

Niech dana będzie funkcja ograniczona $f: [a, b] \rightarrow \mathbb{R}$. Sumą częściową (Riemanna) nazywa się liczbę

$$R_{f,P(q_1,\dots,q_n)} = \sum_{i=1}^n f(q_i) \cdot \Delta p_i.$$

Funkcję f nazywa się całkowaną w sensie Riemanna lub krótko R-całkowaną, jeśli dla dowolnego ciągu normalnego (P^k) podziałów przedziału $[a, b]$, istnieje (niezależna od wyboru punktów pośrednich) granica

$$R_f = \lim_{k \rightarrow \infty} R_{f,P^k(q_1^k, \dots, q_{n_k}^k)}$$

nazywana wtedy całką Riemanna tej funkcji. Równoważnie: jeżeli istnieje taka liczba R_f , że dla dowolnej liczby rzeczywistej $\varepsilon > 0$ istnieje taka liczba rzeczywista $\delta > 0$, że dla dowolnego podziału $P(q_1, \dots, q_n)$ o średnicy $\text{diam } P(q_1, \dots, q_n) < \delta$;

