﴿ الإمنان الموحم المالي في مادة الرباضبات ﴾

المستوى: الثالثة ثانوي إعدادي الهدة: ساعتاج

ملاحظة: 1- تقبل الإجابات الدقيقة و الواضحة فقط 2- يمنع منعا باتا استعمال الآلة الحاسبة العلمية

3- يمنع منعا باتا استعمال الهاتف النقال

التمرين الأول (10 نقط)

(ن 1)

(1,5)

(1,25)

(ا ن)

(ပံ 1)

(¿ 3)

(0,75 ن)

(1,25 ن)

(ن 1)

(ပံ 1)

$$c = 3\sqrt{2} + \sqrt{8} - \sqrt{98}$$
 $b = (-1)^3 \times \frac{\sqrt{3} \times \sqrt{12}}{1 + \sqrt{4}}$ $a = \sqrt{81}$: $a = \sqrt{81}$.1 (\(\text{(i.1.25)}\)

$$\frac{2+\sqrt{3}}{\sqrt{13}+5}$$
 و $\frac{1}{\sqrt{11}}$: احذف الجذر المربع من مقام الأعداد التالية : 2

$$C = (1-x)(x-\frac{1}{2})$$
 $B = (3x-2)^2$ $A = \left(3+\sqrt{7}\right)^2$: $A = \left(3+\sqrt$

$$G = 3 - 9x^2$$
 و $F = 3 - 2x\sqrt{3} + x^2$ و $E = 9x^2 + 12x + 4$: و .4

$$4\sqrt{6}-2018$$
 و $4\sqrt{6}-4\sqrt{6}$ و $4\sqrt{6}$ و $4\sqrt{6}-4\sqrt{6}$ و $4\sqrt{6}-4\sqrt{6}$ و $4\sqrt{6}-4\sqrt{6}$

$$M = \frac{0.3 \times 10^9 \times 10^{-7}}{2 \times (10^3)^{-1}}$$
 : حدد الكتابة العلمية للعدد التالي : -6

$$-5 \leqslant b \leqslant -3$$
 و $a \leqslant 3$: $a \leqslant a \leqslant b$ و $a \Leftrightarrow a \leqslant b$ و $a \Leftrightarrow a \leqslant b$ و $a + 3$ و $a + b$ و $a + b$ و $a + b$ و $a + b$

التمرين الثاني (5 نقط)

$$AN=3$$
 و $AM=2,5$ و $AC=6$ و $AB=5$

1. اُحسب BC

$$tan(\widehat{ABC})$$
 و $sin(\widehat{ABC})$ و $cos(\widehat{ABC})$ ثم استنج

 $(MN) \parallel (BC)$: 3.

MN أحسب 4

5. بين أن المثلثين ABC و AMN متشابهان (ا ن)

التمرين الثالث (3 نقط)

(ن 1)

(ا ن)

(ا ن)

(0,75 ن)

$$M = 7\sin(27^\circ) + \sin^2(50^\circ) - 7\cos(63^\circ) + \sin^2(40^\circ)$$
 : .1

$$\tan(x)$$
 و $\sin(x)$: أحسب أ $\cos(x) = \frac{\sqrt{3}}{3}$: عيث عدمة ، بحيث يون منعدمة ، وما يا دون عدمة ، عدمة عدم

3. ليكن y قياس زاوية حادة غير منعدمة :بين أن :

$$[\cos y + 3\sin y] [\cos y - 3\sin y] + 10\sin^2 y = 1$$
 : $\dot{\tilde{j}}$

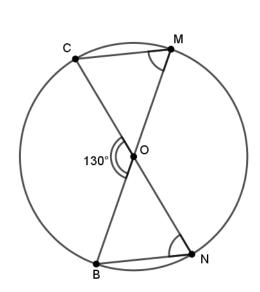
التمرين الرابع (2 نقط)

$$B\widehat{O}C=130^\circ$$
 و مركز الدائرة. و عتبر الشكل الآتي حيث O مركز الدائرة.

، أحسب ،
$$B\widehat{N}C$$
 : معللا جوابك ،

. أحسب :
$$\widehat{BMC}$$
 ، معللا جوابك .

(۵.5 نين أن المثلثين OBN و OCM متقايسان



﴿ مَا اللَّهُ اللَّا اللَّهُ اللَّا اللَّهُ اللَّهُ اللَّا اللَّهُ اللَّهُ اللَّا اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ الللَّهُ الل

التمرين الأول (10 نقط)

$$c = 3\sqrt{2} + \sqrt{8} - \sqrt{98}$$
 و $b = (-1)^3 \times \frac{\sqrt{3} \times \sqrt{12}}{1 + \sqrt{4}}$ و $a = \sqrt{81}$: بسط و أُحسب مايلي $a = \sqrt{81}$: الجواب

$$a = \sqrt{81} = \sqrt{9^2} = 9$$

$$b = (-1)^3 \times \frac{\sqrt{3} \times \sqrt{12}}{1 + \sqrt{4}} = -\frac{\sqrt{36}}{1 + 2} = -\frac{6}{3} = -2$$

$$c = 3\sqrt{2} + \sqrt{8} - \sqrt{98} = 3\sqrt{2} + 2\sqrt{2} - 7\sqrt{2} = -2\sqrt{2}$$

$$\frac{2+\sqrt{3}}{\sqrt{13}+5}$$
 و $\frac{1}{\sqrt{11}}$: عداد التالية : 0. احذف الجذر المربع من مقام الأعداد التالية : 1. الجواب

$$\frac{1}{\sqrt{11}} = \frac{\sqrt{11}}{11}$$

$$\frac{2+\sqrt{3}}{\sqrt{13}+5} = \frac{(2+\sqrt{3})(\sqrt{13}-5)}{(\sqrt{13})^2-5^2} = \frac{(2+\sqrt{3})(\sqrt{13}-5)}{13-25} = \frac{(2+\sqrt{3})(\sqrt{13}-5)}{-12}$$

$$C = (1-x)(x-\frac{1}{2})$$
 و $B = (3x-2)^2$ و $A = \left(3+\sqrt{7}\right)^2$: نشر وبسط مايلي $A = \left(3+\sqrt{7}\right)^2$: رفتر وبسط مايلي $B = (3x-2)^2$ و $A = \left(3+\sqrt{7}\right)^2$ الجواب

$$A = (3 + \sqrt{7})^2 = 3^2 + 2 \times 3 \times \sqrt{7} + (\sqrt{7})^2 = 9 + 6\sqrt{7} + 7 = 16 + 6\sqrt{7}$$

$$B = (3x - 2)^2 = (3x)^2 - 2 \times 3x \times 2 + 2^2 = 9x^2 - 12x + 4$$

$$C = (1 - x)(x - \frac{1}{2}) = x - \frac{1}{2} - x^2 + \frac{1}{2}x = -x^2 + \frac{3}{2}x - \frac{1}{2}$$

$$G=3-9x^2$$
 و $F=3-2x\sqrt{3}+x^2$ و $E=9x^2+12x+4$: ممل ما يلي : $F=3-2x\sqrt{3}+x^2$ و $F=9x^2+12x+4$

$$E = 9x^2 + 12x + 4 = (3x)^2 + 2 \times 3x \times 2 + 2^2 = (3x + 2)^2$$

$$F = 3 - 2x\sqrt{3} + x^2 = (\sqrt{3})^2 - 2 \times \sqrt{3} \times x + x^2 = (\sqrt{3} - x)^2$$

$$G = 3 - 9x^2 = (\sqrt{3})^2 - (3x)^2 = (\sqrt{3} - 3x)(\sqrt{3} + 3x)$$

```
(ن 1)
```

(ا ن)

(ن 3)

$$-1 \leqslant \frac{a+3}{2b} \leqslant -\frac{4}{10}$$

$$-1 \le \frac{a+3}{2b} \le -\frac{4}{10}$$
 : $2b \le \frac{4}{10} \le -\frac{a+3}{2b} \le \frac{6}{6}$: $2b \le \frac{6}{6}$

التمرين الثاني (5 نقط)

AN=3 و AC=6 و AB=5 و AM=2,5

1. أحسب 1

(0,75) ن

(i l)

(i l)

الجواب للناث ABC قائم الزاوية في A وحسب مبرهنة فيتاغورس المباشرة :

$$BC > 0$$
 : وبما أن

$$BC > 0$$
 : ويما أن $BC^2 = AB^2 + AC^2 = 5^2 + 6^2 = 25 + 36 = 61$

 $BC = \sqrt{61}$ فإن :

 $tan(A\widehat{B}C)$ و $sin(A\widehat{B}C)$ و $cos(A\widehat{B}C)$ ثم استنج .2

$$\sin(A\widehat{B}C) = \frac{AC}{BC} = \frac{6}{\sqrt{61}}$$

$$\cos(A\widehat{B}C) = \frac{BA}{BC} = \frac{5}{\sqrt{61}}$$

 $(MN) \parallel (BC)$: 3.

الجواب

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$$

إذن:

$$\frac{AN}{AC} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

$$rac{AN}{AC} = rac{3}{6} = rac{1}{2}$$
 و $rac{AM}{AB} = rac{2,5}{5} = rac{1}{2}$: لدينا

(MN) \parallel (BC) والنقط A و A وحسب مبرهنة طاليس العكسية A والنقط A

4. أُحسب MN الجواب

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$$

 $rac{AM}{AB} = rac{AN}{AC} = rac{MN}{BC}$ لدينا : وحسب مبرهنة طاليس المباشرة $(MN) \parallel (BC)$

$$MN = \frac{3 \times \sqrt{61}}{6} = \frac{\sqrt{61}}{2}$$
 ومنه $\frac{2,5}{5} = \frac{3}{6} = \frac{MN}{\sqrt{61}}$

$$\frac{2,5}{5} = \frac{3}{6} = \frac{MN}{\sqrt{61}}$$

إذن

(¿ 1)

(١ ن)

(١ ن)

(ن 1)

5. لنبين أن المثلثين ABC و AMN متشابهان

الجواب

$$B\widehat{A}C=M\widehat{A}N$$
 ينا: الزاويتان $B\widehat{A}C=M\widehat{A}N$ متقابلتان بالرأس A إذن

ولدينا :
$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{1}{2}$$
 ومنه المثلثان $\frac{ABC}{AB} = \frac{1}{2}$ د المثلثان.

التمرين الثالث (3 نقط)

$$M = 7\sin(27^\circ) + \sin^2(50^\circ) - 7\cos(63^\circ) + \sin^2(40^\circ) = 7\sin(27^\circ) - 7\cos(63^\circ) + \sin^2(50^\circ) + \sin^2(40^\circ)$$

$$M = 7\sin(27^\circ) - 7\sin(27^\circ) + \sin^2(50^\circ) + \cos^2(50^\circ) = 0 + 1 = 1$$

$$\tan(x)$$
 و $\sin(x)$: اُحسب $\sin(x)$ و $\cos(x) = \frac{\sqrt{3}}{3}$ و $\cos(x) = \frac{\sqrt{3}}{3}$ و $\sin(x)$ و $\sin(x)$ و الجواب

$$\sin^2(x) + \frac{3}{9} = 1$$
 يعني $\sin^2(x) + \left(\frac{\sqrt{3}}{3}\right)^2 = 1$ يعني $\sin^2(x) + \cos^2(x) = 1$ يعني $\sin^2(x) + \cos^2(x) = 1$

$$0 < \sin(x) < 1$$
 وبما أن $\sin^2(x) = 1 - \frac{3}{9} = \frac{6}{9}$

$$\tan(x) = \frac{\sin(x)}{\cos(x)} = \frac{\frac{\sqrt{6}}{3}}{\frac{\sqrt{3}}{3}} = \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{3}}$$
 ولاينا $\sin(x) = \sqrt{\frac{6}{9}} = \frac{\sqrt{6}}{3}$

3. لیکن γ قیاس زاویة حادة غیر منعدمة :

[
$$\cos(y) + 3\sin(y)$$
] [$\cos(y) - 3\sin(y)$] + $10\sin^2(y) = 1$: بين أن

$$[\cos(y) + 3\sin(y)] [\cos(y) - 3\sin(y)] + 10\sin^2(y) = \cos^2(y) - 9\sin^2(y) + 10\sin^2(y)$$
$$= \cos^2(y) + \sin^2(y) = 1$$

التمرين الرابع (2 نقط)

(0,75) ن

. معللا جوابك ،
$$B\widehat{N}C$$
 : معللا جوابك ، $B\widehat{N}C$ الجواب

$$\widehat{BC}$$
 لدينا الزاوية \widehat{BNC} محيطية مرتبطة بالزاوية المركزية

$$B\widehat{N}C = \frac{B\widehat{O}C}{2} = \frac{130^{\circ}}{2} = 65^{\circ}$$
 إذن

2. أحسب:
$$B\widehat{M}C$$
 ، معللا جوابك . $\frac{B\widehat{M}C}{|A|}$ الجواب \widehat{BC} و $B\widehat{N}C$ معللا الزاويتان \widehat{BC} معللا الزاويتان \widehat{BC} معللا الزاويتان عصران نفس القوس \widehat{BC}

$$B\widehat{M}C = B\widehat{N}C = 65^{\circ}$$
 : إذن

 النبين أن المثلثين OBN و OCM متقايسان الجواب

(1)
$$O\widehat{M}C = B\widehat{N}O$$
 إذن $B\widehat{M}C = B\widehat{N}C$ الدينا $O\widehat{M}C = B\widehat{N}O$ إذن $O\widehat{M}C = B\widehat{N}O$ ولدينا (2) $O\widehat{M}C = B\widehat{N}O$

و
$$OM = ON$$
 و $OM = ON$ في الدائرة.

من (1) و (2) و (3) نستنتج أن المثلثين OBN و OCM متقايسان