TS Lundi 30 janvier 2019

NOM: MATHÉMATIQUES PRÉNOM: DEVOIR SURVEILLÉ CLASSE:			NEE SE CONCOUNTILE
Ex 1	Ex 2		Note
1	1		/2

EXERCICE 1: Les complexes sont nos amis

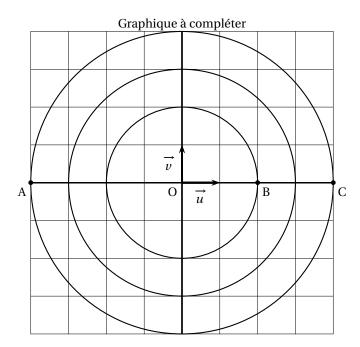
Le plan est muni d'un repère orthonormé $(O; \overrightarrow{u}, \overrightarrow{v})$.

Les points A, B et C ont pour affixes respectives a = -4, b = 2 et c = 4.

- 1. On considère les trois points A', B' et C' d'affixes respectives a' = ja, b' = jb et c' = jc où j est le nombre complexe $-\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$.
 - **a.** Donner la forme trigonométrique et la forme exponentielle de j. En déduire les formes algébriques et exponentielles de a', b' et c'.
 - **b.** Les points A, B et C ainsi que les cercles de centre O et de rayon 2, 3 et 4 sont représentés sur le graphique ci-dessous.

Placer les points A', B' et C' sur ce graphique.

- **2.** Montrer que les points A', B' et C' sont alignés.
- **3.** On note M le milieu du segment [A'C], N le milieu du segment [C'C] et P le milieu du segment [C'A]. Démontrer que le triangle MNP est isocèle.



Page 1 sur 2 Devoir Surveillé

TS Lundi 30 janvier 2019

EXERCICE 2: Un peu de physique, mais pas trop...

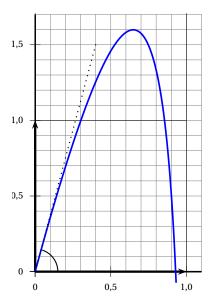
Lors d'une expérience en laboratoire, on lance un projectile dans un milieu fluide. L'objectif est de déterminer pour quel angle de tir θ par rapport à l'horizontale la hauteur du projectile ne dépasse pas 1,6 mètre.

Comme le projectile ne se déplace pas dans l'air mais dans un fluide, le modèle parabolique usuel n'est pas adopté.

On modélise ici le projectile par un point qui se déplace, dans un plan vertical, sur la courbe représentative de la fonction f définie sur l'intervalle [0; 1[par :

$$f(x) = bx + 2\ln(1-x)$$

où b est un paramètre réel supérieur ou égal à 2, x est l'abscisse du projectile, f(x) son ordonnée, toutes les deux exprimées en mètres.



- 1. La fonction f est dérivable sur l'intervalle [0; 1]. On note f' sa fonction dérivée.
 - **a.** Démontrer que, pour tout réel x de l'intervalle [0; 1[:

$$f'(x) = \frac{-bx + b - 2}{1 - x}.$$

- **b.** Démontrer que fonction f possède un maximum sur l'intervalle [0; 1[et que, le maximum de la fonction f est égal à $b-2+2\ln\left(\frac{2}{b}\right)$.
- 2. Déterminer pour quelles valeurs du paramètre b la hauteur maximale du projectile ne dépasse pas 1,6 mètre.
- **3.** Dans cette question, on choisit b = 5,69.

L'angle de tir θ correspond à l'angle entre l'axe des abscisses et la tangente à la courbe de la fonction f au point d'abscisse 0 comme indiqué sur le schéma donné ci-dessus.

Déterminer une valeur approchée au dixième de degré près de l'angle θ .

Page 2 sur 2 Devoir Surveillé