Partie cours

- 1. Donner la définition de l'ensemble image de $f: E \to F$.
- 2. Enoncer puis démontrer la factorisation de $a^n - b^n$.

Partie exercices

- 1. Soit $f: x \to \ln(x) 2\sqrt{x}$
 - (a) Étudiez f et en déduire que $\forall x \in$ $\mathbb{R}_+^*, \ \frac{\ln(x)}{\sqrt{x}} < 2$
 - (b) En déduire la limite de $\frac{\ln(x)}{x}$ guand x tend vers $+\infty$
 - (c) En déduire la limite de $x \ln(x)$ lorsque x tend vers 0
- 2. Étudier les limites ci-dessous (existence, valeur éventuelle):
 - (a) $\lim_{x \to -1} \left(\frac{1}{1-x} \frac{2}{1-x^2} \right)$
 - (b) $\lim_{x \to +\infty} \left(\sqrt{x^2 + 1} x \right)$
- 3. Calculer la valeur des sommes suivantes:
 - (a) $\sum_{k=1}^{n} (k \times k!)$
 - (b) $\sum_{1 \le i \le j \le n} i 2^j$
 - (c) $\sum_{\substack{1 \le p,q \le n \\ p+q}} (p+q)^2$ On peut poser k=
- 4. Mettre sous la forme a + ib où $(a, b) \in$ \mathbb{R}^2 , les nombres complexes suivants:
 - (a) $\frac{3+6i}{3-4i}$
 - (b) $\left(\frac{1+i}{2-i}\right)^2 + \frac{3+6i}{3-4i}$

Partie cours

- n.
- Pascal.

Partie exercices

- qui vérifient l'équation fonctionnelle: $\forall x \in \mathbb{R}, \forall y \in \mathbb{R}, |f(x) - f(y)| = |x - y|$
- 2. Soit $f \rightarrow ln(\sqrt{1+x^2}-x)$. Déterminer le domaine de définition de f, puis étudiez sa parité et ses variations.
- 3. Calculer la valeur des sommes suivantes:
 - (a) $\sum_{k=2}^{100} \frac{1}{k^2-1}$
 - (b) $\sum_{1 \le i \le j \le n} ij$
 - (c) $\sum_{1 \le i \le j \le n} (n-i)(n-j)$
- 4. Mettre sous la forme a + ib où $(a, b) \in$ \mathbb{R}^2 , les nombres complexes suivants:

 - (b) $\left(\frac{-1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^3$

MR

Partie cours

- 1. Donner la définition de la factorielle de z = 1. Donner la définition du conjugué de z = 1. Donner la définition du module de z = 1. $z = a + ib \in \mathbb{C}$.
- 2. Enoncer puis démontrer la relation de 2. Enoncer puis démontrer la formule du 2. Propriété de la conjuguaison dans C: Binôme de Newton.

Partie exercices

- 1. Trouver toutes les fonctions $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ 1. Soit $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$. On suppose f dérivable. Montrer que si f est paire alors f'est impaire. Que peut-on dire si f est impaire? Prouver votre affiramation.
 - 2. Étudier les limites ci-dessous (existence, valeur éventuelle):
 - (a) $\lim_{x \to 1} \left(\frac{1}{1-x} \frac{2}{1-x^2} \right)$
 - (b) $\lim_{x \to 2} \left(\frac{x^2 4}{x^2 3x + 2} \right)$
 - 3. Calculer la valeurs des sommes suivantes:
 - (a) $\sum_{k=1}^{n} \sum_{j=k}^{n} \frac{1}{j}$
 - (b) $\sum_{1 \le i \le j \le n} \frac{i}{j}$
 - (c) $\sum_{1 \le i \le j \le n} (i-1)j$
 - \mathbb{R}^2 , les nombres complexes suivants:
 - (a) $\frac{1}{(1+2i)(3-i)}$

 - (c) $\frac{2+5i}{1-i} + \frac{2-6i}{1+i}$

MR

Partie cours

- a+ib où $(a,b)\in\mathbb{R}^2$.
- conjugué d'un produit, d'un quotient.

Partie exercices

- 1. Trouver les applications $f: \mathbb{R}_+^* \to \mathbb{R}$ telles que : $\forall x \in \mathbb{R}_+^*, f(x) + 2f\left(\frac{1}{x}\right) =$
- 2. Étudier les limites ci-dessous (existence, valeur éventuelle):
 - (a) $\lim_{x\to 0} \left(\sqrt{1 + \frac{1}{x}} \sqrt{\frac{1}{x}} \right)$
 - (b) $\lim_{x \to +\infty} \left(\frac{x^2 + |x|}{x} \right)$
- 3. Calculer la valeur des sommes suivantes:
 - (a) $\sum_{1 \le i \le j \le n} i(j-1)$
 - (b) $\sum_{k=1}^{n} \ln \left(1 + \frac{1}{k}\right)$
 - (c) $\sum_{i=1}^{n} i2^{i}$
- 4. Mettre sous la forme a+ib où $(a,b) \in A$ Mettre sous la forme a+ib où $(a,b) \in A$ \mathbb{R}^2 , les nombres complexes suivants:
 - (a) $\frac{2+5i}{1-i} + \frac{2-5i}{1+i}$
 - (b) $\frac{(1+i)^9}{(1-i)^7}$
 - (c) $\frac{-2}{1-i\sqrt{3}}$

MR