Mini projet 1 : Calcul du prix d'une option asiatique

Valentin DE CRESPIN DE BILLY

Matthias LANG

30.11.2021

N. d'étudiant : 247067 et 313411Université Catholique de l'OuestMathématiques financières

1 Calculer le prix du sous-jacent

Nous avons essayé d'atteindre une équation qui ne dèpend que des variables connues comme la formule de Black-Scholes. Cela n'a pas fonctionné.

$$dS_t = S_t(rdt + \sigma\sqrt{S_t}dW_t) \tag{1}$$

$$\iff \frac{dS_t}{S_t} = rdt + \sigma\sqrt{S_t}dW_t$$
 (2)

On prend l'équation 1 :

$$= dS_t = S_t r dt + \sigma S_t^{1.5} dW_t \quad ; \text{Puis}$$

$$d\langle S_t, S_t \rangle$$

$$= \langle dS_t, dS_t \rangle =$$

$$= \langle S_t r dt + \sigma S_t^{1.5} dW_t, S_t r dt + \sigma S_t^{1.5} dW_t \rangle =$$

$$= \langle \sigma S_t^{1.5} dW_t, \sigma S_t^{1.5} dW_t \rangle =$$

$$= S_t^3 \sigma^2 \langle dW_t, dW_t \rangle =$$

$$= S_t^3 \sigma^2 dt$$

On pose : $X_t = ln(S_t)$

Formule d'Ito :
$$dln(S_t) = \frac{dS_t}{S_t} + \frac{1}{2} \frac{-1}{S_t^2} d\langle S_t, S_t \rangle$$
 (3)

(4)

Avec les équations 2 et 3 :

$$dln(S_t) = rdt + \sigma\sqrt{S_t}dW_t - \frac{1}{2}S_t\sigma^2dt = (r - \frac{1}{2}S_t\sigma^2)dt + \sigma\sqrt{S_t}dW_t$$
 (5)

$$ln(\frac{S_t}{S_0}) = ln(S_t) - ln(S_0) = \int_0^t dln(S_u) =$$

$$= \int_0^t (r - \frac{1}{2}S_t\sigma^2)du + \int_0^t \sigma\sqrt{S_t}dW_t$$

$$= \dots$$

Donc on ne peut pas facilement dériver une formule pour le prix comme ça, qui dépend que des variables fixées, mais on peut le simuler pas à pas en utilisant (1):

$$S_0$$
 soit connu

$$dS_0 = S_0(rdt + \sigma\sqrt{S_0}dW_0)$$

$$S_1 \approx S_0 + dS_0$$

$$dS_1 = S_1(rdt + \sigma\sqrt{S_1}dW_1)$$

$$S_2 \approx S_1 + dS_1$$
(6)

1.1 ecdf

Sieht Gaussian aus -> KI damit probieren, aber keine richtige Normalverteilung, also bootstrap!

1.2 Réduction de la variance du éstimateur

Les éstimateurs ont une variance telle que : $\hat{Var}(C) = \hat{\sigma_i^2}/n_t$, oú n_t est le nombre des observations et $\hat{\sigma_i^2}$ est la variance estimée de la population, qui est égal à la variance de l'échantillon.

Supposons que nous ne connaissions ni les paramètres ni la règle à partir desquels les prix sont établis. Nous ne pouvons donc pas augmenter le nombre d'observations pour améliorer l'estimateur. Quelle autre possibilité existe-t-il pour réduire sa variance?

Avec les techniques de bootstrap on pourrait répliquer les données. Mais on

risque de introduir un biais. Si on utilise une variable de contrôle on n'invente pas des nouvelles données, ni risque-t-on de changer l'ésperance.

2 Réalisation numerique

Les algorithmes sont réalisées avec deux langues de programmation : Matlab et Visual Basic for Applications. Plusieurs graphiques sont y générés, vous les trouverez dans l'annexe ??. En plus, avec le logiciel Excel nous avons crée un dashboard, voir une capture d'figure refX. Vous trouverez les scriptes et les images dans l'annexe, et avec la fiche de dashboard également dans le repository.

Appendices

Toutes les fiches se trouvent dans le repository en ligne :

https://github.com/matthias-10/UCO_actuariat_mini-projet

A Graphiques

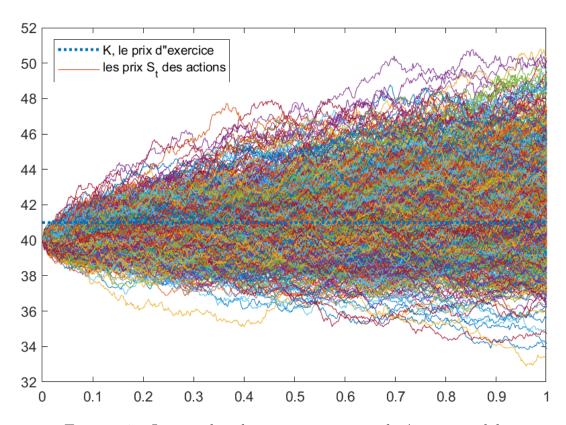


FIGURE 1 – Les graphes de tous trajectoires, plotés avec matlab

B Code Matlab

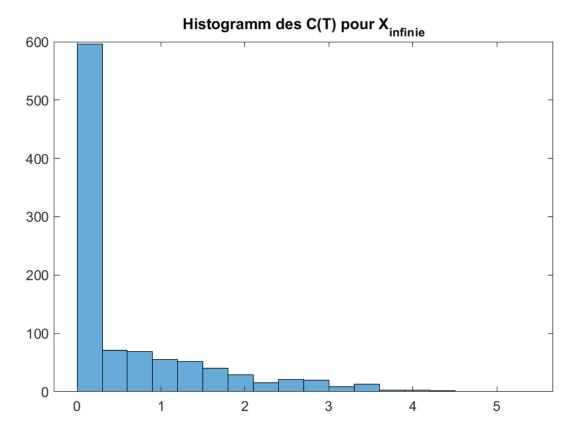


Figure 2 – Histogramme des simulations pour C_{∞}

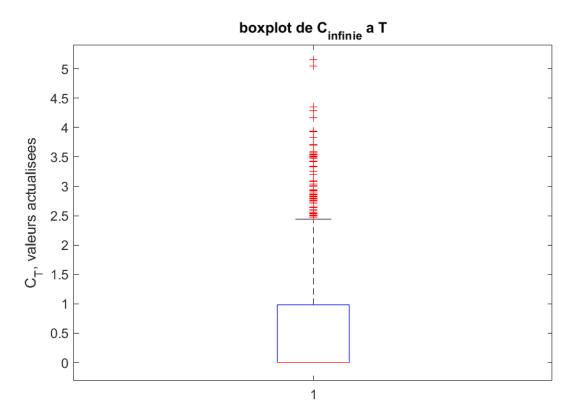


Figure 3 – Boxplot des simulations pour C_{∞}

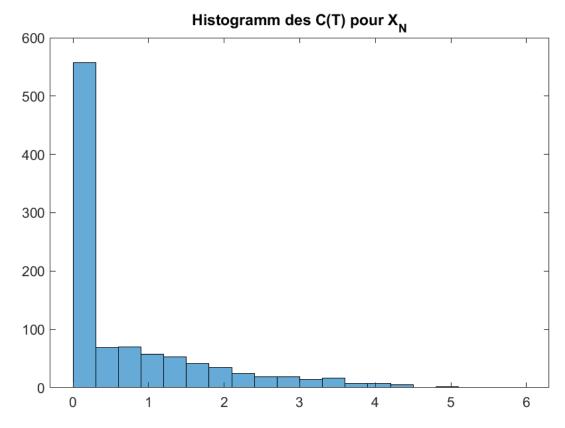


FIGURE 4 – Histogramme des simulations pour C_N

```
~~~~~ Mathematiques financieres: Mini-projet 1 ~~~~~ %
10
  %% ~~~~~~~~~~~ Parametres ~~~~~~~~ %%
  S0 = 40;
                         % Prix initial du sous jacent
  r = 0.05;
                         % Taux d'interet sous risque neutre
  sigma = 0.01;
                         % Variance partie fixe
  t0 = 0;
                         % Debut de la periode
  n = 2^6;
                         % Nombre de intervalles
  T = 5;
                         % Fin de la periode
  Nd = 8;
                         % Nombre des sous-intervalles
  nt = 200000;
                         % Nombre de trajectoires
  alpha = 0.05;
                    % niveau au risque
```

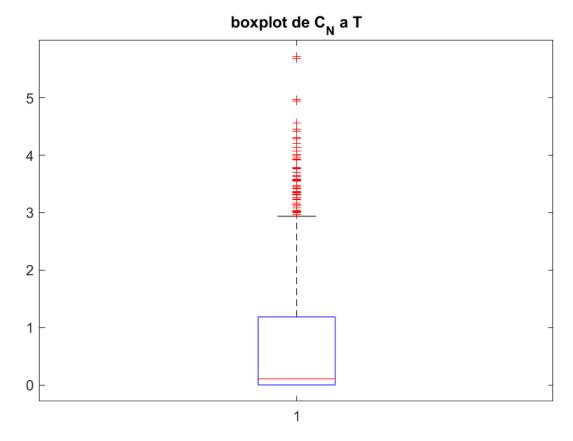


Figure 5 – Boxplot des simulations pour C_N

```
if Nd > n/2-1
    warning("Le nombre de sous-intervalles est tres petit")
    fprintf('Il fallait Nd << n')
end

tic
starttime = datetime('now');
fprintf('\n ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ \n');
fprintf('\La programme a demarre a %s \n', starttime);

% K basé sur le prix moyen d'une obligation sans risque
syms func(x)</pre>
```

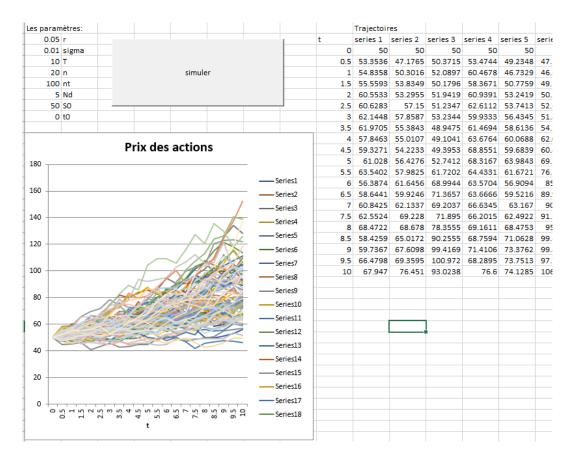


Figure 6 – le Excel dashboard

```
% Methode de Euler
_{60} | S(:, 1) = S0;
  S_anti = S;
  VC = S;
  for i = 2:(n+1)
       % ~~~~~~~~~~~ Simulation des prix ~~~~~~~~~ %
65
      dWt = normrnd(zeros(nt,1),sqrt(dt));
      dSi = S(:,i-1).* ...
             ( r*dt + sigma*sqrt(S(:,i-1)).*dWt );
      S(:,i) = S(:,i-1) + dSi;
70
      S(:,i) = S(:,i) .* (S(:,i) >= 0);
       % ~~~~~~~~~ variable antithetique ~~~~~~~~~ %
      dWt_a = -1*dWt;
75
      %dS_{anti} = S_{anti}(:, i-1).*...
                 ( r*dt + sigma*sqrt(S_anti(:,i-1)).*dWt_a );
      % sans biais (?):
      dS_anti = S_anti(:,i-1).* ...
                ( r*dt + sigma*sqrt(S(:,i-1)).*dWt_a );
      S_{anti}(:,i) = S_{anti}(:,i-1) + dS_{anti};
      S_anti(:,i) = S_anti(:,i) .* (S_anti(:,i) >= 0);
      % ~~~~~~~~ variable de controle ~~~~~~~ %
85
      dWt_vc = normrnd(zeros(nt,1),sqrt(dt));
      dWt_vc = dWt_vc + dWt_vc \dots
                 .*sign(dWt).*(sign(dWt_vc) - sign(dWt));
      dSi = VC(:,i-1).* ...
             ( r*dt + sigma*sqrt(S(:,i-1)).*dWt_vc );
90
```

```
VC(:,i) = VC(:,i-1) + dSi;
       VC(:,i) = VC(:,i) .* (VC(:,i) >= 0);
   end
  %% ~~~~~~~ C_inf: calcul avec X_T ~~~~~~ %%
   % integral: l'aire de t0 a T sous S
   X = (0.5*S0 + sum(S(:,2:n),2) + 0.5*S(:,n+1))/n;
  C = (X - K) .* logical(X - K >= 0);
  C_0 = exp(-r*T)*C;
   % avec la variable antithetique
   X_a = (0.5*S0 + sum(S_anti(:,2:n),2) + 0.5*S_anti(:,n+1))/n;
105 % avec la variable de controle
  X_vc = (0.5*S0 + sum(VC(:,2:n),2) + 0.5*VC(:,n+1))/n;
   %% ~~~~~~~~ C_N: calcul avec X_T_prim ~~~~~~~~ %%
  | % 1/N * sum_1^N S_{kT/N} |
   % kT n'est necessairement pas un numero entier => arrondir
   index = fliplr(1:n);
   warn_id = 'MATLAB:colon:nonIntegerIndex';
warning('off', warn_id);
   % ^supprime Warning a cause de arrondir:
   index = index(1:(n/Nd):end);
   X_{prim} = sum(S(:,index),2)/Nd;
120 | C_prim = (X_prim - K) .* logical( X_prim - K >= 0 );
  C_0_{prim} = exp(-r*T)*C_{prim};
   %% ~~~~~~~~~~~~~~ estimateurs ~~~~~~~~~ %%
```

```
125
   % ~ Estimateur ~
   % C_inf * exp(-rT) est une martingale donc
   % E[exp(-rT) *C_inf] = C_inf(S_0)
  % C
130
   C_0_{est} = mean(C_0);
   C_est_var = var(C_0)/nt; %/nt ?
   X_{mu} = mean(X);
135
   % C_N
   C_0_prim_est = mean(C_0_prim);
   C_prim_est_var = var(C_0_prim)/nt; %/nt?
140 | X_prim_mu = mean(X_prim);
   %% ~~~~~~~~~ intervalle de confiance ~~~~~~~~ %%
                      (seulement pour N=inf)
145
   v = nt/(nt-1)*var(X); % variance d'echantillonnage
   %%% variable supossée normale
   X_IC_gauss = [X_mu + sqrt(v/nt)*norminv(alpha/2) ...
                 X_mu + sqrt(v/nt)*norminv(1-alpha/2) ];
150
   % variable antithetique
   X_ab_mu = mean([X;X_a]);
   na = 2*nt;
  va = na/(na-1)*var([X;X_a]);
   X_a_IC_gauss = [X_ab_mu + sqrt(va/na)*norminv(alpha/2) ...
                   X_ab_mu + sqrt(va/na)*norminv(1-alpha/2)];
```

```
% efficace ?
  co = cov([X X_a]);
160
   fprintf(['\nLa covariance entre X et la variable '...
           'antithetique est: %0.5g\n'], co(2,2))
   %%% bootstrap pour C
  sims = 10^3;
   y = zeros(1, sims);
   for i = 1:sims
       y(i) = mean(randsample(C_0_est,nt,true)) - C_0_est;
   end
   C_IC_boot = [C_0_est + quantile(y,alpha/2) ...
                 C_0_est + quantile(y,1-alpha/2) ];
   %% ~~~~~~~ variable de controle ~~~~~~ %%
   응
                    (seulement pour X_inf)
   % on pourrai utiliser au lieu de la var. antithetique la
  % variable de controle suivante et vice-versa
180
   % E(Y) \sim = E(X) \sim = E(Z) = \sim mean(X_a)
   EY_vc = mean(X_vc);
185 X_vc;
   p = corr(X, X_vc);
   % optimum: lambda =~ corr(X, Y) * (Var(X) / Var(Y))^{.5}
   lambda = p*(var(X)/var(X_vc))^.5;
  Z_vc = X - lambda * (X_vc - EY_vc);
   na = nt;
```

```
va = na/(na-1)*var(Z_vc);
  Z_IC_gauss = [EY_vc + sqrt(va/na)*norminv(alpha/2) ...
                 EY_vc + sqrt(va/na)*norminv(1-alpha/2)];
   % efficace ?
   fprintf(['\nLa correlation entre X et la variable '...
           'de controle X_vc est: %0.5g\n'], p)
200
   % utilisant X_a
  EY_a = mean(X_a);
   Y = 2*EY_a - X_a; % X_mu + EY_a - X_a ???
   p = corr(X, Y);
   %bien entendu, les deux sont au-peu-pres 1 correles
210
   % optimum: lambda =~ corr(X,Y)*(Var(X)/Var(Y))^{.5}
   lambda = p*(var(X)/var(Y))^{.5};
   Z_a = X - lambda * (Y - EY_a);
  na = nt;
215
   va = na/(na-1)*var(Z_a);
   Z_a_IC_gauss = [EY_a + sqrt(va/na)*norminv(alpha/2) ...
                   EY_a + sqrt(va/na)*norminv(1-alpha/2)];
   % efficace ?
   fprintf(['\nLa correlation entre X et la variable '...
           'de controle X_a est: %0.5g\n'], corr(X,X_a))
   %% ~~~~~~~ affichage des estimateurs ~~~~~~ %%
225
```

```
duree = toc;
   fprintf('\n')
   fprintf('%d trajectoires simules\n', nt);
  fprintf('Fini en %0.5g secondes\n', duree);
   fprintf('\n')
   fprintf(' ~ Les estimateurs Monte-Carlo: ~ \n')
  fprintf('L''estimateur du C_inf a t0 = %0.5g\n', ...
   C_0_est);
   fprintf('Son ecart type = %0.5g\n', sqrt(C_est_var));
  fprintf(['L''estimateur du C_N a t0, avec ' ...
       '%d sous-intervalles = %0.5g\n'], ...
      Nd, C_0_prim_est);
   fprintf('Son ecart type = %0.5g\n', sqrt(C_prim_est_var));
fprintf('\n ~ Des intervalles de Confiance ~ \n');
   fprintf('L''intervalle de confiance de X (normal):\n');
   X_IC_gauss
   fprintf('La meme intervalle avec var. antithetiques:\n');
   X_a_IC_gauss
  fprintf(['L''intervalle de confiance '...
          'de Z avec VC (normal):\n']);
   Z_IC_gauss
   fprintf(['L''intervalle de confiance '...
           'de Z avec X_a (normal):\n']);
Z_a_IC_gauss
   fprintf('L''intervalle de confiance de C_0 (bootstrap):\n');
   C_IC_boot
  %% ~~~~~~~~~ graphes ~~~~~~~ %%
```

```
nt_a = 1; % graphes de S affiches
   % 1: graphes de S;
   % 2-3: ecdf de C_inf et C_N;
   % 4-5: boxplot des estimateurs
   e 6:
          deux graphiques qui demontrent une problematique
   응 7:
          intervalles de confiance
   G = "g";
  P = input(['\n'] \dots
270
       'Pour afficher n''importe quel graphique, tapez ' ...
       'son numero \langle 1-8 \rangle ou [Enter]. \langle n' \rangle ...
       'Pour quitter tapez plusieures fois [Enter]:\n'] );
  if isstring(P) || isempty(P)
       P = 1;
   else
       if ~ismember(P,1:8)
           P = 1;
       end
   end
   while G~="q"
       disp("[Enter] pour continuer")
       switch P
285
       case 1
            fprintf('< 1: quelques premiers graphes de S >')
           figure(1)
           plot([t0 T],[K K], ':k', 'LineWidth',2)
           hold on
290
           plot(t, obligation(t))
           plot(t, S(1:nt_a,:),'b')
           plot(t, S_anti(1:nt_a,:), 'r:')
           plot(t, VC(1:nt_a,:),'g--')
```

```
% probleme si nt < nt_a
295
           plot([t0 T],[K K], '--k', 'LineWidth',2)
           hold off
            % pour comparison, si j'epargne pour le taux r:
           plot([t0\ T], [S0\ S0*(1+r)^(T-t0)], "--k"); %obl.
           %1% fplot(obligation, [t0 T], "-k");
300
           xlabel("t")
           legend("K, le prix d''exercice", ...
                   "obligation (sans risque)", ...
                   "les prix S_t des actions",...
                   "les variables antithetiques",...
305
                   "les variables de controle",...
                   "Location", "northwest");
           if n*nt > 100*1000000; P=7; end
           P=P+1; input('\n\n');
310
       case 2
           if n*nt > 100*1000000; G="q"; end
           fprintf(['< 2: fonction de distribution ' ...</pre>
315
                'cumulative estime' ...
                '\n C(T) pour X_{infinie} de C_infinie >'])
           figure(1)
            E_\pi = (e^-rT (X_T - K)^+ / F_O) \sim 1/nt \sum_{x \in C(T)}
           %histogram( C_inf );
320
           ecdf( X );
           hold on
           plot([K K],[0 1], 'k')
           plot([min(X) max(X)], [.5 .5],':b')
           x_ax = [min(X):.1:max(X)];
325
           % probleme si max-min < .1
           nor = normcdf(x_ax, X_mu, sqrt(v));
           plot(x_ax,nor,':r')
```

```
hold off
           legend("ecdf", "K", "P=50%", "cdf normal")
330
           title("ecdf X(T) pour X_{infinie}");
           P=P+1; input('\n\n');
       case 3
335
           if n*nt > 100*1000000; G="q"; end
           fprintf(['< 3: fonction de distribution ' ...</pre>
                'cumulative estime' ...
                '\n C(T) pour X_{infinie} de C_N >'])
340
           figure(1)
           ecdf( X_prim );
           hold on
           plot([K K],[0 1], 'k')
           plot([min(X_prim) max(X_prim)], [.5 .5],':b')
345
           hold off
           legend("ecdf", "K", "P=50%")
           title("ecdf X(T) pour X_{N}");
           P=P+1; input('\n\n');
350
       case 4
           if n*nt > 100*1000000; G="q"; end
           fprintf(['< 4: boxplot de l''estimateur ' ...</pre>
355
                     'C_{infinie} >'])
           figure(1)
           boxplot( C_0 );
           xticks({})
           title('boxplot de C_{infinie} a T')
           ylabel('C_T, valeurs actualisees')
```

```
P=P+1; input('\n\n');
       case 5
365
           if n*nt > 100*1000000; G="q"; end
           fprintf('< 5: boxplot de l''estimateur C_{N} >')
           figure(1)
           boxplot ( C_0_prim );
370
           xticks({})
           title('boxplot de C_{N} a T')
           P=P+1; input('\n\n');
375
       case 6
           if n*nt > 100*1000000; G="q"; end
           fprintf('< 6: L''IC de la variable de controle')</pre>
           fprintf('\n suivant pour Z a aide de VC')
380
           plot(sort(Z_vc))
           hold on
           plot(sort(X))
           plot([1 na],[K K], '--k', 'LineWidth',1)
385
           hold off
           title("X vs variable de controle Z")
           xlabel("nt")
           legend("Z","X","K")
            input('\n... 6.5 < scatter >');
           scatter(X,X_vc);
           hold on;
           plot([min(X) max(X)],[min(X) max(X)],'-k');
395
           plot(X_mu,EY_vc,'*r','LineWidth',2);
```

```
legend("X-X_{vc} en pair",...
                   "X=X_{vc}", ...
                   "les moyennes");
           hold off
400
           xlabel("X")
           ylabel("X_{vc}")
           P=P+1; input('\n');
405
       case 7
           if n*nt > 100*1000000; G="q"; end
           fprintf('< 7: L''IC de la variable de controle ')</pre>
           fprintf('\n suivant pour Z a aide de X_a')
410
           plot(sort(Z_a))
           hold on
           plot(sort(X))
           plot([1 na],[K K], '--k', 'LineWidth',1)
415
           hold off
           title("X vs variable de controle Z")
           xlabel("nt")
           legend("Z","X","K")
           input('\n... 7.5 < scatter >');
           scatter(X,Y);
           hold on;
           plot([min(X) max(X)],[min(X) max(X)],'-k');
425
           plot(X_mu,EY_a,'*r','LineWidth',2);
           legend("X-Y en pair","X=Y","les moyennes");
           hold off
           xlabel("X")
           ylabel("Y avec laquelle la v.c. est construite")
430
```

```
P=P+1; input('\n');
       case 8
           fprintf('< 8: ICs (normales) >')
435
           plot([X_mu X_ab_mu EY_vc EY_a],[1 2 3 4], 'x')
           line([K K],[0 5],'Color','green','LineStyle','--')
           line(X_IC_gauss,[1 1])
           line(X_a_IC_gauss,[2 2])
440
           line(Z_IC_gauss,[3 3])
           line(Z_a_IC_gauss,[4 4])
           legend("estimateurs", "K", "Z_a", "Z_{vc}", "X_a", "X")
           L1 = X_IC_gauss(2)-X_IC_gauss(1);
445
           L2 = X_mu - K;
           limf = X_IC_gauss + max(L1,L2)*[-1 1];
           xlim(limf)
           ylim([0 5])
           yticks (1:4)
450
           yticklabels({'X','X_a', 'Z (vc)', 'Z (a)'})
           title('Intervalles de confiance (sauf C)')
           P=P+1;
455
       case 9
           if n*nt > 100*1000000; G="q"; end
           P=input(['\n' ...
                'Pour afficher n''importe quel graphique, ' ...
460
                'tapez son numero <1-8> \n']);
           if ismember(P, 1:8)
               fprintf("Vous avez choisi: ")
           else
```

```
G = "q";
465
         end
      otherwise
         G = "q";
      end
  end
470
  if n*nt > 100*1000000
      warning("Donnees trop grandes pour affichage");
  end
475
  fprintf( " ~ MERCI POUR VOTRE ATTENTION
  % shows that X follow maybe more of a lognormal distr
  histogram(X)
  line([X_mu X_mu], [0 4500])
| mu = 0 ;
  sigma=.25;
  M = normrnd(ones(1000), va);
  histogram(X,'Normalization', 'pdf');
  line([0 0], [0 0.1])
  hold on
490
  histogram(exp(M), 'DisplayStyle', 'stairs', 'Normalization', 'pdf');
  hold off
```

C Code VBA

```
Sub Macro1()

' parametres
```

```
Dim T, n, nt, Nd As Integer
5 Dim r, sigma, SO, tO As Double
  r = Range("A2").Value
  sigma = Range("A3").Value
  T = Range("A4").Value
n = Range("A5"). Value
  nt = Range("A6").Value
  Nd = Range("A7"). Value
  SO = Range("A8"). Value
  t0 = Range("A9").Value
  Dim dt As Double
  dt = ((T - t0) / n)
   ' premier cellule de la table de trajectoires ~ t0
20 Dim Srow, Scol As Integer
  Dim Scol_abc As String
  Srow = 3
  Scol_abc = "I"
  Scol = 9
   ' worksheets
  Dim sh_dash, sh_calc, sh_s As String
  Dim sh_dash_o As Worksheet
  sh_s = "Dashboard"
  sh_dash = "Dashboard"
  Set sh_dash_o = Worksheets(sh_dash)
   ' iteratives
  Dim i, j As Integer
  Dim S() As Double
  ReDim S(1 \text{ To } n + 1, 1 \text{ To } nt)
```

```
Dim dW As Double
  Dim dS As Double
40 Dim x As Double
  'effacer t et S() aines
  With Worksheets(sh_s)
      Range(.Cells(Srow - 1, Scol), .Cells(Srow + 10000,
         Scol + 10000)).Delete
  End With
  ' afficher t
  Dim temps() As Double
  ReDim temps (n + 2)
temps(0) = t0
  For j = 1 To n + 2
      temps(j) = temps(j - 1) + dt
  Next
  Range(Scol_abc & Srow & ":" & Scol_abc & UBound(temps) +
     1) =
      WorksheetFunction.Transpose(temps)
  'simuler et afficher S pas a pas
  Cells (1 + 1, 9 + 0). Value = "t"
  For j = 1 To nt
      x = S0
      i = 1
      Cells(2 + i, 9 + j). Value = x
      Cells(1 + i, 9 + j). Value = "series " & j
      For i = 1 To n + 1
          If i > 1 Then
               dW = Sqr(-2 * Log(Rnd())) * Cos(6.283185307 *
                  Rnd()) * Sqr(dt)
```

```
'dS = S(i - 1, j) * (r * dt + sigma * Sqr(S(i + i + i + sigma)))
                   -1, j)) * dW
                'aine = Cells(1 + i, 10 + j).Value
               dS = x * (r * dt + sigma * Sqr(x) * dW)
               'S(i, j) = S(i - 1, j) + dS
               x = x + dS 'S(i - 1, j) + dS
               Cells(2 + i, 9 + j). Value = x
           End If
           S(i, j) = x
       Next
   Next
   'Range ("J21:0100") = S()
80
   ' insert Chart
   Worksheets(sh_s).Activate
   Dim chartrange As Range
   Set chartrange = Cells(Srow, Scol + 1) 'sans t
85 | Set chartrange = chartrange. Resize(n + 1, nt)
   MsgBox chartrange.Address
   Worksheets (sh_dash). Activate
   Dim Graphe As Object
   'effacer graphes aines
   For Each Graphe In ActiveSheet.ChartObjects
     Graphe.Delete
   Next Graphe
   Set Graphe = sh_dash_o.ChartObjects.Add( _
       Left:=Range("A11").Left, Width:=380, _
       Top:=Range("A11").Top, Height:=400)
   With Graphe. Chart
       .SetSourceData chartrange
100
```

```
.PlotBy = xlColumns 'echanger x et y axes
       .ChartType = xlLine
       .HasTitle = True
       .ChartTitle.Text = "Prix des actions"
       .FullSeriesCollection(1).XValues = _
105
           Range(Scol_abc & Srow & ":" & Scol_abc & UBound(
              temps) + 1)
       .Axes(xlCategory).HasTitle = True
       .Axes(xlCategory).AxisTitle.Text = "t"
   End With
110
   {\tt MsgBox} "Simulation finie pour " & nt & " trajectoires."
   'Sheets ("Dashboard") . Activate
  'Range("Parametres").Select
   'Range("A13").Value = T
   End Sub
```