

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا الدورة الاستدراكية 2017 - الموضوع -

N8## X++83⊙8 ∧ V \$00NEV 919 NNN V \$0 XXX 9E 90091





RS 22

المركز الوطني للتقويم والامتحاذات والتوجية

3	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
7	المعامل	شعبة العلوم التجريبية بمسالكها	الشعبة أو المسلك

تعليمات عامة

- يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة ؟
- يمكن للمترشح إنجاز تمارين الامتحان حسب الترتيب الذي يناسبه ؟
 - ينبغي تفادي استعمال اللون الأحمر عند تحرير الأجوبة.

مكونات الموضوع

- يتكون الموضوع من أربعة تمارين و مسألة، مستقلة فيما بينها، وتتوزع حسب المجالات كما يلي:

3 نقط	الهندسة الفضائية	التمرين الأول
3 نقط	حساب الاحتمالات	التمرين الثاني
3 نقط	الأعداد العقدية	التمرين الثالث
2.5 نقط	المتتاليات العددية	التمرين الرابع
8.5 نقط	دراسة دالة عددية وحساب التكامل	المسألة

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2017 - الموضوع - مادة: الرياضيات - شعبة العلوم التجريبية بمسالكها

التمرين الأول: (3 نقط)

 $\left(O,\,ec{i}\,,\,ec{j}\,,\,ec{k}
ight)$ الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر

y-z=0 نعتبر الفلكة (P) الذي معادلتها $x^2+y^2+z^2-2x-2y-2z-1=0$ الذي معادلته نعتبر الفلكة (S) التي معادلته (S) ال

2) أ- بين أن مركز الفلكة (S) هو النقطة $\Omega(1,1,1)$ و شعاعها هو

(C) وفق دائرة $d(\Omega,(P))$ و استنتج أن المستوى $d(\Omega,(P))$ وفق دائرة و 0.5

(3) = (3) = (1)

(C) ج- حدد مركز و شعاع الدائرة

(P) و العمودي على المستقيم المار من النقطة A(1,-2,2) و العمودي على المستوى (Δ)

 (Δ) متجهة موجهة للمستقيم أن $\vec{u}(0,1,-1)$ متجهة موجهة المستقيم مردد

و استنتج أن المستقيم (Δ) يقطع الفلكة (S) في نقطتين. $=\sqrt{2}\|\vec{u}\|$ و استنتج أن المستقيم (Δ) و المستفيم (Δ

(S) و الفلكة (Δ) و الفلكة (Δ) عدد مثلوث إحداثيات كل نقطة من نقطتي تقاطع المستقيم

التمرين الثانيه : (3 نقط)

يحتوي صندوق على 10 كرات لا يمكن التمييز بينها باللمس: خمس كرات بيضاء و ثلاث كرات حمراء و كرتان خضراوان (انظر الشكل جانبه).

حمس حراث بيصاء و دلات حراث حمراء و حربان حصراوان (انظر الشكل نسحب عشوائيا و في آن واحد أربع كرات من الصندوق.

1) نعتبر الحدث A: " من بين الكرات الأربع المسحوبة توجد كرة خضراء واحدة فقط ".

و الحدث В: " من بين الكرات الأربع المسحوبة توجد بالضبط ثلاث كرات من نفس اللون ".

$$p(B) = \frac{19}{70}$$
 وأن $p(A) = \frac{8}{15}$

2) ليكن X المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة بعدد الكرات الخضراء المسحوبة.

$$p(X=2) = \frac{2}{15}$$
 أ- بين أن 0.

0.75

 $\frac{4}{5}$ بساوي E(X) بين أن الأمل الرياضي E(X) بساوي بين أن الأمل الرياضي

التمرين الثالث : (3 نقط)

 $z^2 + 4z + 8 = 0$ المعادلة المعادلة الأعداد العقدية الأعداد العقدية

2) نعتبر، في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر (O, \vec{u}, \vec{v}) ، النقط A و B و D اللتي ألحاقها

c=4 + 8i و b=4 - 4i و a=-2+2i على التوالي هي a و b و a بحيث

 $-\frac{\pi}{2}$ من المستوى و z' لحق النقطة M سورة M بالدوران R الذي مركزه M و زاويته z'=-iz-4 بين أن

ABC بالدوران R و استنتج طبیعة المثلث C عصورة النقطة B هي صورة النقطة C من النقطة B هي صورة النقطة C

[BC] ليكن ω لحق النقطة Ω منتصف القطعة (3

 $|c-\omega|=6$ أـ بين أن 0.5

ABC بب بين أن مجموعة النقط M ذات اللحق z بحيث z بحيث $|z-\omega|=6$ هي الدائرة المحيطة بالمثلث 0.5

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2017 - الموضوع - مادة: الرياضيات - شعبة العلوم التجريبية بمسالكها

التمرين الرابع: (2.5 بھـا)

$$IN$$
 نعتبر المتالية العدية $u_{n+1}=rac{1}{4}u_n+12$ و $u_0=17$: المعرفة بما يلي $u_0=17$

- IN من $u_n > 16$ أ- بين بالترجع أن $u_n > 16$ من n فكل من
- ب- بين أن المتتالية (u_n) تناقصية و استنتج أن المتتالية (u_n) متقاربة.
 - IN من $v_n = u_n 16$ لتكن (v_n) المتتالية العددية بحيث (2
 - أ- بين أن (v_n) متتالية هندسية.
- $\left(u_{n}\right)$ بـ استنتج أن $\left(\frac{1}{4}\right)^{n}$ لكل $u_{n}=16+\left(\frac{1}{4}\right)^{n}$ بـ استنتج
- $u_n < 16,0001$ ج- حدد أصغر قيمة للعدد الصحيح الطبيعي n التي يكون من أجلها

المسألة : (8.5 نهما)

0.5

0.5

0.25

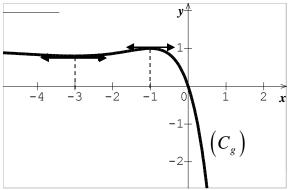
0.25

0.25

ا لتكن g الدالة العددية المعرفة على R بما يلي :

$$g(x) = 1 - (x+1)^2 e^x$$

- g(0) = 0 تحقق من أن
- (انظر الشكل جانبه) g انطلاقا من التمثيل المبياني g(x) للدالة $g(x) \ge 0$ انظر الشكل جانبه) بين أن $g(x) \ge 0$ لكل $g(x) \le 0$ وأن $g(x) \le 0$ لكل $g(x) \le 0$



- $f(x)=x+1-\left(x^2+1
 ight)e^x$: بما يلي IR بما المعرفة على المعرفة المعرفة المعرفة على المعرفة ال
- (و ليكن $\left(0,\overrightarrow{i},\overrightarrow{j}
 ight)$ المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ممنظم و الوحدة الوحدة و ليكن
- $\lim_{x \to -\infty} f(x) = -\infty$ أ- تحقق من أن R ثم استنتج أن $f(x) = x + 1 4\left(\frac{x}{2}e^{\frac{x}{2}}\right)^2 e^x$ أ- تحقق من أن أن أب المستنتج أن أب أ
- $-\infty$ بجوار (C_f) بجوار y=x+1 مقارب للمنحنى واستنتج أن المستقيم والمستقيم (D) ذا المعادلة y=x+1 مقارب للمنحنى
 - (D) يوجد تحت المستقيم (C_f) يوجد تحت المستقيم
 - ($x\left[1+\frac{1}{x}-\left(x+\frac{1}{x}\right)e^x\right]$ على الشكل f(x) على الشكل $\lim_{x\to +\infty}f(x)=-\infty$ أ- بين أن $\int_{x\to +\infty}f(x)=\int_{x\to +\infty}f(x)$
 - ب- بین أن المنحنی $\left(C_{f}\right)$ یقبل بجوار $+\infty$ ، فرعا شلجمیا یتم تحدید اتجاهه.
 - IR نکل x نکل f'(x) = g(x) نکل من (3 من 0.75
 - IR على الدالة f تزايدية على $[0,+\infty[$ و تناقصية على $]-\infty$ و f على f على f ما نعيرات الدالة f ما نعيرات الدال
 - -1 و -3 افصولاهما $\left(C_f\right)$ يقبل نقطتي انعطاف أفصولاهما $\left(C_f\right)$ 0.75
- $(f(-1)\approx -0.75)$ و $f(-3)\approx -2.5$ (ناخذ (C_f) و المنحنى ((C_f) و المنحنى ((C_f))، المستقيم ((D_f)
 - $\int_{-1}^{0} x e^{x} dx = \frac{2}{e} 1$ على R على R على $h: x \mapsto xe^{x}$ أ- تحقق من أن $H: x \mapsto (x-1)e^{x}$ هي دالة أصلية للدالة $h: x \mapsto xe^{x}$ على $H: x \mapsto (x-1)e^{x}$
 - $\int_{-1}^{0} (x^2 + 1)e^x dx = 3\left(1 \frac{2}{e}\right)$ بين أن بين أن مكاملة بالأجزاء ، بين أن 0.75
- و.0 (C_f) و المستقيم و (C_f) و المستوى المحصور بين المنحنى و المستقيم (D) و محور الأراتيب x=-1



الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا الدورة الاستدراكية 2017 - عناصر الإجابة -

08366 \$ 37808 1 +064636 A 60063 A 60063 A

+.XN/X+ | NEYO40



المسألة (8.5 ن)



RR 22

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

3	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة				
7	المعامل	شعبة العلوم التجريبية بمسالكها	أو المسلك	الشعبة			
		تؤخذ بعين الاعتبار مختلف مراحل الحل وتقبل كل طريقة صحيحة تؤدي إلى الحل					
			الأول (3 ن)	التمرين			
	و دائرة	اً- 0.25 المركز و 0.25 الشعاع ب- 0.25 ل $d(\Omega,(P)) = 0$ و 0.25 التقاطع هو	(1				
		ج- 0.25 للمركز هو Ω و 0.25 للشعاع هو 2	,				
·	d(O (A)) < 2 =	ا - 0.25 $\overline{\Omega} A \wedge \vec{u} = 2 \vec{i}$ و 0.25 لاستنتا و 0.25 لاستنتا	(2	1.5			
<i>(</i>	$u(\Omega_{2},(\Delta))<2$,				
		(1,-1,1) و $(1,1,-1)$ و 0.25 للمثلوث $(1,1,-1)$					
			الثاني (3 ن)	التمرين			
		$p(B) = \frac{19}{70}$ للتوصل إلى $p(A) = \frac{8}{15}$ و 0.75	(1				
		$p(X=2) = \frac{2}{15}$ للتوصل إلى 0.5	(2	1.5			
	E(X)	$=\frac{4}{5}$ ب- 0.25 للتوصل إلى $p(X=0)=\frac{1}{3}$ و 0.5 ل $p(X=1)=\frac{8}{15}$ و 0.25 ب					
			<u>الثالث (</u> 3 ن)	التمرين			
	(0.25 لحساب المميز و 0.25 لكل حل من الحلين (تمنح 0.75 للتوصل إلى الحلين بطريقة أخرى		0.75			
		$z'=-iz-4$ للتوصل إلى $z'-a=e^{-irac{\pi}{2}}(z-a)$ الكتابة 0.25 و 0.25 التوصل الح	(2	1.25			
		ب- 0.25 للتوصل إلى أن $R(C)=B$ و $R(C)$ للمثلث متساوي الساقين و قائم الزاوية					
		أ- 0.5 $+$ 0.5 لترجمة الكتابة $ z-\omega = z-\omega $ إلى $z=0$ و 0.25 للتوصل إلى المجموعة المطلوبة	(3	1			
	التمرين الرابع (2.5 ن)						
		أ- 0.5 ب- 0.25 للمتتالية تناقصية و 0.25 للمتتالية متقاربة	(1	1			
		(u_n) الستنتاج و (u_n) هي (u_n) الستنتاج و (u_n) الحي	(2	1.5			
		ج- 0.5 لأصغر قيمة ه <i>ي</i> 7					
			<u> </u>				

الصفحة	DD 00
2 2	RR 22

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2017 - عناصر الإجابة - مادة: الرياضيات - شعبة العلوم التجريبية بمسالكها

	(I	
0.25	(1	0.25
$[0,+\infty[$ لكل x من المجال $g(x) \leq 0$ ل $g(x) \leq 0$ لكل $g(x) \geq 0$ لكل $g(x) \geq 0$ لكل و من المجال $g(x) \geq 0$	(2	1
	(II)	
أ- 0.25 للتحقق و 0.5 للنهاية ب- 0.25 للنهاية و 0.25 للاستنتاج ج-0.25	(1	1.5
اً- 0.5 أ	(2	0.75
0.75- ^ĵ	(3	2.25
ب- 0.25 ل f تزايدية على $]-\infty,0$ و 0.25 ل f تناقصية على $[0,+\infty[$ و 0.25 لجدول التغيرات		
7- 0.75		
1 (انظر الشكل أسفله)	(4	1
أ- 0.25 للتحقق و 0.25 للحساب	(5	1.75
ب- 0.5 لتقنية المكاملة بالأجزاء و 0.25 للتوصل إلى النتيجة		
$12\left(1-rac{2}{e} ight)cm^2$ ج. 0.25 للمساحة ب cm^2 هي cm^2 هي cm^2 و 0.25 للتوصل إلى المساحة هي cm^2		

