

OSNOVE PODATKOVNIH BAZ

Predavanja

INFORMACIJE

Literatura

- Ramakrishnan, R., Gehke, J.: Database management Systems, 3rd Edition, McGraw-Hill, 2004
- Prosojnice
- Korth, F.H., Silberschatz, A., Sudarshan, S.: Database Systems Concepts, 6th Edition, McGraw-Hill, 2010

Ocena:

- Pisni izpit = 40%
- Domaće naloge = 40%
- Ustni izpit = 20%

UVOD

- СУРВ - sistem za upravljanje podatkovnih baz
- Info. sistem temelji na relacijah - relacijski sistem
- Podatkovni modeli:
 - Hierarhični - starejši, nadomeščen z relacijskim,
 - Relacijski - uporaben za različne sisteme,
 - Objektni,...
- СУРВ - podatki v tabelah,

Datoteke vs. СУРВ

- Aplikacije prenašajo velike količine podatkov med dinamičnim spominom in diskom
- Posebna koda za posamezne poizvedbe
- Zaščita podatkov pred nekonsistenco, ki je lahko posledica večih hkratnih uporabnikov
- Zaščita pred izpadom sistema
- Varnost in kontrola dostopa

Zakaj СУРВ?

- Aplikacija mora brati/pisati velike količine podatkov iz diska
 - Vmesni pomnilnik, bloki, učinkovit dostop do podatkov
 - Podatkovna neodvisnost
- Zmanjšan čas razvoja aplikacije
- Podatkovna integriteta in varnost
- Uniformno administriranje podatkov
- Hkraten dostop, transakcije zaščita pred sist. napakami

Podatkovni modeli

- Podatkovni model je zbirka konceptualnih gradnikov (jezik) za opis podatkov
- Sheme
- Relacijski podatkovni model

Abstrakcija

- Več pogledov, ena konceptualna shema in fizična shema
- Primer:

Konceptualna shema:

- Študenti (sid:string, ime:string, login:string...)
- Predmeti (pid:string, pime:string, tocke:int)
- Upis (sid:string, pid:string, ocena:string)

Fizična shema

- Relacije shranjene v urejenih datotekah
- Index je def. na 1. stolpcu relacije Študenti

Zunanja shema (Pogled)

- Predmet-Info (pid:string, upisani:int)

Podatkovna neodvisnost

- Aplikacije se nekvirajo s tem kako so podatki shranjeni
- Logična PN: Zaščita pred spremembami v logični strukturi
- Fizična PN: Zaščita pred spremembami fizične strukture

Kontrola sočasnega dostopa

- Sočasno izvajanje uporabniških programov je bistveno za dobre performanse SUPB

Transakcija

- Osnovni koncept, ki je atomarna sekvence akcij SUPB
- Vsaka transakcija, ki je izvrši v celoti, mora pustiti PB v konsistentnem stanju, če je PB konsistentna

Razvrščanje sočasnih transakcij

- SUPB zagotavlja izvajanje v zaporedju
- smrti objem (Dead lock!)

Zagotavljanje atomičnosti

- SUPB zagotovi atomičnost, četudi se zgodi sistemska napaka
- WAL sistem - write ahead logging

Dnevnik (log)

- Shrani vse spremembe v PB

Struktura SUPB

- Tipična nivojska arhitektura
- Nivoji morajo omogočati kontrolo hkratnega dostopa in reševanje

RELACIJSKI PODATKOVNI MODEL

Zakaj študij relacijskega modela?

- Naj bolj široko uporabljen PM
 - Relacije imajo močne matematične osnove
 - System R, IBM, 1974 (first implementation of SQL)
 - 80% vseh SVPB je relacijskih
- 1980-1985: vzpon objektno-usmerjenih sistemov
 - ObjectStore, ObjectDataBase++, GemStone/S,...
 - Samo peščica OO SVPB na trgu leta 2000
- 1995-2000: Objektno-relacijski model
 - Relacije objektov so preslikane v ravninski relacijski model
 - Implementacije: Oracle, DB2, Sybase...
- 2000-2010: NoSQL gibanje
 - Kaj se je zgodilo?
 - ↳ Masovni podatki, internetni inform. sistemi, nestrukturirani podatki, semi-strukturirani podatki, raziskovalni podatki, multimedija...
 - ↳ Obstoječi SVPB nimajo primerne skalabilnosti in dostopnosti za delo z masovnimi podatki
 - Istopčasno:
 - ↳ Nove tehnologije: obsežen RAM, SSD diski, masovni HDDs, vzporedne in porazdeljene arhitekture, več procesorski sistemi, več jedrni procesorji, "samostojni" sistemi,...
 - Rezultat:
 - ↳ Vzpon NoSQL sistemov

- Obstojeci NoSQL sistemi:
 - MongoDB, CouchDB, Dynamo, ...
- 2010-2020: NewSQL sistemi
 - Razvita tehnologija se uporabi v novih relacijskih SVPB!
 - Na novo razviti SVPB
 - Google: Megastore, Spanner, F1
 - Amazon: RDS

Relacijska PB

- Relacijska PB: množica relacij
- Relacija: 2 dela
 - Instanca: tabela, ki ima vrstice & stolpce
#vrstic = kardinalnost, #stolpcev = stopnja
 - Shema: določa ime relacije ter imena in tipe vseh stolpcev

Relacijski povpraševalni jeziki

- Največja moč relacijskega modela
 - SQL enostaven povpraševalni jezik
- Vprašanja se lahko pišejo intuitivno *
- Razlog: natančna semantika
- Optimizator pogosto prevede operacije (logično ekvivalentna izvedba, ki vrne isti rezultat)

Povpraševalni jezik SQL

- Razvit pri IBM leta 1970
- Potreba po standardu

Kreiranje relacij v SQL

- Z besedo CREATE, specificiramo tipe za vse stolpce

Brisanje in spreminjanje relacij

- Brišemo z besedo DROP
- Spreminjamo z ALTER

Dodajanje in brisanje zapisov

- Ustavljanje zapisa z INSERT INTO
- Brišemo zapise z DELETE

Integritetne omejitve (10)

- 10: pogoji, ki mora biti izpolnjen za vsako n-terico relacije

*

Primarni ključ

- Množica atributov je ključ če:
 1. Ne obstajata dva enaka zapisa
 2. To nevelja za nobeno podmnožico
- Če 2. ne velja, imamo super ključ
- Lahko obstaja več ključev na za relacijo, primarnega izberemo

Primarni in kandidatski ključ v SQL

- Običajno je navoljo več kandidatskih ključev, imed njih izberemo enega primarnega
- Ob nepravilni uporabi 10 lahko onemogočimo vnos dejanskih podatkov iz realnega sveta

Tuji ključ in referenčna integriteta

- Tuji ključ: Mn. atrib. neke relacije, ki referencira zapise druge relacije

Zagotavljanje referenčne integritete

- Če brišemo iz ene tabele, nato izbrišemo iz druge tabele
- Zavrtnemo brisanje iz tabel

Od kod so prišle IO omejitve?

- IO so osnovane na pomem okolja, ki ga modeliramo
-

RELACIJSKA ALGEBRA

Relacijski povpraševalni jezik

- Povpraševalni jezik: Omogoča urejanje podatkov in proizvodovanje po podatkih v PB
- Relacijski model podpira enostavne PS z veliko izrazno močjo
- Povpraševalni jezik \neq programski jezik

Formalni relacijski PS

- Dva formalna (matematična) jezika tvorita osnovo za "realne" PS (npr. SQL)
 - Relacijska algebra
 - Relacijski račun

Osnove

- Poizvedba je izvršena nad instancami relacij in rezultat poizvedbe je instanca neke relacije
 - Shema vhodnih relacij - fiksna
 - Shema rezultata - fiksna \rightarrow določena s pravili gradniki T₃
- Notacija osnovana na poziciji oz. imenih atributov

Relacijska algebra

- Osnovne operacije
 - Selekcija (σ)
 - Projekcija (π)
 - Produkt (\times)
 - Razlika ($-$)
 - Unija (\cup)
- Dodatne operacije
 - Presek, stik, deljenje, preimenovanje
 - Niso nujne, so pa zelo koristne
- Vsaka operacija vrne relacijo kot rezultat
 - Operacije se lahko sestavljajo - funkcijski jezik

Projekcija

- Izbere attribute v listi projekcije iz relacije
- Shema rezultata vsebuje samo attribute, ki so v listi projekcije z istimimi imeni kot v vhodni relaciji
- Duplikati? Realni sistemi tipično ne odstranijo duplikatov, če uporabnik tega ne zahteva

Selekcija

- Izbere vrstice, ki ustrezajo pogoju
- Ni duplikatov v rezultatu
- Shema rezultata identična shemi vhodnih relacij
- Rezultat je lahko vhodna relacija drugi operaciji

Unija, presek, razlika

- Vse operacije so binarne in vhodni relaciji morata biti unija-kompatibilni
 - Enako št. atributov
 - "Pripadajoča" polja imajo enake tipe

Produkt

- Karteziski produkt: vsaka vrstica S se poveže z vsako vrstico R
- Shema rezultata ima po en atribut za vsak atribut relacij
- Preimenovanje

Stik (Join)

- S pogojem:

$$R \bowtie_c R = \sigma_c(R \times S)$$

- Shema rezultata: enaka kart. prod.
- Manj nteric kot produkt (izračuna hitreje)
- Theta-stik

Stiki

- Equi-stik: Poseben primer, izvede stik po skupnih atributih
- Shema rezultata: podobno karteziskemu prod., samo ena vrednost enačenih atributov je v rezultatu
- Naravni stik: Equi-stik po vseh skupnih atributih

Deljenje

- Ni osnovna operacija, uporabna za izražanje vprašanj
 - Poišči mornarje, ki so rezervirali vse ladje
- Naj ima A dva atributa x in y , B pa samo atribut y
 - $A/B = \{ \langle x \rangle \mid \exists \langle x, y \rangle \in A \ \forall \langle y \rangle \in B \}$
 - A/B vsebuje vse n -terice x (mornarji) tako, da za vsako n -terico y (ladja) v B , obstaja n -terica xy v A
- V splošnem sta x in y lahko poljubna seznama atributov; y je seznam atributov v B , in $x \cup y$ je seznam atributov v A .

Izražanje A/B z osnovnimi operacijami

- Deljenje ni nujno potrebna operacija; uporabna bližnjica
- Ideja: A/B = izračunaj vse vrednosti x , ki niso izločene z vrednostjo y v B

Ekvivalence operacij RA

- Selekcija: $\sigma_{a_1 \dots a_n}(R) = \sigma_{a_1}(\dots(\sigma_{a_n}(R))\dots)$ - Razcep
- $\sigma_a(\sigma_a(R)) = \sigma_a(R)$ - Komutativnost
- Projekcija: $\pi_{a_1}(R) = \pi_{a_1}(\dots(\pi_{a_n}(R))\dots)$ - Razcep
- Stik: $R \bowtie (S \bowtie T) = (R \bowtie S) \bowtie T$ - Asociativnost
- $R \bowtie S = S \bowtie R$ - Komutativnost

⇒ Dokazi $R \bowtie (S \bowtie T) = (T \bowtie R) \bowtie S$

- Spuščanje selekcije/projekcije proti listom
- $\sigma(R \bowtie S) = \sigma(R) \bowtie S$, če selekcija izbira samo attribute R
- $\pi(R \bowtie S) = \pi(R) \bowtie S$, če projekcija uporabi samo attribute R

RELACIJSKI RAČUN

Relacijski račun

- Dva jezika: n -terični RR (TRR) in domenski RR (DRR)
- Izbira vsebujejo spr., konst., primerjalne operacije, logične operacije in kvantifikatorje
 - TRR: spremenljivke omejene na n -terice
 - DRR: $-11-$ na domene atributov
 - TRR in DRR so podmnožice predikatnega računa
- Izbira imenjske formule

N -terični RR

- Poizvedba ima obliko $\{T \mid p(T)\}$, kjer T edina prosta spr.
- Rezultat vsebuje n -terice T , za katere $p(T)$ vrne *true*
- TRR je rekurzivno def.

TRR formule

- Atomarni izrazi:
 $R \in \text{Rname}$ ali $R.a$ op $S.b$ ali $R.a$ op constant
op = $\{<, >, \leq, \geq, =, \neq\}$

Formule:

Atomarni izraz, ali

$\neg p, p \wedge q, p \vee q$ - p, q izrazi, ali

$\exists R(p(R))$, kjer n -terica R prosta v $p(R)$, ali

$\forall R(p(R))$, kjer n -terica R prosta v $p(R)$

- Uporaba kvantifikatorjev povezuje spremenljivko R

Domenški RR

- Vprašanje ima obliko: $\{\langle x_1, \dots, x_n \rangle \mid p(x_1, \dots, x_n)\}$
- Odgovor vsebuje n -terice $\langle x_1, \dots, x_n \rangle$ za katere vrne izraz $p(x_1, \dots, x_n)$ vrednost true.
- Formula rekurzivno def.

DRR Formule

- Atomarna formula
 $\langle x_1, \dots, x_n \rangle \in R_{\text{name}}$, ali $x \text{ op } y$ ali $x \text{ op constant}$
 $\text{op} = \{<, >, \leq, \geq, =, \neq\}$
- Formula
 - atomična formula, ali
 - $p \wedge q, p \vee q, \neg p$, kjer so p in q formule, ali
 - $\exists x(p(x))$, kjer spr. x prosta v $p(x)$, ali
 - $\forall x(p(x))$, kjer spr. x prosta v $p(x)$
- Uporaba kvantifikatorjev poveže spr. x

QUERY-BY-EXAMPLE (QBE)

28.10.24

Uvod

- "GUI" za izvedbo
 - Osnovan na DRR
 - Narejen pred GUI
 - Primeren za enostavna vprašanja

*



DISKI IN DATOTEKE

Diski in datoteke

- SUPB shranjuje podatke na diskih
- To ima veliko posledic na zasnovo SUPB
 - READ: prenos pod. med diskom in RAM
 - WRITE: prenos med RAM in diskom
 - Obe operaciji časovno potratni zato se mora njihova poraba planirati

Zakaj ne vsega shraniti v dinamični spomin

- Prevelika cena
 - Dinamični spomin ne ohranja podatkov
- *

4.11.24

Pomnilnik SUPB

- Podatki v datotekah
- Znotraj datoteke zapisi, ki so urejeni po straneh
- Dostop preko naslovov
- Vnesni pomnilnik - okvir, v katerem so shranjene strani

Ureditve blokov na disku

- Pomemben koncept: "Naslednje" stran
 - Bloki na isti sledi, ki sledijo
 - Bloki na istem cilindru, ki sledijo
 - Bloki na sosednjem cilindru
- Bloki naj bi bili organizirani sekvenco na disku, da se minimizira čas iskanja in rotacijska zakasnitev
- Sekvenčno skeniranje: branje v naprej, t.j. več sekvencnih strani se prebere v naprej, pridobitev na času

Delo z diskovnim prostorom

- Nižji nivo SVPB dela z diskovnim pomnilniškim prostorom
- Višji nivoji zahtevajo od nižjega alokacijo/dealokacijo strani in branje in pisanje strani
- Zahteve po sekvenci strani izvršena, da sistem alocira stran v enem sekvenci nem prostoru.

Vnesni pomnilnik v SVPB

- Podatki morajo biti v RAM-u, da SVPB lahko dela z njimi
- Uporablja se tabela parov: <okvir#, stranID>
- Problemi:
 - lahko se hitro napolni

Zahteva po strani

- Če ni v bazeu:
 - Izberi okvir za zamenjavo
 - Če je okvir „umazan“ potem se mora zapisati na disk
 - Preberi izbrano stran v izbrani okvir
- Pripravi stran in vrni njen naslov

Strategije za zamenjavo strani

- Okvir izbran s strategijo zamenjave
 - LRU, Ura(Clock), MRU, itd.
- Strategija ima lahko velik vpliv na # I/O operacij
- Sekvenčno prelivanje
 - Groba situacija povzročena z LRU + ponavljajoč sekvenci pregled tabele
 - #okvirjev < # str. datoteke vsaka zahteva povzroči I/O. MRU je v tem primeru boljše

SVFB vs OS file system

- OS ureja diskovni prostor & vmesni pomnilnik
Zakaj ne bi OS za SVFB urejal ta pravila?
- Razlike v OS podpori: prenosljivost
- Nekatere omejitve, npr. datoteke se ne morajo raztezati preko velikosti diska
- Delo z vmesnim pomnilnikom v SVFB zahteva zmogljivost:
 - Pripeti stran v vmesni pomnilnik, prisiliti shranjevanje na disk
 - Prilagoditev strategije zamenjave strani in branje strani v naprej na osnovi obnašanja tipične operacije

Format zapisa: Fiksna dolžina

- Informacija o tipih polja je enaka za vse zapise v datoteki
- Poišči isto polje ne zahteva pregled vseh zapisov

Format zapisa: Variabilna dolžina

- Dva alternativna formata
- Polja razmejena s posebnim simbolom

*

*

Neurejena datoteka z direktorijem strani

- Zapis pod. strani na glavni strani vsebuje tudi št. prostih zlogov na pod strani
- Direktorij je zbirka strani, implementacija sernamov je ena alternativa

Sistemski katalogi

- Za vsak indeks:
 - Struktura in iskalni ključ
- Za vsako relacijo:
 - Ime, ime datoteke, datotečna struktura
 - Imena in tipi atributov
 - Imena indeksov
 - Integrirane omejitve
- Za vsak pogled
 - Ime pogleda in definicija
- Statistika, avtorizacija, velikost bazena strani

PREGLAD INDEKSOV

Podatki na pomnilniških medijih

- Diski imajo direkten dostop do blokov
- Trakovi imajo sekvencijski dostop do strani
- Datotečna organizacija: Organizacija podatkov na pomnilniških medijih
- Arhitektura: Vmesni pomnilnik

Alternativne datotečne organizacije

- več alternativ
 - Neurejene datoteke
 - Sortirane datoteke
 - Indeksi

Indeksi

- Indeks pohitri iskanje zapisov na osnovi polj iskalnih ključev
- Indeks vsebuje množico podatkovnih vpisov
 $k^* = k + \text{rid}$
- Indeks podpira učinkovito iskanje podatkovnih vpisov k^* z dano vrednostjo ključa k .

Podatkovni opis k^*

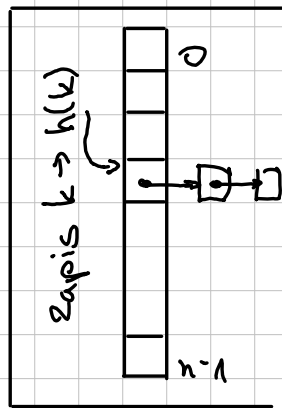
- lahko je:
 - Podatkovni zapis z vrednostjo ključa k
 - $\langle k, \text{rid} \rangle$
 - $\langle k, \text{seznam rid} \rangle$
- Izbira alt. za pod. vpise je ortogonalna izbiri indeksne tehnike za iskanje vpisov

Podatkovni vpis - možnosti

1. Datotečna struktura; samo en indeks lahko uporabi možnost 1; v primeru da podatkovni zapisi zasedejo veliko prostora, je št. strani, ki vsebujejo podatke, veliko
2. + 3. Podatkovni vpisi so tipično precej manjši kot pod. zapis, možnost 3 bolj optimalna od možnosti 2 glede prostora

B+ drevo

- Listi vsebujejo podatkovne vpise, ki so urejeni
- Notranje strani imajo indeksne vpise



Razpršilni indeksi

- Dobra rešitev za selekcijo z enakostjo
- Indeks je zbirka skupkov
 - Skupke = primarna str. + nič ali več prelivnih strani
 - Skupke vsebuje podatkovne vpise
- Razpršilna fja h : $h(r)$ = skupke k , kateremu pripada podatkovni zapis r .
 h uporabi polja iskalnega ključa relacije r

Klasifikacija indeksov

- Primarni vs sekundarni
 - Če iskalni ključ vsebuje primarni ključ potem indeks imenujemo primarni
 - Unique indeks: Iskalni ključ je kandidatski ključ
- Poverzan vs Neoverzan

*

DREVESNI INDEKSI

Drevesni indeksi

- Drevesno strukturirani indeksi podpirajo iskanje po enakosti in po področju
- ISAM:
 - Statična struktura
 - S časom drevo postane zelo neuravnoteženo
- B+tree
 - Dinamična struktura
 - Popolnoma uravnoteženo

Iskanje področja

- Če so podatki v urejeni datoteki naredimo binarno iskanje in nato pregled
- Cena bin. iskanja je visoka

ISAM

- Indeksna datoteka je vseeno lahko velika
- Listi vsebujejo podatkovne vpiše
- Ostajajo prazne prelivne strani

B+tree

- Kompleksnost op. Ustavi/2briši = $\log_F n$ ($F = \text{fanout}$, $n = \text{št. listov}$)
- Drevo zelo uravnoteženo
- Indeksne strani vsaj 50% polne

11.11.24

- Vsako vozlišče vsebuje $d \leq m \leq 2d$ vpisov (d imenujemo stopnja drevesa)
- Učinkovito podpira iskanje po enakosti in iskanje področja

Vstavljanje pod. vpisa v B+ drevo

- Poišči list L
- Vstavi pod. opis v L
 - Če L ni poln končano
 - Če L poln razcepi v L_1 in L_2 , prepisi srednji ključ gor in porazdeli ključe
- To se lahko zgodi rekursivno
- Razcepi širijo drevo, razcep korena zviša drevo

Brisanje pod. vpisa iz B+ drevesa

- Začni pri korenu in poišči list z vpisom
- Izbriši vpis
 - Če L vsaj pol poln zaključ
 - Če vsebuje L $d-1$ vpisov
 - Poskusimo porazdeliti vse zapise tako, da si jih sposodimo od sosedov
 - Drugače zlij L in soseda
- V primeru zlitja moramo zbrisati zapis, ki kaže na L ali soseda iz starša

Stiskanje s predponami ključev

- Pomembno je povečati fan-out
- Vrednosti ključev v indeksnih vpisov oamo usmerjajo
- Pogosto jih lahko stisnemo
- Vstavljanje/Brisanje mora biti prilagojeno

Masovno polnjenje

- Hitrejša od vstavljanja posameznih el., če je podatkov veliko
- Inicializacija: uredimo podatkovne vpiše, dodaj bazalec na prvo stran v novem korenu

RAZPRŠILNI INDEKSI

Uvod

- Razpršilni indeksi so najboljše za iskanje po enakosti
- Ne podpirajo iskanja po področju
- Obstajajo statični in dinamični razpršilni indeksi
- Kompromisi podobni SAM vs. B+ drevesom

Statični razpršilni indeksi

- Primarne stvari so fiksne, zasežene sekvenčno ter niso nikoli sproščene
- $h(k) \bmod N =$ skupok, h kateremu pripada pod. vpis s ključem k ($N = \#$ skupkov)
- Skupki vsebujejo pod. upise
- Razpršilna f-ja se uporabi na iskalnem ključu. Urednosti se morajo razpršiti na $[0, N-1]$
 - $h(k) = a \cdot k + b \rightarrow$ običajno deluje dobro
 - a in b konstanti
- Razvije se lahko dolga veriga prelivnih strani, kar poslabša učinkovitost pod. strukture

Razširljivi razpršilni indeksi

- Dinamični razpršilni indeksi
 - Branje in pisanje skupkov potratno
- Ideja: Direktorij kazalcev na skupke
 - Podvojimo $\#$ skupkov (strani) s podvojitvijo $\#$ dir in razcepimo samo skupke, ki je napolnjen
 - Dir je veliko manjši kot celotna datoteka zato se podvojitev izvrši hitro (Ni prelivnih strani!)
 - Trik je v prireditvi razpršilne f-je

Linearni razpršilni indeks

- Shema z dinamičnim razpr. indeksom
- Lin. razpr. indeks reši problem z dolgimi prelivnimi stranmi
- Ideja: uporabimo družino razp. f-jij h_0, h_1, \dots
 - $h_i(\text{key}) = h(\text{key}) \bmod (2^i N)$; $N = \text{žalčno št. skupkov}$
 - h je neka razp. f-ja (zaloga vrednosti $n_i \in [0, N-1]$)
 - Če $N = 2^{d_0}$, za nek d_0 , h_i aplicira h in ogleda zadnjih d_i bitov, kjer $d_i = d_0 \cdot i$ ($i = \text{level}$)
 - h_{i+1} podvoji zalogo vrednosti h_i (podobno podvoj. dir-a)
- Dir-u se izognemo z uporabo prelivnih str. in s cikličnim razcepljanjem skupkov
 - Razcepljanje poteka v runde (runda s zaključki, ko so vsi skupki razcepljeni)
 - Trenutna št. runde je level
 - Iskanje: Da bi poiskali skupek r , poišči $h_{\text{level}}(r)$
 - Če $h_{\text{level}}(r)$ je v področju $[N_{\text{ext}}, N_r]$, smo našli
 - Sicer, r (ahko pripada skupku $h_{\text{level}}(r)$ ali skupku $h_{\text{level}}(r) + N_r$. Aplicirati je potrebno $h_{\text{level}+1}(r)$, da bi izvedeli

Linearno razprševanje

- Vstavi: Poišči skupek z uporabo $h_{\text{level}} / h_{\text{level}+1}$
 - Če skupek polni:
 - dodaj prelivno stran in vstavi
 - (Mogoče) Razcepi Next in ga povežaj ($\text{Next} += 1$)
- Izberemo lahko kateri koli kriterij za razcepljanje
- Ker skupki razcepljeni ciklično se ne morejo razviti dolge prelivne verige
- Podvojevanje dir-a je razširljivem razprševanju podobno
- Preblop med razpršilnimi f-jami je impliciten s povečevanjem

LH je varianta EH

- Shemi podobni
 - Začni z EH indeksom, ki ima dir z N elementi
 - Uporabi prelivne strani in razcepi skupke ciklično
 - Najprej razcepi skupke 0
- Dir se podvojuje postopoma, skupki se breirajo fizično zaporedno na disku

EVALUACIJA RELACIJSKIH OPERACIJ

Pogosto uporabljene tehnike

- Algoritmi za evaluacijo:
 - Indeksiranje - za izbor majhnega št. n-teric
 - Iteracija - včasih hitreje pregledamo vse n-terice
 - Particije
 - Sortiranje

Statistika in katalogi

- Katalogi vsebujejo vsaj:
 - # zapisov, # strani,

*

Dostopna pot

- Metoda za branje zapisov
 - Pregled datoteke, ali indeks, ki se ujema s selekcijo

Sortiranjē

*



Dva pristopa k splošni selekciji

1. Poišči najbolj selektivno dostopno pot, preberi zapise z izbrano DP in uporabi preostale pogoje, ki se neujemajo z indeksom
2. Če imamo na razpolago dva ali več indeksov z alternativama (2) ali (3) za pod. vpise