# FAC SIMILE 2

# 3 gennaio 2022

# Indice

1	Domande		
	1.1	Domande su automi a stati finiti	
	1.2	Domande su epsilon chiusure	
	1.3	Domande su espressioni regolari	
	1.4	Domande su pumping lemma	
	1.5	Domande su grammatiche	
	1.6	Domande su derivazioni	
	1.7	Domande su automi a pila	
	1.8	Domande su grammatiche LL(1)	
	1.9	Domande su attributi	
	1.10	Domande su analisi statica	
2 Esercizi		cizi	
	2.1	Esercizi su minimizzazione	
	2.2	Esercizi su espressioni regolari	
	2.3	Esercizi su grammatiche	
	2.4	Esercizi su grammatiche LL(1)	
	2.5	Esercizi su traduzione	

## 1 Domande

## 1.1 Domande su automi a stati finiti

1. Automi a stati finiti 3 MULTI Single

Dato il DFA A

determinare quale delle seguenti stringhe è accettata da A.

- *abaaa*
- aaaba
- ababb
- $\bullet$  ababa

Total of marks: 1

# 1.2 Domande su epsilon chiusure

1. Epsilon chiusura 3 MULTI Single

Detta  $\delta$  la funzione di transizione dell'automa seguente

quale dei seguenti insiemi corrisponde a  $\hat{\delta}(q_2,00)$ ?

- $\{q_1, q_4, q_5\}$
- $\bullet \quad \{q_3, q_4, q_5\}$
- $\bullet \quad \{q_0, q_4, q_5\}$
- $\bullet \quad \{q_2, q_4, q_5\}$

Total of marks: 2

## 1.3 Domande su espressioni regolari

1. Espressioni regolari 2 MULTI Single

Data l'espressione regolare  $E=(c^*+c+(\varepsilon+b)(a+c))^*$  sull'alfabeto  $\{a,b,c\}$ , determinare quale delle seguenti stringhe appartiene al linguaggio generato da E.

- bbc
- acbaa
- abbaa
- baabb

Total of marks: 3

## 1.4 Domande su pumping lemma

1. Pumping lemma 2 MULTI Single

Si supponga di voler dimostrare il pumping lemma per il linguaggio regolare L riconosciuto dal seguente DFA con 5 stati:

Si consideri ora la stringa  $w=cbcbb\in L$  di lunghezza 5. Per concludere la dimostrazione vista a lezione viene scelta una particolare scomposizione xyz di w. Quale?

- $\bullet \quad x = cb, y = c, z = bb$
- $\bullet \quad x = c, y = bcb, z = b$
- $\bullet \quad x = c, y = bc, z = bb$
- $\bullet \quad x = c, y = b, z = cbb$

Total of marks: 4

## 1.5 Domande su grammatiche

1. Grammatiche 2 MULTI Single

Data la grammatica  ${\cal G}$  avente simbolo iniziale  ${\cal E}$ 

$$\begin{array}{ccc} A & \rightarrow & \varepsilon \mid AcA \\ B & \rightarrow & Eb \\ E & \rightarrow & BA \mid \varepsilon \end{array}$$

3

individuare quale, tra le seguenti, è una stringa generata da  ${\cal G}.$ 

- cbb
- bb
- *cc*

Total of marks: 5

## 1.6 Domande su derivazioni

1. **Derivazioni 1** MULTI Single

Data la grammatica G

$$\begin{array}{ccc} A & \rightarrow & \varepsilon \\ C & \rightarrow & AbD \\ D & \rightarrow & A \mid CE \\ E & \rightarrow & Aac \end{array}$$

individuare quale, tra le seguenti, è una derivazione canonica  $\mathbf{destra}$  di G.

- $C \Rightarrow AbD \Rightarrow AbCE \Rightarrow AbAbDE \Rightarrow AbAbDAac$
- $C \Rightarrow AbD \Rightarrow AbCE \Rightarrow AbCAac \Rightarrow AbAbDAac$
- $C \Rightarrow AbD \Rightarrow AbA \Rightarrow Ab \Rightarrow b$
- $C \Rightarrow AbD \Rightarrow AbCE \Rightarrow AbAbDE \Rightarrow AbAbCEE$

Total of marks: 6

# 1.7 Domande su automi a pila

1. Automi a pila 1 MULTI Single

Sia 
$$P=(\{q\},\{a,b,d\},\{a,b,d,B,D,E\},\delta,q,E,\{q\})$$
 un automa a pila che esegue la mossa 
$$(q,bd,bD) \vdash_P (q,d,D)$$

Quale delle seguenti relazioni giustifica questa mossa?

- $(q, \varepsilon) \in \delta(q, d, d)$
- $(q, \varepsilon) \in \delta(q, \varepsilon, B)$
- $(q, \varepsilon) \in \delta(q, b, b)$
- $(q, bD) \in \delta(q, \varepsilon, B)$

Total of marks: 7

## 1.8 Domande su grammatiche LL(1)

1. Grammatiche LL(1) 3 MULTI Single

Le seguenti produzioni appartengono a una grammatica G avente simbolo iniziale C:

$$A \rightarrow \varepsilon \mid ddc \mid Edc$$

Quale tra le seguenti relazioni è sicuramente vera senza conoscere l'intera grammatica?

- $d \in FOLLOW(E)$
- $FOLLOW(C) \subseteq FOLLOW(A)$
- $c \in \text{FOLLOW}(A)$

Total of marks: 8

#### 1.9 Domande su attributi

1. Attributi 1 MULTI Single

La seguente produzione con associate regole semantiche

$$A \rightarrow BCDE \{A.s_0 = E.s_2, A.s_2 = E.s_2, B.e_2 = A.e_1, D.e_1 = C.s_0\}$$

in cui gli  $s_i$  (se presenti) sono attributi **sintetizzati** e gli  $e_i$  (se presenti) sono attributi **ereditati**, appartiene a una SDD:

- che può essere L-attribuita ma non S-attribuita
- che può essere S-attribuita
- che non è L-attribuita

Total of marks: 9

#### 1.10 Domande su analisi statica

1. Analisi statica 2 MULTI Single

Ricordando le SDD viste a lezione per il calcolo dell'attributo stack, determinare il numero massimo di operandi contemporaneamente presenti sulla pila durante la valutazione della seguente espressione.

$$x - (3 - (8 - x))$$

**Nota**: per interpretare correttamente la struttura dell'espressione è fondamentale tenere presenti le usuali convenzioni di priorità e associatività di operatori e connettivi, elencati di seguito in ordine crescente di priorità:  $|\cdot|$ , &&, relazioni, !, + e -, \* e /. Tutti gli operatori e i connettivi binari sono associativi a sinistra.

• 1

• 4

• 2

Total of marks: 10

## 2 Esercizi

### 2.1 Esercizi su minimizzazione

## 1. Minimizzazione 1 ESSAY

Minimizzare il seguente DFA. Mostrare la **tabella di transizione completa** del DFA minimo i cui stati sono le classi di equivalenza risultanti dalla minimizzazione, anche nel caso in cui il DFA proposto sia già minimo.

	0	1
0	0	0
* 1	0	0
* 2	1	3
* 3	1	3
$\rightarrow 4$	1	2

Total of marks: 14

# 2.2 Esercizi su espressioni regolari

# 1. Espressioni regolari 1 ESSAY

Definire una espressione regolare che generi il linguaggio delle stringhe di a, b e c che non iniziano né finiscono con c e in cui le c (se presenti) sono tutte adiacenti.

Usare la seguente sintassi per scrivere l'espressione regolare, in cui eps rappresenta l'espressione regolare  $\varepsilon$  ed n rappresenta un simbolo dell'alfabeto. Ogni deviazione dalla sintassi indicata verrà considerata un **errore**.

$$E \rightarrow eps \mid n \mid E + E \mid EE \mid E* \mid (E)$$

Total of marks: 18

# 2.3 Esercizi su grammatiche

# 1. Grammatiche libere ESSAY

Definire una grammatica libera dal contesto che generi il linguaggio delle stringhe di a, b e c in cui il numero di a è uguale al numero di b e le a (se presenti) precedono le b (se presenti). Nel riportare la soluzione adottare le seguenti convenzioni:

- Usare le lettere maiuscole A–Z per indicare **variabili** e le lettere minuscole a–z per indicare **simboli terminali**.
- Usare la sequenza di caratteri -> per separare la testa dal corpo di una produzione.
- Scrivere **esclusivamente** le produzioni della grammatica, una per riga e senza lasciare righe vuote tra esse. È comunque consentito l'utilizzo della barra verticale | per definire sulla stessa riga più produzioni con la stessa testa.
- Si intende che il **simbolo iniziale** della grammatica è la variabile che compare in testa alla **prima produzione** scritta.

Ad esempio, la grammatica con produzioni  $S \to \varepsilon \mid aSb$  che genera il linguaggio  $\{a^nb^n \mid n \geq 0\}$  può essere scritta come

```
S -> aSb oppure come
S -> | aSb
```

Total of marks: 22

## 2.4 Esercizi su grammatiche LL(1)

### 1. Grammatiche LL(1) 1 ESSAY

Data la seguente grammatica, il cui simbolo iniziale è E, mostrare FIRST e FOLLOW di tutte le variabili e gli insiemi guida di tutte le produzioni. La grammatica è LL(1)?

$$\begin{array}{ccc} B & \rightarrow & cd {\color{red} D} \\ C & \rightarrow & b \\ {\color{red} D} & \rightarrow & {\color{red} D} bB \mid \varepsilon \\ {\color{red} \longleftarrow} & E & \rightarrow & Cd {\color{red} D} \end{array}$$

Total of marks: 26

#### 2.5 Esercizi su traduzione

## 1. Traduzione 2 ESSAY

Utilizzando le SDD per la generazione del codice intermedio viste a lezione, determinare il valore dell'attributo sintetizzato S.code per il seguente comando, assumendo che il valore dell'attributo ereditato S.next alla radice dell'albero sintattico annotato sia STOP.

while 
$$(!(z \le y \&\& x < z)) z = y * 1;$$

Attenersi **rigorosamente** alle regole semantiche viste a lezione, anche se il codice è privo di senso, può essere semplificato o ottimizzato, causa un loop infinito o una divisione per zero, ecc.

**Nota 1:** la tabella in calce all'esercizio riassume le regole di traduzione più significative viste a lezione. Il comando da tradurre può contenere altri operatori o costrutti rispetto a quelli mostrati in tabella. A causa di limiti tecnici, nella tabella l'operatore di congiunzione logica è indicato con and invece che con & &.

**Nota 2:** per interpretare correttamente la struttura del comando è fondamentale tenere presenti le usuali convenzioni di priorità e associatività di operatori e connettivi, elencati di seguito in ordine crescente di priorità:  $|\cdot|$ , & &, relazioni, !, + e - (a pari priorità), \* e / (a pari priorità). Tutti gli operatori e i connettivi binari sono associativi a sinistra.

Produzioni	Regole semantiche
$E  o \mathtt{n}$	E.code = 1dc n.v
$E \to x$	$E.code = \mathtt{iload}x$
$E \to E_1 + E_2$	$E.code = E_1.code \parallel E_2.code \parallel$ iadd
$B  ightarrow E_1 \ R \ E_2 \ B  ightarrow B_1 \ { m and} \ B_2$	$B.code = E_1.code \parallel E_2.code \parallel \text{if icmp} R \ B.true \parallel \text{goto} \ B.false$ $B_1.true = newlabel()$ $B_1.false = B.false$ $B_2.true = B.true$ $B_2.false = B.false$ $B.code = B_1.code \parallel B_1.true : B_2.code$
$S \to x = E;$ $S \to \text{if } (B) S_1 \text{ else } S_2$	B.false = newlabel() $S_1.next = S.next$ $S_2.next = S.next$
$S  ightarrow \mathtt{while} \ (B) \ S_1$	$S.code = B.code \parallel B.true : S_1.code \parallel B.false : S_2.code$ $B.true = newlabel()$ $B.false = S.next$ $S_1.next = newlabel()$ $S.code = S_1.next : B.code \parallel B.true : S_1.code$

Total of marks: 30