# Esercizio 3: Trovare il nucleo di un omomorfismo di gruppi

baudo81[at]gmail.com

June 12, 2017

#### 1 TESTO

Sia

$$G = \left\{ \left[ \begin{array}{cc} a & b \\ 0 & a \end{array} \right]; a, b \in R, a \neq 0 \right\}$$

- Dimostrare che G è un sottogruppo di  $GL_2(R)$ .
- $\bullet\,$  Dimostrare che la funzione  $f:G\longrightarrow R^*$  definita da

$$f\left(\left[\begin{array}{cc} a & b \\ 0 & a \end{array}\right]\right) = a$$

è un omomorfismo del gruppo G nel gruppo moltiplicativo  $R^*$ .

• Determinare il nucleo ker(f).

### 2 TEORIA

- Teoria degli insiemi
- Nucleo di un omomorfismo di gruppi

## 3 SOLUZIONE

$$ker(f) = \{A \in G, talichef(A) = 1\} = \left\{ \begin{bmatrix} 1 & b \\ 0 & 1 \end{bmatrix}; b \in R \right\}$$

### 4 IDEA A BASE DELLA SOLUZIONE

Ho individuato facilmente gli elementi neutri di  $R^*$  e cioè 1!!! dopodichè ho cercato l'elemento di G che applicato tramite la f mi dia come risultato 1. Lo si può fare a occhio.