# Chapitre 3 : Réseaux d'interconnexion

### **Définition**

- Ordinateur parallèle = processeurs + mémoires + réseau d'interconnexion
- Ce réseau permet la communication entre les unités de traitement.
- $\implies$  besoin d'interconnexion rapide et fiable.

# **Topologie**

- Pas possible d'interconnecter tout les processeurs (prix)
- **Topologie** = structure des liens entre les processeurs
- Processeurs = adjacents si reliés par une connexion directe
- Processeurs = distants si nécessaire de passer par des procs intermédiaires
- Le ràseau peut être vu comme un graph ou :
  - noeud = processeur ou mémoire
  - arc = connexion (bidirectionelle ou non)
- Topologie statique = connexions fixes
- Topologie dynamique = possibilité de reconfigurer les connexions

#### Performances d'un réseau

**Diamètre** D = longueure du chemin le plus court entre les 2 noeuds les plus éloignés

**Connectivité** Nombre de noeuds adjacents à chaque noeuds (= **Degré**)

Latence Temps nécessaire à un message pour transiter entre les 2 noeuds les plus éloignés. Dépends du diamètre et de la technologie utilisé (+ préparation du message et correction d'erreurs)

**Bandwidth** Débit d'information qu'un noed peut transmettre dans le réseau (généralement MByte/s)

Largeur bisectionnelle Nombre d'interconnexions entre deux moitiés identiques d'un réseau (fig 3.1 p 58). Si il existe plusieurs façon de diviser le réseau on prends la plus défavorable.

Scalabilité Possibilité d'augmenter la taille du réseau en ajoutant des processeurs

Prix Nombre decomposants en fonction du nombre de noeuds

Fonctionnalité Capacité de combiner des messages allant vers une même destination et gestion des conflits de routage

Capacité Nombre de messages mximum simultanés dans le réseau

#### Le routage

- Routage = algorithme de transite d'un message le plus efficacement possible entre les noeuds dans un réseau donné
- Routage minimal = chemins les plus courts entre la source et la destination
- Routeur = circuit chargé du routage
- L'algorithme de routage doit éviter :
  - Deadlock = message bloqué de façon indéfinie
  - Livelock = message tournant en boucle sans arriver à destination
- Single-port (processor bound) = communication n'utilisant qu'un seul canal à la fois
- Multi-port (link bound) = communication utilisant plusieurs canaux simultanément
- Routage local = les noeuds acheminnent les message uniquement en se basant sur une information locale

- Routage local déterministe = information locale = adresse de destination du message
- Routage local adaptif = information sur le reste du réseau (chemins de taille similaire, pannes)
- Routage synchrone = messages envoyés simultanéments et sousmis à un cycle de routage complet (temps de transfert = celui du message le plus lent)
- Routage asynchrone = messages envoyés et reçu en fonctions des besoins du programme

#### Primitives de communication

- Point à point (one to one)
- Permutation
- Broadcast (one to all)
- Réduction (many to one)
- Echange total (all to all)
- Distribution (one to all personalisé) = envoi de message différents à tout les noeuds (par ex Scatterv en MPI)
- Gather = inverse de Scatter (all to one personalisé)
- Echange total personalisé = tout les processeurs envoient un message différents à tout les autres processeurs
- Scans = calcule de la donnée finale en fonction des données précédents (noeuds 1 à i-1)

### Technique de dommunication

- Store and forward = envoi du message du noeud i-1 au noeud i (stockage dans i), ensuite envoi de i à i+1
  - Temps de transfert du message proportionel à la bandwidth, la longueur du

message et le nombre de noeuds + temps de préparation du message

- $-t_{sf} = t_s + L(n-1)\frac{1}{W}$
- Pas rapide (n'exploite pas la puissance du réseau)
- Cut through = Les messages peuvent continuer sans être reçu complètement par un noeud
- Wormhole est un exemple de Cut through
  - Découpe du message en morceaux de taille fixe (flit)
  - Seul le premier flit contient l'adresse
  - Tout les flits suivants suivent le premier (comme des wagons avec une locomotive)

$$- t_{wh} = t_s + (n - 1 + L - 1) \frac{1}{W}$$

- Beaucoup plus efficace que Store and forward
- Canaux virtuels = mutiplexage en temps du canal physique pour éviter les deadlocks

# Réseaux statiques

Réseaux avec connexions physiques fixes entre les noeuds  $\implies$  impossible de modifier la topologie.

### Anneaux et chaînes

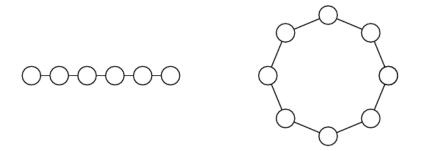


Figure 1 - Topologie Linéaire et en Anneau

- Adapté au traitement de problèmes unidimensionnels
- $\bullet \ \ \mathsf{Diamètre} : D = N/2$
- largeur bisectionnelle = 2
- $\bullet \ \operatorname{Prix} = \sim N$

# Grilles de processeurs (mesh)

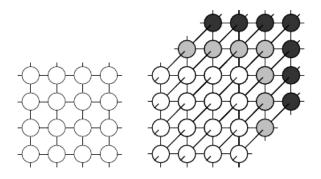


Figure 2 - Topologie en grille (2D et 3D)

- Mesh 2D plus répandus (ILLIAC, IV, DAP, Paragon)
- Mesh 3D : T3E, Parsytec
- $\bullet \ \ {\rm Diamètre} : D = dN^{1/d} \ {\rm avec} \ d$  la dimension

- $\bullet\,$  Si les bords sont reliés  $D=\frac{1}{2}dN^{1/d}$
- ullet Le prix est proportionel à N
- Le routage s'effectue le long des axes de la grille
- Risque de congestion avec un routage X-Y
- Broadcast par ligne et ensuite colones par exemple  $O(\sqrt{N})$  (fig 3.8)

# hypercube

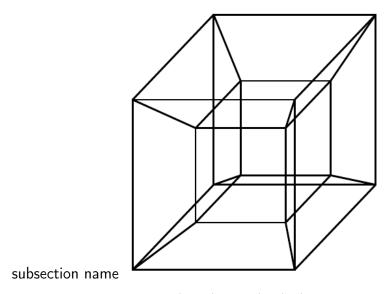
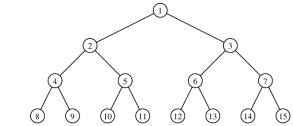


Figure 3 – Topologie hypercube de degré 4

- Généralisation du cube dans une dimension supérieur à 3
- Pour k dimensions et des bords de longueur 2 on aura  $2^k$  noeuds
- Chaque noeuds est de degré k (k voisins)
- ullet Diamètre D=k
- Le nombre de chemins entre deux noeuds augmente avec la taille de l'hypercude
  moins de risques de congestion
- Routage dans un réseau hypercubique :

- Numérotation des noeuds en binaire (k bits)
- Les noeuds reliés le long de la dimension l diffèrent que du l ième bit
- Pour aller de entre 2 noeuds (adresse A) on fait  $A_1 \oplus A_2$  pour obtenir le vecteur
- ullet Broadcast en hypercube : Connexion multiport (one to many), la racine envoi dans toute les dimensions i puis chaque noeuds envois dans les dimensions inférieurs à i
- ullet Echange total hypercubique : Chaque noeud envois ses données plus toutes celles reçue précédément dans la dimension l le tout N-1 fois
- Pour mapper une grille sur un hypercube on utilise la fonction de Gray

#### Arbres binaires



subsection name

Figure 4 – Topologie Arbre binaire

- Topologie relativement peu utilisée dans sa forme statique
- Divisé en k niveaux (l) avec  $2^l$  noeuds
- Nombre de noeuds =  $2^{k+1} 1$
- $\bullet$  Diamètre : D=2k
- degré des noeuds = 3 sauf aux extrémité
- Largeure bisectionnelle =  $1 \implies \text{bottleneck}$
- Scallable proportionellement à N

• Routage : en représentant les numéros de noeuds sous forme binaire on remonte au parent commun (prefix binaire similaire)

### Réseaux de permutation et "shuffle exchange"

- Utilisation de fonctions de permutations bijectives plutôt que des représentations géométriques
- 2 noeuds i et j sont reliés si f(i) = j
- Perfect shuffle : décalage des bits vers la droite  $(010 \rightarrow 001)$
- Inverse shuffle : décalage des bits vers la gauche (010  $\rightarrow$  100)
- Butterfly : échange du premier et dernier bit  $(100 \rightarrow 001)$
- Bit reversal : inversion de l'ordre des bits  $(0100 \rightarrow 0010)$
- Exchange : remplacement du bit de poid faible par son complément à 1 (0111  $\rightarrow$  0110)
- Important de combiner deux opération si pas cyclique
- "Shuffle exchange" = combinaison de shuffle et exchange (no shit)
  - Degré : D=3
  - Prix = 3N
  - Scalabilité compliqué car si N++ les connexions changent