## ATP Data Analysis

2024-01-10

Instalacija potrebnih paketa.

```
# install.packages("dplyr")
# install.packages("lubridate")
# install.packages("ggplot2")
# install.packages("caret")
```

Učitavanje biblioteka.

```
library(dplyr)
library(lubridate)
library(ggplot2)
library(caret)
library(nortest)
```

Učitavanje i opis podataka

```
all_matches <- data.frame()
for (year in 1991:2023) {
   file_name <- paste0("dataset/atp_matches_", year, ".csv")
   matches_year <- read.csv(file_name, stringsAsFactors = FALSE)
   all_matches <- rbind(all_matches, matches_year)
}
dim(all_matches)</pre>
```

```
## [1] 104682 49
```

Skup podataka sadrži informacije o 104682 teniska meča održana od 1991. do 2023. godine uključivo. Svaki meč opisan je s 49 ispod navedenih značajki:

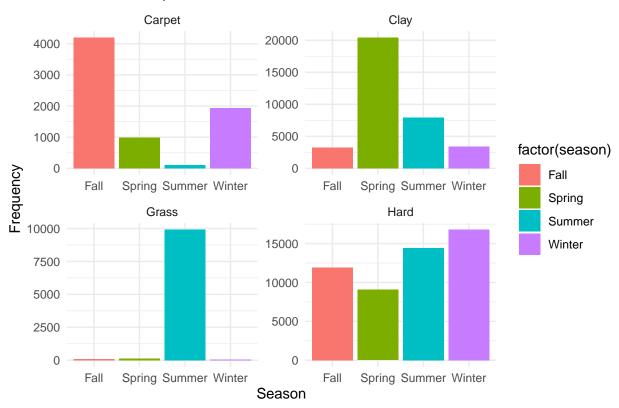
```
names(all_matches)
```

```
##
   [1] "tourney_id"
                              "tourney_name"
                                                    "surface"
                              "tourney_level"
                                                    "tourney_date"
   [4] "draw_size"
## [7] "match_num"
                              "winner_id"
                                                    "winner_seed"
## [10] "winner_entry"
                              "winner_name"
                                                    "winner hand"
## [13] "winner_ht"
                              "winner_ioc"
                                                    "winner_age"
## [16] "loser_id"
                              "loser_seed"
                                                    "loser_entry"
                              "loser_hand"
                                                    "loser_ht"
## [19] "loser_name"
## [22] "loser_ioc"
                              "loser_age"
                                                    "score"
                              "round"
                                                    "minutes"
## [25] "best_of"
```

```
"w df"
                                                      "w svpt"
## [28] "w ace"
   [31] "w 1stIn"
                               "w 1stWon"
                                                      "w 2ndWon"
##
        "w SvGms"
                               "w bpSaved"
                                                      "w bpFaced"
        "l_ace"
                               "l df"
                                                      "l svpt"
   [37]
##
        "l 1stIn"
                               "l 1stWon"
                                                      "l 2ndWon"
        "1 SvGms"
                               "l bpSaved"
                                                      "l bpFaced"
   [43]
       "winner rank"
                               "winner rank points"
                                                     "loser rank"
  [49] "loser_rank_points"
```

Zadatak 1. Kakva je distribucija mečeva na specifičnim podlogama u različitim godišnjim dobima?

### Season Frequencies for Each Surface



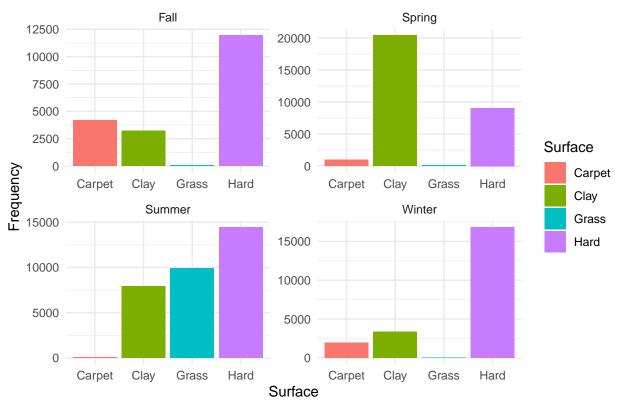
U prvom histogramu prikazana je raspodjela teniskih mečeva prema godišnjim dobima na podlozi od tepiha. Podloga od tepiha najmanje je korištena podloga za igranje mečeva. Najčešće se podloga od tepiha koristila u jesen, dosta rjeđe zimi, zatim na proljeće, a najmanje se mečeva na podlozi od tepiha igra na ljeto.

Sljedeći histogram predstavlja raspodjelu mečeva prema godišnjim dobima na zemljanoj podlozi. Mečevi na zemlji najčešće se igraju u proljetnom dijelu sezone. Dosta manje mečeva igra se na ljeto zatim otprilike podjednako na jesen i zimi.

Treći histogram opisuje distribuciju teniskih mečeva prema godišnjim dobima na travi. Teniski mečevi na travi igraju se uglavnom ljeti, a svega nekoliko mečeva igra se u preostalim godišnjim dobima.

U posljednjem histogramu promatrana je raspodjela mečeva prema godišnjim dobima na tvrdoj podlozi. Sveukupno najviše mečeva igra se na tvrdoj podlozi te je raspodjela prema godišnjim dobima manje izražena nego kod drugih podloga. Najviše mečeva na tvrdoj podlozi održava se zimi, zatim u ljeto pa na jesen te najmanje u proljetnom dijelu sezone.





Prvi histogram prikazuje raspodjelu mečeva prema podlogama u jesen. Uvjerljivo najviše mečeva u jesen održava se na tvrdoj podlozi. Dosta manje mečeva igra se na podlozi od tepiha, a nešto malo manje na zemlji. Najmanje mečeva u jesenskom dijelu sezone igra se na travi.

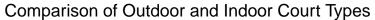
Idući histogram prikazuje raspodjelu mečeva prema podlogama u proljeće. U proljetnom dijelu sezone uvjerljivo najviše teniskih mečeva igra se na podlozi od zemlje. Više od dvostruko manje mečeva održava se na tvrdoj podlozi. Jako malo mečeva održava se na podlozi od tepiha, a još manje na travi.

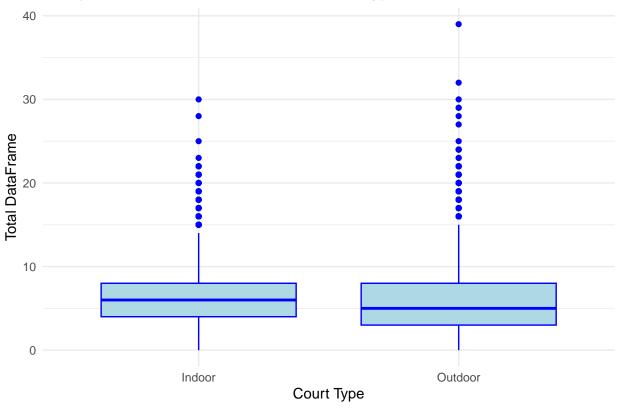
U trećem histogramu promatramo raspodjelu mečeva prema podlogama tijekom ljeta. Najviše mečeva održava se na tvrdoj podlozi, zatim na travi pa na podlozi od zemlje. Svega nekoliko mečeva igra se na podlozi od tepiha.

Zadnji histogram opisuje raspodjelu mečeva prema podlogama zimi. Tijekom zime prednjače mečevi na tvrdoj podlozi. Dosta manje mečeva igra se na zemlji, zatim na podlozi od tepiha te najmanje na travi.

# Zadatak 2. Postoji li značajna razlika u prosječnom broju dvostrukih pogrešaka između mečeva odigranih na otvorenom u odnosu na mečeve odigrane na zatvorenom terenu?

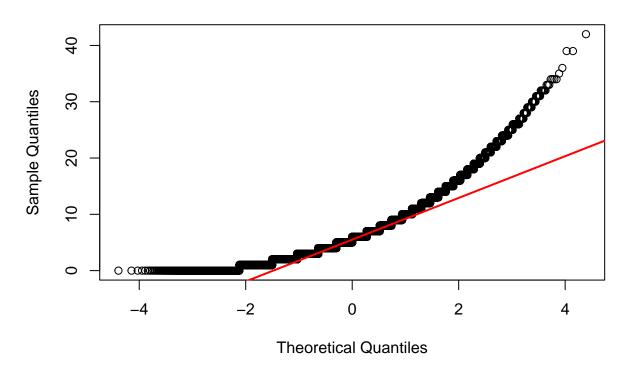
Prvo provjeravamo ukazuje li boxplot za moguću značajnu razliku.



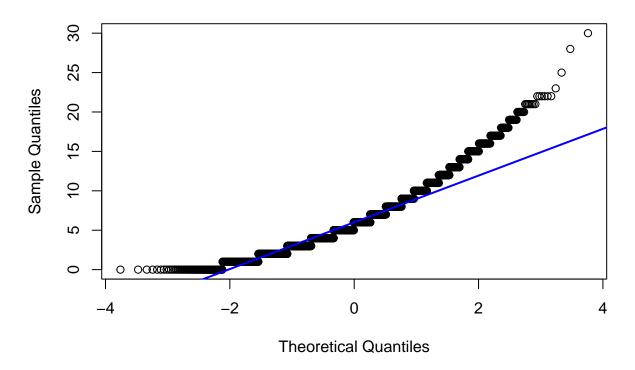


Grafički prikaz ukazuje na moguću razliku između prosječnog broja dvostrukih pogrešaka između mečeva odigranih na otvorenom i zatvorenom. Kako bismo provjerili možemo li prihvatiti nultu hipotezu koja pretpostavlja da nema razlike, provest ćemo t-test. Najprije moramo provjeriti pretpostavke o normalnoj distribuciji i homogenosti varijanci. Normalnu distribuciju prvo provjeravamo pomoću qq-plota, a zatim i Lilliefors testom.

# Normal Q-Q Plot



#### Normal Q-Q Plot



Iz qq-plota vidljivo je da distribucije nisu normalne niti za mečeve na otvorenom niti na zatvorenom jer postoji značajno odstupanje repa. Zatim provodimo Lilliefors test:

```
##
## Lilliefors (Kolmogorov-Smirnov) normality test
##
## data: open_surface_data
## D = 0.12974, p-value < 2.2e-16

##
## Lilliefors (Kolmogorov-Smirnov) normality test
##
## data: closed_surface_data
## D = 0.12216, p-value < 2.2e-16</pre>
```

Za oba skupa podataka (otvoreni teren i zatvoreni teren), rezultati testova normalnosti (Lilliefors test) pokazuju da podaci nisu normalno distribuirani (p-vrijednosti su manje od 0.05) što se moglo zaključiti i iz grafova. To znači da distribucija podataka odstupa od normalne distribucije.

Provedimo F-test za provjeru homogenosti varijanci:

```
##
## F test to compare two variances
##
## data: open_surface_data and closed_surface_data
## F = 1.1441, num df = 88596, denom df = 5877, p-value = 4.316e-12
```

```
## alternative hypothesis: true ratio of variances is not equal to 1
## 95 percent confidence interval:
## 1.101871 1.187308
## sample estimates:
## ratio of variances
## 1.144146
```

F-test za usporedbu varijanci pokazuje da postoji značajna razlika u varijancama između otvorenog terena i zatvorenog terena (p-vrijednost < 0.05). Kako pretpostavke za t-test nisu zadovoljene koristimo Wilcoxonov test:

```
##
## Wilcoxon rank sum test with continuity correction
##
## data: open_surface_data and closed_surface_data
## W = 258377269, p-value = 0.3191
## alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0
```

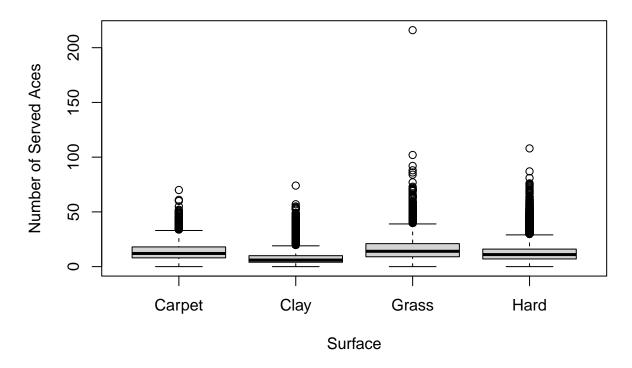
Wilcoxon rang-sum test ne pokazuje značajnu razliku u srednjim vrijednostima (medijanama) između otvorenog i zatvorenog terena (p-vrijednost = 0.3191, dakle ne možemo odbaciti nultu hipotezu).

Na temelju ovih rezultata, možemo zaključiti da nema značajne razlike u prosječnom broju dvostrukih pogrešaka između mečeva odigranih na otvorenom terenu i mečeva odigranih na zatvorenom terenu.

#### Zadatak 3. Ima li razlike u broju serviranih asova na različitim podlogama?

Provjerimo za početak postoje li lako uočljive razlike u broju serviranih asova na različitim podlogama pomoću grafičkog prikaza.

### **Boxplot of Served Aces by Surface**



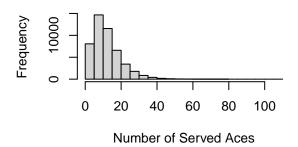
Boxplot ukazuje na to da postoje razlike u broju asova s obzirom na podlogu.

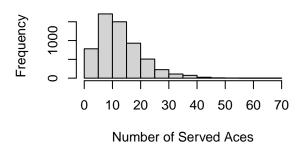
Nulta hipoteza jest da nema razlike u broju serviranih asova na različitim podlogama. Može li se odbaciti ista provjerit ćemo ANOVA testom. ANOVA analizira razliku srednje vrijednosti između više od dvije grupe. Kako bi taj test mogao biti korišten najprije moramo provjeriti pretpostavke:

1. provjera normalne distribucije

#### Histogram of served aces on Hard

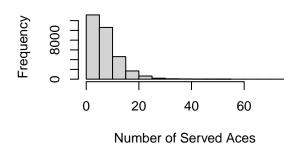
#### Histogram of served aces on Carpet

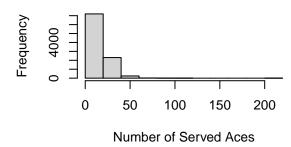




#### Histogram of served aces on Clay

#### Histogram of served aces on Grass





Histogrami ukazuju na to da distrubucija serviranih asova nije normalna niti na jednoj od podloga. Normalna distribucija još se provjerava i Lilliefors testom:

```
##
##
   Lilliefors (Kolmogorov-Smirnov) normality test
##
## data: t3$aces[t3$surface == "Hard"]
## D = 0.11436, p-value < 2.2e-16
##
   Lilliefors (Kolmogorov-Smirnov) normality test
##
##
## data: t3$aces[t3$surface == "Carpet"]
## D = 0.10864, p-value < 2.2e-16
##
   Lilliefors (Kolmogorov-Smirnov) normality test
##
## data: t3$aces[t3$surface == "Clay"]
## D = 0.13505, p-value < 2.2e-16
##
   Lilliefors (Kolmogorov-Smirnov) normality test
##
## data: t3$aces[t3$surface == "Grass"]
## D = 0.10802, p-value < 2.2e-16
```

Za svaku od 4 podloge p-vrijednost je manja od 0.05 zbog čega odbacujemo pretpostavku da je distribucija normalna.

2. provjera homogenosti varijanci Homogenost varijanci provjerava se Bartletttovim testom:

```
##
## Bartlett test of homogeneity of variances
##
## data: t3$aces by t3$surface
## Bartlett's K-squared = 7049.2, df = 3, p-value < 2.2e-16</pre>
```

P-vrijednost u Bartlettovom testu manja je od kritične vrijednosti od 0.05 čime se zaključuje da homogenost varijanci nije zadovoljena.

Isto se vidi i u ispisu varijance za svaku od podloga.

```
## [1] 65.28138

## [1] 63.26659

## [1] 31.9019

## [1] 104.5289
```

Kako niti jedna od pretpostavki nije zadovoljena koristit ćemo Kruskal-Wallis, neparametarsku alternativu ANOVA testu.

```
##
## Kruskal-Wallis rank sum test
##
## data: aces by surface
## Kruskal-Wallis chi-squared = 13657, df = 3, p-value < 2.2e-16</pre>
```

Nakon provedenog testa dobivamo p-vrijednost manju od 0.05 što znači da možemo odbaciti nultu hipotezu u korist prve, odnosno da postoji razlika u broj serviranih asova u odnosu na podlogu, što intuitivno ima smisla jer loptica ne odskače jednako od svih podloga.

# Zadatak 4. Kakva je veza između vrste terena i vjerojatnosti da će mečevi otići u peti set?

Postavljamo nultu hipotezu kako ne postoji statistički značajne veze između vrste terena i vjerojatnosti da će mečevi otići u peti set, a alternativna hipoteza sugerira prisutnost takve veze. Kako bismo testirali ovu hipotezu, koristit ćemo  $\chi^2$  test.

Najprije, provjeravamo pretpostavke kako bismo osigurali ispravnu primjenu testa.

Omogućena je nezavisnost podataka jer rezultat jednog teniskog meča ne utječe na rezultat drugog meča.

Također, osiguravamo da su nam podaci kategorički, klasifikacijom vrsta terena i ishoda mečeva u diskretne kategorije. Stvaramo kontingencijsku tablicu:

```
## ## FALSE TRUE
## Carpet 700 179
## Clay 5550 1240
## Grass 3471 819
## Hard 9090 2054
```

Kontingencijskoj tablici dodajemo sume redaka i stupaca:

```
##
##
             FALSE
                    TRUE
                            Sum
##
               700
                     179
                            879
     Carpet
     Clay
              5550
                    1240
                           6790
##
              3471
                           4290
##
     Grass
                     819
              9090
                    2054 11144
##
     Hard
##
             18811
                    4292 23103
     Sum
```

Još jedna pretpostavka testa je da očekivana frekvencija pojedinog razreda mora biti veća ili jednaka 5, stoga i to provjeravamo:

```
## Očekivane frekvencije za razred FALSE - Carpet : 715.7022
## Očekivane frekvencije za razred FALSE - Clay : 5528.576
## Očekivane frekvencije za razred FALSE - Grass : 3493.018
## Očekivane frekvencije za razred FALSE - Hard : 9073.704
## Očekivane frekvencije za razred TRUE - Carpet : 163.2978
## Očekivane frekvencije za razred TRUE - Clay : 1261.424
## Očekivane frekvencije za razred TRUE - Grass : 796.9822
## Očekivane frekvencije za razred TRUE - Hard : 2070.296
```

Sve očekivane pretpostavke su zadovoljene, nastavljamo sa  $\chi^2$  testom.

```
##
## Pearson's Chi-squared test
##
## data: contingency_table
## X-squared = 3.2059, df = 3, p-value = 0.361
```

Rezultati  $\chi^2$  testa ukazuju na to da ne postoji statistički značajna veza između vrste terena na kojem se održavaju teniski mečevi i vjerojatnosti da će mečevi otići u peti set (p-vrijednost = 0.361). S obzirom na p-vrijednost veću od 0.05, ne odbacujemo nultu hipotezu.

# Zadatak 5. Možemo li procijeniti broj asova koje će igrač odservirati u tekućoj godini (zadnjoj dostupnoj sezoni) na temelju njegovih rezultata iz prethodnih sezona?

```
## Warning: Using an external vector in selections was deprecated in tidyselect 1.1.0.
## i Please use 'all_of()' or 'any_of()' instead.
## # Was:
## data %>% select(features)
##
## # Now:
```

```
##
     data %>% select(all of(features))
##
## See <a href="https://tidyselect.r-lib.org/reference/faq-external-vector.html">https://tidyselect.r-lib.org/reference/faq-external-vector.html>.
## This warning is displayed once every 8 hours.
## Call 'lifecycle::last_lifecycle_warnings()' to see where this warning was
## generated.
## 'summarise()' has grouped output by 'player_id', 'year', 'winner_ht'. You can
## override using the '.groups' argument.
## 'summarise()' has grouped output by 'player_id', 'year', 'loser_ht'. You can
## override using the '.groups' argument.
## # A tibble: 7,417 x 9
               player_id, year, height [7,417]
## # Groups:
##
      player_id year height hand total_aces avg_1stIn avg_1stWon svpt
                                                                                 df
##
          <int> <dbl> <int> <fct>
                                          <int>
                                                     <dbl>
                                                                 <dbl> <dbl> <int>
                                             45
         100284 1991
                          178 I.
                                                      60.3
                                                                  40.5 90.4
##
   1
                                                                                 38
##
    2
         100284 1992
                          178 L
                                             37
                                                      53.6
                                                                  36.1
                                                                        80.3
                                                                                 31
                                              4
                                                                  40
                                                                        92.3
##
   3
         100284 1993
                          178 L
                                                      57
                                                                                 11
##
   4
         100284 1994
                          178 L
                                              2
                                                      61
                                                                  36
                                                                        89
                                                                                 5
##
   5
         100284 1995
                          178 L
                                              7
                                                      43
                                                                  31.5 78.5
                                                                                 10
##
    6
         100529 1991
                          185 R
                                            168
                                                      45.3
                                                                  36.2 81.2
                                                                                 43
                                                      38.3
##
   7
         100529 1992
                                                                  30.5 78.3
                                                                                 47
                          185 R
                                             87
##
         100532 1991
                          175 R
                                                                  26.3
                                                                        66
   8
                                             17
                                                      33
                                                                                 8
         100581 1991
                          180 L
                                                                        69.9
## 9
                                            205
                                                      39.0
                                                                  30.8
                                                                                123
## 10
         100581 1992
                          180 L
                                            175
                                                      50.6
                                                                  40.3
                                                                        86.3
                                                                               126
## # i 7,407 more rows
## # A tibble: 10,396 x 9
## # Groups:
               player_id, year, height [10,396]
##
      player_id year height hand total_aces avg_1stIn avg_1stWon svpt
                                                                                 df
##
          <int> <dbl>
                        <int> <fct>
                                          <int>
                                                     <dbl>
                                                                 <dbl> <dbl> <int>
##
         100282 1992
                                                      67.5
                                                                  40.5
   1
                          180 L
                                              0
                                                                        96
                                                                                 5
##
    2
         100284 1991
                          178 L
                                              9
                                                      49.2
                                                                  27.1
                                                                        75.6
                                                                                 34
##
    3
         100284 1992
                          178 L
                                             25
                                                      57.9
                                                                  33.4
                                                                        90.6
                                                                                 46
##
   4
         100284 1993
                          178 L
                                                      37.4
                                                                  22.2 60.4
                                                                                 14
##
   5
         100284
                 1994
                          178 L
                                              1
                                                      56
                                                                  34
                                                                        87.3
                                                                                 3
##
    6
         100284
                  1995
                          178 L
                                              3
                                                      48
                                                                  29
                                                                        67
                                                                                  2
##
   7
         100284 1996
                                              3
                                                      55
                                                                  30
                                                                        93
                                                                                  2
                          178 I.
##
         100286 1991
                                              0
                                                      32
                                                                        60
                                                                                  2
   8
                          168 R
                                                                  18
##
   9
         100321 1993
                          193 R
                                              0
                                                      34
                                                                  14
                                                                        48
                                                                                 0
## 10
         100431 1992
                          178 R
                                              8
                                                      46.5
                                                                  30.5
                                                                        76
## # i 10,386 more rows
## # A tibble: 40 x 9
  # Groups:
               player_id, year, height [20]
      player_id year height hand total_aces avg_1stIn avg_1stWon svpt
##
                                                                                 df
##
          <int> <dbl>
                       <int> <fct>
                                          <int>
                                                     <dbl>
                                                                 <dbl> <dbl> <int>
##
   1
         104925 2004
                          188 R
                                              4
                                                      60
                                                                  39
                                                                        91
                                                                                  2
##
    2
         104925
                  2005
                          188 R
                                             43
                                                      62.1
                                                                  45.4
                                                                        96.4
                                                                                 26
##
   3
         104925
                 2006
                          188 R
                                                      49.3
                                                                  37
                                                                        79.3
                                                                                 92
                                            216
##
   4
         104925 2007
                          188 R
                                            420
                                                      54.2
                                                                  40.0
                                                                        83.5
                                                                                147
##
         104925 2008
                                            413
                                                                  35.6 72.3
   5
                          188 R
                                                      47.3
                                                                               113
```

##	6	104925	2009	188	R	420	46.2	34.3	73.0	212
##	7	104925	2010	188	R	232	49.2	35.9	77.5	198
##	8	104925	2011	188	R	320	47.0	35.2	71.9	131
##	9	104925	2012	188	R	456	47.4	36.0	73.6	117
##	10	104925	2013	188	R	424	47.5	36.6	72.4	94
##	11	104925	2014	188	R	371	50.8	38.5	75.9	91
##	12	104925	2015	188	R	441	48.5	36.4	72.9	124
##	13	104925	2016	188	R	263	48.6	36.2	74.5	168
##	14	104925	2017	188	R	138	51.0	37.8	76.6	56
##	15	104925	2018	188	R	286	50.2	38.2	75.7	117
##	16	104925	2019	188	R	332	46.2	36.4	70.4	136
##	17	104925	2020	188	R	257	50.5	38.5	78.4	125
##	18	104925	2021	188	R	416	55.7	43.1	85.4	130
##	19	104925	2022	188	R	244	46.0	36.7	70.1	66
##	20	104925	2023	188	R	295	53.8	42.2	84.9	128
##	21	104925	2004	188	R	22	57.3	34	93.7	19
##	22	104925	2005	188	R	45	57	37.6	91.3	32
##	23	104925	2006	188	R	63	52.3	34.2	82.2	59
##	24	104925	2007	188	R	98	49	32.2	79.9	48
##	25	104925	2008	188	R	73	53.8	36.6	84.6	40
##	26	104925	2009	188	R	82	53.9	35.9	86.8	51
##	27	104925	2010	188	R	72	61.1	39.9	93.1	84
##	28	104925	2011	188	R	23	57.2	36.6	88.4	12
##	29	104925	2012	188	R	46	54	37.2	87.4	30
##	30	104925	2013	188	R	52	73.1	47.2	110.	24
##	31	104925	2014	188	R	57	60	41.5	91.4	14
##	32	104925	2015	188	R	30	60.2	39.8	91.8	11
##	33	104925	2016	188	R	38	51.8	35	82.1	20
##	34	104925	2017	188	R	31	57.8	38.6	90.1	23
##	35	104925	2018	188	R	56	57.4	38.8	87.1	35
##	36	104925	2019	188	R	60	61.4	40.3	91.3	32
##	37	104925	2020	188	R	21	45.6	31.2	72	12
##	38	104925	2021	188	R	31	56.4	39.6	92	18
##	39	104925	2022	188	R	38	69	45.2	106	22
##	40	104925	2023	188	R	15	66	41	100.	15

## 'summarise()' has grouped output by 'player\_id', 'year', 'height'. You can
## override using the '.groups' argument.

## # A tibble: 20 x 9 ## # Groups: player\_id, year, height [20] ## player\_id year height hand total\_aces avg\_1stIn avg\_1stWon svpt df ## <int> <dbl> <int> <fct> <int> <dbl> <dbl> <dbl> <int> 104925 2004 188 R 26 58.7 36.5 92.3 ## 1 21 ## 104925 2005 188 R 88 59.6 41.5 93.9 58 2006 279 ## 104925 188 R 50.8 35.6 80.8 151 ## 104925 2007 188 R 518 51.6 36.1 81.7 195 ## 5 104925 2008 188 R 486 50.5 36.1 78.4 153 ## 6 104925 2009 188 R 502 50.0 35.1 79.9 263 ## 7 104925 2010 188 R 304 55.1 37.9 85.3 282 ## 8 104925 2011 188 R 343 52.1 35.9 80.2 143 ## 9 104925 2012 502 50.7 36.6 80.5 147 188 R ## 10 104925 2013 188 R 476 60.3 41.9 91.0 118 104925 2014 188 R 428 ## 11 55.4 40.0 83.6 105

```
## 12
      104925 2015
                  188 R
                               471
                                      54.3
                                               38.1 82.4 135
## 13
     104925 2016 188 R
                                301
                                       50.2
                                               35.6 78.3 188
                                       54.4
                                               38.2 83.4 79
## 14
     104925 2017 188 R
                                169
## 15
     104925 2018 188 R
                                342
                                       53.8
                                                38.5 81.4 152
     104925 2019 188 R
                                                38.3 80.8 168
## 16
                                       53.8
                                392
                                                34.8 75.2 137
## 17
     104925 2020 188 R
                                278
                                       48.1
## 18 104925 2021 188 R
                                                41.4 88.7 148
                                447
                                       56.0
## 19
     104925 2022 188 R
                                282
                                      57.5
                                                40.9 88.1
                                                         88
                                                41.6 92.6 143
## 20
      104925 2023 188 R
                                310
                                       59.9
```

## # A tibble: 20 x 10

## # Groups: player\_id, year, height [20]

##		player_id	year	${\tt height}$	hand	total_a	aces	$avg_1stIn$	$avg_1stWon$	svpt	df
##		<int></int>	<dbl></dbl>	<int></int>	<fct< th=""><th>&gt; &lt;:</th><th>int&gt;</th><th><dbl></dbl></th><th><dbl></dbl></th><th><dbl></dbl></th><th><int></int></th></fct<>	> <:	int>	<dbl></dbl>	<dbl></dbl>	<dbl></dbl>	<int></int>
##	1	104925	2004	188	R		26	58.7	36.5	92.3	21
##	2	104925	2005	188	R		88	59.6	41.5	93.9	58
##	3	104925	2006	188	R		279	50.8	35.6	80.8	151
##	4	104925	2007	188	R		518	51.6	36.1	81.7	195
##	5	104925	2008	188	R		486	50.5	36.1	78.4	153
##	6	104925	2009	188	R		502	50.0	35.1	79.9	263
##	7	104925	2010	188	R		304	55.1	37.9	85.3	282
##	8	104925	2011	188	R		343	52.1	35.9	80.2	143
##	9	104925	2012	188	R		502	50.7	36.6	80.5	147
##	10	104925	2013	188	R		476	60.3	41.9	91.0	118
##	11	104925	2014	188	R		428	55.4	40.0	83.6	105
##	12	104925	2015	188	R		471	54.3	38.1	82.4	135
##	13	104925	2016	188	R		301	50.2	35.6	78.3	188
##	14	104925	2017	188	R		169	54.4	38.2	83.4	79
##	15	104925	2018	188	R		342	53.8	38.5	81.4	152
##	16	104925	2019	188	R		392	53.8	38.3	80.8	168
##	17	104925	2020	188	R		278	48.1	34.8	75.2	137
##	18	104925	2021	188	R		447	56.0	41.4	88.7	148
##	19	104925	2022	188	R		282	57.5	40.9	88.1	88
##	20	104925	2023	188	R		310	59.9	41.6	92.6	143
##	# -	1 more 173	rishle	. 2000	in f	ollowing	WAST	· <int></int>			

## # i 1 more variable: aces\_in\_following\_year <int>

## 1 2 3 4 ## 415.2551 508.1003 382.2384 331.1461