

	$f_X(x) p_X(x)$	$E[X]$	$Var(X)$
Uniforme	$\frac{1}{b-a}, a \leq x \leq b$	$\frac{a+b}{2}$	$\frac{(b-a)^2}{12}$
Exponencial	$\begin{cases} 0, & x < 0 \\ \lambda e^{-\lambda x}, & x \geq 0 \end{cases}$	$1/\lambda$	$1/\lambda^2$
Normal (Gaussiana)	$\frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$	$\mu$	$\sigma^2$
Bernoulli	$P(X=0) = (1-p); P(X=1) = p$	$p$	$p(1-p)$
Binomial	$C_k^n p^k (1-p)^{n-k}$	$np$	$np(1-p)$
Poisson	$\frac{\alpha^k}{k!} e^{-\alpha}$	$\alpha$	$\alpha$
Geométrica	$p(1-p)^{k-1}$	$1/p$	$(1-p)/p^2$

Probabilidade condicional	Regra de Bayes	Lei da probabilidade total
$P(A B) = \frac{P(AB)}{P(B)}$	$P(A_i B) = \frac{P(B A_i)P(A_i)}{P(B)}$	$P(B) = \sum_i P(B A_i)P(A_i)$

Momentos de uma V.A.

$$E[X^n] = \sum_i x^n p_X(x_i) \quad Var(X) = E[(X - E[X])^2] = E[X^2] - E[X]^2$$

Momentos de uma V.A. bidimensional

$$\text{Correlação: } \text{corr}(X, Y) = E[XY]$$

$$\text{Covariância: } \text{cov}(X, Y) = E[(X - E[X])(Y - E[Y])] = E[XY] - E[X]E[Y]$$

Função  $Q(x)$  relativa a uma V.A.  $N(0,1)$

Tabela de valores de  $Q(x)$

$$Q(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_x^\infty e^{-t^2/2} dt,$$

$$\text{Normalização: } Z = \frac{x-m}{\sigma}$$

Desigualdades:

$$\text{Markov, } P(X \geq a) \leq \frac{E[X]}{a}, \text{ para } X \text{ não negativa}$$

$$\text{Chebyshev, } P(|X - E[X]| \geq \varepsilon) \leq \frac{var(X)}{\varepsilon^2}$$

Cadeias de Markov de tempo discreto

$$Tu = u \quad X^{(n+1)} = TX^{(n)}$$

Intervalos de Confiança

- $X$  normal  $\sigma$  conhecido,  $IC = M_n \pm z_{\alpha/2} (\sigma / \sqrt{n})$
- $X$  normal  $\sigma$  desconhecido,  $IC = M_n \pm t_{\alpha/2, n-1} * (V_n / \sqrt{n})$

Tabela de $z_{\alpha/2}$			
$1 - \alpha$	0.90	0.95	0.99
$z_{\alpha/2}$	1.645	1.960	2.576

Tabela de $t_{\alpha/2,n-1}$			
<b>n-1\1 - <math>\alpha</math></b>	<b>0.90</b>	<b>0.95</b>	<b>0.99</b>
1	6.314	12.706	63.657
2	2.920	4.303	9.925
3	2.353	3.182	5.841
4	2.132	2.776	4.604
5	2.015	2.571	4.032
6	1.943	2.447	3.707
7	1.895	2.365	3.499
8	1.860	2.306	3.355
9	1.833	2.262	3.250
10	1.812	2.228	3.169
15	1.753	2.131	2.947
20	1.725	2.086	2.845
30	1.697	2.042	2.750
40	1.684	2.021	2.704
60	1.671	2.000	2.660
$\infty$	1.645	1.960	2.576

Teorema de Little:  $L = \lambda W$ Atraso médio no sistema  $M/M/1$ :  $W = \frac{1}{\mu - \lambda}$ Atraso médio na fila de espera do sistema  $M/G/1$ :

$$W_Q = \frac{\lambda E[S^2]}{2(1 - \lambda E[S])}$$

Atraso médio na fila de espera do sistema  $M/G/1$  com prioridades:

$$W_{Qk} = \begin{cases} \frac{\sum_{i=1}^n (\lambda_i E[S_i^2])}{2(1 - \rho_1)}, & k = 1 \\ \frac{\sum_{i=1}^n (\lambda_i E[S_i^2])}{2(1 - \rho_1 - \dots - \rho_{k-1})(1 - \rho_1 - \dots - \rho_k)}, & k > 1 \end{cases} \quad \rho_k = \lambda_k E[S_k]$$

Probabilidades limite dos estados (processo de nascimento e morte):

$$\pi_0 = \frac{1}{1 + \sum_{i=1}^{\infty} \left( \frac{\lambda_0 \lambda_1 \dots \lambda_{i-1}}{\mu_1 \mu_2 \dots \mu_i} \right)}, \quad \pi_n = \frac{\lambda_0 \lambda_1 \dots \lambda_{n-1}}{\mu_1 \mu_2 \dots \mu_n} \pi_0$$

Probabilidade de  $n$  clientes no sistema  $M/M/1/m$ :

$$\pi_n = \frac{\left(\frac{\lambda}{\mu}\right)^n}{\sum_{i=0}^m \left(\frac{\lambda}{\mu}\right)^i}, \quad n = 0, 1, 2, \dots, m$$

Probabilidade de  $n$  clientes no sistema  $M/M/m/m$ :

$$\pi_n = \frac{\left(\frac{\lambda}{\mu}\right)^n / n!}{\sum_{i=0}^m \left(\left(\frac{\lambda}{\mu}\right)^i / i!\right)}, \quad n = 0, 1, 2, \dots, m$$

Disponibilidade (elementos em série):  $A = a_1 \times a_2 \times \dots \times a_n$ Disponibilidade (elementos em paralelo):  $A = 1 - [(1 - a_1) \times (1 - a_2) \times \dots \times (1 - a_n)]$ 

Disponibilidade de uma ligação:

$$\frac{MTBF}{MTBF + MTTR} \quad MTBF = \frac{CC \times 365 \times 24}{\text{comprimento da ligação [Km]}}$$