$$0 \longrightarrow \Omega^*(M) \longrightarrow \Omega^*(U) \oplus \Omega^*(V) \xrightarrow[(\omega,\tau) \mapsto \tau - \omega]{} \Omega^*(U \cap V) \longrightarrow 0$$