

$$\log(A) < \log(\varepsilon \cdot 10^n)$$

$$0 < \log \varepsilon + n \cdot \log(10)$$

$$-\log \varepsilon < n \cdot 1$$

$$\therefore n > -\log \varepsilon$$

Por ser  $n \in \mathbb{N}$ , se toma:  $n = \lceil -\log \varepsilon \rceil$

### Convergencia-Divergencia:

Definición:

Una sucesión  $\{a_n\}_{n \in \mathbb{N}}$  es convergente si

$\exists \lim_{n \rightarrow \infty} a_n$  y este límite es finito.

si no existe límite, la sucesión es divergente; al igual que si el límite no es finito.

si:  $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = L$ , la sucesión converge a  $L$ .

Nota: si el límite:  $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n$  existe, éste es único.

Ejemplo:

Determinar la convergencia o divergencia de la sucesión:  $a_n = \frac{1 + (-1)^n}{n}$

1/ Cuando  $n$  es impar:  $a_n = 0$

$$\Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty^-} a_n = 0 \quad (1)$$

Cuando  $n$  es par:  $a_n = \frac{2}{n}$

$$\Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty^+} a_n = \lim_{n \rightarrow \infty^+} \frac{2}{n} = 0 \quad (2)$$

como en (1) y (2), el resultado es idéntico, se dice:

$$\lim_{n \rightarrow \infty} a_n \text{ existe } \Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$$

Ejemplo:

Determinar el valor de  $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n$