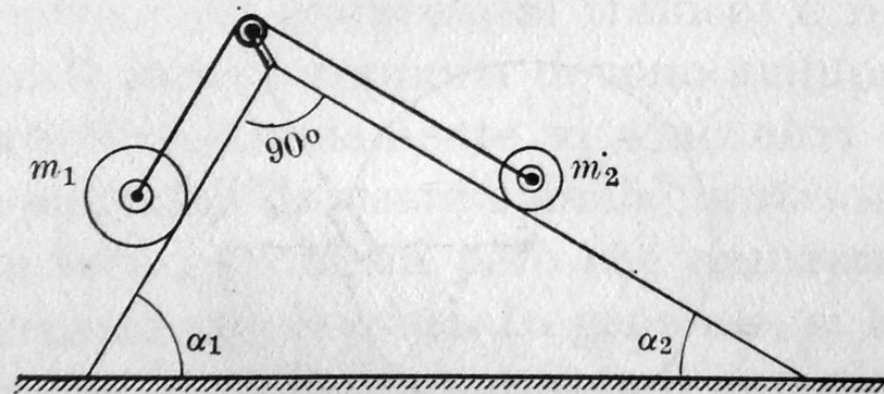
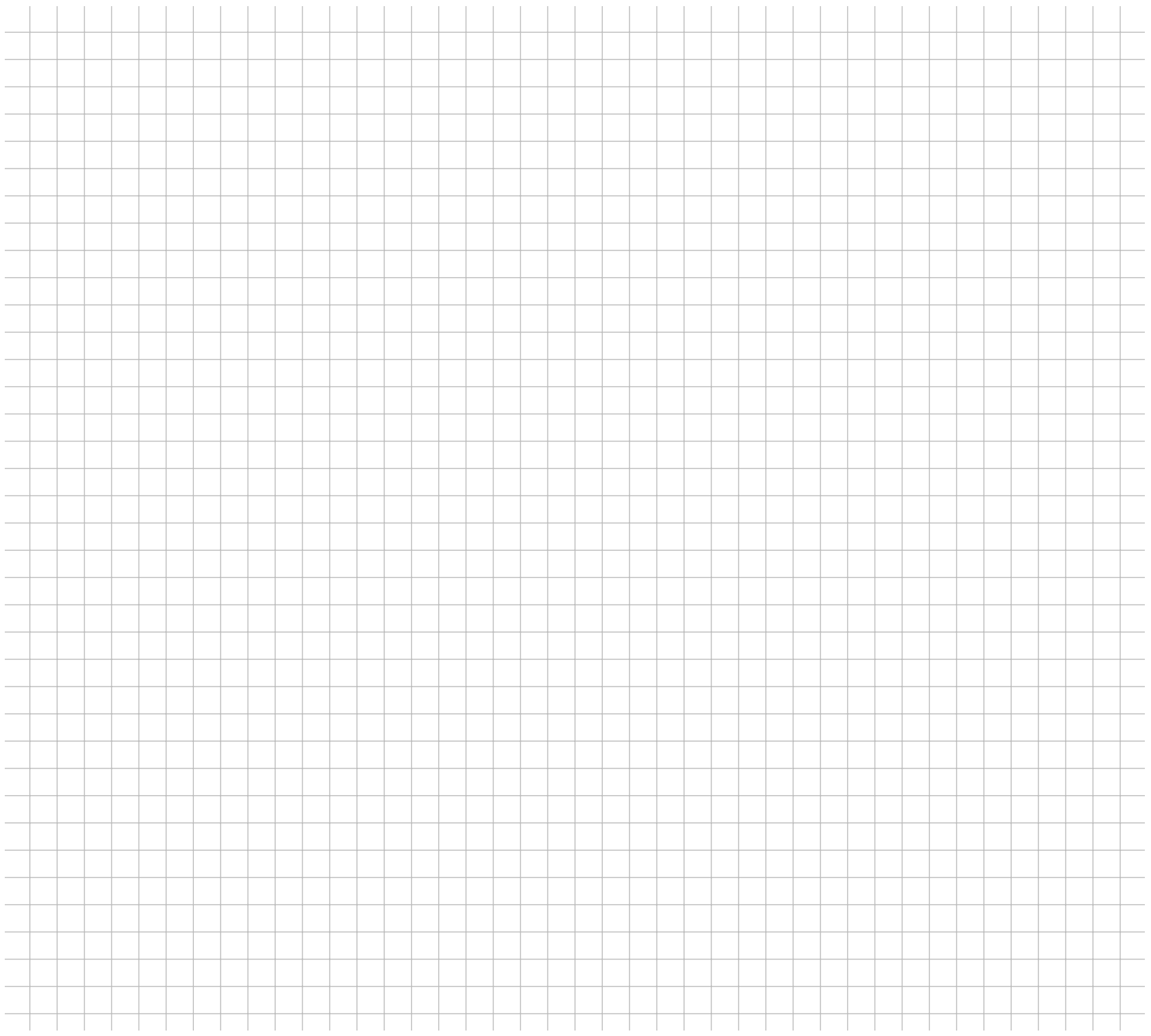


# Esercizio

**12.9** Due cilindri  $C_1$  e  $C_2$  (di masse  $m_1$ ,  $m_2$  e raggi  $r_1$ ,  $r_2$ ) rotolano senza strisciare su due piani inclinati e sono collegati da un filo inestensibile come è mostrato in figura;  $C_1$  scende mentre  $C_2$  sale. Le masse del filo e della carrucola sono trascurabili. Quanto vale l'accelerazione di un punto dell'asse  $C_1$ ?

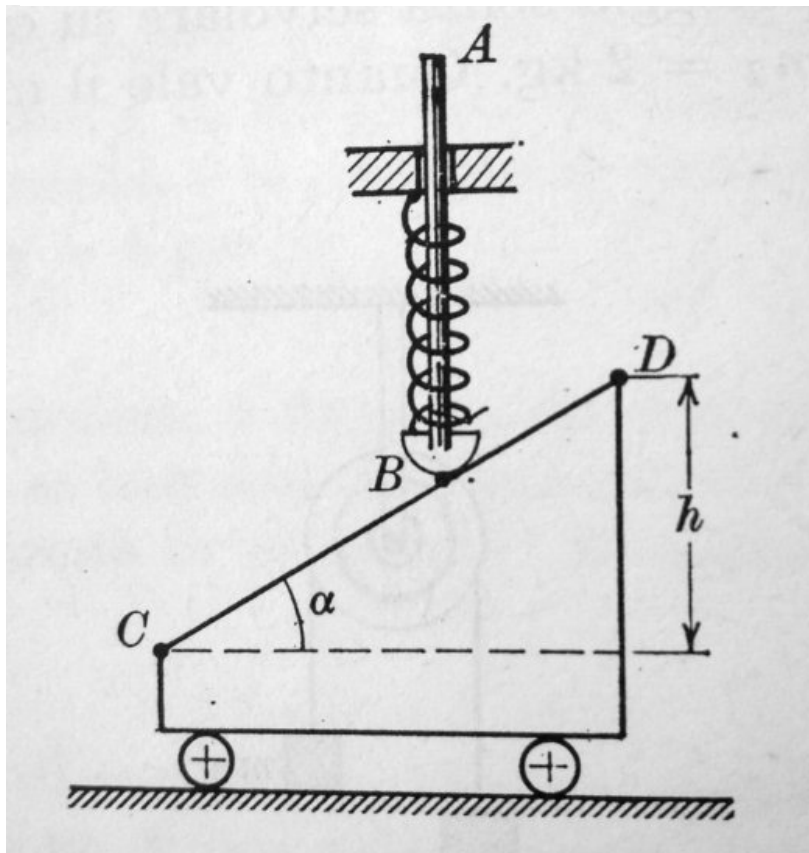


Problema 9



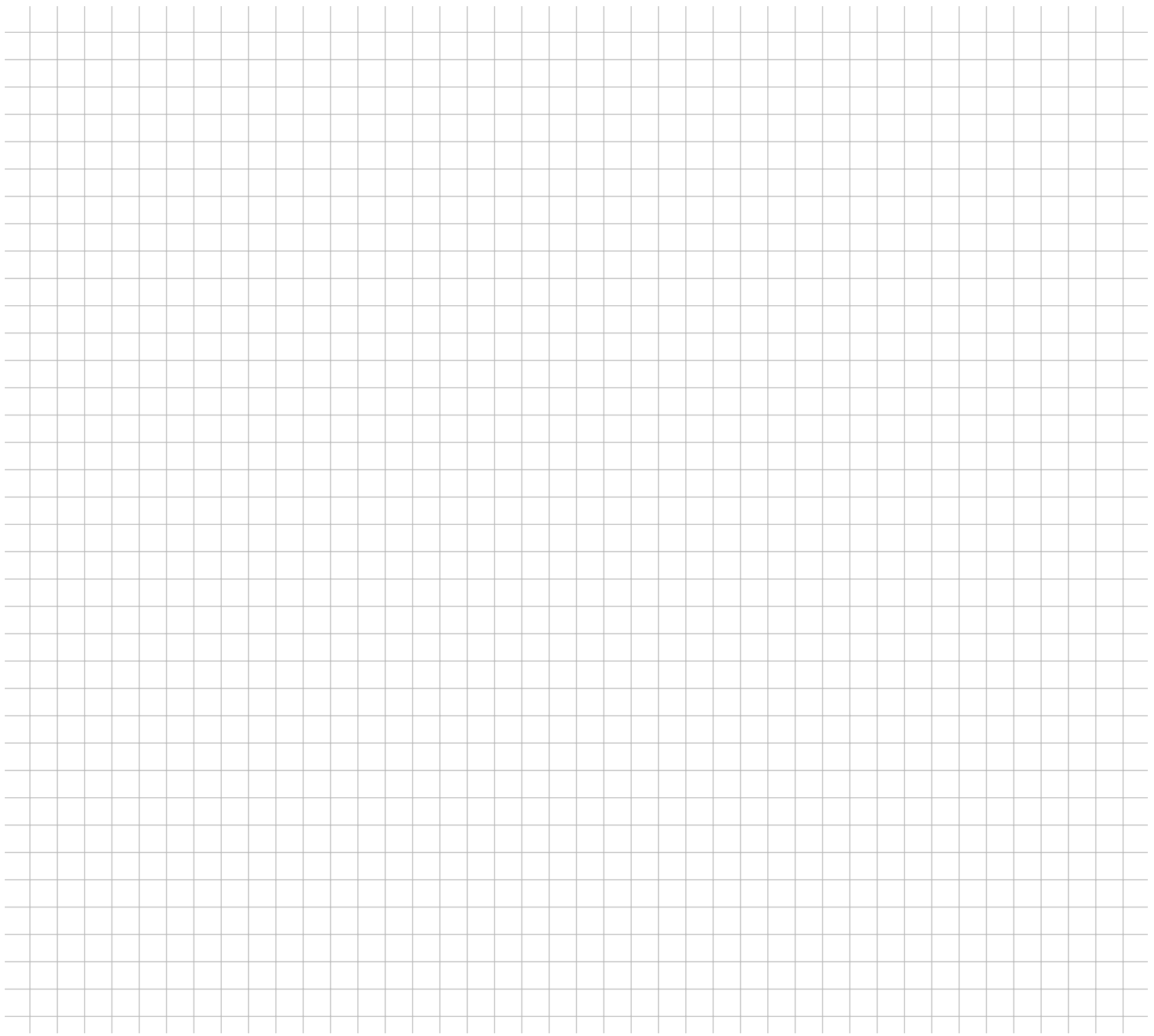
# Esercizio

Un'asta  $AB$  di massa  $m$  viene premuta da una molla sopra il piano inclinato di un carrello di massa  $M$  che può scorrere su un piano orizzontale. La molla ha costante elastica  $k$  e, quando l'estremo  $B$  coincide con il punto  $C$ , è a riposo. All'istante  $t = 0$  l'estremo  $B$  coincide con  $D$ , le velocità sono nulle e il sistema è lasciato libero di muoversi. Tutti gli attriti sono trascurabili.



Determinare:

- la velocità del carrello nell'istante in cui  $B$  coincide con  $C$ ;
- il modulo  $R$  della reazione del piano inclinato in funzione della compressione  $\delta$  della molla e il modulo  $R_1$  della reazione del piano orizzontale.

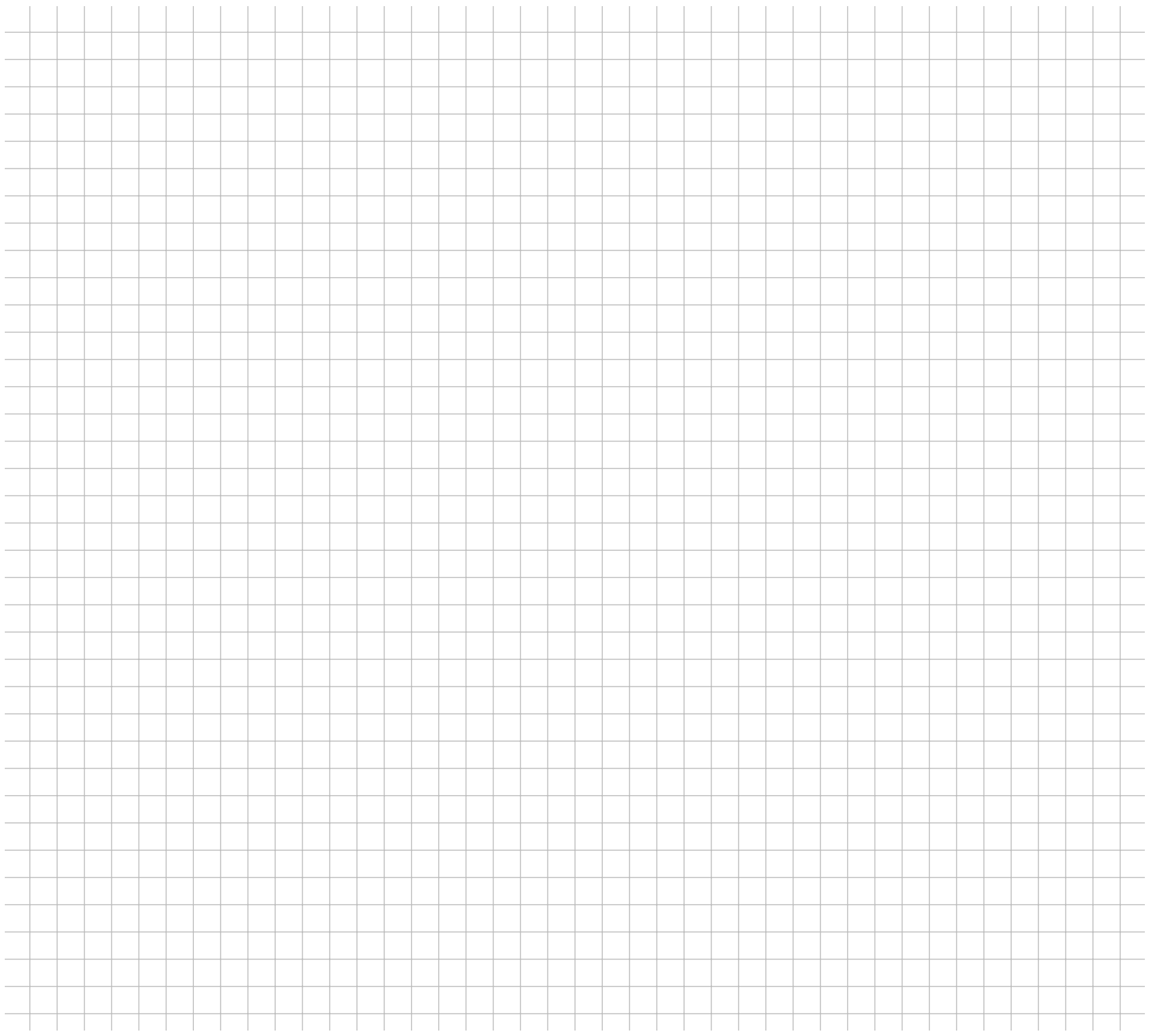


# Esercizio

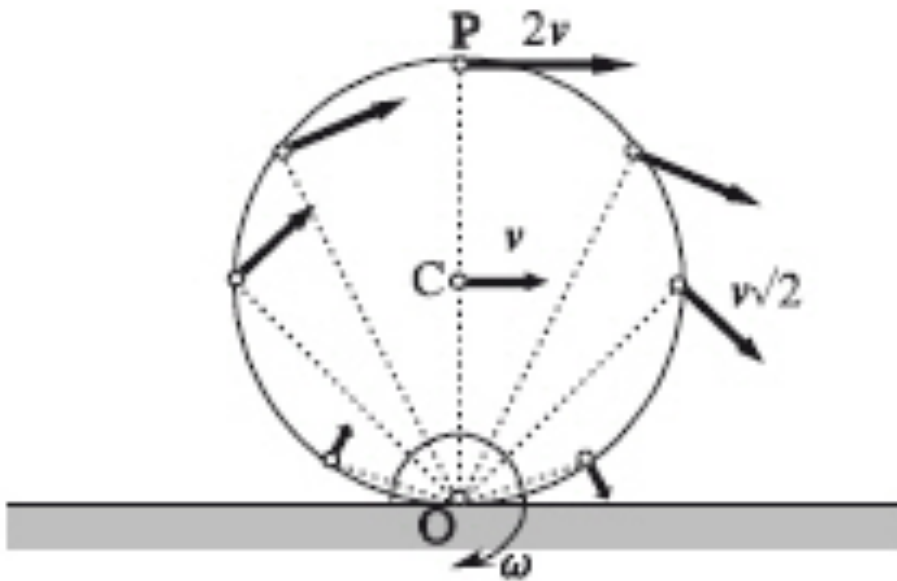


Due masse puntiformi  $m_1 = 4.0 \text{ kg}$  e  $m_2 = 1.5 \text{ kg}$  urtano da versi opposti un'asta di lunghezza  $L = 4.2 \text{ m}$  e massa  $M = 1.7 \text{ kg}$ . Le due masse si muovono con velocità di modulo, rispettivamente,  $v_1 = 4.2 \text{ m s}^{-1}$  e  $v_2 = 1.6 \text{ m s}^{-1}$ . L'urto (agli estremi dell'asta) è perfettamente anelastico e avviene nello stesso istante per entrambe le masse. Calcolare:

- la distanza del centro di massa del sistema dal punto  $O$  (estremo dell'asta);
- la velocità del centro di massa subito dopo l'urto;
- il modulo della velocità angolare del sistema subito dopo l'urto;
- l'energia meccanica dissipata nell'urto.



# Energia cinetica, momento angolare e punto di contatto nel rotolamento



Nel moto di rotolamento il punto di contatto  $P$  ha velocità nulla e può essere considerato come un asse (fisso) istantaneo di rotazione.

Abbiamo:

$$K = \frac{I_P}{2} \omega^2$$

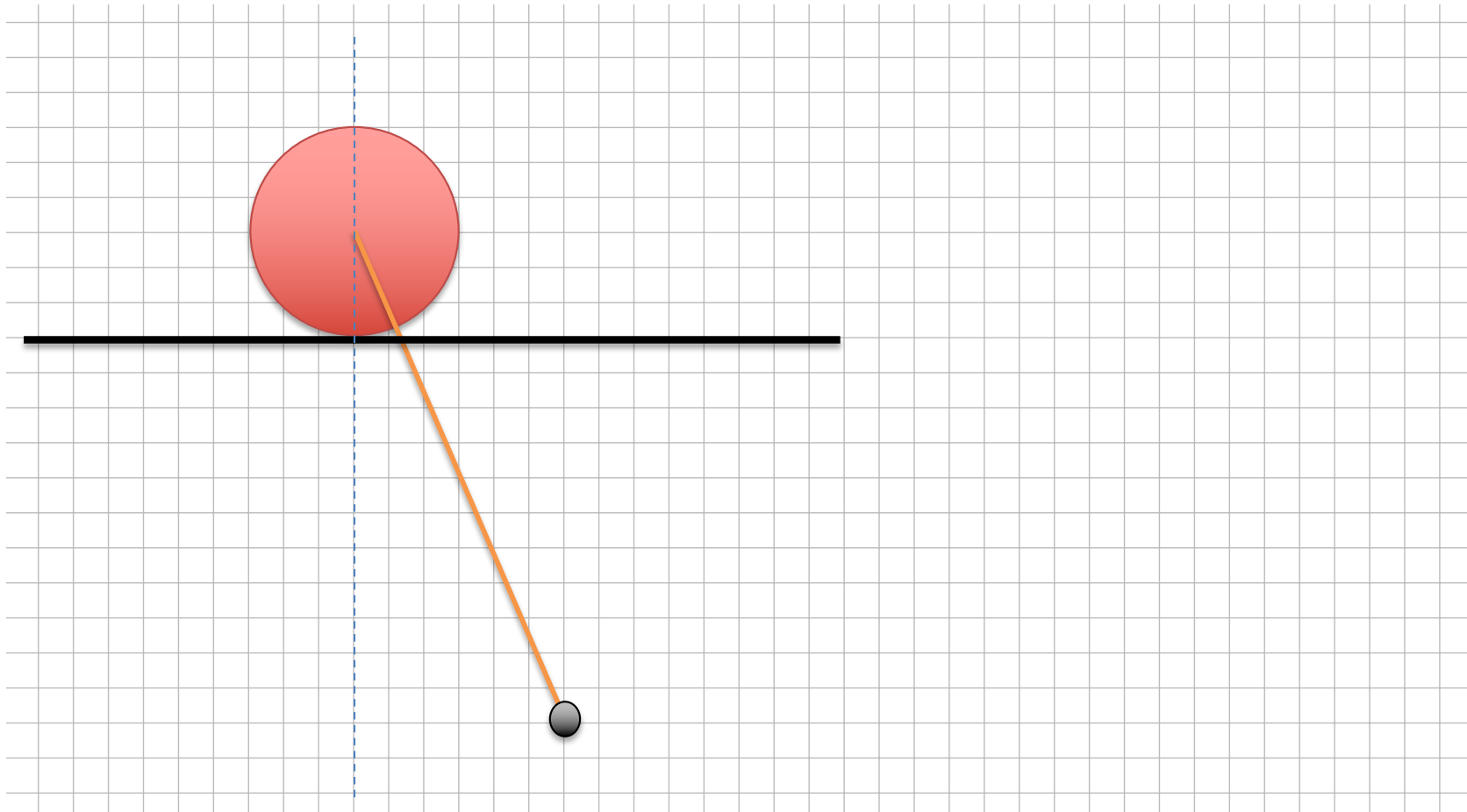
$$\vec{L}_P = I_P \vec{\omega}$$

# Esercizio

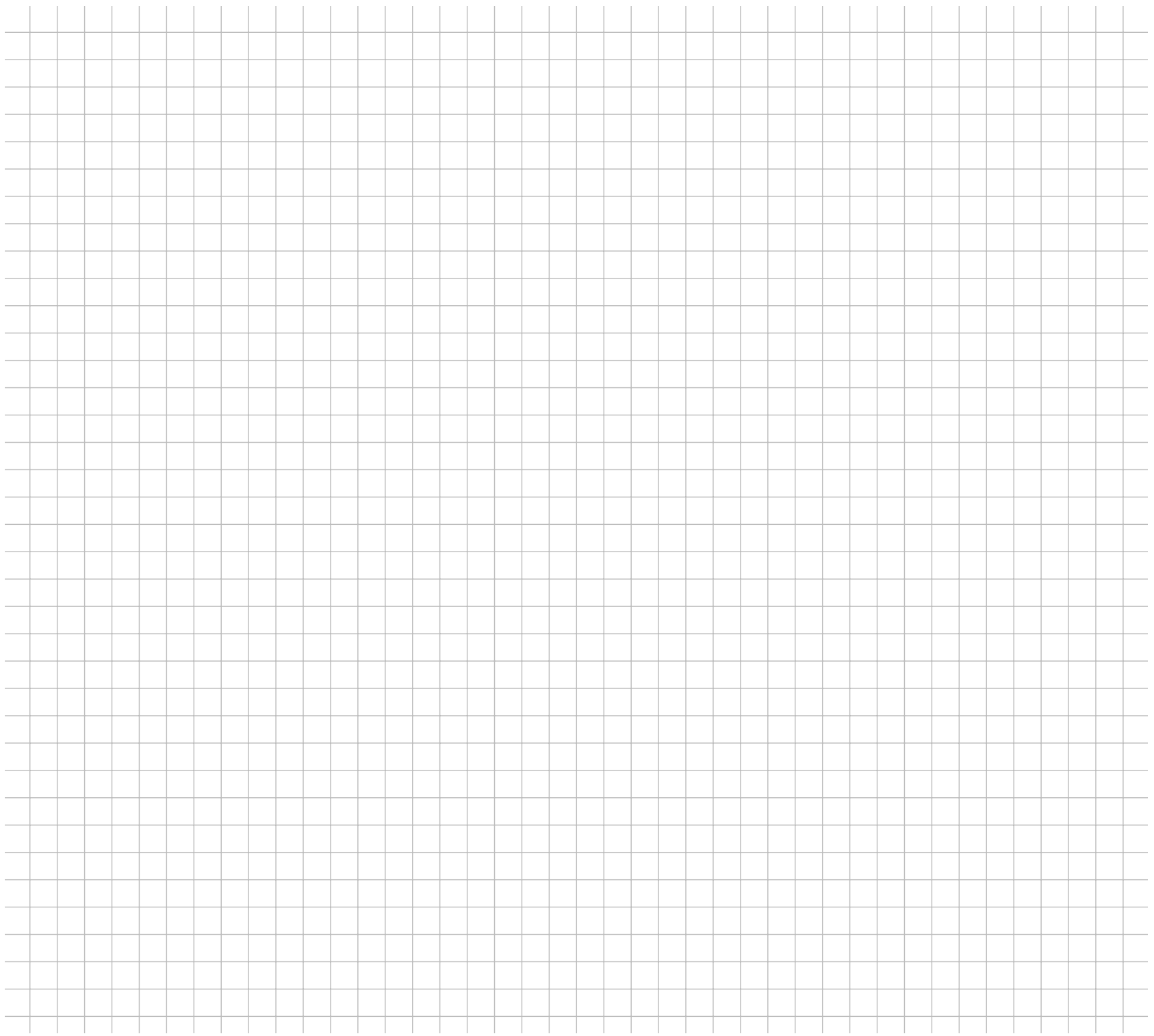
Un cilindro omogeneo di massa  $M$  e raggio  $R$  può rotolare senza strisciare su un piano orizzontale. Al centro del cilindro è fissata un'asta rigida e priva di massa, lunga  $L$ , alla cui estremità è vincolata una massa puntiforme di massa  $m$ . L'asta viene spostata in modo da formare un angolo  $\theta$  con la verticale.

Determinare:

- l'accelerazione angolare  $\ddot{\theta}$  in funzione di  $\theta$ ,
- il periodo delle piccole oscillazioni.







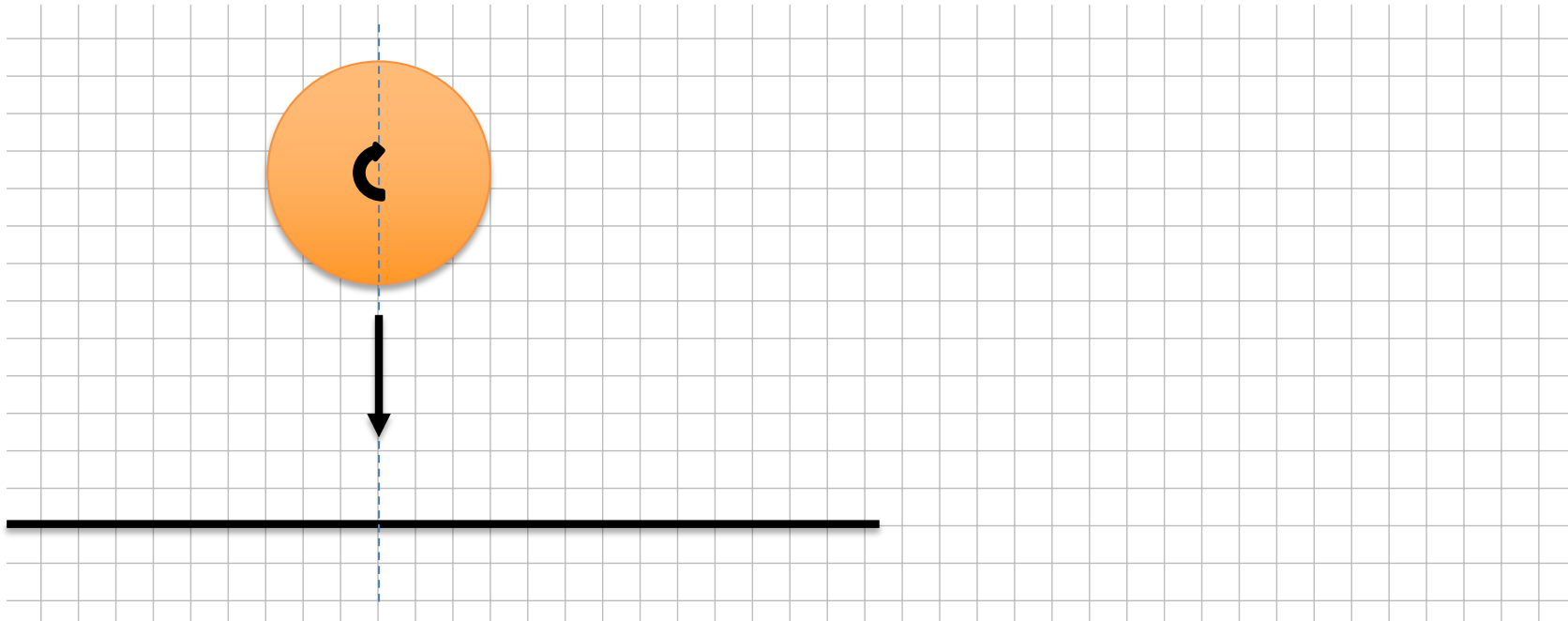
# Esercizio

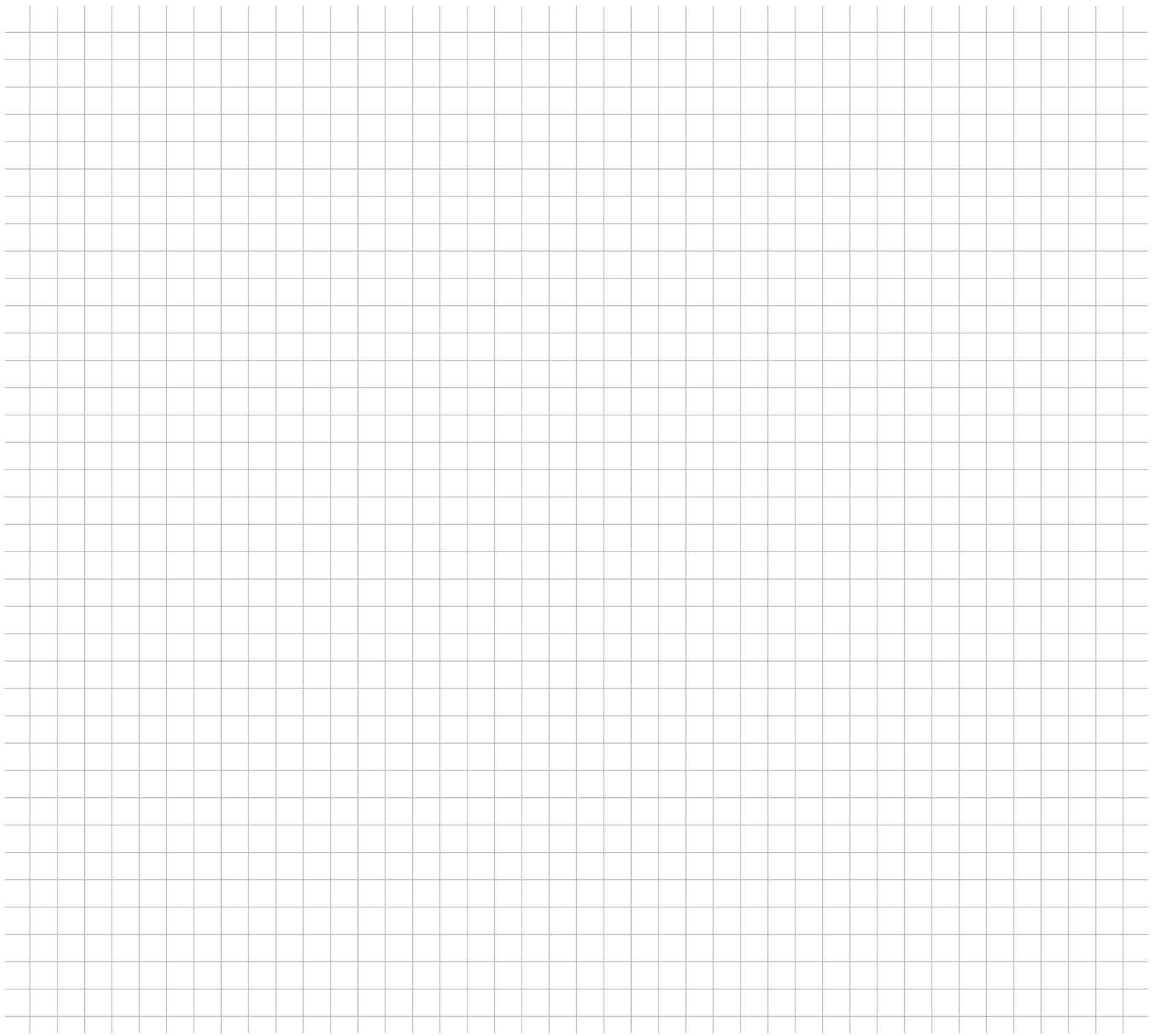
Un disco di raggio  $R$  e massa  $M$  ruota attorno all'asse passante dal centro di massa con velocità angolare di modulo  $\omega_i$  e trasla con velocità  $v_{CM,i}$ . Al tempo  $t = 0$  il disco urta una parete. La velocità iniziale del disco è normale alla parete. Supponendo che:

- l'urto sia istantaneo;
- l'urto sia elastico;
- durante l'urto ci sia attrito statico tra disco e parete.

Determinare:

- La velocità angolare finale del disco.
- La velocità finale del centro di massa.
- L'angolo di riflessione.



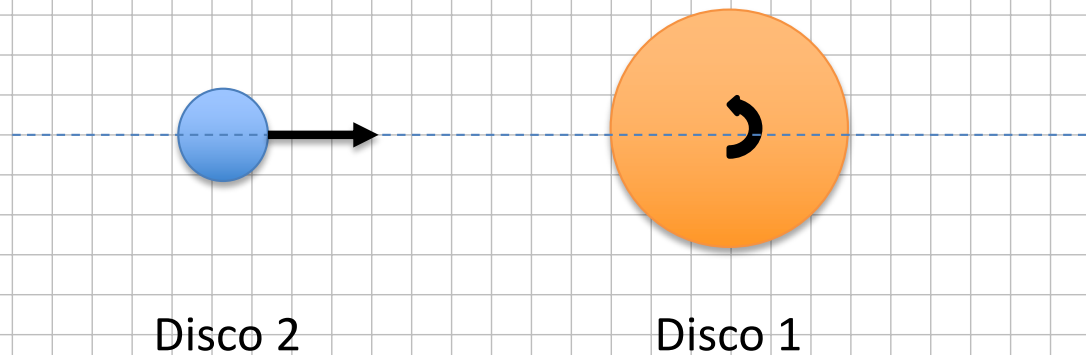


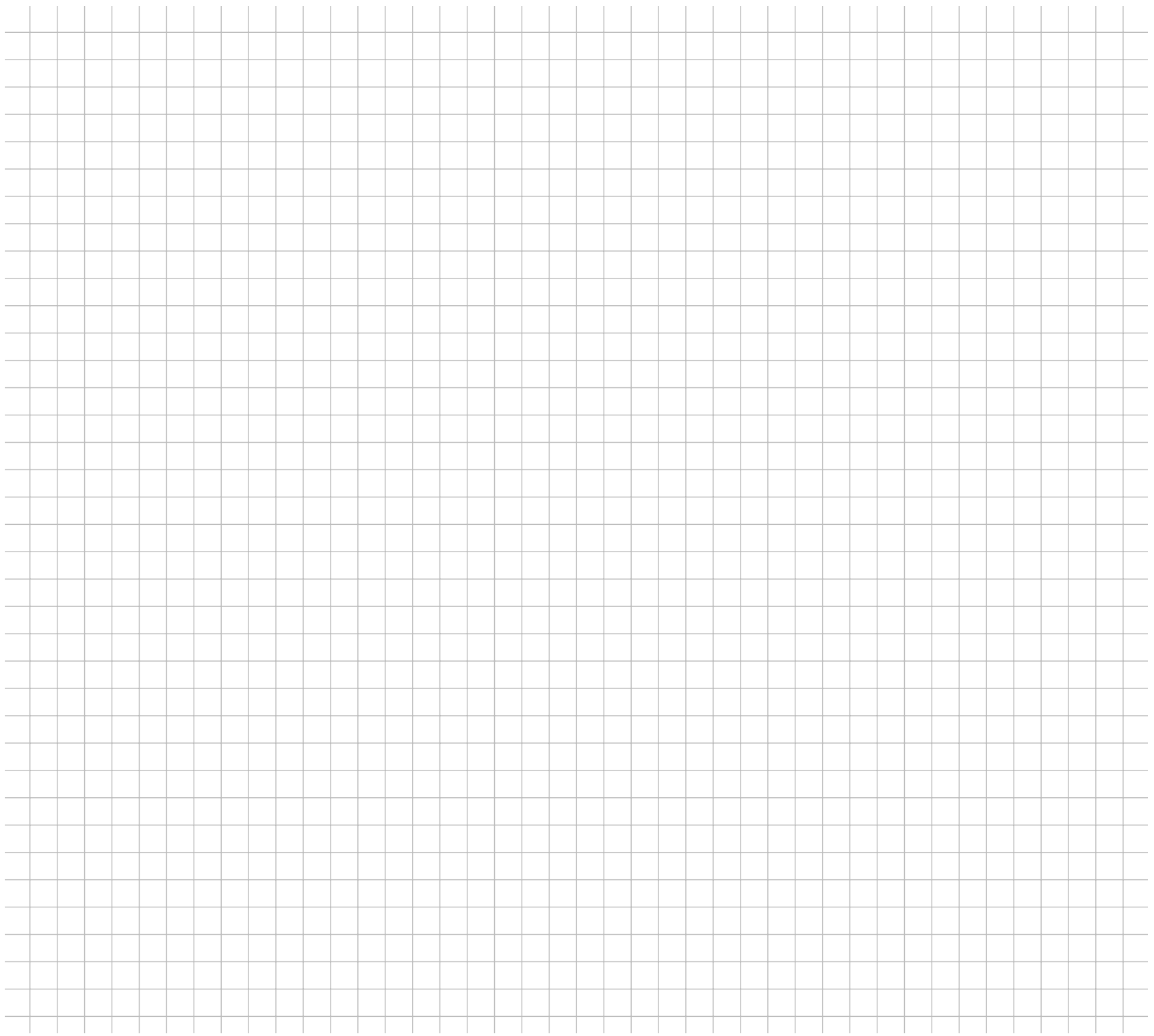
# Esercizio

Siano dati due dischi omogenei:

- **Disco 1:** massa  $M_1$ , raggio  $R_1$ , che ruota attorno al proprio centro di massa con velocità angolare  $\omega_1$ . Il suo centro di massa è inizialmente a riposo.
- **Disco 2:** massa  $M_2$ , raggio  $R_2$ , che trasla, senza ruotare, con velocità  $v_2$  diretta lungo la congiungente i centri dei dischi.

I due dischi collidono (urto centrale istantaneo) rimando “incollati”, formando cioè un unico corpo rigido. Determinare, per questo nuovo corpo rigido, la velocità finale del centro di massa e la velocità angolare rispetto al centro di massa.





# Esercizio

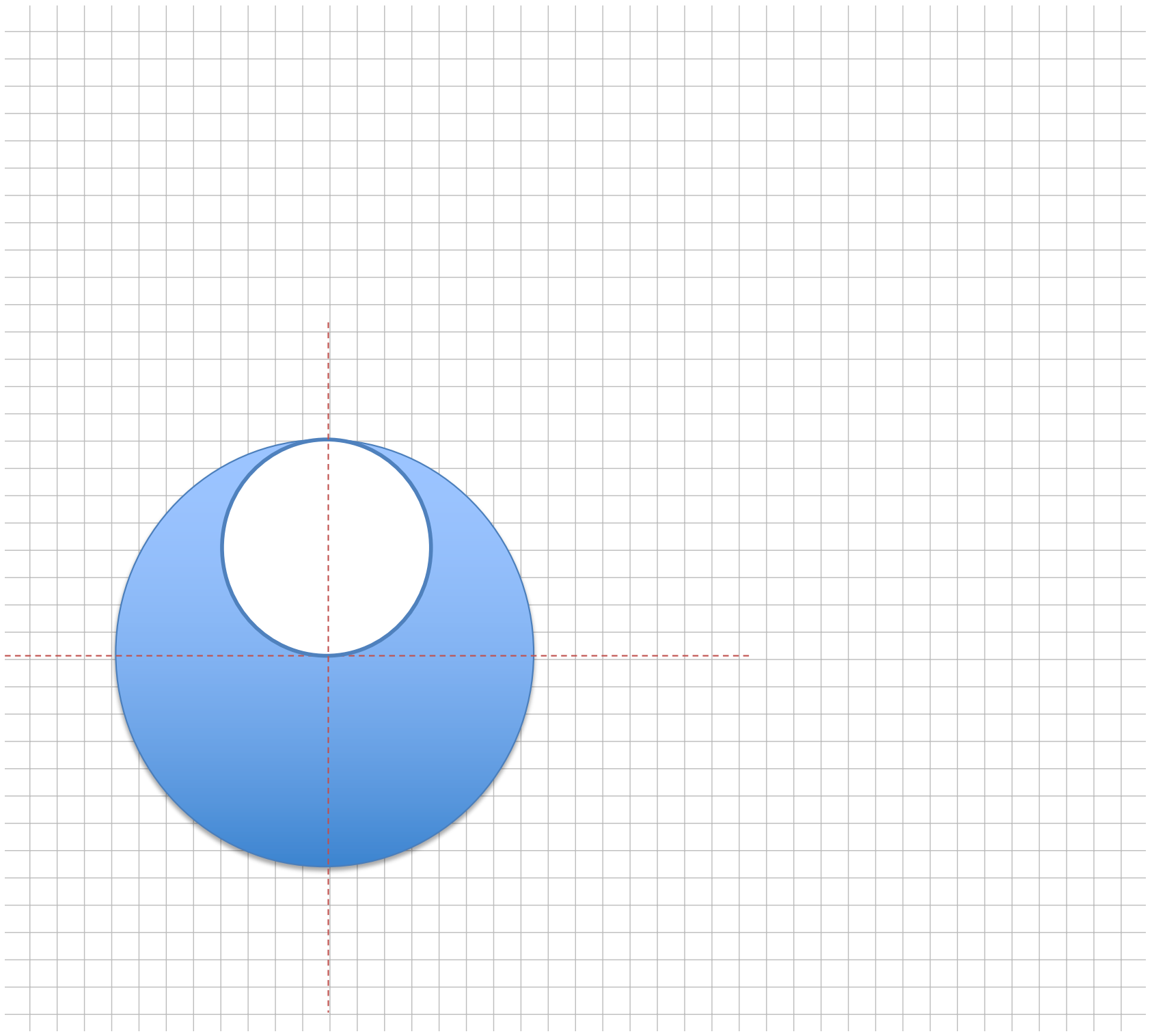
Consideriamo un disco omogeneo di raggio  $R$  e massa  $M$ . Dal disco viene rimosso del materiale, praticando un foro circolare avente:

- raggio  $r_{\text{foro}} = \frac{R}{2}$ ,
- centro posto lungo una direzione passante per il centro del disco e a distanza  $d = \frac{R}{2}$  dal centro.

Determinare:

1. il momento di inerzia del disco forato rispetto all'asse perpendicolare al piano passante per il centro geometrico  $O$ );
2. la posizione del centro di massa del disco forato rispetto a  $O$ ;
3. il momento di inerzia del disco forato rispetto al suo centro di massa.



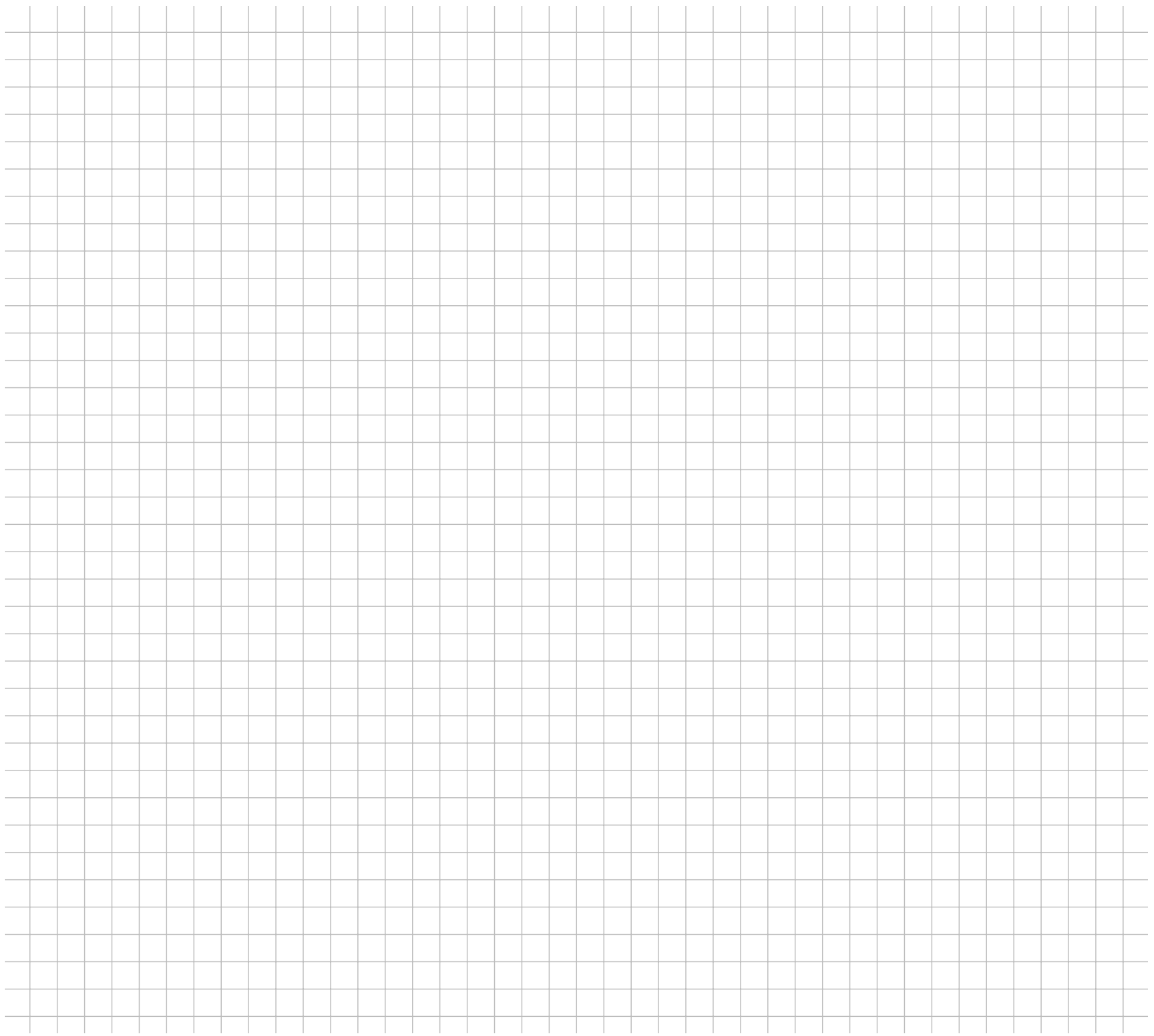


# Esercizio

Il corpo rigido del problema precedente oscilla rispetto all'asse passante dal centro geometrico. In assenza di ulteriori forze dissipative, determinare il periodo delle piccole oscillazioni.



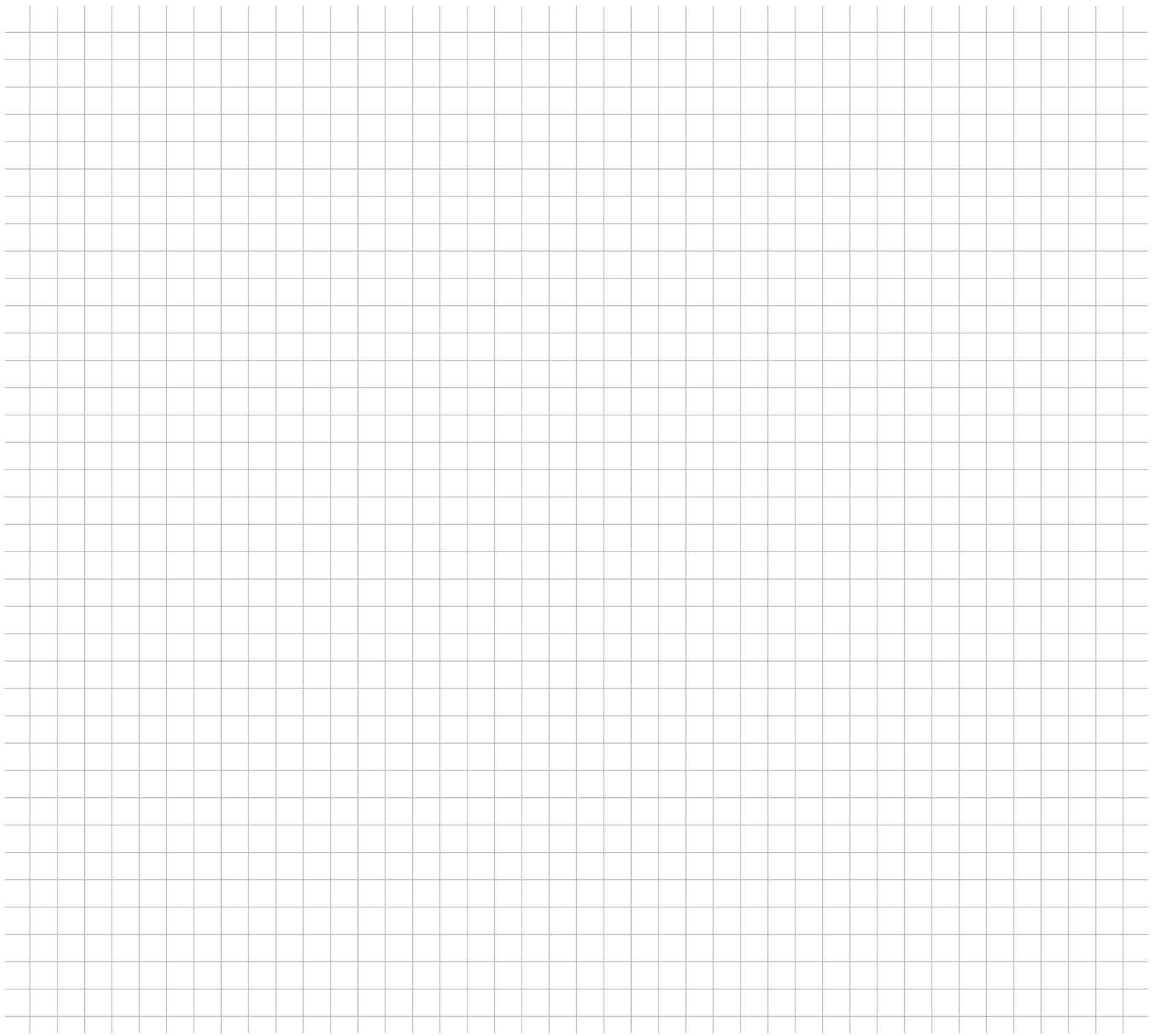




# Esercizio

Il corpo rigido del problema precedente oscilla, rotolando senza slittare, su un piano orizzontale scabro. In assenza di ulteriori forze dissipative, determinare il periodo delle piccole oscillazioni.





# Esercizio

Consideriamo due palline che vengono lasciate cadere da un'altezza  $h_i$  sopra il suolo, una sopra l'altra. La pallina 1 è in alto e ha massa  $M_1$ , mentre la pallina 2 è sotto e ha massa  $M_2 \gg M_1$ . Supponiamo che non vi sia alcuna perdita di energia cinetica durante le collisioni. La pallina 2 colpisce per prima il suolo e rimbalza. Successivamente, mentre la pallina 2 inizia a muoversi verso l'alto, collide con la pallina 1, che sta ancora scendendo.

- A quale altezza rimbalzerà la pallina 1?

