

# Trabajo práctico 1

## Especificación y WP

9 de septiembre de 2024

Algoritmos y Estructuras de Datos - DC - UBA

### Grupo AJMS

Integrante	LU	Correo electrónico
Ferechian, Matías	693/23	matifere@gmail.com
Nestmann, Sofía	366/23	sofianestmann@gmail.com
Mirasson, Javier	594/23	javierestebanmn@gmail.com
Ramirez, Ana	931/23	correodeanar@gmail.com



## Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja) Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina Tel/Fax: (++54+11) 4576-3300

http://www.exactas.uba.ar

## 1. Especificación

#### 1.1. grandesCiudades

```
\begin{split} & \texttt{proc grandesCiudades (in ciudades} : seq \langle Ciudad \rangle) : seq \langle Ciudad \rangle \{ \\ & \texttt{requiere \{true\}} \\ & \texttt{asegura \{ (\forall i : \mathbb{Z}) ( \\ & (0 \leq i < |ciudades|) \land_L ((ciudades[i] \in res) \longrightarrow_L (ciudades[i]_1 > 50000)) \} \\ & \} \\ & \} \end{split}
```

#### 1.2. sumaDeHabitantes

```
 \begin{array}{l} \texttt{proc sumaDeHabitantes} \; (\texttt{in menoresDeCiudades}: seq\langle Ciudad\rangle, \texttt{in mayoresDeCiudades}: seq\langle Ciudad\rangle): seq\langle Ciudad\rangle \{ \\ \texttt{requiere} \; \{ \; (|menoresDeCiudades| = |mayoresDeCiudades|) \land_L \; ((\forall i,j:\mathbb{Z}_{\geq 0}) \; (\\ 0 \leq i,j < |menoresDeCiudades| \land menoresDeCiudades[i]_0 = mayoresDeCiudades[j]_0 \\ ) \; \} \\ \texttt{asegura} \; \{ (\forall n,m:\mathbb{Z}) \; (\\ (0 \leq n,m < |menoresDeCiudades|) \land_L \; ((menoresDeCiudades[n]_0 = mayoresDeCiudades[m]_0) \land \\ (ciudades[n] \in res) \; \longrightarrow \; ((ciudades[n]_1 = menoresDeCiudades[n]_1 + mayoresDeCiudades[m]_1) \land \\ (ciudades[n]_0 = menoresDeCiudades[n]_0))) \; \; \} \\ \end{cases}
```

### 1.3. hayCamino

```
 \begin{array}{l} \operatorname{proc\ hayCamino\ }(\operatorname{in\ distancias}: seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle, \operatorname{in\ desde}: \mathbb{Z}, \operatorname{in\ hasta}: \mathbb{Z}): \operatorname{Bool}\{ \\ \operatorname{requiere\ }\{\ (\forall i,j:\mathbb{Z})\ (\\ \ (0\leq i,j,desde,hasta<|distancias|) \wedge_L \ ((i=j)\longrightarrow (distancias[i][j]=0)) \wedge (distancias[i][j]=distancias[j][i]) \\ )\ \} \\ \operatorname{asegura\ }\{\ \operatorname{res}=\operatorname{true} \leftrightarrow (\exists p: seq\langle \mathbb{Z}\rangle)\ (\\ \ (p[0]=desde) \wedge (p[|p|-1]=hasta) \wedge (\forall k:\mathbb{Z})\ (\\ \ (0\leq k<|p|-2) \wedge_L \ (distancias[p[k]][p[k+1]]>0) \\ )\ ) \\ )\ \} \\ \end{array}
```

#### 1.4. cantidadCaminosNSaltos

Para la siguiente especificación tendremos en cuenta que: Dada la matriz de orden 1:

$$M_1 = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Si queremos encontrar la matriz  $M_2$  de orden 2, nos queda que:

$$M_2 = M_1 \times M_1 = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Luego  $M_2$  contiene la cantidad de 2-saltos asociados a cada par i,j que se encuentre dentro de la matriz proc cantidadCaminosNSaltos (inout conexión :  $seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle$ , in n :  $\mathbb{Z}$ ) : {

```
requiere { n > 0 \land (\forall i, j : \mathbb{Z}) ( (0 \le i, j < |conexión[i][j]) \land ((i = j) \longrightarrow (conexión[i][j] = 0)) \land (conexión[i][j] = conexión[j][i]) \land ((0 \le conexión[i[j] \le 1]) } asegura {true} }
```

## 1.5. caminoMinimo

```
\label{eq:proc_caminoMinimo} \mbox{proc caminoMinimo} \mbox{ (in origen : $\mathbb{Z}$, in distancias : $seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle$) : $seq\langle \mathbb{Z}\rangle$ { requiere { true} a segura {true} } }
```

## 2. Demostraciones de correctitud