

Área e volume do tetraedro

Escreva o programa `exer0.f90` para executar as tarefas previstas no exercício.

Leia, a partir do **terminal**, quatro vetores com as coordenadas dos vértices de um tetraedro $\vec{v}_1, \vec{v}_2, \vec{v}_3, \vec{v}_4$ (com coordenadas $x_1, y_1, z_1, x_2, y_2, z_2$, etc.). Os quatro vetores devem ser lidos separadamente, com as três coordenadas de cada um em uma linha, separadas por espaços em branco, i.e.

```
x1 y1 z1
x2 y2 z2
x3 y3 z3
x4 y4 z4
```

1. Determine o volume e a área de cada uma das faces do tetraedro.
2. Determine quantos valores distintos de área existem no tetraedro.
3. Coloque as áreas distintas em ordem crescente.

Escreva o volume em uma linha, a soma das áreas das quatro faces na segunda e, em ordem crescente de valor, cada uma das áreas distintas em uma nova linha de um arquivo com o nome `tetra_out.dat`.

Exemplo	Entrada (terminal)	Saída (tetra_out.dat)
1	0 0 0	0.16666667
	1 0 0	2.36602545
	0 1 0	0.50000000
	0 0 1	0.86602539
2	0 0 0	1.33333333
	2 0 0	9.46410179
	0 2 0	2.00000000
	0 0 2	3.46410179
3		1.00000000
	0 0 0	8.41110229
	1 0 0	1.00000000
	0 2 0	1.50000000
	0 0 3	2.00000000
		3.91110229

Tabela 1: Exemplos de entrada e saída gerada no arquivo `tetra_out.dat`.

Relembrando:

- O **produto escalar** de dois vetores $\vec{a}, \vec{b} \in R^3$ é

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = a_x b_x + a_y b_y + a_z b_z.$$

- O **produto vetorial** de dois vetores $\vec{a}, \vec{b} \in R^3$ é

$$\vec{a} \times \vec{b} = \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ a_x & a_y & a_z \\ b_x & b_y & b_z \end{vmatrix},$$

resultando em um vetor ortogonal a \vec{a} e \vec{b} . A **área de uma face triangular** com vértices $\vec{p}_1, \vec{p}_2, \vec{p}_3$ é

$$A = \frac{1}{2} \|(\vec{p}_2 - \vec{p}_1) \times (\vec{p}_3 - \vec{p}_1)\|.$$

- O **produto misto** de três vetores $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c} \in R^3$ é

$$[\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}] = \vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}),$$

cujo valor absoluto representa o volume do paralelepípedo gerado por esses vetores. O **volume do tetraedro** é

$$V = \frac{1}{6} |(\vec{v}_2 - \vec{v}_1) \cdot ((\vec{v}_3 - \vec{v}_1) \times (\vec{v}_4 - \vec{v}_1))| = \frac{1}{6} |[\vec{v}_2 - \vec{v}_1, \vec{v}_3 - \vec{v}_1, \vec{v}_4 - \vec{v}_1]|.$$