## Algebra

## June 15, 2017

## 1 Syllabus

- Cartesian product
- Relation between sets
- Funzione
- Operazione
- Operazione di somma tra numeri
- Operazione di somma tra vettori
- Operazione di somma tra matrici
- Funzione suriettiva (o surgettiva, o suriezione)
- Permutazione
- Ciclo di una permutazione, l-ciclo
- Cicli disgiunti
- Decomposizione in cicli disgiunti
- Ordine (o periodo) di un ciclo
- Ordine (o periodo) di una permutazione
- TEOREMA: Ogni permutazione si può scrivere come una composizione di cicli disgiunti in modo unico a meno dell'ordine dei cicli stessi
- Permutazione senza punti fissi, Derangement, partial derangement
- Trasposizione di una permutazione
- Segno di una permutazione
- Orbita di una permutazione
- $\bullet$  Sottogruppo ciclico del gruppo simmetrico  $S_n$  Sottogruppo ciclico generato da una permutazione
- Coefficienti binomiali: definizione e proprietà

- Principio di inclusione-esclusione
- Gruppo
- Elemento neutro di un gruppo
- Sottogruppo
- Gruppo abeliano
- Order of a group
- Teorema di Lagrange e sue conseguenze
- Gruppo ciclico
- Gruppo generale lineare
- Gruppo simmetrico
- Gruppo classi resto modulo n rispetto alla somma
- Gruppo di permutazioni
- Omomorfismo
- Isomorfismo
- Omomorfismo/Isomorfismo tra ...
- Omomorfismo di gruppi
- Nucleo, nucleo di una funzione, nucleo di applicazione lineare
- Nucleo di omomorfismo di gruppi
- Insieme degli omomorfismo di gruppi ( dati due gruppi G e H in simboli: Hom(G,H))
- Anelli
- Polinomi
- Numeri complessi
- Teoria di Galois
- Teoria dei Moduli