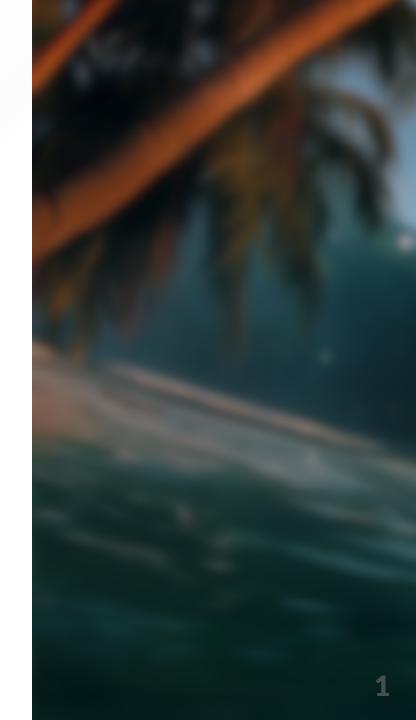
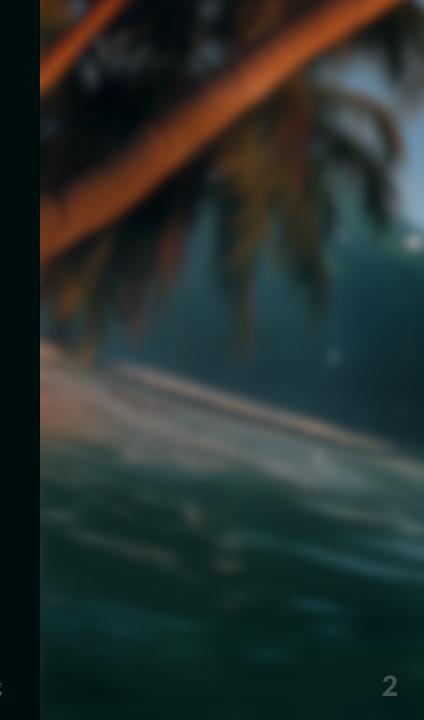
Tutorat 12

Deadlocks und Bankier-Algorithmus



Vorbereitung



Vorbereitung Ressourcendiagramm

- Ressourcenspur gibt eine Ausführungsreihenfolge der beiden Prozesse auf einem pseudoparallelen Prozessor an
- Die Ressourcenspur darf vom Start zum Ende nur nach rechts und nach oben entlang des Gitters verlaufen
- Eine Ressourcenspur kann ein Rechteck nur am linken und unteren Rand berühren, da die Prozesse ihre jeweiligen Operationen erst beim Überschreiten eines Zeitpunktes vollständig ausführen
- Läuft die Ressourcenspur in eine Ecke hinein, von der die Spur weder nach rechts noch nach oben fortgesetzt werden kann, ohne ein Rechteck zu betreten, so befinden sich die Prozesse in einem Deadlock

Vorbereitung Belegungs-Anforderungs-Graph

- Wenn eine Ressource von einem Prozess gesperrt ist, zeichnet man den Pfeil von der Ressource zum Prozess
- Wenn ein Prozess eine Ressource anfordert und blockiert, weil die Ressource nicht verfügbar ist, dann zeichnet man den Pfeil vom Prozess zur Ressource.
 - dieser Pfeil wird verwendet, sobald von einer Resource zwei Pfeil ausgehen
- Pfeile lassen sich in Worten ausdrücken als "belegt von" und "blockiert von"

Vorbereitung

Bankier-Algorithmus



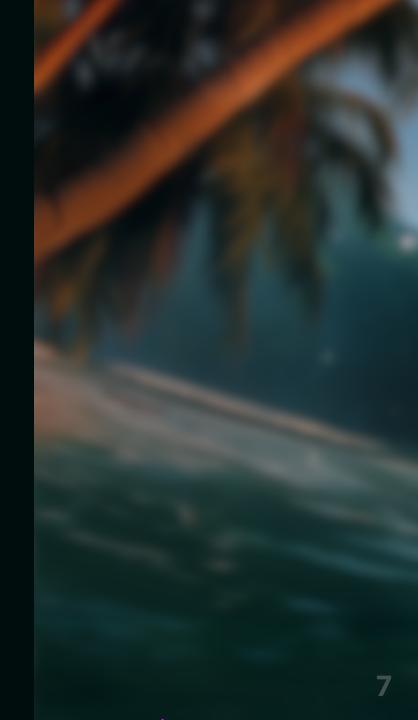
• Aktuelle Restanforderungsmatrix A
$$A_{ik} = M_{ik} - E_{ik}$$

$$F_k = V_k - \sum_{i=1}^n E_{ik}$$

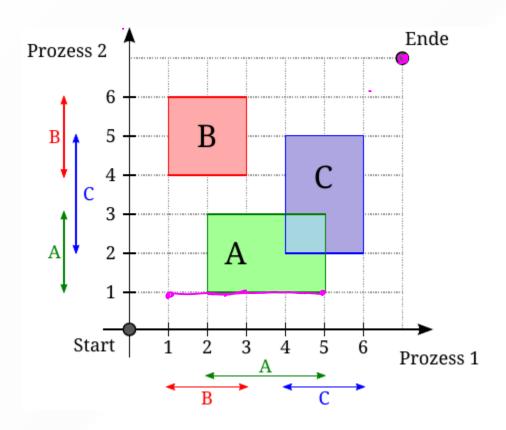
	2	0	1	1	Prozess 1
	3	0	1	1	Prozess 2
	2	2	2	0	Prozess 3

Vorbereitung Bankier-Algorithmus

• es geht **nicht** darum einen **Deadlock** zu finden, es geht darum zu sagen, ob man in einem **sicheren** oder **unsicheren** Zustand ist, der **möglicherweise** zu einem **Deadlock** führen könnte



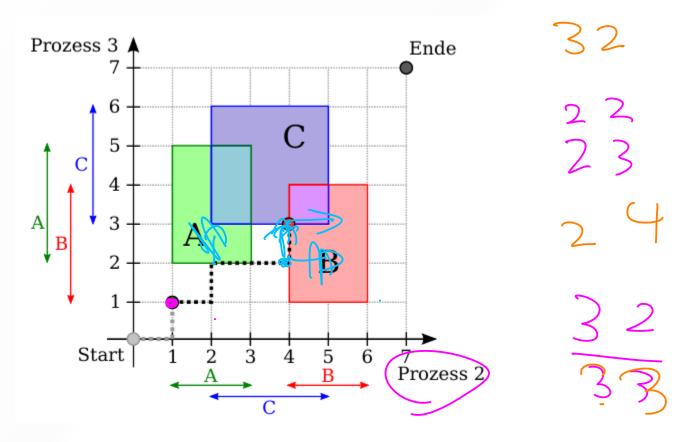
Aufgabe 1 a)



Übungsblatt Aufgabe 1 b)

- Es gibt keine **konkave** Ecke, in die die Ressourcenspur hineinlaufen kann und nicht mehr nach **rechts** oder **oben** fortgesetzt werden kann:
 - Ressourcenspur kann sich nur nach oben oder rechts bewegen, da wegen
 Pseudoparallelität immer einer der beiden Prozesse, der gerade die CPU zugewiesen bekommen hat, Instructions ausführt, sich also vorwärts in der Zeit bewegt
 - Da es hier zu keinem Zeitpunkt konkaven Ecken oder Sackgassen gibt, gibt es immer einen Weg, den man nach oben oder rechts ausweichen kann → es ist zu jedem erreichbaren Zeitpunkt einer der beiden Prozesse ausführbar
 - Falls die Instruction des einen Prozesses blockiert ist, kann dafür immer der andere Prozess eine Instruction ausführen. Es gibt immer einen Ausweg, wie sich die beiden Prozesse nicht gegenseitig blockieren

Übungsblatt Aufgabe 1 c)



Übungsblatt Aufgabe 1 d)

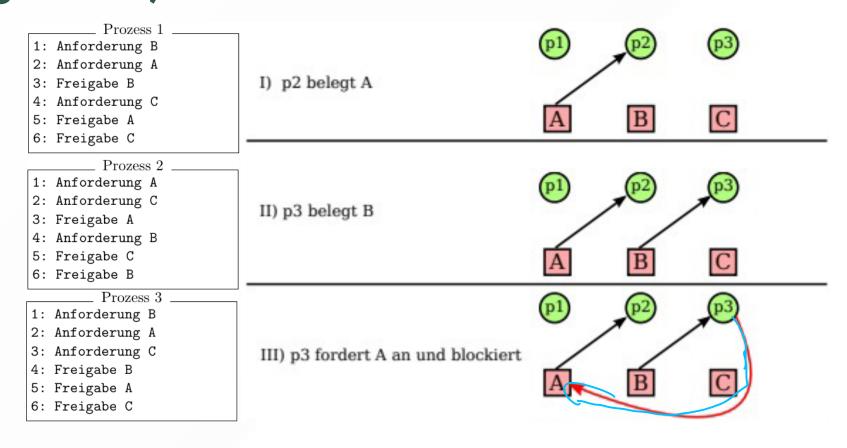
- Befehlsfolge, die zum Deadlock führt:
 - 1: Prozess 2 Zeile 1: Belegt A
 - 2: Prozess 3 Zeile 1: Belegt B
 - 3: Prozess 3 Zeile 2: Fordert A an und blockiert, da belegt von Prozess 2
 - 4: Prozess 2 Zeile 2: Belegt C
 - 5: Prozess 2 Zeile 3: Gibt A frei
 - 6: Prozess 2 Zeile 4: Fordert B an und blockiert, da belegt von Prozess 3
 - 7: Prozess 3 Zeile 2: bekommt A nun zugeteilt
 - 8: Prozess 3 Zeile 3: Fordert C an und blockiert, da belegt von Prozess 2

Übungsblatt Aufgabe 1 d)

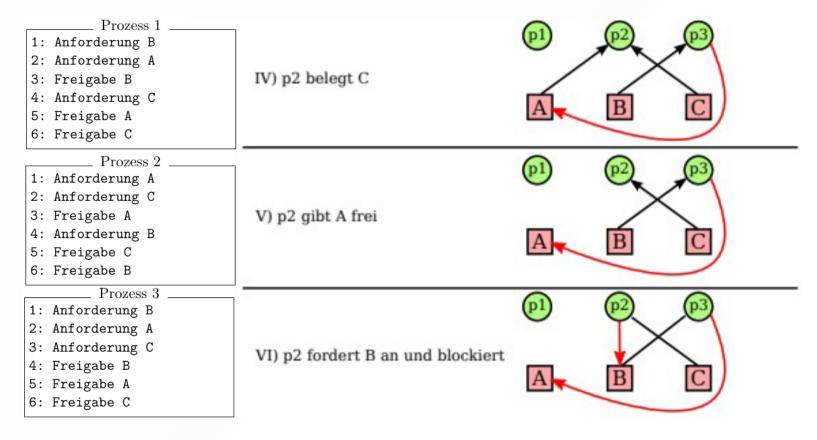
Anmerkungen

- wobei man bei (1,1) anfängt, bei der **Resourcenspur** die Tupel aus **Prozess** und **Zeilennummer** anzugeben, da es keine 0te Zeile gibt.
 - Prozesse tuen ihre jeweiligen Operationen erst beim Überschreiten eines Zeitpunktes vollständig ausführen. Daher kann eine Resourcenspur die Rechtecke auch am linken und oberen Rand berühren
 - der Schritt von 0 zu 1 bedeutet, man ist bei Zeile 1, hat sie aber noch **nicht** ausgeführt
- am **Ende** landet man immer in der **rechten oberen Ecke**, da man ja alle Prozesse ausgeführt haben will

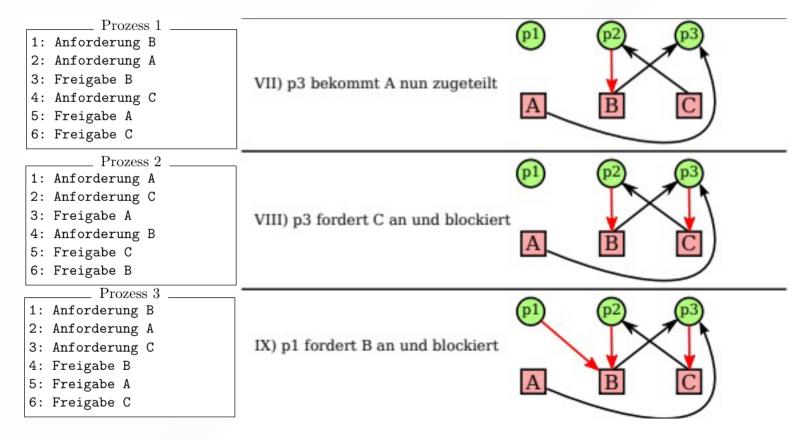
Übungsblatt Aufgabe 1 e)



Aufgabe 1 e)



Aufgabe 1 e)



Aufgabe 2 a)

Zustand Z_2

$$E = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ 0 & \mathbf{3} & 1 & 2 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 4 \\ 2 & 2 & 0 & 0 & 2 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \\ p_3 \\ p_4 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ 3 & 3 & 4 & 0 & 3 \\ 1 & 1 & 6 & 4 & 1 \\ 2 & 0 & 4 & 1 & 0 \\ 4 & 3 & 1 & 1 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \\ p_3 \\ p_4 \end{pmatrix}$$

$$F = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ (2) & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Nun kann p_3 ausgeführt werden:

Aufgabe 2 a)

Iteration 1:

Zustand während der maximalen Ressourcenanforderungen des ausgeführten Prozesses:

$$E = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ 0 & 3 & 1 & 2 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 4 \\ 2 & 4 & 1 & 2 \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \\ p_3 \\ p_4 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ 3 & 3 & 4 & 0 & 3 \\ 1 & 1 & 6 & 4 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 4 & 3 & 1 & 1 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \\ p_3 \\ p_4 \end{pmatrix}$$

$$F = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

Zustand nach Ausführung des Prozesses:

$$E = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ 0 & 3 & 1 & 2 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 4 \\ \hline \times & \times & \times & \times & \times \\ 0 & 2 & 1 & 3 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \\ p_3 \\ p_4 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ 3 & 3 & 4 & 0 & 3 \\ 1 & 1 & 6 & 4 & 1 \\ \times & \times & \times & \times & \times \\ 4 & 3 & 1 & 1 & 2 \end{pmatrix} \frac{p_1}{p_2}$$

$$K_1$$
 K_2 K_3 K_4 K_5
 $F = \begin{pmatrix} 4 & 2 & 4 & 1 & 2 \end{pmatrix}$

Übungsblatt Aufgabe 2 a)

Die Differenz von Fzu den Zeilen der Matrix A ist

$$\begin{pmatrix} 4 & 2 & 4 & 1 & 2 \\ 4 & 2 & 4 & 1 & 2 \\ \times & \times & \times & \times & \times \\ 4 & 2 & 4 & 1 & 2 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 3 & 3 & 4 & 0 & 3 \\ 1 & 1 & 6 & 4 & 1 \\ \times & \times & \times & \times & \times \\ 4 & 3 & 1 & 1 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 & 1 & -1 \\ 3 & 1 & -2 & -3 & 1 \\ \times & \times & \times & \times & \times \\ 0 & 1 & 3 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

- Da in jeder der drei verbleibenden relevanten Zeilen mindestens ein Eintrag negativ ist, kann kein weiterer Prozess mehr mit seinen Maximalanforderungen ausgeführt werden kann
- in kurz: da in jeder Zeile mindestens ein Eintrag von A größer als der entsprechende Eintrag von F ist \rightarrow unsicherer Zustand

Übungsblatt Aufgabe 2 b)

Zustand Z_3

$$E = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ 0 & 2 & 1 & 2 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 4 \\ 2 & 2 & 0 & 0 & 2 \\ 0 & \mathbf{3} & 1 & 3 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \\ p_3 \\ p_4 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ 3 & 4 & 4 & 0 & 3 \\ 1 & 1 & 6 & 4 & 1 \\ 2 & 0 & 4 & 1 & 0 \\ 4 & 2 & 1 & 1 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \\ p_3 \\ p_4 \end{pmatrix}$$

$$F = (2) \quad (3) \quad (4) \quad (1) \quad (3)$$

Nun kann p_3 ausgeführt werden:

Ubungsblatt Aufgabe 2 b)

Iteration 1:

Zustand während der maximalen Ressourcenanforderungen des ausgeführten Prozesses:

$$E = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ 0 & 2 & 1 & 2 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 4 \\ 4 & 2 & 4 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & 1 & 3 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \\ p_3 \\ p_4 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ 3 & 4 & 4 & 0 & 3 \\ 1 & 1 & 6 & 4 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 4 & 2 & 1 & 1 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \\ p_3 \\ p_4 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ 3 & 4 & 4 & 0 & 3 \\ 1 & 1 & 6 & 4 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 4 & 2 & 1 & 1 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \\ p_3 \\ p_4 \end{pmatrix}$$

$$K_1$$
 K_2 K_3 K_4 K_5
 $F = (0 0 0 0 0 0)$

Zustand nach Ausführung des Prozesses:

$$E = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ 0 & 2 & 1 & 2 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 4 \\ \times & \times & \times & \times & \times \\ 0 & 3 & 1 & 3 & 2 \end{pmatrix} \stackrel{p_1}{\cancel{E}_4}$$

$$A = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ 3 & 4 & 4 & 0 & 3 \\ 1 & 1 & 6 & 4 & 1 \\ \times & \times & \times & \times & \times \\ 4 & 2 & 1 & 1 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \\ p_3 \\ p_4 \end{pmatrix}$$

$$F = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ \hline 4 & 2 & 4 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

Nun kann p_4 ausgeführt werden:

Aufgabe 2 b)

Iteration 2:

Zustand während der maximalen Ressourcenanforderungen des ausgeführten Prozesses:

$$E = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ 0 & 2 & 1 & 2 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 4 \\ & & & & \\ 4 & 5 & 2 & 4 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \\ p_3 \\ p_4 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ 3 & 4 & 4 & 0 & 3 \\ 1 & 1 & 6 & 4 & 1 \\ & & & & \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \\ p_3 \\ p_4 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ 3 & 4 & 4 & 0 & 3 \\ 1 & 1 & 6 & 4 & 1 \\ & & & & \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \\ p_3 \\ p_4 \end{pmatrix}$$

$$K_1$$
 K_2 K_3 K_4 K_5
 $F = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 3 & 0 & 0 \end{pmatrix}$

Zustand nach Ausführung des Prozesses:

$$E = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ 0 & 2 & 1 & 2 & 1 & p_1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 4 & p_2 \\ \times & \times & \times & \times & \times & p_4 \end{pmatrix}$$

$$K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ F = \begin{pmatrix} 4 & 5 & 5 & 4 & 4 \end{pmatrix}$$

Nun kann p_1 ausgeführt werden:

Aufgabe 2 b)

Iteration 3:

Zustand während der maximalen Ressourcenanforderungen des ausgeführten Prozesses:

$$A = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 6 & 4 & 1 \\ & & & & & p_1 \\ p_2 & & & & p_2 \\ p_3 & & & p_4 \end{pmatrix}$$

$$K_1 K_2 K_3 K_4 K_5$$

 $F = (1 1 1 4 1)$

Zustand nach Ausführung des Prozesses:

$$F = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ 4 & 7 & 6 & 6 & 5 \end{pmatrix}$$

Aufgabe 2 b)

Iteration 4:

Zustand während der maximalen Ressourcenanforderungen des ausgeführten Prozesses:

$$E = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ 2 & 7 & 4 & 5 \\ p_2 & p_3 \\ p_4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \\ p_3 \\ p_4 \end{pmatrix}$$

$$E = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 7 & 4 & 5 \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & &$$

$$F = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ (3 & 6 & 0 & 2 & 4) \end{pmatrix}$$

Zustand nach Ausführung des Prozesses:

$$A = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ \times & \times & \times & \times & \times \\ & & & & \end{pmatrix} \begin{array}{c} p_1 \\ p_2 \\ p_3 \\ p_4 \end{array}$$

$$F = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 & K_3 & K_4 & K_5 \\ 5 & 7 & 7 & 6 & 9 \end{pmatrix}$$

$$=$$
 $51'$ de

Der Zustand Z₃ ist also sicher, da alle Prozesse unter der Annahme des Bankier-Algorithmus terminieren können.

Übungsblatt Aufgabe 3 a)

- Der Bankier-Algorithmus betrachtet nur die Maximalanforderungen und nicht den tatsächlichen Programmablauf
 - → Bankier-Algorithmus verhält sich oft zu restrektiv

Beispiel 2

Prozess 1	Prozess 2		
1: Anforderung A	1: Anforderung B		
2: Freigabe A	2: Freigabe B		
3: Anforderung B	3: Anforderung A 7		
4: Freigabe B	4: Freigabe A		

 Die Zeitintervalle, in denen verschiedene Ressourcen für einen Prozess reserviert sind, müssen sich nicht überlappen

Aufgabe 3 a)

Es gilt V = (1,1) und

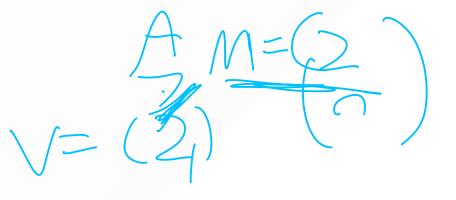
$$M = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 &$$

Wir überprüfen den Zustand nachdem beide Prozesse jeweils die erste Code-Zeile ausgeführt haben. Dann gilt

$$\begin{array}{c}
30 \text{ Myr} \\
E = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}
\end{array}$$

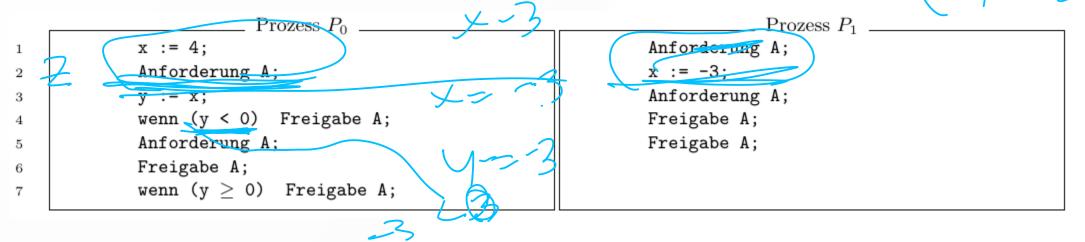
$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

und $F = \{0,0\}$). Es handelt sich um einen unsicheren Zustand, da es keinen Prozess mehr gibt, dessen Anforderungen alle mit den verfügbaren Ressourcen erfüllt werden können. Es tritt jedoch kein Deadlock auf, wie auch an einem Ressourcendiagramm abzulesen ist.



• Ein Prozess muss **nicht zwingend** die von ihm angegebene "**maximale Anzahl** angeforderter Ressourcen" einer **Klasse** auch wirklich anfordern

Beispiel 2



Variable von beiden Prozessen gemeinsam genutzt, Ausführung jeder Zeile atomare Operation

Übungsblatt Aufgabe 3 b)

- ullet Wir nehmen V=2 an
- ullet $M_0=2$ (kann im Fall von $y\geq 0$ auftreten) $M_1=2$
- Die Voraussetzungen für den Bankier-Algorithmus sind erfüllt:
 - Die Maximalanforderungen sind im Voraus bekannt
 - $M_0 \leq V$ und $M_1 \leq V$, also übersteigen die **Maximalanforderungen** für keinen Prozess die zur Verfügung stehenden **Ressourcen**
- Unsichrer Zustand nach Ereignissen:
 - ullet P_0 führt zuerst Zeile 1 und 2 aus, danach führt P_1 die Zeilen 1 und 2 aus:
 - Unsichrer Zustand: $E_0=1, E_1=1, A_0=M_0-E_0=1, A_1=M_1-E_1=1$ und $F_A=V_A-E_0-E_1=2-1-1=0.$

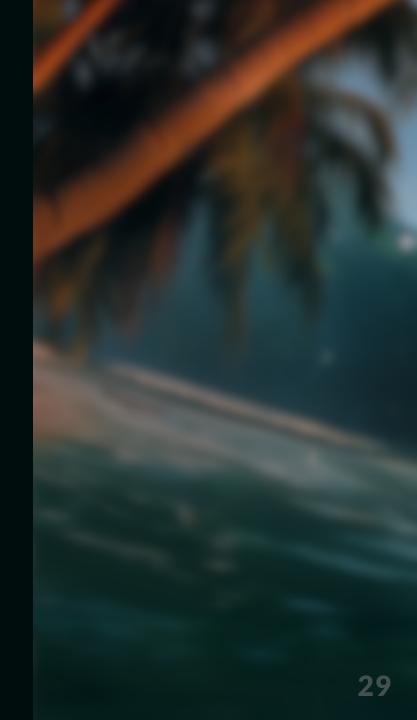
Übungsblatt Aufgabe 3 b)

- Es kann für keinen Prozess eine Restausführung gewährleistet werden, da der Bankier-Algorithmus die Maximalanforderungen betrachtet ohne den tatsächlichen Programmablauf zu berücksichtigen
- Da x=-3 ist, wird von P_0 nie mehr als eine Ressource gleichzeitig von A verwendet. Deshalb gibt es ausgehend von diesem Zustand keine Möglichkeit einen Deadlock zu erhalten

Fazit

• In den beiden Beispielen, kann (nicht muss) es einen unsicheren Zustand geben, der aber nicht zwingend zu einem Deadlock führt

Quellen



Quellen Wissenquellen



QuellenBildquellen



Vielen Dank für eure Aufmerksamkeit!



