期別: 前期 単位数: 1 開講年次

松浦望

- - -概要 --- テキスト ---

昨年度の「社会数理のための数学実習」では、線形代数を利用する指定しません。必要な資料を適宜配布します。 ことによって、社会現象についての数理モデルをたてました。数理モデ ルは実用的なものほど多くの変量を含んでいることが多いのですが、現 象をより深く理解するためには、それら変量間の関係を的確に把握しな ければなりません。

たとえば因果関係の分析をするモデルを例にとりましょう。ひとつの 現象や結果に対して複数の原因が考えられますが、そのとき原因と結果 の関係だけでなく、原因同士の関係を捉えることが大切になります。原 因のひとつが変化すると、まずその影響を受けてほかの原因たちが変化 し、最後にそれらの動きを総合して結果が変化していくという仕組みで す。複数の原因たちが互いに影響を及ぼし合いながら変化していくとき、 結果(社会現象)はどのように変化するか? これを理解するのに必要 となる学問が、多変数関数についての微分積分です。

この実習では、具体的に2変数関数のグラフを描くことから始めて、 上に述べたような応用的観点から多変数関数を眺めていきます。同時に 開講される「微分積分」とは相互補完的な関係になり、両科目の理解 を深めることができるだろうと思います。たとえば、一部の変量だけか らなる単純化された数理モデルを構成することによって社会現象の中か ら本質的な性質を見いだしたり特定の要因の表現となっているものを見 つけたりする、そんな柔軟な分析ができる能力を身に付けることがこの 15 実習の目標です。

到達目標

独立変数に制約条件が付く場合の2変数関数の挙動を理解して、社会現 象の分析道具として使いこなせるようにすること。

事前・事後学習(予習・復習)

実習科目なので復習が中心になります。社会科学における数理モデルと して2変数関数を活用するためには、2変数関数の振舞いをできるだけ 直観的に(図形的なイメージとして)理解しておくことが肝心です。毎 時間の復習を通して「等高線図から関数の挙動を読みとる」力を養って ください。

成績評価基準および方法

授業中に行う小テストの出来具合およびレポート課題の達成度によって 評価します。

授業計画

- 導入
- 2 2 変数関数のグラフ (1)
- 3 2 変数関数のグラフ (2)
- 4 2 変数の 1 次式 (1)
- 5 2 変数の 1 次式 (2)
- 平面への射影
- 7 射影の応用
- 8 勾配ベクトル
- 9 2 変数の 2 次式 (1)
- 1 0 2 変数の 2 次式 (2)
- 1 1 2変数関数の極値と鞍点
- 1 2 等式による制約条件
- 1 3 不等式による制約条件(1)
- 1 4 不等式による制約条件(2)
- まとめ