Introduction
Présentation de l'algorithme
Séquentiel
Multicœurs
Muttinœuds
Conclusion

Présentation MPNA Méthode des itérations simultanées

Matthias Beaupère & Pierre Granger

M2 CHPS

19 février 2019

Plan

- 1 Introduction
- 2 Présentation de l'algorithme
- 3 Séquentiel
- 4 Multicœurs
- 6 Multinœuds
- 6 Conclusion

Introduction
Présentation de l'algorithme
Séquentiel
Multicœurs
Multinœuds
Conclusion

Introduction

Introduction
Présentation de l'algorithme
Séquentiel
Multicœurs
Multinœuds
Conclusion

La méthode des itérations simultanées

Description

Données d'entrée

- M: taille du sous-espace de Krylov
- k : nombre de vecteurs propres demandé
- p : précision demandé
- A : matrice de taille $N \times N$ donnée en entrée
- N_{iter} : nombre d'itérations

Description

Performances théoriques Performances pratiques Étude de convergence Locking

Description de l'algorithme

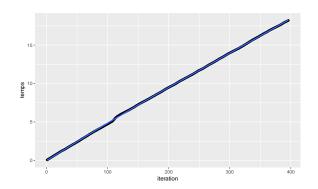
$$Q \leftarrow rand()$$

while $i=0..N_{iter}-1$ OU $\max(\text{precisions}) < p$ do $Z=AQ$
Gram-Schmidt Q
Projection $B=Z^tAZ$
Décomposition de Schur $B=Y^tRY$
Retour dans l'espace d'origine $Q=ZY$
Calcul de la précision des vecteurs de Q
Sélection des k vecteurs propres
end while

Performances théoriques

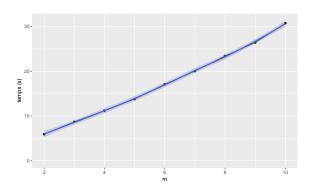
Produit AQ	$O(N^2M)$
Gram-Schmidt	O(NMlog(M))
Projection	$O(N^2M)$
Décomposition de S	chur $O(1)$
Précision	$O(NM^2)$
Sélection	O(1)
	$C^{tot} = O(N_{iter}N^2M)$

Nombre d'itérations



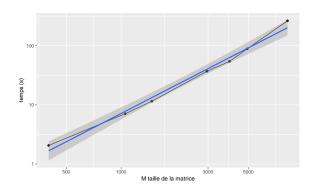
Evolution du temps de calcul en fonction du nombre d'itérations.

Taille du sous-espace de Krylov m



Evolution du temps de calcul en fonction de la taille du sous-espace de Krylov m.

Taille de la matrice M

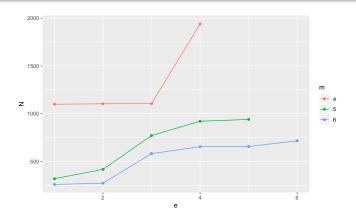


Evolution du temps de calcul en fonction de la taille de la matrice M.

Introduction
Présentation de l'algorithme **Séquentiel**Multicœurs
Multinœuds

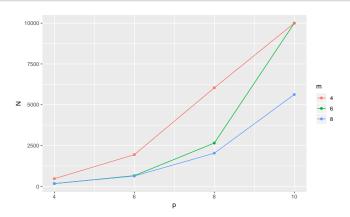
Description
Performances théoriques
Performances pratiques
Étude de convergence
Locking

Influence de m



Nombre d'itérations N nécessaires pour faire converger e valeurs propres pour différentes tailles de sous-espace de Krylov m et une précision $p=10^{-6}$

Influence de p



Nombre d'itérations N nécessaires pour faire converger e=4 valeurs propres pour différentes tailles de sous-espace de Krylov m et une précision p

Principe du locking

Justifications

- Vitesses de convergence différentes des vp.
- Perte de temps.
- Instabilités numériques.

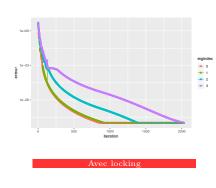
Le locking

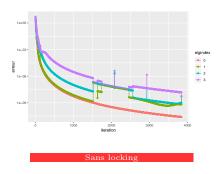
- On verrouille les vp lorsqu'ils ont convergé.
- On ne le multiplie par A.
- On diminue m.
- On l'utilise pour l'orthonormalisation.

Introduction
Présentation de l'algorithme
Séquentiel
Multicœurs
Multinœuds

Description
Performances théoriques
Performances pratiques
Étude de convergence
Locking

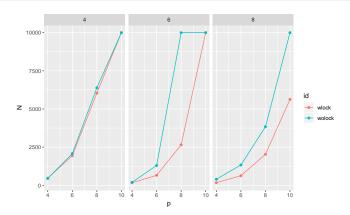
Performances du locking





Précision au cours des itérations N pour e=4 valeurs propres pour une taille de sous-espace de Krylov m=8

Performances du locking



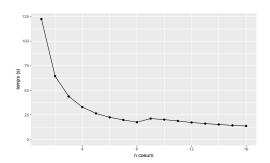
Nombre d'itérations N nécessaires pour faire converger e=4 valeurs propres pour différentes tailles de sous-espace de Krylov m et une précision p avec et sans utilisation du locking

Multicœurs

Parallélisation OpenMP

- On parallélise les produits matriciels dans l'espace d'origine
- Pragmas devan le boucles parallélisable
- Pas de pénalité de communication
- Performance : $C \leftarrow \frac{C}{N_{\text{cores}}}$

Multicœurs : performances pratiques



Nœud avec 8 cœurs hyperthreadés pour un calcul de 4 valeurs propres avec $m=8~\grave{\rm a}~p=10^{-8}$

Accélération x7 avec 8 coeurs physiques!

Introduction Présentation de l'algorithme Séquentiel Multicœurs **Multinœuds**

Description
Performances théoriques
Performances pratiques

Multinœuds

Description
Performances théoriques
Performances pratiques

Performances théoriques

Description
Performances théoriques
Performances pratiques

Multinœuds : performances pratiques

Introduction
Présentation de l'algorithme
Séquentiel
Multicœurs
Multinœuds
Conclusion

Conclusion