华南农业大学期末考试试卷(A卷)

2019-2020 学年第 2 学期

考试科目: 数理统计

考试类型:(闭卷)考试

考试时间: ___120___分钟

学号	 年级专业	

<u> </u>					
题号	_	1 1	111	四	总分
得分					
评阅人					

得分	
----	--

- 一、填空题(本大题共6小题,每小题3分,共18分)
- 1. 设 $X \sim U[a,1]$, X_1, \dots, X_n 是从总体X 中抽取的样本, 求a 的矩估计为_____。
- 2. 设总体 $X\sim N(\mu,\sigma^2)$, X_1,\cdots,X_n 为来自总体 X 的样本, \overline{X} 为样本均值,则 D $(\overline{X}-X_1)=\underline{\hspace{1cm}}_{\hspace{1cm}}$
- 3. 己知 $F_{0.1}(8,20) = 2$,则 $F_{0.9}(20,8) =$ ______。
- 4. 设某个假设检验问题的拒绝域为 W,且当原假设 H_0 成立时,样本值 (x_1, \dots, x_n) 落入 W 的概率为 0.15,则犯第一类错误的概率为 ______。
- 6. 设总体 $X \sim N(\mu, 0.9^2)$, X_1, X_2, \cdots, X_9 是容量为9的简单随机样本,均值x = 5 ,则未知参数 μ 的置信水平为 0.95 的置信区间是____。(已知 $U_{0.025} = 2$, $U_{0.05} = 1.65$)

得分

- **二、单项选择题**(本大题共 6 小题,每小题 3 分,共 18 分)
- 1. 已知 X_1, X_2, \dots, X_n 是来自总体的样本,则下列是统计量的是(

$$(A)X + \overline{X} + A$$
 $(B)\frac{1}{n-1}\sum_{i=1}^{n}X_{i}^{2}$ $(C)\overline{X} + a + 10$ $(D)\frac{1}{3}\overline{X} + a\overline{X}_{1} + 5$

第1页, 共5页

装

订

线

- 1	
- 1	
- 1	
壮	Ŀ

订

线

2. 设 X_1, \cdots, X_8 和 Y_1, \cdots, Y_{10} 分别来自两个相互独立的正态总体 $N(-1,2^2)$ 和 N(2,5)的样本, S_1^2 和 S_2^2 分别是其样本方差,则下列服从F(7,9)的统计量是(

$$(A) \; \frac{2S_1^2}{5S_2^2}$$

$$(B) \; \frac{5S_1^2}{4S_2^2}$$

$$(C) \frac{4S_1^2}{5S_2^2}$$

(A)
$$\frac{2S_1^2}{5S_2^2}$$
 (B) $\frac{5S_1^2}{4S_2^2}$ (C) $\frac{4S_1^2}{5S_2^2}$ (D) $\frac{5S_1^2}{2S_2^2}$

3. 设总体 $X \sim N(\mu, \sigma^2)$, X_1, \cdots, X_n 为抽取样本,则 $\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (X_i - \overline{X})^2$ 是(

- (A) μ 的无偏估计 (B) σ^2 的无偏估计 (C) μ 的矩估计 (D) σ^2 的矩估计
- 4. 在单因子方差分析中,设因子 A 有 s 个水平,每个水平测得一个容量为 n_i 的样 本,则下列说法正确的是)
 - (A) 方差分析的目的是检验方差是否相等
 - (B) 方差分析中的假设检验是双边检验
 - (C) 方差分析中 $S_e = \sum_{i=1}^{s} \sum_{j=1}^{n_i} (X_{ij} \overline{X_{ij}})$ 包含了随机误差外, 还包含效应间的差异
 - (D)方差分析中 $S_A = \sum_{i=1}^{3} n_i (\overline{X_i} \overline{X})$ 包含了随机误差外,还包含效应间的差异
- 5. 在一次假设检验中,下列说法正确的是

- (A) 既可能犯第一类错误也可能犯第二类错误
- (B) 如果备择假设是正确的,但作出的决策是拒绝备择假设,则犯了第一类错误
- (C) 增大样本容量,则犯两类错误的概率都不变
- (D) 如果原假设是错误的,但作出的决策是接受备择假设,则犯了第二类错误
- 6. 对总体 $X\sim N(\mu,\sigma^2)$ 的均值 μ 作区间估计,得到置信度为 95%的置信区间,意义

是指这个区间

- (A) 平均含总体 95%的值
- (B) 平均含样本 95%的值
- (C)有 95%的机会含样本的值
- (D)有 95%的机会含µ的值

得分

三、解答题(本大题共6小题,共48分)

1. 设
$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i, \bar{y} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} y_i,$$
证明:

装

订

$$(1) \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i^2 - \overline{x}^2 \qquad (2) \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})(y_i - \overline{y}) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i y_i - \overline{x} \overline{y}$$

- 2、某车间有同型号的机床 100 部,在某段时间内每部机床开动的概率为 0.8,假定各机床开关是相互独立的,开动时每部机床要消耗电能 15 个单位,问电站最少要供应这个车间多少个单位电能,才可以有 95%的概率,保证不致因供电
- 不足而影响生产. (已知 $\Phi(1.65) = 0.95$, $\Phi(2) = 0.975$, $\Phi(3.5) \approx 1$)
- 3、 设 $X_1,...,X_{10}$ 为总体 $X \sim N(0,0.3^2)$ 的样本,求

(1) 确定常数 a,使
$$a\sum_{i=1}^{3} X_{i} / \sqrt{\sum_{i=4}^{10} X_{i}^{2}}$$
 服从 t 分布; (2) $P\{\sum_{i=1}^{10} X_{i}^{2} > 1.44\}$

$$\chi_{0.05}^2(9) = 16, \chi_{0.01}^2(10) = 16$$

4. 设总体 ξ 的概率密度为

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x}{\theta^2} e^{-x^2/(2\theta^2)}, & x > 0 \\ 0, & x \le 0 \end{cases}$$

求参数 θ 的矩估计量和极大似然估计量 ($\theta > 0$)。

- 5. 测试某溶液的水分,测得 10 个观测值,样本均值为 0.452%,标准差为 0.037%. 设总体服从正态分布,试在显著性水平 0.05 下,分别检验假设
- (1) $H_0: \mu \ge 0.5\%, H_1: \mu < 0.5\%$
 - (2) $H_0: \sigma \le 0.03\%, H_1: \sigma > 0.03\%$

 $u_{0.05} = 1.64, u_{0.025} = 1.96, t_{0.025}(9) = 2.2622, t_{0.05}(9) = 1.8331$ $\chi^2_{0.025}(9) = 19.022, \chi^2_{0.05}(9) = 16.919, \chi^2_{0.025}(10) = 20.483, \chi^2_{0.05}(10) = 18.307$

第3页, 共5页

6. 设有三台机器制造同一种产品,今比较三台机器生产能力,记录其五天的日产量

机器	I	II	III
	138	163	155
日	144	148	144
产	135	152	159
量	149	146	141
	143	157	153

现把上述数据汇总成方差分析表如下

方差来源	平方和	自由度	均方和	F LL
A	352. 933			
\overline{e}				
T	893. 733			

写出该检验的原假设,完成方差分析表格并做出结论

 $F_{0.05}(2, 12) = 3.89, F_{0.1}(2, 12) = 2.81, F(3, 12) 3.49, F_{0.1}(3, 12) = 2.61$

得分	
1.0 7.1	

四、应用题(本大题共2小题,每题8分,共16分)

掷一骰子120次,得到数据如下表

出现点数	1	2	3	4	5	6
次数	х	20	20	20	20	40 — x

若我们使用 χ^2 检验,则x取哪些整数值时,此骰子是均匀的的假设在显著性水平 $\alpha=0.05$ 下被接受? $\chi^2_{0.05}(6)=12.595, \chi^2_{0.05}(5)=11.07,$

2、某地区第1年到第6年(1981年-1986年)间用电量(y)和年次(x)的统计数据如下:

年次	1	2	3	4	5	6	
用电量	10.4	11.4	13.1	14.2	14.8	15.7	

假设Y = X 之间符合一元线性回归模型 $Y = a + bx + \varepsilon$

- (1) 试建立线性回归方程。
- (2) 在显著性水平 $\alpha = 0.01$ 下,检验一元线性回归方程有效性 $t_{0.01}(4)$ =3. 7469 $t_{0.005}(4)$ =4. 6041