fração) entre dois números reais, sendo o quociente do primeiro número com o segundo número. Desta forma, a razão entre os números "a" e "b" será o quociente:

$$\frac{a}{b}$$
 ou $a:b$, para $(b\neq 0)$. Sendo lida da seguinte forma: "a" está para "b"

■ Exemplo 3.1 A razão $\frac{2}{3}$ é lida da seguinte forma: 2 está para 3.

Ou seja, basicamente vamos ter numa razão a divisão entre um número real "a" e um número real "b" que resultará em um número real "c". Isto é:

$$\frac{a}{b} = c$$

■ Exemplo 3.2
$$\frac{3}{2} = 1,5$$

3.2 Proporção

Proporção é definida como a igualdade entre duas ou mais razões. Isto é:

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$$
, para $(b e d \neq 0)$

Onde "a" e "d" são denominados extremos da proporção, "b" e "c" são os meios da proporção

3.3 Escalas

• Escala

Definição de escala Esvala de apliação Escala de redução

3.4 Porcentagem

Toda a razão(termo explicado no capitulo anterior) que tem como denominador o número 100, dar-se o nome de razão centesimal. Por exemplo:

$$\frac{7}{100}$$
, $\frac{1}{100}$, $\frac{33}{100}$

Veja outras formas de representação de razões centesimais:

$$\frac{7}{100} = 0,07 = 7\% \text{ (se lê "sete por cento")}$$

$$\frac{1}{100} = 0,01 = 1\% \text{ (se lê "um por cento")}$$

$$\frac{33}{100} = 0,33 = 33\% \text{ (se lê "trinta e três por cento")}$$

Essas expressões podem ser chamadas de taxas centesimais ou taxas percentuais.

Definição 3.4.1 Porcentagem é o valor obtido ao aplicarmos uma taxa percentual a um determinado valor.

EXEMPLO: João vendeu 60% dos seus 100 cavalos. Quantos cavalos ele vendeu?

Para solucionar esse problema, devemos aplicar a taxa percentual (60%) sobre o total de cavalos.

$$60\% \ de \ 100 = \frac{60}{100} \cdot 100 = \frac{6000}{100} = 60$$

Portanto, João vendeu 60 cavalos dos 100 que ele tinha.

É possível encontra a porcentagem sendo utilizada em diversas situações como as de decréscimos, descontos, aumentos, acréscimos, diminuição, redução ou inflação podemos utilizar o **fator de multiplicação**(FM).

Definição 3.4.2 O fator de multiplicação é diferente para aumento e desconto e a taxa percentual em ambos os casos sempre deverá ser um número decimal, ou seja, um número que possui vírgula. Veja as fórmulas referentes ao fator de multiplicação.

Fator de multiplicação para aumento

$$FM = 1 + taxa \ de \ aumento$$

Fator de multiplicação para desconto

$$FM = 1 - taxa \ de \ desconto$$

EXEMPLO: O salário-mínimo no ano de 2015 sofreu um aumento de 8,84%. Sabendo que no ano de 2014 o salário-mínimo era de R\$ 724,00, qual será o valor do salário-mínimo para 2015?

RESPOSTA: Note que na situação esta ocorrendo um aumento, portanto usaremos a formula de taxa de aumento para resolver esse problema, veja:

$$FM = 1 + taxa \ de \ aumento$$

 $FM = 1 + 8,84\%$
 $FM = 1 + \frac{8,84}{100}$
 $FM = 1 + 0,0884$
 $FM = 1,0884$

O valor em reais do salário-mínimo em 2015 será dado pelo produto do fator de multiplicação por R\$724,00.

$$724,00 \cdot 1,0884 = R$788,00$$

Portanto, o valor do salario mínimo em 2015 será de R\$788,00

Caso seja necessário utilizar a taxa de desconto, o procedimento é análogo ao feito acima, mudando apenas a formula de taxa de aumento para taxa de desconto.

3.5 Exercícios 21

3.5 Exercícios

Esta é um exemplo de exercício.

Exercício 3.1 Este é um bom lugar para fazer uma pergunta para testar o progresso da aprendizagem ou cimentar mais as ideias na mente dos alunos.



4. Tabelas e gráficos

4.1 Introdução



5. Estatística

5.1 Introdução

Neste capitulo estudaremos um assunto bastente abortado no enem, de início iremos entender como é um estudo estatístico e compreender suas etapas, logo após veremos o uso da matemática para organizar e extrair informações de diferentes formas acerca dos dados coletados. Antes veremos alguns conceitos básicos para melhor compreenção do tema, sendo o primeiro deles **medidas de posição** e **medidas de tendência central**.

$$(x+1)^3 = (x+1)(x+1)(x+1)$$
$$= (x+1)(x^2+2x+1)$$
$$= x^3 + 3x^2 + 3x + 1$$

5.1.1 Medidas de posição

Definição 5.1.1

- Rol
- Classe
- Moda, Média e mediana

Geometria

6	Geometria Plana	29
6.1	Classificação dos polígonos	
6.2	Área dos polígonos	
6.3	Exercícios	
7	Geometria Espacial	31
	·	
8	Geometria Analítica	33
	Goomotha Anantioa	90



6. Geometria Plana

- 6.1 Classificação dos polígonos
- 6.2 Área dos polígonos
- 6.3 Exercícios

Esta é um exemplo de exercício.

Exercício 6.1 Este é um bom lugar para fazer uma pergunta para testar o progresso da aprendizagem ou cimentar mais as ideias na mente dos alunos.

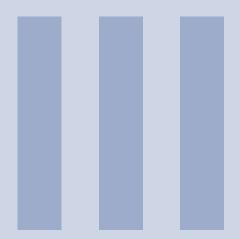


7. Geometria Espacial



8. Geometria Analítica

- Fatorial
- Arranjo simples
- Permutação simples
- Combinação simples



Conjuntos

Geometria



Funções

9	introdução 41
10	Função injetora ou injetiva 43
11	Função sobrejetora ou sobrejetiva 45
12	Função bijetora ou bijetiva 47
13	Função constante 49
14	Função par 51
15	Função ímpar 53
16	Função afim ou polinomial do primeiro grau 55
17	Função linear 57
18	Função crescente 59
19	Função decrescente 61
20	Função quadrática ou polinomial do segundo grau
21	Função modular 65
22	Função exponencial 67
23	Função logarítmica 69
24	Função trigonométrica 71
25 25.1 25.2 25.3 25.4	Função raiz



9. Introdução



10. Função injetora ou injetiva



11. Função sobrejetora ou sobrejetiva



12. Função bijetora ou bijetiva



13. Função constante



14. Função par



15. Função ímpar



16. Função afim ou polinomial do primeiro grau

- O que é uma função
- Domínio e imagem de uma função
- Obtenção do domínio
- Construção do gráfico cartesiano
- Raízes de uma função
- Propriedades de uma função
- Função par e função ímpar
- Funções crescente e decrescente
- Função composta
- Função inversa



17. Função linear



18. Função crescente



19. Função decrescente



20. Função quadrática ou polinomial do segundo grau



21. Função modular



22. Função exponencial



23. Função logarítmica



24. Função trigonométrica



25. Função raiz

25.1 Gráficos e Tabelas

• Leitura e interpretação de gráficos (sistema ortogonal)

25.2 Trigonometria no Triângulo Retângulo

- Definições de um triangulo retangulo
- razões trigonometricas
- Lei dos senos

25.3 Probabilidade

- Espaço Amostral
- Eventos (seus tipos)
- Conceito de Probabilidade
- Probabilidade Condicional
- Multiplicação de Probabilidade
- Fórmulas.

25.4 Análise Combinatória

- Fatorial
- Arranjo simples
- Permutação simples
- Combinação simples