Trabajo 1 - Muestreo y Planificación de Encuestas I

Matias Bajac - Lucas Pescetto - Andres Vidal

2023-04-10

Preprocesamiento de los datos

Distribución empírica del estimador

En esta parte presentamos el marco de trabajo del análisis. Definimos funciones auxiliares para automatizar el análisis y estandarizar y simplificar la presentación de los resultados. El objetivo es abstraer los procedimientos a ser realizaos de los tamaños de muestra y de los diseños de muestreo. Para esto, utilizamos el paquete survey.

Funciones Auxiliares

Definimos funciones auxiliares para facilitar el resto del análisis:

- estimate_total recibe un nombre de variable y un diseño de muestreo para estimar un total poblacional. Envuelve la función svytotal del paquete survey para facilitar su uso.
- estimate_totals recibe un nombre de variable y una lista de diseños de muestreo y estima el total poblacional para cada diseño. Se utiliza especialmente para automatizar la aplicación sobre varios tamaños de muestra.
- show_results recibe un nombre de variable y una lista de resultados para mostrarlos de forma estándar.
- confint_norm recibe un estimador (resultado de svytotal) y calcula el intervalo de confianza al 95% asumiendo distribución normal.

```
estimate_total <- function(var, design) {
    svytotal(as.formula(pasteO("~", var)), design, deff = TRUE)
}

estimate_totals <- function(var, design_list) {
    lapply(design_list, function(design) estimate_total(var, design))
}

show_results <- function(var, named_result_list) {
    t(as.data.frame(t(named_result_list), row.names = var))
}

confint_norm <- function(t_estimate) {
    t <- coef(t_estimate)
    se <- SE(t_estimate)

    ci <- cbind(
        t - qnorm(0.975) * se,
        t + qnorm(0.975) * se
    )

    colnames(ci) <- c("2.5%", "97.5%")</pre>
```

```
ci
}
```

Muestreo del estimador

Obtenemos 1000 muestras y calculamos el estimador del total poblacional para cada una de ellas. La función sample t estimate implementa este procedimiento genéricamente, recibiendo como parámetros:

- var La variable que se desea estimar
- sample_size el tamaño de las muestras que se deben tomar
- get_sample una función que dado valor n devuelve una muestra de tamaño n
- get_design una función que dada una muestra devuelve un objeto de diseño de muestreo generado con svydesign

```
sample_t_estimate <- function(var, sample_size, get_sample, get_design) {
    n_simulations <- 1000

replicate(n_simulations, {
    sample <- get_sample(sample_size)
    design <- get_design(sample)
    coef(estimate_total(var, design))
})
}</pre>
```

Utiliza estimate_total para estimar el total poblacional para la variable indicada. Además, definimos la función empirical_distribution_sir (cuyo código no está expuesto en el informe) que toma los mismos parámetros, utiliza sample_t_estimate, grafica la distribución empírica y retorna resúmenes de la distribución empírica del estimador, como la media, la varianza y los intervalos de confianza empíricos al 95% de confianza, para cada tamaño de muestra.

Diseño de muestreo SIR

En esta parte analizamos el diseño **Simple con Reposición (SIR)**. En primera instancia, definimos los artefactos necesarios para utilizar nuestro marco de trabajo. Luego, estimamos la distribución empírica del estimador del total poblacional para **nbi** y para **xo** y comparamos sus características con el parámetro poblacional y con el estimador teórico de la varianza del estimador poblacional.

Definición del diseño

Definimos la función get_sir_design que recibe una muestra y genera un objeto de diseño de muestreo con svydesign del paquete survey de la siguiente manera:

```
get_sir_design <- function(sample) {
    svydesign(
    ids = ~1,
    data = sample,
    probs = nrow(sample) / N
   )
}</pre>
```

En este caso, la estrategia de muestreo es diseño SIR con estimador t_{pwr} . Entonces, la probabilidad de inclusión de cada unidad es la misma para todas las unidades y está definida como n N, dónde n es el tamaño de la muestra y N es el tamaño de la población.

Algoritmo de selección

Definimos la función get_sir_sample que recibe el tamaño de la muestra y devuelve una muestra de tamaño n utilizando el método SIR. Específicamente, esto se implementa utilizando la función srswr del paquete sampling.

```
get_sir_sample <- function(sample_size) {
  index <- srswr(sample_size, N)
  getdata(data, index)
}</pre>
```

Obtener muestras finales

Utilizamos la función get_sir_sample para obtener muestras de tamaño 150, 600 y 1000 y almacenarlas en la lista sir_samples.

```
sample_sizes <- c(150, 600, 1000)
sir_samples <- lapply(sample_sizes, get_sir_sample)
names(sir_samples) <- sample_sizes</pre>
```

Obtener objetos de diseño finales

Utilizamos la función get_sir_design para obtener los objetos de diseño de muestreo finales para cada muestra. Almacenamos estos objetos en la lista sir_designs.

```
sir_designs <- lapply(sir_samples, get_sir_design)</pre>
```

Análisis de NBI

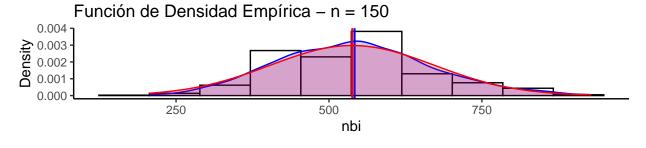
En esta parte analizamos los resultados obtenidos para la variable nbi.

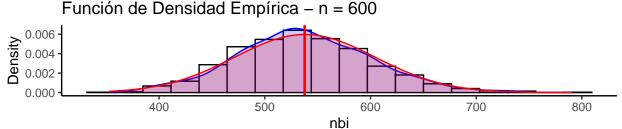
Distribución empírica del estimador para el total de NBI

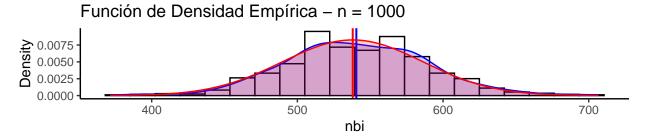
Utilizamos la función empirical_distribution_sir para obtener y visualizar la distribución empírica del estimador. Esta función utiliza internamente a la función sample_t_estimate presentada anteriormente. Para esto es necesario pasar las funciones get_sir_sample y get_sir_design definidas recién como parámetros.

Como resultado, obtenemos resúmenes de la distibución empírica y los en la variable t_nbi_dist. Además visualizamos la distribución empírica para cada tamaño de muestra mediante histogramas y la función de densidad empírica. Mostramos el valor real del total poblacional de nbi como una línea vertical roja y el promedio muestral como una línea vertical azul. La función de densidad empírica se muestra como un área azul y la función de densidad teórica (Normal con media en el parámetro poblacional y la varianza teórica del estimador) y como un área roja.

```
t_nbi_dist <- empirical_distribution_sir(
    "nbi",
    sample_sizes,
    get_sir_sample,
    get_sir_design
)</pre>
```







A seguir podemos observar las estimaciones puntuales para el total poblacional, los promedios empíricos y el sesgo (la diferencia entre ambos) para cada tamaño de muestra. Observamos bajo sesgo, lo cual puede visualizarse en los gráficos arriba. Destacamos que, como esperado, el sesgo disminuye a medida que aumenta el tamaño de la muestra.

| ## | | t_estimate | t_dist_mean | bias |
|----|------|------------|-------------|----------|
| ## | 150 | 515.9 | 541.9014 | 26.00136 |
| ## | 600 | 558.8917 | 537.5936 | 21.29807 |
| ## | 1000 | 557.172 | 540.493 | 16.67905 |

Abajo reportamos las estimaciones del desvío estándar teórico del estimador y su varianza empírica, respectivamente, para cada tamaño de muestra. Observamos reducción en ambas estimaciones del desvío estándar al aumentar el tamaño de muestra. Por otro lado, al observar la diferencia entre ambos estimadores, se observa una reducción del 71% al aumentar el tamaño de la muestra de 150 a 600 y un aumento del 37% al aumentar el tamaño de muestra de 600 a 1000. Esto quiere decir que la varianza resultó mejor estimada por la fórmula teórica para el tamaño de muestra de 600. Sin embargo, la diferencia para ambos tamaños de muestra (600 y 1000) es pequeña.

El bajo error al estimar la varianza del estimador puede apreciarse también en los gráficos, al observar la semejanza entre la curva roja (densidad teórica asintótica) y la curva azul (densidad empírica).

```
## Var(t_nbi) Var(t_dist) difference
## 150 126.7925 125.3152 1.477358
## 600 65.51405 63.94801 1.566038
## 1000 50.66139 48.9199 1.741492
```

Efecto diseño del estimador para el total de NBI

A seguir presentamos los valores del efecto diseño para el estimador del total poblacional en cada tamaño de muestra. El efecto diseño resultó mayor que 1 para todos los casos, por la estrategia de muestreo (SIR con estimador t_{pwr}) causa pérdida de eficiencia en varianza respecto al diseño SI con estimador HT.

Observamos también que a mayores tamaños de muestra aumenta el efecto diseño, por lo que concluimos que esta estrategia pierde eficiencia al aumentar tamaño de muestra.

```
## deff
## 150 1.029946
## 600 1.131608
## 1000 1.240442
```

Intervalos de confianza para el total de NBI

Abajo reportamos los intervalos de confianza **empíricos** al 95% de confianza para el total de la variable **nbi** en cada tamaño de muestra. En la tercera columna incluímos el rango de cada intervalo, como medida de su precisión.

Observamos que, además de que todos los intervalos incluyen al total real de la variable nbi (538 hogares), la precisión de los intervalos aumentan con el tamaño de muestra. Al aumentar el tamaño de muestra de 150 a 600 observamos una reducción del 48% en el rango y al aumentar el tamaño de muestra de 600 a 1000 observamos una reducción del 23%.

```
## 2.5% 97.5% range
## X150 309.540 825.440 515.900
## X600 412.720 670.670 257.950
## X1000 448.833 639.716 190.883
```

Abajo reportamos los intervalos de confianza al 95% asumiendo que el estimador se distribuye con normalidad. En este caso, tambien observamos una reducción del 48% en el rango al aumentar el tamaño de muestra de 150 a 600 y una reducción del 23% al aumentar de 600 a 1000 elementos. Por lo tanto, concluimos que en el caso normal el intervalo de confianza es más preciso a medida que aumenta el tamaño de muestra.

```
## 2.5% 97.5% range
## 150 267.3912 764.4088 497.0176
## 600 430.4865 687.2968 256.8103
## 1000 457.8775 656.4665 198.5890
```

Al comparar los intervalos de confianza empíricos y los intervalos de confianza asumiendo normalidad, observamos su similaridad en términos de rango y posición, lo que implica que también coincidan respecto a su variación con el tamaño de muestra. Destacamos, sin embargo, que los intervalos al considerar tamaño de muestra de 600 o 1000 son más cercanos que cuando el tamaño de muestras es 150. Esto es razonable, puesto que la normalidad del estimador del total poblacional es asintótica, por lo que será más evidente a medida que crece el tamaño de muestra.

Análisis de XO

Distribución empírica del estimador para el total de XO