# 陽的MPCコントローラの設計と実装

このサンプルでは、線形MPCの最適操作量uをテーブル参照で求めることで高速化を図る、"Explicit MPC Controller"を用いた設計の例を示す。

また、設計後のCコード生成、SIL、PILの例も合わせて紹介する。

## 初期化

```
clc; Simulink.sdi.clear; Simulink.sdi.clearPreferences; Simulink.sdi.close;
model_name = 'unstable_system_Explicit_MPC';
lin_controller_name = 'Linear_MPC_Controller';
exp_controller_name = 'Explicit_MPC_Controller';
ts = set_TimeStep(Simulink.data.dictionary.open('sim_data_unstable_system.sldd'));
```

## プラントモデルを定式化

## MPCオブジェクトを作る

線形MPCと同様であるので、説明は省略する。詳細については「Linear\_MPC\_Design.mlx」を参照。

```
plant_tf = tf(1.6, [2, 1, 0]);
plant tf d = c2d(plant tf, ts);
plant_tf_d_delay = tf(plant_tf_d.Numerator, plant_tf_d.Denominator, ts, 'OutputDelay', 20);
plant_ss = ss(plant_tf_d_delay);
B = [plant ss.B, [1; 0]];
D = [plant_ss.D, 0];
plant_ss_indist = ss(plant_ss.A, B, plant_ss.C, D, ts, 'OutputDelay', 20);
plant ss indist = setmpcsignals(plant ss indist, 'MV', 1, 'UD', 2);
mpcObj = mpc(plant ss indist, ts);
-->"mpc" オブジェクトの "PredictionHorizon" プロパティが空です。PredictionHorizon = 10 を試用します。
-->"mpc" オブジェクトの "PredictionHorizon" プロパティ 10 が、モデルの最大遅延 20 より小さくなっています。より大きい予測ホラー->"mpc" オブジェクトの "PredictionHorizon" プロパティがさらに 30 に増加されました。これはモデルに遅延が含まれているためです
-->"mpc" オブジェクトの "ControlHorizon" プロパティが空です。2 であると仮定します。
-->"mpc" オブジェクトの "Weights.ManipulatedVariables" プロパティが空です。既定の 0.00000 を仮定します。
-->"mpc" オブジェクトの "Weights.ManipulatedVariablesRate" プロパティが空です。既定の 0.10000 を仮定します。
-->"mpc" オブジェクトの "Weights.OutputVariables" プロパティが空です。既定の 1.00000 を仮定します。
mpcObj.ManipulatedVariables(1).Max = 0.2;
mpcObj.ManipulatedVariables(1).Min = -0.2;
mpcObj.PredictionHorizon = 32;
mpcObj.ControlHorizon = 1;
dist model = ss(1, 9.120108393559096e-04, 1, 0, ts);
mpcObj.Model.Disturbance = dist_model;
noise_model = ss(0, 0, 0, 10.964781961431852, ts);
mpcObj.Model.Noise = noise model;
mpcObj.Weights.ManipulatedVariablesRate = 0.001831563888873;
```

mpcObj.Weights.OutputVariables = 54.598150033144240;

## 陽的MPCを構築する

テーブル化する範囲を定義する。

#### range = generateExplicitRange(mpcObj);

-->遅延を状態に変換します。

測定出力チャネル #1 に外乱が追加されていないと仮定します。

```
range.State.Min(:) = -10000 * ones(size(range.State.Min));
range.State.Max(:) = 10000 * ones(size(range.State.Min));
range.Reference.Min = -2 * ones(size(range.Reference.Min));
range.Reference.Max = 2 * ones(size(range.Reference.Max));
range.ManipulatedVariable.Min = mpcObj.ManipulatedVariables(1).Min - 1;
range.ManipulatedVariable.Max = mpcObj.ManipulatedVariables(1).Max + 1;
```

線形MPCのオブジェクトを陽的MPCに変換する。

```
exp_mpcobj = generateExplicitMPC(mpcObj, range)
```

Regions found / unexplored: 3/ 0

Explicit MPC Controller

-----

Controller sample time: 0.01 (seconds)

Polyhedral regions: 3 Number of parameters: 25 Is solution simplified: No

State Estimation: Default Kalman gain

Type 'exp\_mpcobj.MPC' for the original implicit MPC design.

Type 'exp\_mpcobj.Range' for the valid range of parameters.

Type 'exp\_mpcobj.OptimizationOptions' for the options used in multi-parametric QP computation.

Type 'exp\_mpcobj.PiecewiseAffineSolution' for regions and gain in each solution.

区分を最適化するために同じゲインテーブルを持つものを結合し、メモリ消費を削減することができる。

#### exp\_mpcobj\_simp = simplify(exp\_mpcobj, 'exact')

Regions to analyze: 3/ 3

Explicit MPC Controller

-----

Controller sample time: 0.01 (seconds)

Polyhedral regions: 3 Number of parameters: 25 Is solution simplified: No

State Estimation: Default Kalman gain

Type 'exp\_mpcobj\_simp.MPC' for the original implicit MPC design.

Type 'exp\_mpcobj\_simp.Range' for the valid range of parameters.

Type 'exp\_mpcobj\_simp.OptimizationOptions' for the options used in multi-parametric QP computation.

Type 'exp\_mpcobj\_simp.PiecewiseAffineSolution' for regions and gain in each solution.

今回の例では、十分シンプルであるために最適化前と後で変化はない。

#### シミュレーション

モデルを実行して動作を確認する。

```
open_system(model_name);

% 参照モデルをノーマルモードにセット
set_param([model_name, '/MPC_Controller'], 'SimulationMode', 'Normal');

% マニュアルスイッチをMPC側にセット
controller_sw = 2;

% set_param(model_name, 'SimulationCommand', 'update');
```

元々のMPCと陽的MPCの比較を行う。

```
set_param([model_name, '/MPC_Controller'], 'ModelName', lin_controller_name);
sim(model_name);
set_param([model_name, '/MPC_Controller'], 'ModelName', exp_controller_name);
sim(model_name);
```

結果を比較する。

```
compare_previous_run;
```

### コード生成

Embedded Coderコード生成結果を確認する。

```
return;
rtwbuild(exp_controller_name);
```

# SIL検証

SILモードでモデルとコードの等価性を調べる。

```
return;
set_param([model_name, '/MPC_Controller'], 'SimulationMode', 'Normal');
sim(model_name);
set_param([model_name, '/MPC_Controller'], 'SimulationMode', 'Software-in-the-Loop (SIL)');
sim(model_name);
```

結果を比較する。

```
compare_previous_run;
```

# PIL検証

「Linear\_MPC\_Design.mlx」と同様に、STM32 **Nucleo F401RE**を用いた**PIL**検証を行う。手順については、「Linear\_MPC\_Design.mlx」を参照。

# Code Execution Profiling Report for unstable\_system\_Explicit\_MPC/Explicit\_MPC\_Controller

The code execution profiling report provides metrics based on data collected from a SIL or PIL execution. Execution times are calculated from data recorded by instrumentation probes added to the SIL or PIL test harness or inside the code generated for each component. See <a href="Code Execution Profiling">Code Execution Profiling</a> for more information.

#### 1. Summary

Total time	10939754000		
Unit of time	ns		
Command	report(executionProfile, 'Units', 'seconds', 'ScaleFactor', '1e-09', 'NumericFormat', '%0.0f');		
Timer frequency (ticks per second)	8.4e+07		
Profiling data created	01-Apr-2020 08:56:52		

#### 2. Profiled Sections of Code

Sec	ction	Maximum Execution Time in ns	Average Execution Time in ns	Maximum Self Time in ns	Average Self Time in ns	Calls	
	Explicit MPC Controller initialize	11083	11083	11083	11083	1	<b>▲</b> Ø
<u>0]</u>	Explicit_MPC_Controller_step [0.01	2395643	1822986	2395643	1822986	6001	<b>♠</b> Ø <b>□</b>
	Explicit MPC Controller terminate	1512	1512	1512	1512	1	<b>▲</b> Ø

#### 3. CPU Utilization

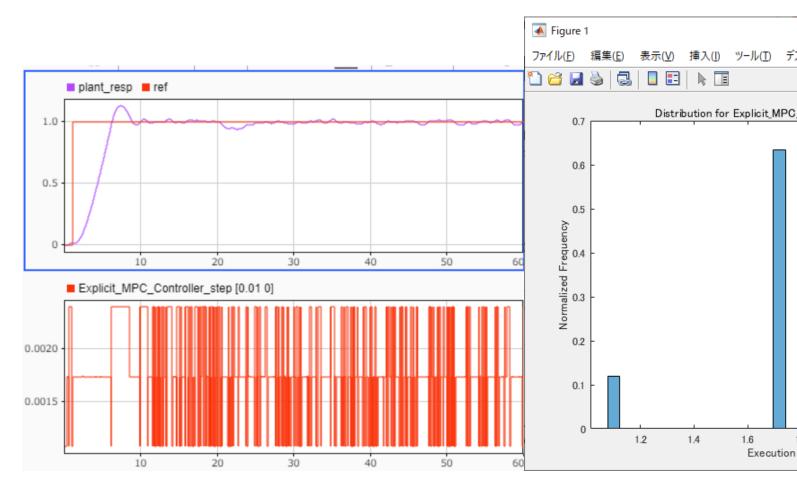
Task	Average CPU Utilization	Maximum CPU Utilization
Explicit_MPC_Controller_step [0.01 0]	18.23%	23.96%
Overall CPU Utilization	18.23%	23.96%

#### 4. Definitions

CPU Utilization: Percentage of CPU time assigned to a task. Computed by dividing task execution time by sample time.

**Execution Time**: Time between start and end of code section.

**Self Time**: Execution time, excluding time in child sections.



1ステップ当たりの平均計算時間は2.395ms、CPU使用率は18.23%である。 モデルとコードの実行の比較結果は以下のようになった。

