# Label Noisy Representation Learning

Wentao Mo<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Department of Machine Intelligence Peking University

2021年4月23日

1/15

#### Outline

- 1 Noise Transition Matrix, Forward/Backward Correction
- 2 Estimate Noise Transition Matrix T
- 3 Regularization: Explicit
- 4 Regularization: Implicit
- Objective Reweighting

**PKU** 

2/15

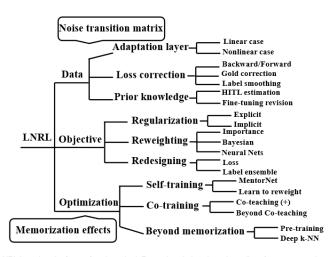


Fig. 2. A taxonomy of LNRL based on the focus of each method. For each technique branch, we list a few representative works here.

#### Noise Transition Matrix, Forward/Backward Correction

#### 定义

(Noise transition matrix) Suppose that the observed noisy label  $\bar{y}$  is drawn independently from a corrupted distribution p(X,Y), where features are intact. Meanwhile, there exists a corruption process, transition from the latent clean label y to the observed noisy label  $\bar{y}$ . Such a corruption process can be approximately modeled via a noise transition matrix T, where  $T_{ij} = p (\bar{y} = e_i \mid y = e_i)$ 

#### 两种经典的(合成)噪声转移矩阵,对称flipping/配对flipping

$$\begin{bmatrix} 1-\tau & \frac{\tau}{n-1} & \dots & \frac{\tau}{n-1} \\ \frac{\tau}{n-1} & 1-\tau & & \frac{\tau}{n-1} \\ \vdots & & \ddots & \vdots \\ \frac{\tau}{n-1} & \frac{\tau}{n-1} & \dots & 1-\tau \end{bmatrix}$$

例件空興的 (日成) 樂声を移足阵、対称 impling/自己的 impling 
$$\begin{bmatrix} 1-\tau & \frac{\tau}{n-1} & \dots & \frac{\tau}{n-1} \\ \frac{\tau}{n-1} & 1-\tau & \frac{\tau}{n-1} \\ \vdots & & \ddots & \vdots \\ \frac{\tau}{n-1} & \frac{\tau}{n-1} & \dots & 1-\tau \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1-\tau & \tau & 0 & 0 \\ 0 & 1-\tau & \tau & 0 \\ \vdots & & \ddots & \vdots \\ 0 & & & \tau \\ \tau & 0 & \dots & 1-\tau \end{bmatrix}$$

实际中噪声不一定形式这么好/对称.

#### Estimate Noise Transition Matrix $oldsymbol{T}$

#### 定义

后向矫正

$$\ell^{\leftarrow}(f(x), \bar{y}) = \left[T^{-1}\ell_{y|f(x)}\right]_{\bar{y}} \tag{1}$$

可以证明后向矫正 loss 是 clean label loss 的无偏估计.

#### 定义

前向矫正

$$\ell^{\to}(f(x), \bar{y}) = \left[\ell_{y|T^{\top}} f(x)\right]_{\bar{y}} \tag{2}$$

可以证明前向矫正 loss 和 clean label loss 上有相同的极小值.

4 D F 4 B F 4 E F 4 E F 9) Q (\*

Wentao Mo (Al@PKU) PKUAI PKU 5/15

#### Estimate Noise Transition Matrix T

- (Patrini et al., 2017) 提出一个两阶段训练. 首先使用 noisy data 训练网络, 再获得一个 T 的估计, 再重新训练网络, 使用 T 校正的 loss.
- ② (Hendrycks et al., 2018) 提出了 Gold 校正来处理严重噪声. 关键思路是, 假设一部分数据是可信的且可用的, 比如有一些专家来得出的 trusted set D. 他们使用 D 来估计 T, 再用前向矫正来训练 DNN, 这就是 GLC.
- ③ 使用 Label Smoothing. 本质上是后向矫正, 且  $T^{-1}=(1-\alpha)I+rac{\alpha E}{L}$

Wentao Mo (Al@PKU) PKUAI PKU 6/15

# Estimate Noise by Adaptation Layer

(Sukhbattar, 2015) 提出了在网络输出之后增加一个参数化 T 的 adapt. layer. 单独用 CE 优化两个不同的模块并不能达到 optimal 的 T. 他们又增加了一个 T 的正则化项 trace norm.

(Goldberger et al., 2017) 使用了 base model param. by  $\omega$ , 以及噪声模型 param. by  $\theta$ . 既然 base model 的输出是 hidden 的, 那么他们用 EM 算法来估计隐藏输出 (E-step), 以及当前的参数 (M-step). EM 也会导致局部最优和可伸缩性的问题.

# Regularization: Explicit

- ① (Azadi et al., 2016) 提出了一种正则化项  $\Omega_{\mathsf{aux}}\left(w\right) = \|Fw\|_{\mathsf{g}}$  其中  $\|\cdot\|_{\mathsf{g}}$  是 group norm,  $F^{\top} = [X_1, \dots, X_n], X_i = \mathrm{Diag}(\boldsymbol{x}_i)$ , 鼓励稀疏性. 这会鼓励一小部分 clean data 来 control model.
- ② (Berthelot et al., 2019) 提出了 MixMatch 来进行 SSL. 其中的一个关键部分是 Minimum Ent. Reg.(MER), 也是一种显式正则化. MER 提出于 (Grandvalet & Bengio, 2005), 关键 idea 是把 CE 加入一个正则项, 鼓励在 unlabeled data 上给出 high-confidence 的输出, 具体地,最小化在 unlabeled 数据上的熵.
- 类似于 MER, psedo-label 方法 (D.-H. Lee,, 2013)(i.e. lebel guessing) 进行隐式的 ent. 最小化. 具体上讲, 首先计算模型 (通过各种 augmentation) 预测的类型分布, 再通过 temperature sharpening func. 来最小化 label dist. 的熵.

# Regularization: Explicit

(Miyato et al., 2018) 提出了一个 virtual adversarial loss, 使用 VA direction, 一种无标签的对抗样本生成法, 类似 FGSM/PGD 但利用了二阶梯度的估计.

定义  $D\left(r,x_*,\theta\right):=D\left[p\left(y\mid x_*,\hat{\theta}\right),p\left(y\mid x_*+r,\theta\right)\right]$  由于在 r=0 时,  $\nabla_r D(r,x,\hat{\theta})\Big|_{r=0}=0$ ,那么有二阶估计

$$D(r, x, \hat{\theta}) \approx \frac{1}{2} r^T H(x, \hat{\theta}) r$$
 (3)

那么  $r_{vadv}$  可以是 Hessian 的第一个 dominant eigenvector 具有长度  $\epsilon$ 

$$r_{\text{vadv}} \approx \arg \max_{r} \left\{ r^T H(x, \hat{\theta}) r; ||r||_2 \le \epsilon \right\}$$

$$= \epsilon \overline{u(x, \hat{\theta})}, \tag{4}$$

4□▶ 4□▶ 4□▶ 4□▶ 3□ 900

Wentao Mo (Al@PKU) PKUAI PKU 9/15

# Regularization: Explicit

为了避免直接计算 H,使用有限差分法来估计这个乘积,随机采样一个 unit vectord, 迭代计算 mat-vec prod.  $d \leftarrow \overline{Hd}$ .

$$Hd \approx \frac{\left. \nabla_r D(r, x, \hat{\theta}) \right|_{r=\xi d} - \left. \nabla_r D(r, x, \hat{\theta}) \right|_{r=0}}{\xi}$$

$$= \frac{\left. \nabla_r D(r, x, \hat{\theta}) \right|_{r=\xi d}}{\xi}$$
(5)

i.e.,

$$d \leftarrow \overline{\nabla_r D(r, x, \hat{\theta}) \Big|_{r = \xi d}} \tag{6}$$

他们发现一步迭代就能达到类似 FGSM 里的估计精度.

10 / 15

# Regularization: Implicit

(Reed et al., 2015) 的 Bootsrapping. 学习器和自己 bootstrap, 使用 label 和模型目前的 prediction 的凸组合来生成训练目标. 直觉上, 随着 learner 学习, predictions 也变得可信. 进而避免对 noise 的直接建模. 具体地, 有 soft/hard 两种 bootstrapping. 对于 soft bootstrapping, 使用预测的类概率 q 来得到回归目标.

$$\ell_{\text{soft}}(q, t) = \sum_{k=1}^{L} [\beta t_k + (1 - \beta) q_k] \log(q_k)$$
 (7)

这等价于 softmax regression + MER.

对于 hard bootstrapping, 使用 q 的 MAP 估计.

$$\ell_{\mathsf{hard}}(q,t) = \sum_{k=1}^{L} [\beta t_k + (1-\beta)z_k] \log(q_k)$$
 (8)

其中  $z_k = \mathbf{1}[k = \arg\max_{i=1,\dots,L} q_i]$  为了能够优化 hard 版本, 需要使用 EM-like 算法. E-step 中计算凸组合的 targets, M-step 根据 targets 进行优化参数.

### Regularization: Implicit

(Zhang et al., 2018) 的 Mixup. 这显然也是一种 label regularization. (Han et al., 2020) 的 SIGUA(data-agnostic). 注意到随着网络容量的提升, 网络能逐渐地 overfit noisy data. 所以他们提出了 Stochastic Integrated Gradient Underweighted Ascent(SIGUA) 的一种训练策略, 在一个 mini-batch 中, 线照常使用 SGD, 再在 bad-data 上使用 (Ir 递减的) 梯度递增. 在训练哲学上, SIGUA 让网络忘记不想要的记忆, 来更好的加强想要的记忆.

# Objective Reweighting: Importance Reweighting, Bayesian Methods

(Liu and Tao, 2015) 使用 importance reweighting 来 LNL. 将 noisy data 作为 source domain, clean data 作为目标 domain. Idea 是重写经验风险w.r.t. clean data, 可以得到

$$\beta(X, \bar{Y}) = p_D(\bar{Y} = i \mid X = x) / p_{\bar{D}}(\bar{Y} = i \mid X = x)$$
(9)

就是 IW. 这可以通过转移矩阵 T 或者使用小数据集的 clean data(like GLC) 来学到.

(Wang et al., 2017) 的 reweighted prob. models(RPM) 来应对 label noise. Idea 在于, 降低 bad labels 的权重且增加 clean labels 的权重. 具体地,

- 定义概率模型  $p_{\beta}(\beta) = \prod_{n=1}^{N} \ell(y_n \mid \beta)$
- 给出 latent weight 的先验分布  $p_w(w), w = (w_1, \dots, w_N)$

$$p(y, \beta, w) = 1/z \cdot p_{\beta}(\beta) p_{w}(w) \prod_{n=1}^{N} \ell(y_{n} \mid \beta)^{w_{n}}$$
 (10)

• 推理  $\beta, w$ , 通过后验分布  $p(\beta, w|y)$ . 先验分布  $p_w(w)$  可以是 Beta 分布, scaled Dirichlet 分布, Gamma 分布. 不同的选择 trade off 小概率

Wentao Mo (Al@PKU) PKUAI PKU 13/3

# Objective Reweighting: Bayesian Methods

(Arazo et al., 2019) 使用了两组分 beta mixture model(BMM), 视为 clean-noisy 的混合, 使用了一个 bootstrapping loss. 具体地, 使用 dynamic weighted boostrapping loss. 数学上, 定义 loss 上的 pdf

$$p(\ell) = \sum_{k=1}^{K} \lambda_k p(\ell \mid k)$$
 (11)

并且  $p(\ell \mid k)$  可以使用 Beta 分布建模.

$$p(\ell \mid \alpha, \beta) = \frac{\Gamma(\alpha + \beta)}{\Gamma(\alpha)\Gamma(\beta)} \ell^{\alpha - 1} (1 - \ell)^{\beta - 1}$$
(12)

上述问题可以使用 EM 算法来解决.

更具体地,引入  $\gamma_k(\ell)=p(k\mid\ell)$ ,E-step 中固定  $\lambda,\alpha,\beta$ ,计算  $\gamma$ . M-step 中固定  $\gamma$ ,使用带权动量估计  $\alpha,\beta$ ,动态权重则使用简单的方法来得到  $\lambda_k=\frac{1}{N}\sum_{i=1}^N\gamma_k\left(\ell_i\right)$ . 基于这个 BMM 模型,他们还提出了动态 hard/soft bootstrapping loss,其中每个 sample 的 weight 动态的设置为  $p\left(k=1\mid\ell_i\right)$ (sample 为 clean 的概率).

# Objective Reweighting: NNs

(Shu et al., 2019) 使用 Meta-Weight-Net(MW-Net) 来学习显示的 weighting function. w. func. 是一个单层 MLP, 从 loss 到 weight. 数学上

$$w^*(\theta) = \arg\min_{w} \ell^{\text{tr}}(w; \theta) = 1/N \sum_{i=1}^{N} \mathcal{V}\left(t_i^{\text{tr}}(w); \theta\right) \ell_i^{\text{tr}}(w)$$
 (13)

这里, 可以使用**元学习**来优化 MW-Net: 给出一些 clean, balanced 元数据  $\left\{x_i^{(\text{meta}\ )},y_i^{(\text{meta}\ )}
ight\}_{i=1}^M$  , 最小化 meta-loss

$$\theta^* = \arg\min_{\theta} \ell^{\text{meta}} (w^*(\theta)) = 1/M \sum_{i=1}^{M} \ell_i^{\text{meta}} (w^*(\theta))$$
 (14)

使用 SGD 迭代的分别更新 w 和  $\theta$ 

◆ロト ◆昼 ト ◆ 重 ト ◆ 重 ・ 夕 Q ○

Wentao Mo (Al@PKU) PKUAI PKU 15/15