



# الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا

الدورة العادية 2016 - الموضوع -

**NS 22** 



المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

المادة الإنجاز 3 الرياضيات مدة الإنجاز 3 الشعبة أو المسلك شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكيها المعامل 7

# تعليمات عامة

- عدد الصفحات: 3 (الصفحة الأولى تتضمن تعليمات ومكونات الموضوع والصفحتان المتبقيتان تتضمنان موضوع الامتحان) ؟
  - يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة ؟
  - يمكن للمترشح إنجاز تمارين الامتحان حسب الترتيب الذي يناسبه ؟
    - ينبغى تفادي استعمال اللون الأحمر عند تحرير الأجوبة ؟
- بالرغم من تكرار بعض الرموز في أكثر من تمرين ، فكل رمز مرتبط بالتمرين المستعمل فيه ولا علاقة له بالتمارين السابقة أو اللاحقة .

# مكونات الموضوع

- يتكون الموضوع من أربعة تمارين و مسألة، مستقلة فيما بينها، و تتوزع حسب المجالات كما يلى:

2.5 نقط	المتتاليات العددية	التمرين الأول
3 نقط	الهندسة الفضائية	التمرين الثاني
3 نقط	الأعداد العقدية	التمرين الثالث
3 نقط	حساب الاحتمالات	التمرين الرابع
8.5 نقط	دراسة دالة عددية وحساب التكامل	مسألة

- بالنسبة للمسألة ، In يرمز لدالة اللوغاريتم النبيري.

الصفحة	
$\sim$ 2	NS

## الامتحان الوطنى الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2016 - الموضوع - مادة: الرياضيات - شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكيها

## التمرين الأول: ( 2.5 ن )

$$IN$$
 نعتبر المتتالية العددية  $u_{n+1}=\frac{3+u_n}{5-u_n}$  و  $u_0=2$  : المعرفة بما يلي  $u_0=1$ 

$$IN$$
 نكل  $u_n < 3$  نكل  $u_n < 3$  نكل ثم بين بالترجع أن  $u_{n+1} - 3 = \frac{4(u_n - 3)}{2 + (3 - u_n)}$  نكل المن (1) تحقق من أن

$$IN$$
 من  $v_n = \frac{u_n - 1}{3 - u_n}$  المتتالية العددية المعرفة بما يلي: (2) المتتالية العددية المعرفة بما يلي:

$$n$$
 بدلالة  $u_n=rac{1+3v_n}{1+v_n}$  بدلالة  $u_n=rac{1+3v_n}{1+v_n}$  بدلالة

$$(u_n)$$
 جـ حدد نهایة المتتالیة  $0.5$ 

## التمرين الثاني: (3ن)

B(3,1,1) و A(2,1,3) النقط ( $(0,\vec{i},\vec{j},\vec{k})$ )، النقط معلم متعامد ممنظم مباشر  $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 2y - 34 = 0$  و الفلكة (S) و الفلكة (C(2, 2, 1)

$$\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC} = 2\overrightarrow{i} + 2\overrightarrow{j} + \overrightarrow{k}$$
 أ- بين أن (1 | 0.5

$$(ABC)$$
ب- استنتج أن  $2x+2y+z-9=0$  هي معادلة ديكارتية للمستوى 0.5

و أن شعاعها هو 
$$\Omega(1,-1,0)$$
 هو النقطة  $\Omega(1,-1,0)$  و أن شعاعها هو 6  $\Omega(1,-1,0)$ 

$$(\Gamma)$$
 وفق دائرة  $d(\Omega,(ABC))=3$  بين أن  $d(\Omega,(ABC))=3$  بين أن  $d(\Omega,(ABC))=3$ 

(ABC) و العمودي على المستقيم (
$$\Delta$$
) المار من النقطة  $\Omega$  و العمودي على المستوى ( $\Delta$ ) المار من النقطة ( $\Delta$ )

$$B$$
 النقطة  $\Gamma$  هو النقطة  $\Gamma$  الدائرة  $\Gamma$  هو النقطة

## التمرين الثالث: (3ن)

$$z^2 - 4z + 29 = 0$$
: المعادلة C عدية الأعداد العقدية (1 مجموعة الأعداد العقدية)

نعتبر، في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر  $(O,\overrightarrow{e_1},\overrightarrow{e_2})$ ، النقط  $\Omega$  و B و التي (2 b=5+8i و a=5+2i و  $\omega=2+5i$  المحاقها على التوالي هي  $\omega$  و  $\omega$  و و a بحيث

$$u=b-\omega$$
 أـ ليكن  $u$  العدد العقدي بحيث | 0.75

$$\arg u \equiv \frac{\pi}{4} [2\pi]$$
 ثم بین أن  $u = 3 + 3i$  تحقق من أن

$$(u$$
 يرمز لمرافق العدد العقدي  $\overline{u}$  )  $\overline{u}$  يرمز لمرافق العدد العقدي  $0.25$ 

$$\arg\left(\frac{b-\omega}{a-\omega}\right) \equiv \frac{\pi}{2}[2\pi]$$
 و أن  $\Omega A = \Omega B$  ف أن  $a-\omega = u$  ثم استنتج أن  $a-\omega = u$ 

$$\frac{\pi}{2}$$
 د۔ نعتبر الدوران  $R$  الذي مركزه  $\Omega$  و زاويته حدد صورة النقطة  $A$  بالدوران  $R$ 

التمرين الرابع: ( 3 ن )

يحتوي صندوق على 10 كرات: أربع كرات حمراء و ست كرات خضراء .

( لا يمكن التمييز بين الكرات باللمس).

نسحب عشوائيا وفي آن واحد كرتين من الصندوق.

1) ليكن A الحدث: " الكرتان المسحوبتان حمراوان " .

$$p(A) = \frac{2}{15}$$
 بین أن

2) ليكن X المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة بعدد الكرات الحمراء المتبقية في الصندوق بعد سحب الكرتين. أـ بين أن مجموعة القيم التي يأخذها المتغير العشوائي X هي  $\{4, 5, 5, 5\}$ 

X بين أن  $p(X=3)=\frac{8}{15}$  بين أن  $p(X=3)=\frac{8}{15}$ 

### مسألة: ( 8.5 ن )

1

1.5

0.5

0.75

 $f(x)=2x-2+e^{2x}-4e^x$ : بما يلي R بما يلي المعرفة على R المعرفة على الم

 $\lim_{x \to -\infty} f(x) = -\infty$  الما أ- بين أن أن (1-I) 0.25

 $-\infty$  بجوار  $\left(C_{f}\right)$  بجوار y=2x-2 مقارب للمنحنى  $\left(D\right)$  بجوار  $\left(D\right)$ 

 $\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty \quad \text{ii.} \quad (2 \quad 0.5)$ 

. بین أن  $\lim_{x\to +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$  ثم أول هندسيا النتيجة الم

(f'(0)=0) ب- ضع جدول تغیرات الدالة f على R لاحظ أن f'(0)=0 ب.

 $f(\alpha) = 0$  جـ بين أنه يوجد عدد حقيقي وحيد  $\alpha$  من المجال  $[1, \ln 4]$  بحيث 0.75

وتحت المستقيم (D) على المجال  $[\ln 4, +\infty[$  وتحت المستقيم (D) على المجال  $[-\infty, \ln 4[$  وتحت المستقيم (D) على المجال  $[-\infty, \ln 4[$ 

 $\left(0,-5
ight)$  وحيدة زوج إحداثيتيها هو  $\left(C_{f}
ight)$  يقبل نقطة انعطاف وحيدة زوج إحداثيتيها هو 0.5

 $(\alpha \approx 1,3)$  و  $\ln 4 \approx 1,4$  و المنحنى  $(C_f)$  في نفس المعلم  $(C_f)$  في نفس المعلم (D) و المنحنى (D)

$$\int_{0}^{\ln 4} \left(e^{2x} - 4e^{x}\right) dx = -\frac{9}{2}$$
 أ- بين أن (5) (5)

و محور (D) و المستقيم ( $C_f$ ) و محور  $x = \ln 4$  الأراتيب و المستقيم الذي معادلته  $x = \ln 4$ 

(E): y''-3y'+2y=0 أ- حل المعادلة التفاضلية (1-II | 0.5

g'(0) = -2 و g(0) = -3 الذي يحقق الشرطين g(0) = -3 و

 $h(x) = \ln\left(e^{2x} - 4e^x
ight)$ : يلي يا الدالة العددية المعرفة على المجال  $h(x) = \ln\left(e^{2x} - 4e^x\right)$  التكن  $h(x) = \ln\left(e^{2x} - 4e^x\right)$ 

R معرفة على  $h^{-1}$  أ- بين أن الدالة h تقبل دالة عكسية  $h^{-1}$  و أن أن الدالة h

 $\left(h^{-1}\right)'\left(\ln 5\right)$  ثم حدد  $h(\ln 5) = \ln 5$  ثب تحقق من أن



# الامتمان الوطني الموحد للبكالوريا

₹°XNV₹₹ I NEĀO₹Θ 40E0U00+ | 80XE4 010E80 8 والتكوين الممنى الممنى المهند المالالله ١١١٤٥٥ ٨





الدورة العادية 2016 - عناصر الإجابة -

NR 22

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

3	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
7	المعامل	شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكيها	الشعبة أو المسلك

## تؤخذ بعين الاعتبار مختلف مراحل الحل وتقبل كل طريقة صحيحة تؤدي إلى الحل

#### التمرين الأول ( 2.5 ن )

0.25 للتحقق و 0.5 للبرهان بالترجع	(1	0.75
$v_n = \left(\frac{1}{2}\right)^n$ المتتالية $(v_n)$ هندسية و 0.25 هندسية و 0.25 كتابة $u_n$ بدلالة $u_n$ بدلالة $u_n = 1$ للمتساوية و 0.25 $\lim_{n \to +\infty} u_n = 1$ و 0.25 و $\lim_{n \to +\infty} \left(\frac{1}{2}\right)^n = 0$ لامتالية و 0.25 ج	(2	1.75

#### التمرين الثاني ( 3 ن )

اً- 0.5 أ	(1	1
أ- 0.5 للاستنتاج ب- 0.25 لصيغة المسافة و 0.25 للاستنتاج	(2	1
ر- 0.5 - 0.5	(3	1

#### التمرين الثالث ( 3 ن )

0.25 لحساب المميز و 0.25 لكل حل من الحلين (تمنح 0.75 للتوصل إلى الحلين بطريقة أخرى)	(1	0.75
u عمدة للعدد $u$ عمدة العدد العد	(2	2.25
ب- 0.25		
$rac{b-\omega}{a-\omega}$ و 0.25 لاعدد $\Omega A=\Omega B$ و 0.25 و 0.25 لاعدد $\Omega A=\Omega$		
0.5		

### التمرين الرابع (3 ن)

	,	
1 للتوصل إلى النتيجة	(1	1
0.5 -1	(2	2
$p(X=4) = \frac{1}{3}$ ب - 0.75 ل $p(X=4) = \frac{2}{15}$ و 0.25 و $p(X=3) = \frac{8}{15}$ ب - 0.75 ب		

الصفحه	II
$\overline{}$	NR 2

# الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2016 - عناصر الإجابة - مادة: الرياضيات - شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكيها

	( 8.5 ن)	مسألة
	(1-I	0.75
أ- 0.5 ب- 0.25 للنهاية و 0.25 للتأويل	(2	1
أ- 0.5	(3	1.5
f(1) $<$ 0 ح $=$ $=$ 0.25 ج متصلة و تزايدية قطعا على $=$ $=$ 1, $=$ 10.25 ل $=$ 0.25		
اً- 0.25 للوضع على $[\ln 4, +\infty]$ و 0.25 للوضع على $[-\infty, \ln 4]$ ب $[-\infty, 10]$ انظر الشكل أسفله)	(4	1.75
أ- 0.25 للتوصل إلى دالة أصلية و 0.25 للنتيجة	(5	1
$rac{9}{2} \ cm^2$ بـ - 0.25 للمساحة ب $cm^2$ هي $cm^2$ هي $cm^2$ و 0.25 للمساحة تساوي $cm^2$		
أ- 0.25 لحلي المعادلة المميزة و 0.25 ل الحل العام للمعادلة التفاضلية هو $y=ae^{2x}+be^x$ حيث $a$ و $b$ عددان حقيقيان	(1-II	1
$g(x) = e^{2x} - 4e^x$ بـ 0.5 للتوصل إلى 0.5		
$higl(\ln 4,+\inftyigl[igr)=I\!\!R$ و 0.25 ل $higl(\ln 4,+\inftyigl)=\ln 4,+\inftyigl(igl)$ و 0.25 ل امتصلة و تزايدية قطعا على	(2	1.5
$h(\ln 5)$ = $\ln 5$ للتحقق من أن $0.25$		
$\left(h^{-1} ight)'\left(\ln 5 ight)=rac{1}{6}$ و 0.25 ل $\left(h^{'}\left(\ln 5 ight) eq 0$ و 0.25 ل $\left(h^{-1} ight)'$ و 1.25 ل $\left(h^{'}\left(\ln 5 ight) eq 0$		



