



Prof. Dr. Ivan Carlos Alcântara de Oliveira Teoria dos Grafos

### Relatório do Projeto

Parte 2

Nome do Integrante	RA
Matteo Domiciano Varnier	10390247
André Akio Morita Osakawa	10340045
Rafael De Souza Oliveira Cerqueira Tinôco	10401436

### Relatório

### Projeto linhas aéreas

#### **Autores**

Matteo Domiciano Varnier André Akio Morita Osakawa Rafael de Souza Oliveira Cerqueira Tinoco

### Descrição do Projeto:

Observamos que os aeroportos frequentemente não fornecem uma lista completa de todos os destinos disponíveis diretamente em seus sites. Isso significa que, muitas vezes, é necessário pesquisar individualmente em cada companhia aérea para descobrir se é possível voar de um aeroporto para outro.

Nosso projeto visa, com a ajuda de modelagem de rotas aéreas e aeroportos, mostrar as melhores rotas e conexões possíveis de um destino ao outro para ajudar usuários a planejar melhor suas viagens.

Os aeroportos e rotas escolhidas são do território nacional.

#### **OBJETIVO:**

Para facilitar a busca e planejamento de viagens, decidimos desenvolver uma ferramenta que permita identificar de forma mais eficiente quais aeroportos do país podem ser alcançados a partir de um determinado ponto de partida. Além disso, a ferramenta vai ajudara determinar quais aeroportos precisam ser incluídos em uma conexão para atingir um destino desejado, caso o aeroporto inicial não ofereça voos diretos para o destino final.

Com essa abordagem, você poderá rapidamente encontrar rotas diretas e conexões necessárias simplificando o planejamento de suas viagens.

#### **ODS**

Nosso trabalho se encaixaria no ODS 9: Industria, Inovação e infraestrutura. O projeto propõe uma solução inovadora para melhorar a eficiência de transporte aéreos, facilitando conexões entre aeroportos e melhorando o planejamento.





Prof. Dr. Ivan Carlos Alcântara de Oliveira Teoria dos Grafos

### **MODELAGEM DOS GRAFOS:**

A modelagem das linhas aéreas do país como grafo tem como objetivo transformar os aeroportos e rotas em um modelo que facilite as buscas e análises de rotas.

Os aeroportos escolhidos foram baseados nos 20 mais visitados do país e o restante foram pegos, por ordem alfabética, aeroportos menores de cidades menores, para mostrar as melhores rotas que pessoas que moram nesses lugares mais isolados devem pegar para viajar, totalizando 50 aeroportos.

### Os aeroportos escolhidos foram:

Guarulhos

Brasilia

Fortaleza

Maceio

Manaus

Florianopolis

Goiania

Galeao

Confins

Belem

Porto Alegre

Santos Dumont

Cuiaba

Salvador

Recife

Vitoria

Curitiba

Natal

Vira-copos

Congonhas

ioao Pessoa

Uberlandia

Campo Grande

FGoz do Iguacu

Sao Luiz

Aracaju

Agua Boa

Almerim

Almerim M.Dourado

Alta Floresta

Altamira

Apucarana

Aracatuba

Araguaina

**Barreiras** 

Bauru-Arealva

Boa Vista

**Bonito** 

**Breves** 

Cacador





Prof. Dr. Ivan Carlos Alcântara de Oliveira Teoria dos Grafos

Caldas Nova
Campina Grande
Campos dos Goytacazes
Carajas
Cararuari
Caruaru
Cascavel
Caixias do Sul
Chapeco
Coari Urucu
Cruz

Para a modelagem foi construído um grafo não orientado com peso nas arestas utilizando o aplicativo graphonline.com, que foi mostrado durante aula para a turma, seguindo as seguintes representações:

- Vértice: Na modelagem do grafo, cada aeroporto é um vértice, identificado por seu nome.
- Arestas: No grafo, cada aresta é uma rota de um aeroporto para o outro, com peso nelas representando a distância entre cada aeroporto.

### Grafo com escopo reduzido:

Para melhor visualização, abaixo está uma modelagem de escopo menor:



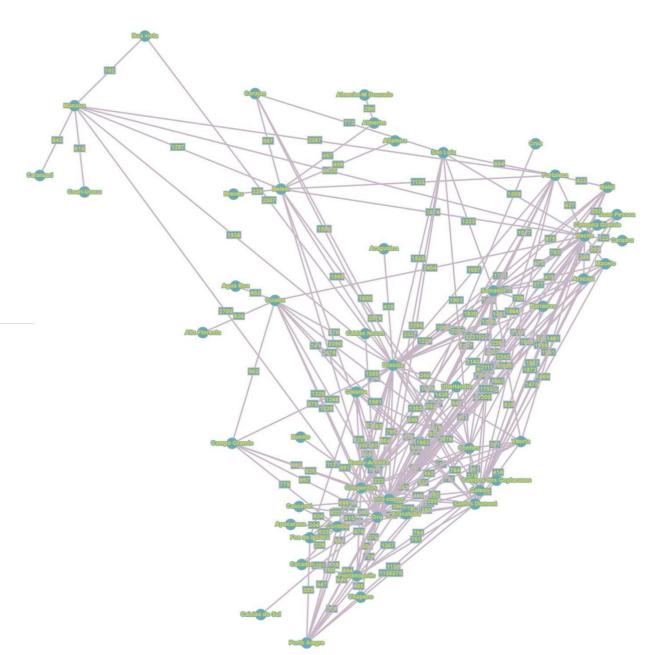


### UNIVERSIDADE PRESBITERIANA MACKENZIE Faculdade de Computação e Informática Prof. Dr. Ivan Carlos Alcântara de Oliveira



Teoria dos Grafos

### **Grafo Completo:**



http://graphonline.top/en/?graph=oxVCifgSuTfFjTzr Imagem 1.1(formato do territorio brasileiro)





Prof. Dr. Ivan Carlos Alcântara de Oliveira Teoria dos Grafos

### **Tecnologias:**

As tecnologias usadas durante o trabalho foram:

- Para o desenvolvimento do código do projeto foi utilizada a linguagem Python, por se tratar de uma linguagem mais simples e com muitas ferramentas uteis.
- Bloco de notas, foi utilizado como arquivo de entrada para o código funcionar, contendo os aeroportos e suas rotas.
- Graphonline, plataforma online para montagem dos grafos
- Sites para acompanhar as rotas dos aviões e site para calcular as distancias entre os aeroportos:
  - Site mais utilizado para o acompanhamento das rotas dos aviões foi feita pelo site <a href="https://aeroin.net/rotas-domestico/">https://aeroin.net/rotas-domestico/</a>, onde pudemos ver todas as rotas dos aeroportos de todas as companhias nacionais. O site está com dados de 2021, por conta disso algumas informações podem estar desatualizadas, o que é uma possível limitação do projeto.
  - Para calcular a distância entre eles, foi utilizado o site
     <a href="https://pt.distance.to/Guarulhos/Manaus">https://pt.distance.to/Guarulhos/Manaus</a>, onde pudemos verificar a distância quase real entre um aeroporto e outro.

### **Algoritmos Utilizados:**

Para auxiliar na resolução do problema, foram implementados alguns algoritmos:

- Algoritmo de Dijkstra: Foi utilizado para calcular o menor caminho entre dois aeroportos, com base nas rotas e distancias, e assim encontrando a melhor rota possível para uma pessoa poder planejar sua viagem.
- Algoritmo de coloração: Implementado para visualizar segmentações dentro do grafo, pode ajudar no planejamento de rotas.
- Algoritmo de percursos abrangentes (Caminho Hamiltoniano e Euleriano):
   Implementado para ver se o grafo possui algum percurso euleriano e hamiltoniano.





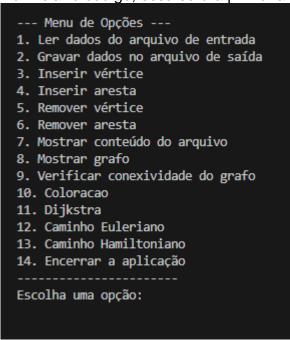
Prof. Dr. Ivan Carlos Alcântara de Oliveira Teoria dos Grafos

### Compilação e testes

Foi utilizado uma extensão do Visual Code feita pela própria microsoft para rodar aplicações em Python, porém foi necessário fazer a instalação do próprio Python. Python instalado: Python 3.12.6

Feito os passos acima abra o código chamado Teste\_matriz.py, pode clicar no botão de play( play(

Ao iniciar o código, essa será a primeira aparição do código:



O usuário irá digitar 1 e apertar enter para que ele reconheça que será feita a opção 1. A opção 1 deve ser obrigatoriamente a primeira, pois será carregado as informações do grafo.

- Ao apertar enter irá aparecer para o usuário digitar o nome do arquivo de entrada, será digitado: grafos.txt





Prof. Dr. Ivan Carlos Alcântara de Oliveira Teoria dos Grafos

```
Menu de Opções

    Ler dados do arquivo de entrada

2. Gravar dados no arquivo de saída
3. Inserir vértice
4. Inserir aresta
5. Remover vértice
6. Remover aresta
7. Mostrar conteúdo do arquivo
8. Mostrar grafo
9. Verificar conexividade do grafo
10. Coloracao
11. Dijkstra
12. Caminho Euleriano
13. Caminho Hamiltoniano
14. Encerrar a aplicação
Escolha uma opção: 1
Digite o nome do arquivo de entrada: grafos.txt
Agora carregue o arquivo de saida, que ira salvar o grafo
```

Após a primeira opção ser concluída o usuário irá digitar 2, para que as alterações feitas no código fiquem salvas em um outro arquivo.

A opção 2 deve ser obrigatória após a primeira etapa

- Após apertar entrar, irá aparecer para digitar o nome do arquivo de saída, pode ser digitado qualquer nome.

```
--- Menu de Opções ---
1. Ler dados do arquivo de entrada
2. Gravar dados no arquivo de saída
Inserir vértice
4. Inserir aresta
Remover vértice
6. Remover aresta
7. Mostrar conteúdo do arquivo
8. Mostrar grafo
9. Verificar conexividade do grafo
10. Coloracao
11. Dijkstra
12. Caminho Euleriano
13. Caminho Hamiltoniano

    Encerrar a aplicação

Escolha uma opção: 2
Carregue o arquivo de saida: output.txt
```

Após essas duas ações feitas, o usuário poderá ter interações livres com o código. Irei fazer os testes em ordem para melhor compreendimento.





Prof. Dr. Ivan Carlos Alcântara de Oliveira Teoria dos Grafos

A opção 3 será para adicionar vértices (aeroportos). Ele irá pedir para que o usuário digite um nome de um novo aeroporto e irá salvar na lista de aeroportos já existente.

#### Aeroporto de Barbacena adicionado

- --- Menu de Opções ---
- 1. Ler dados do arquivo de entrada
- 2. Gravar dados no arquivo de saída
- 3. Inserir vértice
- 4. Inserir aresta
- 5. Remover vértice
- 6. Remover aresta
- 7. Mostrar conteúdo do arquivo
- 8. Mostrar grafo
- 9. Verificar conexividade do grafo
- 10. Coloracao
- 11. Dijkstra
- 12. Caminho Euleriano
- 13. Caminho Hamiltoniano
- 14. Encerrar a aplicação

-----

Escolha uma opção: 3

Nome do aeroporto desejado:

Nome: Barbacena

#### Aeroporto de marilia adicionado

- --- Menu de Opções ---
- 1. Ler dados do arquivo de entrada
- 2. Gravar dados no arquivo de saída
- 3. Inserir vértice
- 4. Inserir aresta
- 5. Remover vértice
- 6. Remover aresta
- 7. Mostrar conteúdo do arquivo
- 8. Mostrar grafo
- 9. Verificar conexividade do grafo
- 10. Coloracao
- 11. Dijkstra
- 12. Caminho Euleriano
- 13. Caminho Hamiltoniano
- 14. Encerrar a aplicação

-----

Escolha uma opção: 3

Nome do aeroporto desejado: Marilia

Marilia Adicionado





Prof. Dr. Ivan Carlos Alcântara de Oliveira Teoria dos Grafos

A opção 4 irá criar a ligação entre dois vértices. Ao selecionar a opção ele irá pedir para digitar o primeiro vértice desejado e depois o segundo que deseja ir. O peso utilizado será a distância entre os dois aeroportos.

#### Aresta entre Barbacena e Maceió criado com sucesso

--- Menu de Opções ---1. Ler dados do arquivo de entrada 2. Gravar dados no arquivo de saída 3. Inserir vértice 4. Inserir aresta 5. Remover vértice 6. Remover aresta 7. Mostrar conteúdo do arquivo 8. Mostrar grafo 9. Verificar conexividade do grafo 10. Coloracao 11. Dijkstra 12. Caminho Euleriano 13. Caminho Hamiltoniano 14. Encerrar a aplicação -----Escolha uma opção: 4 Nomes dos aeroportos das arestas e valor do peso: Nome do aeroporto 1: Maceio Nome do aeroporto 2: Barbacena Peso da aresta: 1234 Aresta adicionada com sucesso

#### Aresta entre Marilia e Guarulhos

```
--- Menu de Opções ---
1. Ler dados do arquivo de entrada
2. Gravar dados no arquivo de saída

    Inserir vértice

4. Inserir aresta
5. Remover vértice
6. Remover aresta
7. Mostrar conteúdo do arquivo
8. Mostrar grafo
9. Verificar conexividade do grafo
10. Coloracao
11. Dijkstra
12. Caminho Euleriano
13. Caminho Hamiltoniano
14. Encerrar a aplicação
Escolha uma opção: 4
Nomes dos aeroportos das arestas e valor do peso:
Nome do aeroporto 1: Marilia
Nome do aeroporto 2: Guarulhos
Peso da aresta: 400
Aresta adicionada com sucesso
```





Prof. Dr. Ivan Carlos Alcântara de Oliveira Teoria dos Grafos

A opção 5 permite com que o usuário possa remover um vértice(aeroporto). Ao selecionar a opção ele irá pedir qual número do vértice que deseja remover do grafo.

#### Remoção do vértice Barbacena

- --- Menu de Opções ---
- 1. Ler dados do arquivo de entrada
- 2. Gravar dados no arquivo de saída
- 3. Inserir vértice
- 4. Inserir aresta
- 5. Remover vértice
- 6. Remover aresta
- 7. Mostrar conteúdo do arquivo
- 8. Mostrar grafo
- 9. Verificar conexividade do grafo
- 10. Coloracao
- 11. Dijkstra
- 12. Caminho Euleriano
- 13. Caminho Hamiltoniano
- 14. Encerrar a aplicação

-----

Escolha uma opção: 5

Nome do aeroporto: Barbacena

Vértice Barbacena removido com sucesso.

Vértice removido com sucesso

#### Remoção do vertice Marilia

- --- Menu de Opções ---
- 1. Ler dados do arquivo de entrada
- 2. Gravar dados no arquivo de saída
- 3. Inserir vértice
- 4. Inserir aresta
- 5. Remover vértice
- 6. Remover aresta
- 7. Mostrar conteúdo do arquivo
- 8. Mostrar grafo
- 9. Verificar conexividade do grafo
- 10. Coloracao
- 11. Dijkstra
- 12. Caminho Euleriano
- 13. Caminho Hamiltoniano
- 14. Encerrar a aplicação

-----

Escolha uma opção: 5

Nome do aeroporto: Marilia

Vértice Marilia removido com sucesso.

Vértice removido com sucesso





Prof. Dr. Ivan Carlos Alcântara de Oliveira Teoria dos Grafos

A opção 6 ele permite que o usuário remova a aresta (conexão) entre dois vértices, com isso ocorre a remoção da conexão entre eles e o peso (distância) entre eles também.

#### Remoção da aresta Barbacena-Maceio

- --- Menu de Opções ---
- 1. Ler dados do arquivo de entrada
- 2. Gravar dados no arquivo de saída
- 3. Inserir vértice
- 4. Inserir aresta
- 5. Remover vértice
- 6. Remover aresta
- 7. Mostrar conteúdo do arquivo
- 8. Mostrar grafo
- 9. Verificar conexividade do grafo
- 10. Coloracao
- 11. Dijkstra
- 12. Caminho Euleriano
- 13. Caminho Hamiltoniano
- 14. Encerrar a aplicação

-----

Escolha uma opção: 6

Nome do aeroporto 1: Barbacena Nome do aeroporto 2: Maceio Aresta removida com sucesso

#### Remoção da aresta Marilia-Guarulhos

- --- Menu de Opções ---
- 1. Ler dados do arquivo de entrada
- 2. Gravar dados no arquivo de saída
- 3. Inserir vértice
- 4. Inserir aresta
- 5. Remover vértice
- 6. Remover aresta
- 7. Mostrar conteúdo do arquivo
- 8. Mostrar grafo
- 9. Verificar conexividade do grafo
- 10. Coloracao
- 11. Dijkstra
- 12. Caminho Euleriano
- 13. Caminho Hamiltoniano
- 14. Encerrar a aplicação

Escolha uma opção: 6

Nome do aeroporto 1: Marilia Nome do aeroporto 2: Guarulhos Aresta removida com sucesso





Prof. Dr. Ivan Carlos Alcântara de Oliveira Teoria dos Grafos

A opção 7 mostra o conteúdo inteiro que está no txt, mostrando o tipo de grafo, quantidade de vértices, nome dos vértices, as arestas e os pesos dos vértices. Como o arquivo é grande, iremos mostrar algumas pequenos exemplos.

2
52
Guarulhos 0
Brasilia 1
Fortaleza 2
Maceio 3
Manaus 4
Florianopolis 5
Goiania 6
Galeao 7
Confins 8
Belem 9
Porto Alegre 10
Santos Dumont 11

Vértices e numeração deles

0 1 864
0 2 2357
0 3 1915
0 4 2700
0 5 502
0 6 805
0 7 345
0 8 527
0 9 2475
0 10 840
0 11 350
0 12 1330
0 13 1467
0 14 2143
0 15 757
0 16 326
0 17 2307

Arestas e pesos

A opção 8 mostra essas informações acima em formato de matriz, para melhor entendimento do grafo. Como a saída ficou grande, iremos mostrar pequenos exemplos

Grafo:

Matriz e: ['0.0', '864.0', '2357.0', '1915.0', '2700.0', '582.0', '895.0', '345.0', '527.0', '2475.0', '840.0', '359.0', '1330.0', '1467.0', '2143.0', '757.0', '326.0', '2307.0', '0.0

Matriz 48: [735.6', '0.0', '0.





Prof. Dr. Ivan Carlos Alcântara de Oliveira Teoria dos Grafos

A opção 9 ele irá mostrar se o grafo é conexo ou não, caso não seja irá receber a mensagem não conexo, caso contrário irá mostrar que o grafo é conexo. No nosso caso, por ser um grafo não direcionado ele apenas informa se é ou não conexo.

```
--- Menu de Opçoes --
1. Ler dados do arquivo de entrada
2. Gravar dados no arquivo de saída
Inserir vértice
4. Inserir aresta
5. Remover vértice
6. Remover aresta
7. Mostrar conteúdo do arquivo
8. Mostrar grafo
9. Verificar conexividade do grafo
10. Coloracao
11. Dijkstra
12. Caminho Euleriano
13. Caminho Hamiltoniano
14. Encerrar a aplicação
Escolha uma opção: 9
Grafo conexo
```

A opção 10 irá mostrar a coloração do grafo, mostrando aeroporto por aeroporto qual seria sua cor. Como ficou grande, irei mostrar uma pequena parte da saída.

```
Vértice Bauru-Arealva -> Cor 2
Vértice Boa Vista -> Cor 1
Vértice Bonito -> Cor 2
Vértice Breves -> Cor 1
Vértice Cacador -> Cor 2
Vértice Caldas Nova -> Cor 2
Vértice Campina Grande -> Cor 2
Vértice Campos dos Goytacazes -> Cor 1
Vértice Carajas -> Cor 1
Vértice Cararuari -> Cor 1
Vértice Caruaru -> Cor 1
Vértice Cascavel -> Cor 2
Vértice Caixias do Sul -> Cor 2
Vértice Chapeco -> Cor 2
Vértice Coari Urucu -> Cor 1
Vértice Cruz -> Cor 2
Vértice Barbacena -> Cor 1
Número total de cores usadas: 7
```





Prof. Dr. Ivan Carlos Alcântara de Oliveira Teoria dos Grafos

Opção 11 irá fazer descobrir o caminho mínimo de um aeroporto até outro usando o algoritmo de dijkstra. Ao selecionar essa opção ele irá perguntar qual aeroporto o usuário gostaria de sair e qual seria o destino. Ao fazer as escolhas, ele irá mostrar quantos km o usuário iria viajar e se será necessário fazer conexão para chegar ao destino.

#### Guarulhos até Araçatuba

```
Digite o nome do aeroporto de origem: Guarulhos
Digite o nome do aeroporto de destino: Aracatuba
Distância mínima de Guarulhos para Aracatuba: 473 km
Caminho: ['Guarulhos', 'Aracatuba']
```

#### Porto Alegre – Goiania

```
Cascavel
Caixias do Sul
Chapeco
Coari Urucu
Cruz
Marilia

Digite o nome do aeroporto de origem: Porto Alegre
Digite o nome do aeroporto de destino: Goiania
Distância mínima de Porto Alegre para Goiania: 1544 km
Caminho: ['Porto Alegre', 'Florianopolis', 'Vira-copos', 'Goiania']
```

A opção 12 irá mostrar se o grafo tem caminho euleriano. Caso não tenha, irá retornar a mensagem que não é euleriano. Caso tenha, irá dizer que é euleriano.

```
Escolha uma opção: 12
O grafo não tem um caminho euleriano.
```

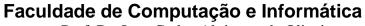
A opção 13 irá mostrar se o grafo tem caminho hamiltoniano. Caso não tenha, irá retornar a mensagem que não é hamiltoniano. Caso tenha, irá dizer que é hamiltoniano

```
Escolha uma opção: 13

O grafo tem um caminho hamiltoniano.
```



### UNIVERSIDADE PRESBITERIANA MACKENZIE





Prof. Dr. Ivan Carlos Alcântara de Oliveira Teoria dos Grafos

A opção 14 sai do código e com isso finalizando as ações

Escolha uma opção: 14 Saindo...

### **Apêndice**

LINK DO GITHUB

https://github.com/matteovar/Projeto-Grafos

Link do vídeo do youtube

https://youtu.be/18X-KvVioFc