



المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

المادة الرياضيات مدة الإنجاز 4 الشعبة أو المسلك المعامل (أ) و (ب)

- مدة إنجاز الموضوع هي أ ربع ساعات.
- يتكون الموضوع من خمسة تمارين مستقلة فيما بينها .
- يمكن إنجاز التمارين حسب الترتيب الذي يرغب فيه المترشح.

لا يسمح باستعمال الآلة الحاسبة كيفما كان نوعها

لا يسمح باستعمال اللون الأحمر بورقة التحرير

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2015 - الموضوع - مادة: الرياضيات - شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)

التمرين الأول: (4 نقط)

0.25

0.5

0.5

0.5

0.5

0.5

0.25

0.25

0.75

0.5

0.5

0.5

0.5

الجزء الأول: نزود ، بقانون التركيب الداخلي *المعرف بما يلي:

$$("(x,y)\dot{z}^{(1)})$$
 $x*y=x+y-e^{xy}+1$

1-أ) بين أن القانون * تبادلي في ،

ب) بين أن القانون * يقبل عنصرا محايدا يتم تحديده.

، b و a تقبل في ، حلين مختلفين a و a . تقبل في ، حلين مختلفين a و a . بين أن القانون a غير تجميعي.

 $I = {0 \atop \dot{\xi}} \quad 0 \atop \dot{\xi}$ الجزء الثاني: نذكر أن $(M_2(`),+,')$ حلقة غير تبادلية و واحدية وحدتها الجزء الثاني: نذكر أن الجزء الثاني: الجزء الثاني الخراء الثاني الخراء الثاني الخراء الثاني الخراء الثاني المحافظة المحا

و أن (, +, +, -) فضاء متجهي حقيقي و أن $(M_2(`, +, +))$ زمرة تبادلية.

$$F = \{M(x,y)/(x,y)$$
 و ليكن $M(x,y) = \begin{cases} x - 2y \\ \frac{1}{2} \end{cases}$ ك $X \in \mathbb{R}$ ك $X \in \mathbb{R}$

 $(M_2(`),+,.)$ فضاء متجهي جزئي للفضاء المتجهي الحقيقي F

 $\left(\mathbf{M}_{2}(`), ' \right)$ جزء مستقر من F جزء جنین أن

3- نعتبر التطبیق x من x نحو x الذي يربط كل عدد عقدي x+iy عددان حقیقیان) x+iy عددان حقیقیان) بالمصفوفة M(x,y)

(F,') نحو (f,') نحو (f,') انحو (f,'

 $j\left(\mathtt{\pounds}^{*}\right)\!\!=F^{*}$. بین أن: $F^{*}=F$ - $\left\{ M(0,0)
ight\}$

ج) بین أن $(F^*, ')$ زمرة تبادلیة.

4- بین أن (F,+,') جسم تبادلي.

التمرين الثاني: (3 نقط)

أ) بين أن x و 13 أوليان فيما بينهما.

 $x \equiv 7$ [13] بين أن: 0.5

 $S = \{7 + 13k / k \in \square\}$ هي: $\{2 + 13k / k \in \square\}$ هي: 3

المسين (50) كرة مرقمة من 1لى 50 (الكرات U يمكن التمييز بينها باللمس) U نعتبر صندوقا U

(E) ا- نسحب عشوائيا كرة من الصندوق. ما هو احتمال الحصول على كرة تحمل رقما يكون حلا للمعادلة (E) ?

2- نسحب عشوائيا كرة من الصندوق ،نسجل رقمها ثم نعيدها إلى الصندوق نكرر هذه التجربة ثلاث مرات.

الصفحة 3	RS 24	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2015 - الموضوع - مادة: الرياضيات - شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	
4			
		ما هو احتمال الحصول مرتين بالضبط على كرة تحمل رقما يكون حلا للمعادلة (E) ؟	
		التمرين الثالث : (3 نقط)	
		$(E): z^2$ - $(1+i)z+2+2i=0$ نعتبر في المجموعة \pm المعادلة التالية:	
		(E) هو مميز المعادلة ((E) هو مميز المعادلة ((E)	0.25
		ب) حدد z_1 و z_2 حلي المعادلة (E) في المجموعة z_1 (نأخذ z_2 تخيلي صرف)	0.5
		$rac{z_1}{z_2}$ = $\sqrt{2}e^{irac{3p}{4}}$:ج γ بین أن	0.5
		2 - المستوى العقدي منسوب إلى معلم متعامد و ممنظم و مباشر . نعتبر النقطة A التي لحقها z_1 و B النقطة التي لحقها	
		[AB] منتصف القطعة العقدي e لحق النقطة المتصف المعدد العدد العدد العدد العدد العدد العقدي أ	0.25
		$rac{c}{2}$ ب) ليكن r الدوران الذي مركزه A وقياس زاويته $rac{\dot{c}}{2}$	0.5
		$c=-rac{3}{2}+rac{3}{2}i$ بين أن: م لحق النقطة $C=-rac{3}{2}$ بالدوران $C=-rac{3}{2}$	
		. $d=1+rac{3}{2}i$ النقطة ذات اللحق ا D بعتبر (ج	
		بين أن العدد $z_1 = z_2 - d$ بين أن العدد $z_2 = z_1$ بين أن العدد $z_2 - z_1$ بين أن العدد $z_2 - z_1$ بين أن العدد بين أن أن العدد بين أن	
		التمرين الرابع: (6 نقط)	
		لیکن n عددا صحیحا طبیعیا غیر منعدم.	
	f	$f_n(x) = \frac{1}{1 + e^{-\frac{3}{2}(x-n)}}$ نعتبر الدالة العددية f_n للمتغير الحقيقي x المعرفة على f_n بما يلي:	
		. $\left(O,ec{i},ec{j} ight)$ المنحنى الممثل للدالة f_n في معلم متعامد و ممنظم $\left(C_n ight)$ المنحنى	
		المحصل عليهما. النتيجتين المحصل عليهما. و $\lim_{x \to +\infty} f_n(x)$ ثم أول مبيانيا النتيجتين المحصل عليهما.	0.75
		\square بين أن الدالة f_n قابلة للاشتقاق على π ثم أحسب π لكل π من π	0.75
		$_{\square}$ بين أن الدالة f_{n} تزايدية قطعا على f_{n}	0.25

0.5

0.5

. (C_1) انشئ المنحنى (ب

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2015 - الموضوع - الموضوع - العلوم الرياضية (أ) و (ب) - مادة: الرياضيات - شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	
y=0 و $x=1$ و $x=0$ و المستقيمات: $x=0$ و المستقيمات $x=0$	0.75
$]0,n[$ الكل n من * * ،بين أن المعادلة $x:f_n(x)=x$ تقبل حلا وحيدا u_n في المجال $f_n(x)=x$	0.75
$\left("n\dot{ abla}$	0.5
ج) بين أن المتتالية $\left(u_{n}\right)_{n^{3}}$ تناقصية قطعا ثم استنتج أنها متقاربة	0.75
$\lim_{n \oplus + \frac{1}{4}} u_n$ د) احسب (۵	0.5
التمرين الخامس: (4 نقط)	•
$g(x)=rac{3x}{t}rac{\cos t}{t}dt$ نعتبر الدالة العددية g المعرفة على * ، بما يلي:	
ا- بين أن الدالة g زوجية.	0.5
x>0 من أجل $g'(x)$ على $y,+$ [ثم أحسب $g'(x)$ من أجل g قابلة للاشتقاق على y	0.75
$("x>0)$ $\int_{-x}^{3x} \frac{\cos t}{t} dt = \frac{\sin 3x - 3\sin x}{3x} + \int_{-x}^{3x} \frac{\sin t}{t} dt$ ("x>0) اباستعمال مكاملة بالأجزاء، تحقق أن: $\int_{-x}^{3x} \frac{\cos t}{t} dt$	0.5
$\lim_{x \to + \frac{1}{2}} g(x)$ بين أنه لكل x من المجال $y(x)$ لدينا: $y(x)$ لدينا: $y(x)$ لدينا:	0.75
$(("t>0)$ 1- $cost \pounds t$ (الاحظ أن: $t>0$ 0 0 $t=1$ $t=$	0.5
$("x>0)$ $g(x)$ - $ln3=$ $\frac{3x\cos t-1}{\cos t}dt$: ب) تحقق أن	0.5
$\lim_{x \to 0^+} g(x)$ استنتج: $\lim_{x \to 0^+} g(x)$	0.5

انتهى



الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا الدورة الاستدراكية 2015 - عناصر الإجابة -

4°XNV≤4 | NCħO≤O



المركز الوطنى للتقويم والامتحانات والتوجيه

RR 24

الرياضيات 4 مدة الإنجاز المادة شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب) الشعبة أو المسلك 9 المعامل

سلم التنقيط	عناصر الإجابة		التمرين الأول
0.25		(^ĵ -1	الجزء الأول
0.5	0هو العنصر المحايد	ب)	
0.5	إذا كان القانون تجميعي فإن المماثل إذا وجد يكون وحيدا و هذا يناقض كون	-2	
	المعادلة (E) : $2*x=0$ تقبل حلين مختلفين.		
0.5		-1	الجزء الثاني
0.5		-2	
0.5	التشاكل	(¹ -3	
0.25		ب)	
0.25	زمرة تبادلية $\left(F^{*},^{'} \; ight)$	(ट	
0.75	Fتوزيعية الضرب بالنسبة للجمع في F توزيعية الضرب بالنسبة للجمع في	-4	
	باقي المسلمات		

التمرين الثاني		عناصر الإجابة	سلم التنقيط
-1	-1	تطبيق مبر هنة فيرما	0.5
	(¹ -2	x و13 أوليان فيما بينهما	0.5
	ب)	x : 7[13]	0.5
	-3	تحديد مجموعة الحلول	0.5
-11	-1	$\frac{4}{50}$ عدد الحالات الممكنة هو 50 و عدد الحالات التي تحقق الحدث هو 4 إذن الاحتمال هو	0.5

ä	الصفد
	_2
3	

RR 24

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2015 - عناصر الإجابة – مادة: الرياضيات - شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)

0.5	$C_3^2 \mathcal{E}_{\frac{1}{2}} \frac{4}{50^{\frac{1}{2}}} \mathcal{E}_{\frac{1}{2}} - \frac{4}{50^{\frac{1}{2}}} :$ حالة تكرار نفس التجربة	-2	
	\$30 \$ 30		

سلم التنقيط	عناصر الإجابة	التمرين الثالث
0.25		([†] -1
0.5		(÷
0.5		(ह
0.25		(^j -2
0.5		ب)
1	قيمة الجذاء $(\frac{1}{2})$	-3
	التأويل	

سلم التنقيط	عناصر الإجابة	التمرين الرابع
0.75	0.25 لكل نتيجة	([†] -1
0.75	قابلية الاشتقاق	ب)
	حساب المشتقة	
0.25		(হ
0.5		([†] -2
0.5		ب)
0.75		(ē
0.75		([†] -3
0.5		ب)
0.75	الرتابة	(ह
	التقارب	
0.5		(7

الصفحة 3

RR 24

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2015 - عناصر الإجابة - مادة: الرياضيات - شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)

		b marks b
التمرين الخامس	عناصر الإجابة	سلم التنقيط
-1		0.5
-2	قابلية الاشتقاق	0.75
	حساب المشتقة	
(^j -3		0.5
(÷	المتفاوتة	0.75
	النهاية	
(1 -4		0.5
Ć)		0.5
(5		0.5