

Departamento de Matemática y Ciencia de la Computación Licenciatura en Ciencia de la Computación

${\bf Laboratorio~N^{\circ}3}$ Factorización de Números por Fuerza Bruta

Introducción a la Criptografía Moderna Profesor: Rodrigo Abarzúa Matías Daza A. María Fernanda Maldonado P.

Índice general

1.	Factorización de números enteros	2
	1.1. Algoritmo	2
	1.2. Formulación del experimento	
2.	Conclusiones	4
3.	Estructuras de Datos Utilizadas	4
4.	Lectura de programa desde la consola	4
5.	Implementación	4
6.	Plataforma Computacional	4
	6.1. Librerías	5

1. Factorización de números enteros

En este laboratorio estudiaremos el problema de determinar la factorización de un entero n. El método más simple es dividir n por primos hasta que un divisor p es encontrado. Entonces se aplica este método para n/p continuand hasta que obtenemos todos los factores primos de n. Este algoritmo necesita un conjunto de números primos que los podemos encontrar con el algoritmo **Sieve de Eratothenes** los cuales son pasos 1),...,4) en el siguiente algoritmo. Suponga que tenemos una tabla de primos hasta n, Entonces podemos completar todos los factores de números hasta n^2 . El siguiente algoritmo conocido conocido como **Trial Division** nos permite conocer la factorización prima de un entero n. Dado un entero n, la salida del algoritmo es su factorización. Se usa una lista llamada factors para almacenar la factorización de n de la forma p,e donde p^e es una de las potencias que aparecen al descomponer n.

1.1. Algoritmo

Algorithm 1 Algoritmo de factorización de números por fuerza bruta

```
Require: int n, i=0, x, Elementos, j, pi, y=0, m, e, q, indice=0
Ensure: (primos[i])^e
 1: n=strtol(argv[1], NULL, 10);
 2: m=n
 3: n = sqrt(n)
 4: int p[n], primos[n];
 5: for (i = 0; i \le (n-2); i++) do
      p[i]=i+2
 7: end for
 8: Mostrar Valor de raíz de n = n
 9: Mostar Valores de P=
10: for (i = 0; i \le (n-2); i++) do
      Mostrar p[i]
12: end for
13: Elementos = i;
14: for (i = 0; i < Elementos; i + +) do
      if (p[i]! = 0) then
        pi=p[i];
16:
      end if
17:
18:
19:
      for (j = 0; j < Elementos; j + +) do
20:
        if (p[j]! = 0) then
          if (p[j] \% pi == 0) then
21:
             p[j] = 0;
22:
23:
          end if
        end if
24:
      end for
25:
      primos[y]=pi
26:
      Mostrar primos[y]
27:
      v++;
28:
29: end for
30: Elementos=y;
   for (y = 0; y < Elementos; y + +) do
32:
      if (y! = Elementos - 1) then
        Mostrar primos[y]
33:
      end if
34:
35: end for
36: q=m;
37: for (i = 0; i < Elementos; i + +) do
      q=m;
38:
39:
      if (q \% primos[i] == 0) then
40:
        while (q \% primos[i] == 0) do
41:
          e++;
42:
          q = (q / primos[i])
43:
        end while
44:
        if (indice == 0) then
45:
          Mostrar primos[i]^e;
46:
47:
          indice++;
        end if
48:
      end if
49:
50: end for
   if (indice == 0) then
      Mostrar El número es primo, por lo que no tiene divisores.
53: end if
```

1.2. Formulación del experimento

En esta etapa se manejó con arreglos de largo igual a la raíz del número ingresado por el usuario, donde se desarrollaron las siguientes etapas:

- 1. Llenar el arreglo "p" con los valores correlativos desde el 2 hasta raíz de n.
- 2. Sacar los valor de "p" que sean primos en el arreglo "primos".
- 3. Finalizar mostrando la cantidad de veces que se repite un número primo como divisor.

En la implementación de este laboratorio se usaró el manejo simple de arreglos ya que por característias de Hardware el uso de gmp no pudo concretarse.

2. Conclusiones

En este proceso pudimos desarrollar un algoritmo de alto costo computacional, que si bien es cierto para números pequeños no es tan costoso, para números más grandes se vuelve engorroso.

En esta implementación de algoritmo, pudimos hasta el número 2147483647, que es el máximo que soporta nuestro equipos.

3. Estructuras de Datos Utilizadas

Se utilizaron arreglos normales para la representación de los números que descomponen el número entregado por el usuario.

4. Lectura de programa desde la consola

La lectura del programa se indica a continuación:

Para compilar:

■ gcc -o -lm Ejecutar Lab3.c

Para ejecutar:

• ./Ejecutar n, siendo n el número que queremos factorizar.

5. Implementación

El algoritmo está implementado en lenguaje C.

6. Plataforma Computacional

El programa fue ejecutado en un computador con las siguientes características:

■ Procesador: Intel® CoreTM i3-350M CPU @ 2.27GHz 4

■ Memoria RAM: 5,6 GiB

■ Tipo de SO: 64 bits

■ Sistema Operativo: Linux - Ubuntu 14.04 LTS

6.1. Librerías

- ¡stdio.h¿
- ¡stdlib.h¿
- ¡math.h¿