Progetto di Programmazione di Applicazioni Data Intensive

Achilli Mattia

Matricola: 0000847610

Caso di studio: Classificazione di banconote

- Dato un Dataset contente diverse istanze di valori di banconote prese da immagini si vuole classificare la banconota in autentica o meno
- Per la digitalizzazione delle banconote è stata utilizzata una fotocamera industriale normalmente utilizzata per l'ispezione delle banconote
- E' stato utilizzato uno strumento di trasformazione Wavelet per estrarre le features dalle immagini

Comprensione dei dati

• Per prima cosa carico le principali librerie utilizzate

In [1]:

```
%matplotlib inline
import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
import sklearn
```

• Scarico il Dataset e lo importo attraverso read_csv di pandas, i dati tra le colonne sono separati con la virgola

In [2]:

```
URL = "https://archive.ics.uci.edu/ml/machine-learning-databases/00267/data_banknote_authentication.txt" data = pd.read_csv(URL, header=None, sep = ",")
```

• Come si può notare il dataset iniziale non ha i nomi delle colonne, dovremmo inserirle manualmente

In [3]:

data.head(5)

Out[3]:

	0	1	2	3	4
0	3.62160	8.6661	-2.8073	-0.44699	0
1	4.54590	8.1674	-2.4586	-1.46210	0
2	3.86600	-2.6383	1.9242	0.10645	0
3	3.45660	9.5228	-4.0112	-3.59440	0
4	0.32924	-4.4552	4.5718	-0.98880	0

In [4]:

data.tail(5)

Out[4]:

	0	1	2	3	4
1367	0.40614	1.34920	-1.4501	-0.55949	1
1368	-1.38870	-4.87730	6.4774	0.34179	1
1369	-3.75030	-13.45860	17.5932	-2.77710	1
1370	-3.56370	-8.38270	12.3930	-1.28230	1
1371	-2 54190	-0.65804	2 6842	1 19520	1

0 1 2 3 4

· Assegno il nome delle colonne

In [5]:

```
data.columns = ["variance", "skewness", "curtosis", "entropy", "class"]
```

- Significato delle colonne:
 - variance: varianza dell'immagine trasformata
 - skewness: asimmetria dell'imagine trasformata
 - curtosis: addensamento intorno al valore medio
 - entropy: entropia dell'immagine trasformata
 - class (da predire): classe dell'istanza, 0 falsa, 1 autentica

In [6]:

data.head(5)

Out[6]:

	variance	skewness	curtosis	entropy	class
0	3.62160	8.6661	-2.8073	-0.44699	0
1	4.54590	8.1674	-2.4586	-1.46210	0
2	3.86600	-2.6383	1.9242	0.10645	0
3	3.45660	9.5228	-4.0112	-3.59440	0
4	0.32924	-4.4552	4.5718	-0.98880	0

• Come si può notare abbiamo 1372 istanze e 5 colonne

In [7]:

data.shape

Out[7]:

(1372, 5)

• Mentre i tipi di dato delle colonne sono i seguenti

In [8]:

data.dtypes

Out[8]:

variance float64 skewness float64 curtosis float64 entropy float64 class int64 dtype: object

Analisi Esplorativa dei dati

- Utilizziamo la funzione di pandas describe() per visualizzare diverse informazioni riguardanti i dati:
 - Numero di istanze
 - Media di ciascuna feature
 - Deviazione standard di ciscuna feature
 - Valore minimo di ciascuna feature
 - Percentili di ciascuna feature
 - Valore massimo di ciascuna feature

In [9]:

data.describe()

Out[9]:

	variance	skewness	curtosis	entropy	class
count	1372.000000	1372.000000	1372.000000	1372.000000	1372.000000
mean	0.433735	1.922353	1.397627	-1.191657	0.444606
std	2.842763	5.869047	4.310030	2.101013	0.497103
min	-7.042100	-13.773100	-5.286100	-8.548200	0.000000
25%	-1.773000	-1.708200	-1.574975	-2.413450	0.000000
50%	0.496180	2.319650	0.616630	-0.586650	0.000000
75%	2.821475	6.814625	3.179250	0.394810	1.000000
max	6.824800	12.951600	17.927400	2.449500	1.000000

- Verifichiamo l'esistenza di valori nulli
 - In questo caso non ce ne sono

In [10]:

data.isnull().values.any()

Out[10]:

False

- Ora visualizziamo il numero di banconote nelle due classi
 - Si può notare che abbiamo più casi di banconote contraffatte rispetto a banconote autentiche

In [11]:

data["class"].value_counts(normalize = True) * 100 #Percentuale

Out[11]:

0 55.539359

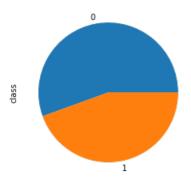
1 44.460641

Name: class, dtype: float64

• Per visualizzarle meglio si può utilizzare un grafico a torta

In [12]:

data["class"].value_counts().plot.pie();



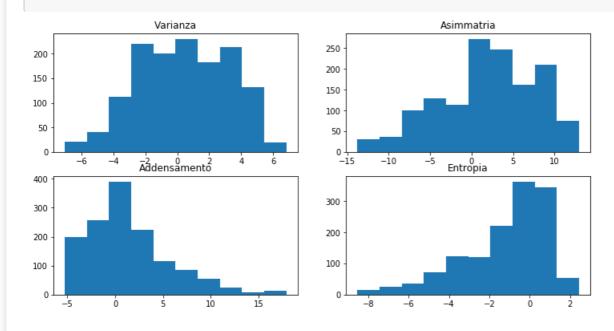
• Ora mostriamo gli istogrammi delle features

In [13]:

fig = plt.figure(figsize=(12, 6))

"' Varianza "'

plt.subplot(2, 2, 1) plt.hist(data["variance"]) plt.title("Varianza") "' Asimmetria " plt.subplot(2, 2, 2) plt.hist(data["skewness"]) plt.title("Asimmatria") "' Addensamento " plt.subplot(2, 2, 3) plt.hist(data["curtosis"]) plt.title("Addensamento") "' Entropia "' plt.subplot(2, 2, 4) plt.hist(data["entropy"]) plt.title("Entropia") plt.show()



- Ora proviamo a vedere se ci sono delle correlazioni tra variabili
- Utilizzo data.corr() per vedere tutte le varie correlazioni tra le variabili
- Noto che le variabili che hanno più influenza sono in ordine:
 - Varianza
 - Asimmetria
 - Addensamento
 - Entropia

In [14]:

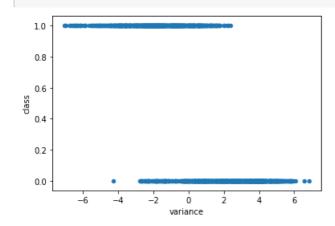
corr = data.corr()
corr.style.background_gradient(cmap='coolwarm').set_precision(2) #set_precision(2) = due numeri dopo la virgola

Out[14]:

	variance	skewness	curtosis	entropy	class
variance	1.00	0.26	-0.38	0.28	-0.72
skewness	0.26	1.00	-0.79	-0.53	-0.44
curtosis	-0.38	-0.79	1.00	0.32	0.16
entropy	0.28	-0.53	0.32	1.00	-0.02
class	-0.72	-0.44	0.16	-0.02	1.00

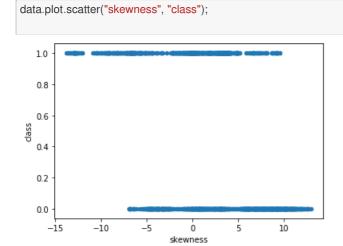
- Proviamo a visualizzare un grafico a dispersione per vedere se c'è correlazione tra Varianza e Classe
- In generale si può notare come aumentando la varianza aumentiamo la possibilità che la la banconota sia contraffatta e viceversa

In [15]:



• Lo stesso con l'asimmetria ma qui abbiamo una minore correlazione

In [16]:



• Per il caso dell'addensamento ed entropia abbiamo meno correlazione con la classe

In [17]:

0.2

-8 -6 -4 -2 0 2 entropy

Suddivisione dei dati, preprocessamento dei dati per l'addestramento

- Per prima cosa dividiamo i dati:
 - Prendiamo come y la variabile class cioè quella da predire
 - Prendiamo come X le altre colonne:
 - Come visualizzato già sopra le prime 3 features hanno un'influenza maggiormente positiva, in particolare la prima che rappresenta la varianza, includendo anche l'ultima colonna penalizziamo di pochissimo il modello

In [33]:

```
y = data["class"]
X = data.iloc[:, :4] #Per provare con tutte le features
```

• Abbiamo la y con la sola colonna "class" mentre la X con le 3 colonne (variance, skewness e curtosis)

In [34]:

```
y.shape, X.shape
```

Out[34]:

((1372,), (1372, 3))

- Ora suddividiamo i dati in training set e validation set
- Utilizziamo 2/3 dei dati per l'addestramento e 1/3 dei dati per il validation
- Utilizzo un random_state per la riproducibilità dei dati

In [35]:

```
from sklearn.model_selection import train_test_split

X_train, X_val, y_train, y_val = train_test_split(

X, y, # dati da suddividere

test_size=1/3, # proporzione: 2/3 training, 1/3 validation
random_state=42 # seed per la riproducibilità
)
```

· Visualizziamo come sono stati divisi i dati in training e validation

In [36]:

```
X_train.shape, y_train.shape
```

Out[36]:

((914, 3), (914,))

In [37]:

```
pd.DataFrame(y_train)["class"].value_counts()
```

Out[37]:

0 503

1 411

Name: class, dtype: int64

• E quelli di validation

In [38]:

X_val.shape, y_val.shape

```
Out[38]:
((458, 3), (458,))
```

In [39]:

```
pd.DataFrame(y_val)["class"].value_counts()
```

Out[39]:

0 259 1 199

Name: class, dtype: int64

Addestramento di primi modelli sui dati

- Dopo aver suddiviso i dati proviamo subito dei semplici modelli
- Utilizzo da subito un Pipeline per aumentare la leggibilità del modello e scrivere codice più compatto
- Utilizzo uno StandardScaler per standardizzare i dati e aumentarne l'accuratezza
- Utilizzo inizialmente un semplice Perceptron per vedere come va l'accuratezza

In [40]:

```
from sklearn.pipeline import Pipeline
from sklearn.preprocessing import StandardScaler, PolynomialFeatures
from sklearn.linear_model import Perceptron

model = Pipeline([
    ("scaler", StandardScaler()),
    ("perceptron", Perceptron(random_state = 42)) #Utilizzo il random_state per la riproducibilità
])
```

· Addestro il modello sui dati di training

In [41]:

```
model.fit(X_train, y_train)
```

Out[41]:

```
Pipeline(memory=None, steps=[('scaler', StandardScaler(copy=True, with_mean=True, with_std=True)), ('perceptron', Perceptron(alpha=0.0001, class_weight=None, early_stopping=False, eta0=1.0, fit_intercept=True, max_iter=1000, n_iter_no_change=5, n_jobs=None, penalty=None, random_state=42, shuffle=True, tol=0.001, validation_fraction=0.1, verbose=0, warm_start=False))], verbose=False)
```

• Proviamo a vedere i pesi che ha trovato il modello

In [42]:

```
pd. Series (index=X.columns, \ data=model.named\_steps \cite{temple}.coef\_.ravel ())
```

Out[42]:

```
variance -10.710643
skewness -11.048710
curtosis -12.172469
dtype: float64
```

• Possiamo notare che l'accuratezza trovato utilizzando il Perceptron è già buona

```
model.score(X_val, y_val)
Out[43]:
0.9585152838427947
  • Ora proviamo ad utilizzare altri modi per valutare l'accuratezza del modello come la matrice di confusione
In [44]:
from sklearn.metrics import confusion_matrix
y_pred = model.predict(X_val) #Effettuiamo le predizioni sui dati di validation
cm = confusion_matrix(y_val, y_pred) #Matrice di confusione
In [45]:
pd.DataFrame(cm, columns = model.named_steps["perceptron"].classes_, index = model.named_steps["perceptron"].classes_)
Out[45]:
     0
   259
          0
    19 180
  • Proviamo a verificare anche la precision, recall e f1 score
```

In [46]:

from sklearn.metrics import precision_score, recall_score, f1_score

In [47]:

```
precision_score(y_val, y_pred, average = None)
```

Out[47]:

array([0.93165468, 1.])

In [48]:

```
recall_score(y_val, y_pred, average = None)
```

Out[48]:

array([1. , 0.90452261])

In [49]:

```
f1_score(y_val, y_pred, average=None)
```

Out[49]:

array([0.96461825, 0.94986807])

- Dopo aver provato con un Perceptron e aver ottenuto già buoni risultati proviamo con una Logistic Regression che ci permetterà di ottenere risultati migliori
- Come prima utilizzo la Pipeline per aumentare la leggibilità e scrivere meno codice

In [50]:

```
from sklearn.linear_model import LogisticRegression
model = Pipeline([
    ("scaler", StandardScaler()),
    ("logreg", LogisticRegression(random_state=42))
])
```

• Addestriamo il modello sugli stessi dati di prima

In [51]:

```
model.fit(X_train, y_train)
```

Out[51]:

```
Pipeline(memory=None, steps=[('scaler', StandardScaler(copy=True, with_mean=True, with_std=True)), ('logreg', LogisticRegression(C=1.0, class_weight=None, dual=False, fit_intercept=True, intercept_scaling=1, l1_ratio=None, max_iter=100, multi_class='auto', n_jobs=None, penalty='l2', random_state=42, solver='lbfgs', tol=0.0001, verbose=0, warm_start=False))], verbose=False)
```

Valutando l'accuratezza del modello si può notare come con una LogisticRegression si ottenga un'accuratezza migliore rispetto prima

In [52]:

```
model.score(X_val, y_val)
```

Out[52]:

0.9868995633187773

• Come prima verifichiamo la matrice di confusione, precision, recall e f1 score per vedere se c'è differenza

In [53]:

```
y_pred = model.predict(X_val) #Prima faccio le predizioni
```

• Anche qui si può notare una differenza abbastanza rilevante nella matrice di confusione

In [54]:

```
cm = confusion_matrix(y_val, y_pred)
pd.DataFrame(cm, columns = model.named_steps["logreg"].classes_, index = model.named_steps["logreg"].classes_)
```

Out[54]:

```
0 10 255 41 2 197
```

• Ci aspettiamo che precision, recall e f1 score siano migliori rispetto al modello Perceptron

In [55]:

```
precision_score(y_val, y_pred, average = None)
```

Out[55]:

array([0.9922179, 0.9800995])

In [56]:

```
recall_score(y_val, y_pred, average = None)
```

Out[56]:

array([0.98455598, 0.98994975])

In [57]:

```
f1_score(y_val, y_pred, average = None)
```

Out[57]:

```
array([0.98837209, 0.985 ]
```

- Ora proviamo la regolarizzazione sempre attraverso la LogisticRegression:
 - Utilizziamo il parametro solver="saga" per utilizzare la regolarizzazine
 - Senza specificare niente di default abbiamo la regolarizzazione L2

In [59]:

```
model = Pipeline([
    ("scaler", StandardScaler()),
    ("logreg", LogisticRegression(solver="saga", random_state=42, C = 1000, )) # C alto bassa regolarizzazione
])
```

· Addestriamo il modello

In [60]:

```
model.fit(X_train, y_train)
```

C:\Users\Mattia\anaconda3\envs\deeplearn\lib\site-packages\sklearn\linear_model_sag.py:330: ConvergenceWarning: The max_iter was reached w hich means the coef_ did not converge "the coef_ did not converge", ConvergenceWarning)

Out[60]:

```
Pipeline(memory=None, steps=[('scaler', StandardScaler(copy=True, with_mean=True, with_std=True)), ('logreg', LogisticRegression(C=1000, class_weight=None, dual=False, fit_intercept=True, intercept_scaling=1, I1_ratio=None, max_iter=100, multi_class='auto', n_jobs=None, penalty='l2', random_state=42, solver='saga', tol=0.0001, verbose=0, warm_start=False))], verbose=False)
```

· Accuratezza leggermente migliore al modello di prima senza regolarizzazione

In [61]:

```
model.score(X_val, y_val)
```

Out[61]:

0.9890829694323144

Proviamo a regolarizzare utilizzando solo L1 (Lasso)

In [62]:

```
model = Pipeline([
    ("scaler", StandardScaler()),
    ("logreg", LogisticRegression(solver="saga", random_state=42, penalty="I1", C=0.01))
])
```

In [63]:

```
model.fit(X_train, y_train)
```

Out[63]:

```
steps=[('scaler',
StandardScaler(copy=True, with_mean=True, with_std=True)),
('logreg',
LogisticRegression(C=0.01, class_weight=None, dual=False,
fit_intercept=True, intercept_scaling=1,
11_ratio=None, max_iter=100,
multi_class='auto', n_jobs=None,
penalty='l1', random_state=42,
solver='saga', tol=0.0001, verbose=0,
warm_start=False))],
verbose=False)
```

• Possiamo vedere come in questo caso la regolarizzazione L1 non dia buoni risultati al contrario della L2

In [64]:

```
model.score(X_val, y_val)
```

Out[64]:

0.8493449781659389

- Vediamo i pesi azzerati dal modello:
 - Solo per curtosis

In [65]:

```
pd.Series(index=X.columns, data=model.named_steps["logreg"].coef_.ravel())
```

Out[65]:

```
variance -1.211650
skewness -0.256856
curtosis 0.000000
dtype: float64
```

• Proviamo a regolarizzare sia utilizzando L1 che utilizzando L2 (elasticnet)

In [66]:

```
model = Pipeline([
    ("scaler", StandardScaler()),
    ("logreg", LogisticRegression(solver="saga", random_state=42, penalty="elasticnet", C=10000, I1_ratio = 0.01))
])
```

In [67]:

```
model.fit(X_train, y_train)
```

C:\Users\Mattia\anaconda3\envs\deeplearn\lib\site-packages\sklearn\linear_model_sag.py:330: ConvergenceWarning: The max_iter was reached w hich means the coef_ did not converge
"the coef_ did not converge", ConvergenceWarning)

Out[67]:

```
Pipeline(memory=None, steps=[('scaler', StandardScaler(copy=True, with_mean=True, with_std=True)), ('logreg', LogisticRegression(C=10000, class_weight=None, dual=False, fit_intercept=True, intercept_scaling=1, l1_ratio=0.01, max_iter=100, multi_class='auto', n_jobs=None, penalty='elasticnet', random_state=42, solver='saga', tol=0.0001, verbose=0, warm_start=False))],
```

• Accuratezza uguale al modello con regolarizzazione L2

In [68]:

```
model.score(X_val, y_val)
```

Out[68]:

0.9890829694323144

K-cross validation e Grid search

- Ora che abbiamo visto diversi modelli possiamo utilizzare la k-cross validation insieme alla grid search per trovare gli iperparametri migliori dato un modello iniziale
- Per dividere i fold utilizzo la StratifiedKFold per dividere i dati nelle due classi equamente

In [69]:

```
from sklearn.model_selection import KFold, StratifiedKFold, GridSearchCV outer_cv_skf = StratifiedKFold(3, shuffle=True, random_state=42) #Esterna in 3 fold inner_cv_skf = StratifiedKFold(5, shuffle=True, random_state=42) #Interna in 5 fold
```

- Impostiamo il modello base e la griglia di iperparametri che la GridSearch utilizzerà
- Il modello base comprende la standardizzazione, LogisticRegression e in aggiunta proviamo ad inserire una PolynomialFeatures

In [70]:

```
model = Pipeline([
    ("scaler", StandardScaler()),
    ("poly", PolynomialFeatures(include_bias=False)),
    ("logreg", LogisticRegression(solver="saga", random_state=42))
])
```

- Scomponiamo i casi da provare in due griglie:
 - La prima con L1 e L2 e i diversi gradi ha 4 x 2 x 3 = 24 casi possibili
 - La seconda ha 4 x 1 x 3 x 2 = 24 casi possibili

In [71]:

- Utilizziamo la nested cross-validation per generare k fold "esterni" su tutti i dati disponibili e che per ciascuno si esegua il tuning degli iperparametri con una cross validation "interna" usando le parti di training dei fold esterni
- Creiamo una funzione che itera sui dati nel fold esterno e applica la grid search su quelli di fold interno

In [72]:

```
import warnings #Per togliere i warning
warnings.filterwarnings("ignore")

def nested_cv(model, grid):
    results = []
    gss = []
    for train_indices, val_indices in outer_cv_skf.split(X, y):
        X_train = X.iloc[train_indices]
        y_train = y.iloc[train_indices]
        X_val = X.iloc[val_indices]
        y_val = y.iloc[val_indices]
        y_val = y.iloc[val_indices]
        gs = GridSearchCV(model, grid, cv=inner_cv_skf)
```

gs.fit(X_train, y_train)
gss.append(gs)
results.append(gs.score(X_val, y_val))
index = np.argmax(results) #Prendo la grid search che ha trovato gli iperparametri migliori
return results, gss[index]

• Ora applichiamola al nostro modello, seleziono poi il modello con accuratezza migliore

In [73]:

res, gs = nested_cv(model, grid) res

Out[73]:

 $[0.9956331877729258,\, 0.9890590809628009,\, 0.9956236323851203]$

• Visualizziamo i migliori iperparametri trovati dalla grid search

In [74]:

gs.best_params_

Out[74]:

{'logreg__C': 1, 'logreg__penalty': 'l2', 'poly__degree': 2}

- Mostriamo i risultati in un DataFrame per visualizzarli meglio
 - Il miglior risultato ottenuto è vicino al 100%

In [109]:

 $results = pd.DataFrame(gs.cv_results_).sort_values("rank_test_score").head(10) \ \#Ordina \ per \ risultato \ migliore \ results$

Out[109]:

	mean_fit_time	std_fit_time	mean_score_time	std_score_time	param_logregC	param_logregpenalty	param_polydegree	param_logregl1_ra
8	0.011334	0.001003	0.001609	0.003217	1	12	2	N
20	0.020636	0.005806	0.001608	0.003216	10	I1	2	N
12	0.020128	0.008660	0.002008	0.003107	1	l1	2	N
40	0.021947	0.004118	0.001591	0.000484	10	elasticnet	2	(
16	0.013211	0.002036	0.000803	0.000754	10	12	2	N
44	0.027525	0.004576	0.001398	0.000491	10	elasticnet	2	(
36	0.028923	0.002275	0.001397	0.000489	1	elasticnet	2	(
32	0.030518	0.007793	0.001799	0.001164	1	elasticnet	2	(
0	0.013357	0.000495	0.001598	0.000482	0.1	12	2	N
24	0.020607	0.006564	0.001636	0.003272	0.1	elasticnet	2	(
4								F

• Misuriamo le solite metriche sul modello migliore trovato dalla Grid Search

In [110]:

```
cm = confusion_matrix(y_val, y_pred)
pd.DataFrame(cm, columns = gs.classes_, index = gs.classes_) #Matrice di confusione
```

Out[110]:

```
0 10 259 01 0 199
```

• Ora misuriamo precision, recall e f1 score

In [111]:

```
y_pred = gs.predict(X_val) #Prima facciamo le predizioni
```

In [112]:

```
precision_score(y_val, y_pred, average = None)
```

Out[112]:

array([1., 1.])

In [113]:

```
recall\_score(y\_val,\ y\_pred,\ average = \textbf{None})
```

Out[113]:

array([1., 1.])

In [114]:

```
f1_score(y_val, y_pred, average = None)
```

Out[114]:

array([1., 1.])

• Prima di procedere proviamo a creare un modello casuale che fa delle predizioni casuali

In [115]:

import random

random.seed(12345)

def random_prediction(data):

return [random.randint(0,1) **for** n **in** range(data.shape[0])]

• Predizioni random e reali

In [116]:

```
random_prediction = random_prediction(X_val)
predicted = gs.predict(X_val)
```

Ne calcoliamo l'accuratezza

In [117]:

```
count = 0
for i in range(X_val.shape[0]):
   if random_prediction[i] == predicted[i]:
      count = count + 1
```

```
accuracy_random = count / X_val.shape[0]
accuracy_random #Intorno al 50%
```

Out[117]:

0.5

• Visualizziamo le solite metriche

```
In [118]:
```

```
cm = confusion_matrix(y_val, random_prediction)
pd.DataFrame(cm, columns = gs.classes_, index = gs.classes_) #Matrice di confusione
```

Out[118]:

```
0 10 137 1221 107 92
```

In [119]:

```
precision_score(y_val, random_prediction, average = None)
```

Out[119]:

array([0.56147541, 0.42990654])

In [120]:

```
recall_score(y_val, random_prediction, average = None)
```

Out[120]:

array([0.52895753, 0.46231156])

In [121]:

```
f1_score(y_val, random_prediction, average = None)
```

Out[121]:

array([0.54473161, 0.44552058])

Valutazione di modelli con calcolo degli intervalli di confidenza fissata la confidenza del 95%

- Ora confrontiamo i modelli:
 - Prendo il miglior modello trovato dalla grid search, un altro modello tra quelli testati sopra e il modello che effettua predizioni casuali

In [122]:

```
from sklearn.linear_model import LogisticRegression
model = Pipeline([
    ("scaler", StandardScaler()),
    ("logreg", LogisticRegression(solver="saga", random_state=42, penalty="l1", C=0.01))
])
model.fit(X_train, y_train)
```

Out[122]:

```
Pipeline(memory=None, steps=[('scaler', StandardScaler(copy=True, with_mean=True, with_std=True)), ('logreg', LogisticRegression(C=0.01, class_weight=None, dual=False, fit_intercept=True, intercept_scaling=1, I1_ratio=None, max_iter=100, multi_class='auto', n_jobs=None,
```

```
solver='saga', tol=0.0001, verbose=0, warm_start=False))],
```

• L'accuratezza di questo modello era la seguente

In [123]:

```
model.score(X_val, y_val)
```

Out[123]:

0.8493449781659389

• Vediamo l'intervallo di confidenza dei modelli

In [124]:

```
def conf_interval(a, N, Z=1.96): # 1 - = 0.95 ( =0.05), Z = 1.96
c = (2 * N * a + Z**2) / (2 * (N + Z**2))
d = Z * np.sqrt(Z**2 + 4*N*a - 4*N*a**2) / (2 * (N + Z**2))
return c - d, c + d
```

In [125]:

```
from scipy.stats import norm

def model_conf_interval(model, X, y, level=0.95):
    a = model if type(model) == float else model.score(X, y)
    N = len(X)
    Z = norm.ppf((1 + level) / 2)
    return conf_interval(a, N, Z)
```

• Per il modello trovato dalla grid search

In [126]:

```
model_conf_interval(gs, X_val, y_val)
```

Out[126]:

(0.9916822997430693, 0.9999999999999999)

Per il modello casuale

In [127]:

```
model\_conf\_interval(accuracy\_random,\ X\_val,\ y\_val)
```

Out[127]:

(0.4543992865819769, 0.5456007134180231)

• Per il modello definito sopra

In [128]:

```
model_conf_interval(model, X_val, y_val)
```

Out[128]:

 $(0.8136862105552716,\, 0.8791922521473097)$

- Già da qui si può constatare come il modello più affidabile sia quello trovato dalla GridSearch
- Ora vediamo la differenza che c'è tra questi modelli

In [129]:

```
from scipy.stats import norm

def diff_interval(a1, a2, N1, N2, Z):
    d = abs(a1 - a2)
    sd = np.sqrt(a1 * (1-a1) / N1 + a2 * (1-a2) / N2)
    return d - Z * sd, d + Z * sd

def model_diff_interval(m1, m2, X, y, level=0.95): #Confidenza fissata al 95%
    a1 = m1 if type(m1) == float else m1.score(X, y)
    a2 = m2 if type(m2) == float else m2.score(X, y)

N1 = len(X) #In questo caso hanno gli stessi dati
N2 = N1
Z = norm.ppf((1 + level) / 2)
    return diff_interval(a1, a2, N1, N2, Z)
```

• Differenza tra modello sopra e quello della grid search, differenza abbastanza significativa

In [130]:

```
model_diff_interval(model, gs, X_val, y_val)
```

Out[130]:

(0.11789462000488057, 0.18341542366324162)

• Differenza tra il modello della grid search e quello casuale al 99% di condifenza, differenza molto significativa

In [131]:

```
model_diff_interval(accuracy_random, gs, X_val, y_val, 0.99)
```

Out[131]:

 $(0.4398197004798157,\, 0.5601802995201842)$

- Tra tutti i modelli testati si può dedurre che il modello migliore sia quello ottenuto dalla Grid Search che utilizza la standardizzazione, la regolarizzazione e grado 2 del polinomio
- Questi sono i parametri trovati dal modello migliore dalla GridSearch:
 - Abbiamo parametri in più generati dal grado 2 del polinomio
 - Anche qui si può visualizzare come alla varianza venga dato più peso rispetto alle altre variabili

In [132]:

```
pd.Series(index=gs.best_estimator_.named_steps["poly"].get_feature_names(["variance", "skewness", "curtosis"]), data=gs.best_estimator_.named _steps["logreg"].coef_.ravel())
```

Out[132]:

```
variance -4.159476
skewness -3.851488
curtosis -3.714692
variance^2 0.570971
variance skewness 1.374365
variance curtosis 0.120883
skewness^2 -0.675577
skewness curtosis 0.413208
curtosis^2 0.720775
dtype: float64
```

Reti neurali utilizzando Keras

- Ora proviamo ad utilizzare una rete neurale utilizzando Keras di TensorFlow
- Importo le librerie

In [133]:

```
from tensorflow import keras
from keras.models import Sequential
from keras.layers import Dense, Flatten
```

• Creo la struttura della rete neurale

In [134]:

```
model = Sequential([
    Dense(32, activation="relu", input_dim=3),
    Dense(16, activation="relu"),
    Dense(8, activation="relu"),
    Dense(2, activation="softmax") #Output 2 neuroni
])
```

Trasforma la classe da predire da vettore a matrice utilizzando to categorical

model.compile(optimizer="adam", loss="categorical_crossentropy", metrics=["accuracy"])

In [135]:

```
from keras.utils import to_categorical
yt_train = to_categorical(y_train)
yt_val = to_categorical(y_val)
```

In [136]:

```
yt_train[:5], yt_val[:5]
```

Out[136]:

```
(array([[1., 0.],

[0., 1.],

[1., 0.],

[1., 0.],

[0., 1.]], dtype=float32),

array([[1., 0.],

[1., 0.],

[1., 0.],

[1., 0.], dtype=float32))
```

- Compiliamo e addestriamo la rete:
 - Utilizzo adam come optimizer
 - Addestro con 20 epoche

In [137]:

Epoch 11/20

```
model.fit(X_train, yt_train, epochs = 20, validation_data = (X_val, yt_val))
Train on 914 samples, validate on 458 samples
Epoch 1/20
Epoch 2/20
914/914 [=============] - 0s 46us/step - loss: 0.3689 - accuracy: 0.8457 - val_loss: 0.3127 - val_accuracy: 0.8646
Epoch 3/20
Epoch 4/20
914/914 [==:
             Epoch 5/20
               ========] - 0s 55us/step - loss: 0.0977 - accuracy: 0.9923 - val_loss: 0.0745 - val_accuracy: 0.9913
914/914 [==
Epoch 6/20
Epoch 7/20
Epoch 8/20
914/914 [====
          Epoch 9/20
914/914 [============] - 0s 46us/step - loss: 0.0162 - accuracy: 0.9978 - val_loss: 0.0175 - val_accuracy: 0.9934
Epoch 10/20
```

914/914 [==============] - 0s 49us/step - loss: 0.0123 - accuracy: 0.9989 - val_loss: 0.0140 - val_accuracy: 0.9956

914/914 [====================================	6
Epoch 12/20	
914/914 [======================] - 0s 41us/step - loss: 0.0076 - accuracy: 1.0000 - val_loss: 0.0114 - val_accuracy: 0.995	6
Epoch 13/20	
914/914 [=====================] - 0s 45us/step - loss: 0.0062 - accuracy: 1.0000 - val_loss: 0.0083 - val_accuracy: 0.997	8
Epoch 14/20	
914/914 [=====================] - 0s 50us/step - loss: 0.0049 - accuracy: 1.0000 - val_loss: 0.0075 - val_accuracy: 0.997	8
Epoch 15/20	
914/914 [=====================] - 0s 44us/step - loss: 0.0040 - accuracy: 1.0000 - val_loss: 0.0059 - val_accuracy: 1.000	0
Epoch 16/20	
914/914 [======================] - 0s 40us/step - loss: 0.0035 - accuracy: 1.0000 - val_loss: 0.0060 - val_accuracy: 1.000	0
Epoch 17/20	
914/914 [======================] - 0s 47us/step - loss: 0.0030 - accuracy: 1.0000 - val_loss: 0.0048 - val_accuracy: 1.000	0
Epoch 18/20	
914/914 [=====================] - 0s 48us/step - loss: 0.0025 - accuracy: 1.0000 - val_loss: 0.0044 - val_accuracy: 1.000	0
Epoch 19/20	
914/914 [======================] - 0s 44us/step - loss: 0.0022 - accuracy: 1.0000 - val_loss: 0.0039 - val_accuracy: 1.000	0
Epoch 20/20	
914/914 [====================================	0

Out[137]:

<keras.callbacks.callbacks.History at 0x1f52347ac08>

• Valutiamo il modello e otteniamo un'accuratezza circa del 100% e un errore molto basso

In [138]:

model.evaluate(X_val, yt_val)

458/458 [======] - 0s 20us/step

Out[138]:

[0.0035141769250881284, 1.0]