

# Plan d'étude et représentation graphique de $y = f(x) = \sin x$

---

www.cafeplanck.com

info@cafeplanck.com

## Le domaine de définition de $f$

$$y = f(x) = \sin x \Rightarrow D_f = \mathbb{R} = (-\infty, +\infty)$$

$$y = \sin x \Rightarrow T = 2\pi \Rightarrow I = [0, 2\pi]$$

## Etudier la fonction aux bornes de $I$

### A la borne gauche

$$x = 0 \Rightarrow y = 0 \Rightarrow \begin{vmatrix} 0 \\ 0 \end{vmatrix}$$

Alors le point  $\begin{vmatrix} 0 \\ 0 \end{vmatrix}$  est un point d'arrêt.

### A la borne droite

$$x = 2\pi \Rightarrow y = 0 \Rightarrow \begin{vmatrix} 2\pi \\ 0 \end{vmatrix}$$

Alors le point  $\begin{vmatrix} 2\pi \\ 0 \end{vmatrix}$  est un point d'arrêt.

## Le sens de variation de $f$

$$y' = \cos x$$

$$\cos x = 0 \Rightarrow x = k\pi + \frac{\pi}{2}$$

$$k = 0 \Rightarrow x = \frac{\pi}{2} \Rightarrow y = 1 \Rightarrow \begin{vmatrix} \pi \\ 2 \\ 1 \end{vmatrix}$$

$$k = 1 \Rightarrow x = \frac{3\pi}{2} \Rightarrow y = -1 \Rightarrow \begin{vmatrix} 3\pi \\ 2 \\ -1 \end{vmatrix}$$

## Convexité de $f$

$$y'' = -\sin x$$

$$-\sin x = 0 \Rightarrow x = k\pi$$

$$k = 0 \Rightarrow x = 0 \Rightarrow y = 0 \Rightarrow \begin{vmatrix} 0 \\ 0 \end{vmatrix}$$

$$k = 1 \Rightarrow x = \pi \Rightarrow y = 0 \Rightarrow \begin{vmatrix} \pi \\ 0 \end{vmatrix}$$

$$k = 2 \Rightarrow x = 2\pi \Rightarrow y = 0 \Rightarrow \begin{vmatrix} 2\pi \\ 0 \end{vmatrix}$$

$$m_0 = f'(0) = 1$$

$$m_\pi = f'(\pi) = -1$$

$$m_{2\pi} = f'(2\pi) = 1$$

## Le tableau de variation

| $x$   | 0 | $\frac{\pi}{2}$ | $\pi$ | $\frac{3\pi}{2}$ | $2\pi$ |
|-------|---|-----------------|-------|------------------|--------|
| $y'$  | 1 | 0               | -1    | 0                | 1      |
| $y''$ | 0 | -               | 0     | +                | 0      |
| $y$   | 0 | 1               | 0     | -1               | 0      |
|       |   | Max             | Inf   | Min              |        |

**La courbe**

