## Formulario di Fisica

## per le prove scritte degli studenti con DSA

## 1 Vettori

Funzioni goniometriche 
$$\cos \theta = \frac{c_{adj}}{i}$$
  $\sin \theta = \frac{c_{opp}}{i}$   $\tan \theta = \frac{c_{opp}}{c_{adj}}$ 

$$\sin\theta = \frac{c_{opp}}{i}$$

$$an heta = rac{c_{opp}}{c_{adi}}$$

Scomposizione di un vettore  $a_x = a\cos\theta$   $a_y = a\sin\theta$   $\vec{a} = a_x\hat{i} + a_y\hat{j}$ 

$$a_{\rm v}=a\sin\theta$$

$$\vec{a} = a_{\scriptscriptstyle X} \hat{i} + a_{\scriptscriptstyle Y} \hat{j}$$

Modulo di un vettore  $a = \sqrt{(a_x)^2 + (a_y)^2}$ 

Direzione di un vettore 
$$\theta = \arccos\left(\frac{a_x}{a}\right) = \arcsin\left(\frac{a_y}{a}\right) = \arctan\left(\frac{a_y}{a_x}\right)$$

## 1.1 Operazioni coi vettori

Somma tra vettori  $\vec{a} + \vec{b} = (a_x + b_x)\hat{i} + (a_y + b_y)\hat{j}$ 

Differenza tra vettori  $\ \vec{a}-\vec{b}=(a_{\scriptscriptstyle X}-b_{\scriptscriptstyle X})\hat{i}+(a_{\scriptscriptstyle Y}-b_{\scriptscriptstyle Y})\hat{j}$ 

Prodotto di uno scalare per un vettore  $k\vec{a} = (ka_x)\hat{i} + (ka_y)\hat{j}$ 

**Prodotto scalare**  $\vec{a} \cdot \vec{b} = ab \cos \theta$ 

Prodotto vettoriale  $|\vec{a} \times \vec{b}| = ab \sin \theta$ 

## 2 Misura

## Multipli e sottomultipli della unità di misura

Prefisso	Simbolo	Fattore di conversione
pico-	p-	$^{1/1000000000000} = 10^{-12}$
nano-	n-	$^{1}/_{1000000000}=10^{-9}$
micro-	$\mu$ -	$^{1}/_{1000000}=10^{-6}$
milli-	m-	$^{1}/_{1000}=10^{-3}$
centi-	C-	$^{1}/_{100} = 10^{-2}$
deci-	d-	$^{1}/_{10} = 10^{-1}$
deca-	da-	$10^{1}$
etto-	h-	$10^{2}$
kilo-	k-	$10^{3}$
mega-	M-	$10^{6}$
giga-	G-	$10^{9}$
tera-	T-	10 <sup>12</sup>

#### Costanti fisiche fondamentali

Nome	Simbolo e valore							
velocità della luce nel vuoto	$c = 299792458\text{m/s} \simeq 3,0 \times 10^8\text{m/s}$							
costante dielettrica del vuoto	$arepsilon_0=8$ , $85 imes10^{-12}\mathit{C}^2/\mathit{N}\cdot\mathit{m}^2$							
costante di Coulomb	$k_0 = 8,99 \times 10^9 \ \text{N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2$							
permeabilità magnetica del vuoto	$\mu_0=4\pi imes10^{-7}$ N/A $^2$							
costante di gravitazione universale	$G=6,672  imes 10^{-11}   extit{N} \cdot  extit{m}^2/kg^2$							
carica elementare	$e = 1,602 \times 10^{-19}  C$							
massa dell'elettrone	$m_{ m e}=9$ , $109 imes 10^{-31} kg$							
massa del protone	$m_p = 1,673 \times 10^{-27} \ kg$							
massa del neutrone	$m_n = 1,675 \times 10^{-27}  kg$							
numero di Avogadro	$N_{A}=6$ , $022  imes 10^{23}  mol^{-1}$							
costante di Boltzmann	$k_B = 1$ , 38 $ imes$ 10 <sup>-23</sup> $J/\kappa$							
costante dei gas	$R=8,314  ^{J/mol\cdot K}$							
costante di Planck	$h = 6,62607 \times 10^{-34} \ J \cdot s$							

# Gradi e radianti $\frac{\theta_{rad}}{\theta_{gradi}} = \frac{2\pi}{360}$

$ heta_{gradi}$	0	30	45	60	90	180	270	360
$\theta_{rad}$	0	$\pi/6$	$\pi/4$	$\pi/3$	$\pi/2$	$\pi$	$3\pi/2$	$2\pi$

#### 3 Meccanica

#### 3.1 Definizioni fondamentali

Densità di un corpo 
$$d = \frac{m}{V}$$
  $\left[\frac{kg}{m^3}\right]$ 

Velocità media 
$$\overline{v} = \frac{\Delta s}{\Delta t}$$
  $\left[\frac{m}{s}\right]$ 

Conversione tra 
$$m/s$$
 e  $km/h$   $\frac{km}{h} \xrightarrow{:3,6} \frac{m}{s}$   $\frac{m}{s} \xrightarrow{\cdot3,6} \frac{km}{h}$ 

Accelerazione media 
$$\overline{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$
  $\left[\frac{m}{s^2}\right]$ 

## 3.2 Cinematica

#### 3.2.1 Moto rettilineo uniforme

Legge oraria 
$$s(t) = vt + s_0$$

#### 3.2.2 Moto uniformemente accelerato

Legge oraria 
$$s(t) = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + s_0$$
  $v(t) = at + v_0$ 

#### 3.2.3 Moto circolare uniforme

Velocità angolare (pulsazione) 
$$\omega = \frac{\Delta \alpha}{\Delta t} = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f$$
  $\left[\frac{rad}{s}\right]$ 

Velocità tangenziale 
$$v = \frac{2\pi r}{T} = 2\pi r f = \omega r$$
  $\left[\frac{m}{s}\right]$ 

Accelerazione centripeta 
$$a_c = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$$
  $\left[\frac{m}{s^2}\right]$ 

Forza centripeta 
$$F_c = ma_c = m\frac{v^2}{r}$$
 [N]

#### 3.2.4 Moto armonico

Legge oraria 
$$s(t) = r\cos(\omega t)$$
  $v(t) = -\omega r\sin(\omega t)$   $a(t) = -\omega^2 r\cos(\omega t)$ 

#### 3.3 Dinamica

Secondo principio della dinamica (legge fondamentale della dinamica)  $\vec{F} = m\vec{a}$  [N]

Condizione di equilibrio per corpi puntiformi  $\sum \vec{F} = 0$ 

Forza peso  $\vec{P}=m\vec{g}$ 

Attrito statico  $\, \vec{F}_{A\,max} = \mu_s \vec{F}_{\perp} \,$ 

Forza di richiamo di una molla (legge di Hooke)  $\vec{F} = -k\vec{x}$ 

## 3.4 Lavoro ed energia meccanica

**Lavoro**  $L = \vec{F} \cdot \vec{s} = Fs \cos \theta$  [J]

Potenza media  $\overline{P} = \frac{L}{\Delta t}$  [W]

Energia cinetica di traslazione  $K = \frac{1}{2}mv^2$  [*J*]

Energia potenziale gravitazionale  $U_g = mgh$  [ $J_g$ ]

Energia potenziale elastica  $U_{elastica} = \frac{1}{2}k(\Delta s)^2$  [J]

Conservazione dell'energia meccanica totale  $U_0 + K_0 = U_1 + K_1$ 

#### 3.5 Quantità di moto e momento angolare

Quantità di moto  $\vec{p} = m\vec{v}$   $\left[kg \cdot \frac{m}{s}\right]$ 

Teorema dell'impulso  $\Delta \vec{p} = \vec{I} = \vec{F} \Delta t$ 

**Urti su una retta**  $m_1v_0 + m_2w_0 = m_1v_1 + m_2w_1$ 

Momento di una forza (momento torcente)  $\vec{M} = \vec{r} \times \vec{F}$   $[N \cdot m]$ 

Condizioni di equilibrio per corpi rigidi  $\sum ec{F} = 0$  e  $\sum ec{M} = 0$ 

Momento angolare  $\vec{L} = \vec{r} \times \vec{p} L = rp \sin \theta$ 

Variazione del momento angolare  $\ \Delta ec{L} = ec{M} \Delta t$ 

Momento d'inerzia  $\ L=I\omega$   $\qquad \Delta L=I\Delta\omega=M\Delta t$ 

Energia cinetica di un corpo in rotazione  $\ \mathcal{K}=rac{1}{2}I\omega^2$ 

Accelerazione angolare  $\alpha = \frac{\Delta \omega}{\Delta t}$   $\left\lceil \frac{rad}{s^2} \right\rceil$ 

Momento torcente e momento d'inerzia  $\,M=Ilpha\,$ 

#### 3.6 Gravitazione

Legge di gravitazione universale  $F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$ 

Accelerazione di gravità sulla superficie della Terra g=9,  $807 \, \frac{m}{s^2}$ 

Campo gravitazionale di una massa puntiforme  $g = G \frac{M}{r^2}$ 

Energia potenziale gravitazionale di un sistema di due masse  $U(r) = -G \frac{m_1 m_2}{r}$  [J]

## 3.7 Meccanica dei fluidi

Pressione 
$$p = \frac{F}{S}$$
 [Pa]

Pressione atmosferica  $~1~atm=1,01\times10^5~Pa$ 

Legge di Stevino  $p = dgh + p_{atm}$ 

Principio di Archimede 
$$S = g \cdot d_{fluido} \cdot V_{corpo}$$
 [N]

Portata 
$$q = \frac{\Delta V}{\Delta t} = S v$$

## 4 Termologia e termodinamica

## 4.1 Temperatura e dilazione termica

Celsius e kelvin 
$$T_K = T_{^{\circ}C} + 273, 15$$
  $T_{^{\circ}C} = T_K - 273, 15$   $\Delta T_K = \Delta T_{^{\circ}C}$ 

$$T_{\circ C} = T_K - 273, 15$$

$$\Delta T_{\kappa} = \Delta T_{\circ} c$$

Dilatazione lineare dei solidi 
$$\ \Delta \ell = \ell_0 \lambda \Delta \mathcal{T}$$
  $\ \ell_1 = \ell_0 (1 + \lambda \Delta \mathcal{T})$ 

$$\ell_1 = \ell_0 (1 + \lambda \Delta T)$$

Dilatazione volumica dei solidi e dei liquidi 
$$\Delta V = V_0 \alpha \Delta T$$
  $V_1 = V_0 (1 + \alpha \Delta T)$ 

$$V_1 = V_0(1 + \alpha \Delta T)$$

## 4.2 Gas perfetti

Massa e moli 
$$m_{[g]} = nM$$

Moli e numero di particelle 
$$n = \frac{N}{N_A}$$

Formula dei gas perfetti 
$$rac{p_0 V_0}{T_0} = rac{p_1 V_1}{T_1}$$

Equazione di stato dei gas perfetti pV = nRT

#### 4.3 Calore

**Joule e calorie** 
$$1 cal = 4,186 J$$
  $1 Cal = 1 kcal = 4186 J$ 

$$1 \, Cal = 1 \, kcal = 4186 \, J$$

Legge fondamentale della calorimetria  $Q = cm\Delta T$ 

Calore specifico dell'acqua  $c_{H_2O} = 4$ ,  $186 \times 10^3 \frac{J}{kg \cdot K}$ 

Potere calorifico 
$$P_c = \frac{Q}{m}$$
  $\left[\frac{J}{kg}\right]$ 

Passaggi di stato 
$$Q = L_f m$$
  $Q = L_v m$ 

$$Q = L_v m$$

## 4.4 Modello microscopico della materia

Energia cinetica media di un gas

- $\overline{K} = \frac{3}{2} k_B T$  per gas con tre gradi di libertà (monoatomici);
- $\overline{K} = \frac{5}{2} k_B T$  per gas con cinque gradi di libertà (biatomici);

6

•  $\overline{K} = 6k_BT$  per strutture molecolari non lineari.

Energia interna di un gas perfetto  $U = \frac{\ell}{2}Nk_BT = \frac{\ell}{2}nRT$ 

## 4.5 Primo principio della termodinamica

Primo principio della termodinamica (PPT)  $\Delta U = Q - L$ 

Trasformazione isobara  $\Delta U = Q - p\Delta V$ 

Trasformazione isocora  $\Delta U = Q$ 

Trasformazione isoterma Q = L

Trasformazione adiabatica  $\Delta U = -L$ 

Trasformazione ciclica Q = L

## 4.6 Secondo principio della termodinamica

Rendimento di una macchina termica  $\ \eta = rac{L}{Q_2} = 1 - rac{|Q_1|}{Q_2}$ 

Enunciato del rendimento  $~0 \leq \eta < 1$ 

Teorema di Carnot  $\eta_Q \leq \eta_R$ 

Rendimento della macchina di Carnot  $\,\eta=1-rac{T_1}{T_2}\,$ 

 $\mbox{Disuguaglianza di Clausius} \ \, \frac{\Delta Q_1}{T_1} + \frac{\Delta Q_2}{T_2} + ... + \frac{\Delta Q_n}{T_n} \leq 0$ 

Entropia  $\Delta S = S(B) - S(A) = \left(\sum_{i} \frac{\Delta Q_{i}}{T_{i}}\right)_{A \to B}^{rev} \left[\frac{J}{K}\right]$ 

## 5 Onde

#### 5.1 Onde elastiche

Frequenza 
$$f = \frac{1}{T}$$
  $[s^{-1}] = [Hz]$ 

Pulsazione dell'onda 
$$\omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f$$
  $\left[\frac{rad}{s}\right]$ 

Velocità di propagazione dell'onda 
$$v = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{\lambda}{T} = \lambda f$$
  $\left[\frac{m}{s}\right]$ 

Legge oraria delle onde in un punto fissato 
$$y=a\cos\left(rac{2\pi}{T}t+arphi_0
ight)=a\cos\left(\omega t+arphi_0
ight)$$

Legge delle onde in un istante fissato 
$$\ y=a\cos\left(rac{2\pi}{\lambda}x+arphi_0
ight)$$

#### 5.2 Suono

Velocità del suono nell'aria  $v = 340 \, m/s$ 

Intensità 
$$I = \frac{E}{A\Delta t}$$
  $\left[\frac{W}{m^2}\right]$ 

Livello di intensità sonora 
$$L_s = 10 \log_{10} \left( \frac{I}{I_0} \right)$$
  $[dB]$ 

Effetto Doppler, sorgente ferma e ricevitore in moto 
$$f' = \frac{v_s \pm v}{v_s} f$$

Effetto Doppler, sorgente in moto e ricevitore fermo 
$$f' = \frac{v_s}{v_s \pm v} f$$

#### 5.3 Onde luminose e ottica geometrica

Indice di rifrazione di un mezzo materiale  $n = \frac{c}{v}$ 

Legge della rifrazione (legge di Snell) 
$$\frac{\sin \hat{i}}{\sin \hat{r}} = \frac{n_2}{n_1}$$

**Riflessione totale** 
$$\sin \hat{i}_{lim} = \frac{n_2}{n_1}$$
  $\hat{i}_{lim} = \arcsin \left(\frac{n_2}{n_1}\right)$ 

Specchi sferici concavi 
$$f = \frac{R}{2}$$

Formula dei punti coniugati per gli specchi 
$$\frac{1}{p} + \frac{1}{i} = \frac{1}{f} = \frac{2}{R}$$

Ingrandimento 
$$M = \frac{i}{p}$$

Formula dei punti coniugati per le lenti sottili 
$$\frac{1}{p}+\frac{1}{i}=\frac{1}{f}$$

8

## Fenomeni elettrici e magnetici

#### 6.1 Elettrostatica

Legge di Coulomb 
$$F = k_0 \frac{q_1 q_2}{r^2}$$

Costante elettrica del vuoto  $k_0 = 8,99 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}$ 

Costante dielettrica del vuoto 
$$\varepsilon_0 = 8,85 \times 10^{-12} \, \frac{C^2}{N \cdot m^2}$$
  $k_0 = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0}$ 

$$k_0 = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0}$$

Campo elettrico 
$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_P}$$
  $\left[\frac{N}{C}\right]$   $E = k_0 \frac{Q_S}{r^2}$ 

Flusso del campo elettrico 
$$\Phi_S(E) = \vec{E} \cdot \vec{S} = ES \cos \theta$$
  $\left[\frac{N \cdot m^2}{C}\right]$ 

$$\left\lceil \frac{N \cdot m^2}{C} \right\rceil$$

Teorema di Gauss per il campo elettrico  $\Phi_S(E) = \frac{Q_{tot}}{C_s}$ 

Lavoro in un campo elettrico  $L = \vec{F} \cdot \vec{s} = q\vec{E} \cdot \vec{s}$ 

Energia potenziale elettrica in  $\boldsymbol{A}$  (rispetto a  $\boldsymbol{B}$ )  $U_A = L_{B \to A}$ 

Energia potenziale elettrica di un sistema di due cariche  $\,\Delta U = k_0 rac{q_1 q_2}{r}\,$ 

Potenziale elettrico 
$$V_A = \frac{U_A}{q_B}$$
  $[V]$   $\Delta U = q \cdot \Delta V$ 

$$\Delta U = q \cdot \Delta V$$

Differenza di potenziale (tensione) tra i punti  $\vec{A}$  e  $\vec{B}$   $\Delta V_{AB} = \frac{\Delta U_{AB}}{q_B} = \frac{L_{B \to A}}{q_B} = -\vec{E} \cdot \vec{s}$ 

Potenziale elettrico generato da una carica Q a distanza r  $V(r)=k_0 rac{Q}{r}$ 

Circuitazione del campo elettrico  $\Gamma_{\mathscr{L}}(E) = \sum_i \vec{E}_i \cdot \Delta \vec{\ell}_i = \sum_i E_i \Delta \ell_i \cos \theta_i = -\sum_i \Delta V_i = 0$ 

Teorema di Coulomb  $E = \frac{\sigma}{\varepsilon_0}$ 

Capacità di un condensatore  $C = \frac{Q}{\Delta V}$ 

Capacità di un condensatore piano  $C = \varepsilon_0 \frac{S}{A}$ 

Capacità totale per condensatori in parallelo  $C_{tot} = C_1 + C_2 + \ldots + C_n$ 

Capacità totale per condensatori in serie  $\frac{1}{C_{tot}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \ldots + \frac{1}{C_n}$ 

Campo elettrico all'interno di un condensatore  $E = \frac{\sigma}{\epsilon_n}$ 

Energia immagazzinata in un condensatore  $E=L_{carica}=rac{1}{2}QV=rac{1}{2}CV^2=rac{1}{2}rac{Q^2}{C}$ 

#### 6.2 Corrente elettrica

Intensità di corrente 
$$i=rac{\Delta q}{\Delta t}$$
  $[A]$   $i_{ist}=\lim_{\Delta t o 0}rac{\Delta q}{\Delta t}=rac{dq}{dt}=q'(t)$ 

Prima legge di Ohm 
$$i = \frac{\Delta V}{R}$$

Resistenza totale per resistori in parallelo 
$$\frac{1}{R_{tot}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \ldots + \frac{1}{R_n}$$

Resistenza totale per resistori in serie  $R_{tot} = R_1 + R_2 + \ldots + R_n$ 

Potenza dissipata da una resistenza 
$$P = \frac{L}{\Delta t} = i\Delta V = i^2 R = \frac{V^2}{R}$$
 [W]

Effetto Joule 
$$L = P\Delta t = i^2 R\Delta t$$
 [J]

**Kilowattora** 
$$1 \, kWh = 3,6 \times 10^6 \, J$$

Forza elettromotrice di un generatore di tensione 
$$f_{em} = \frac{L}{q}$$
 [V]

Resistenza interna e generatore reale 
$$\Delta V = \frac{R}{R+r} f_{em}$$
  $i = \frac{f_{em}}{R+r}$ 

Seconda legge di Ohm 
$$R = \rho \frac{L}{S}$$

Dipendenza della resistività dalla temperatura  $\,\Delta 
ho = lpha 
ho_0 \Delta T\,$ 

**Elettronvolt** 
$$1 \, eV = 1,60 \times 10^{-19} \, J$$

#### 6.3 Elettromagnetismo

Legge di Ampère 
$$F = k \cdot \frac{i_1 i_2}{d} \cdot L = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \frac{i_1 i_2}{d} \cdot L$$

Permeabilità magnetica del vuoto  $~\mu_0 = 4\pi imes 10^{-7} \, rac{\it N}{\it A^2}$ 

Forza subita da un filo in un campo magnetico 
$$F=Bi\ell$$
  $F=B_\perp i\ell=Bi\ell\sin\theta$ 

Legge di Biot-Savart 
$$B = \mu_0 \frac{i}{2\pi r}$$
 [T]

Campo al centro di una spira 
$$B = \mu_0 \frac{i}{2r}$$

Campo al centro di un solenoide lungo  $\ell$  con N spire  $B=\mu_0 rac{Ni}{\ell}$ 

Forza di Lorentz 
$$\ \vec{F} = q \vec{v} imes \vec{B}$$

Raggio della traiettoria della carica 
$$r = \frac{mv}{aB}$$

Flusso del campo magnetico 
$$\Phi_S(B) = \vec{B} \cdot \vec{S} = BS \cos \theta$$
 [Wb]

Teorema di Gauss per il campo magnetico  $\Phi_S(B) = 0$ 

Circuitazione del campo magnetico 
$$\Gamma_{\mathscr{L}}(B) = \sum_i \vec{B_i} \cdot \Delta \vec{\ell_i} = \sum_i B_i \Delta \ell_i \cos \theta_i$$

Teorema di Ampère 
$$\Gamma_{\mathscr{L}}(B) = \mu_0 \sum_k i_k$$

#### 6.4 Induzione elettromagnetica

Legge di Faraday-Neumann 
$$extit{f}_{em\,ind} = -rac{\Delta \Phi(B)}{\Delta t}$$

Fem indotta istantanea 
$$f_{em\,ind\,ist} = \lim_{\Delta t \to 0} -\frac{\Delta \Phi(B)}{\Delta t} = -\frac{d\Phi(B)}{dt} = -\Phi'(t)$$

Induttanza 
$$L = \frac{\Phi(B)}{i}$$
 [H]

Autoinduzione 
$$f_{em\,auto} = -rac{\Delta\Phi(B)}{\Delta t} = -Lrac{\Delta i}{\Delta t}$$

**Circuito RL** Chiusura: 
$$i(t) = i_0 \cdot \left(1 - e^{-\frac{R}{L}t}\right)$$
 Apertura:  $i(t) = i_0 \cdot e^{-\frac{R}{L}t}$ 

Forza elettromotrice in corrente alternata  $f_{em}(t) = f_{em0} \cdot \sin(\omega t)$ 

Corrente in regime alternato  $i(t) = i_0 \cdot \sin(\omega t)$ 

Valori efficaci in corrente alternata 
$$i_{efficace} = \frac{i_0}{\sqrt{2}}$$
  $f_{em\ efficace} = \frac{f_{em\ 0}}{\sqrt{2}}$ 

Circuito ohmico (resistivo) 
$$i(t) = \frac{f_{em}(t)}{R}$$
  $i_0 = \frac{f_{em0}}{R}$ 

Circuito induttivo 
$$i(t) = \frac{f_{em0}}{\omega L} \cdot \sin\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right)$$
  $i_0 = \frac{f_{em0}}{\omega L}$ 

Circuito capacitivo 
$$i(t) = \omega C f_{em0} \cdot \sin \left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right)$$
  $i_0 = \omega C f_{em0}$ 

Circuito RLC  $f_{em\,eff}=Z\cdot i_{eff}$ 

Impedenza 
$$Z = \sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2}$$
  $[\Omega]$ 

Risonanza 
$$\omega = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

Circuito LC 
$$q(t) = Q_0 \cdot \cos(\omega t)$$
  $i(t) = \omega Q_0 \cdot \sin(\omega t)$ 

Potenza media prodotta in corrente alternata  $\ \overline{P} = f_{em\,eff} \cdot i_{eff}$ 

Trasformatori 
$$\frac{f_{em \, eff2}}{f_{em \, eff1}} = \frac{n_2}{n_1}$$
  $\overline{P}_1 = f_{em \, eff1} \cdot i_{eff1} = f_{em \, eff2} \cdot i_{eff2} = \overline{P}_2$ 

## 6.5 Equazioni di Maxwell e onde elettromagnetiche

Circuitazione del campo elettrico indotto 
$$\Gamma_{\mathscr{L}}(E) = -\frac{\Delta \Phi_{\mathcal{S}}(B)}{\Delta t}$$

Corrente di spostamento 
$$i_s = \varepsilon_0 \frac{\Delta \Phi_S(E)}{\Delta t}$$
 [A]

Equazioni nel caso statico 
$$\Phi_S(E) = \frac{Q}{\varepsilon_0}; \quad \Phi_S(B) = 0; \quad \Gamma_{\mathscr{L}}(E) = 0; \quad \Gamma_{\mathscr{L}}(B) = \mu_0 i.$$

Equazioni generali 
$$\Phi_S(E) = \frac{Q}{\varepsilon_0}; \quad \Phi_S(B) = 0; \quad \Gamma_{\mathscr{L}}(E) = -\frac{\Delta\Phi_S(B)}{\Delta t}; \quad \Gamma_{\mathscr{L}}(B) = \mu_0 \left(i + i_s\right).$$

Velocità di un'onda elettromagnetica nel vuoto  $~c=rac{1}{\sqrt{arepsilon_0\cdot\mu_0}}\simeq$  3,  $0 imes10^8~m/s$ 

Frequenza e lunghezza d'onda  $\lambda = cf$ 

Ampiezze di  ${\it E}$  e di  ${\it B}$   ${\it E}=c{\it B}$ 

Densità media di energia di un'onda  $\;\overline{W}=rac{1}{2}arepsilon_0 E_0^2\;$ 

Irradiamento di un'onda elettromagnetica  $\,E_e=rac{1}{2}c arepsilon_0 E_0^2\,$ 

## 7 Fisica moderna

#### 7.1 Relatività di spazio e tempo

Coefficiente di dilatazione (fattore di Lorentz)  $\gamma = \frac{1}{\sqrt{1-\beta^2}}$  con  $\beta = \frac{v}{c}$ 

Dilatazione dei tempi  $\Delta t' = \gamma \Delta t$ 

Contrazione delle lunghezze parallele al moto  $\Delta x' = v \Delta t' = \frac{\Delta x}{\gamma}$ 

Intervallo invariante tra due eventi  $(\Delta \sigma)^2 = (c\Delta t)^2 - (\Delta x)^2 - (\Delta y)^2 - (\Delta z)^2$ 

Composizione relativistica delle velocità  $u' = \frac{u-v}{1-\frac{uv}{c^2}}$ 

Effetto Doppler relativistico  $\ f'=f\sqrt{rac{1\pmoldsymbol{eta}}{1\mpoldsymbol{eta}}}$ 

Redshift e blueshift  $z = \frac{f}{f'} - 1$ 

Equivalenza massa-energia  $\ \Delta m = rac{\Delta E}{c^2}$ 

Energia di quiete  $E = m_0 c^2$ 

Massa relativistica  $m = \gamma m_0$ 

Energia totale di una particella relativistica (relazione di Einstein)  $E = \gamma m_0 c^2 = mc^2$ 

Energia cinetica relativistica  $K_r=(\gamma-1)m_0c^2$ 

Quantità di moto relativistica  $\ ec{p_r} = m ec{v} = \gamma m_0 ec{v}$ 

Quantità di moto della luce  $p = \frac{E}{c}$ 

Quadrivettore energia-quantità di moto  $\left(\frac{E}{c}; p_x; p_y; p_z\right)$ 

## 7.2 Fisica quantistica

$$\textbf{Legge di Wien} \ \ \lambda_{\textit{max}} = \frac{0,2898}{\textit{T}} \ \textit{cm}$$

Legge di Stefan-Boltzmann  $R_{sp} = \sigma T^4$ 

Costante di Planck  $h=6,62607\times 10^{-34}\,J\cdot s$ 

Energia trasportata dal campo elettromagnetico E = nhf

Energia e quantità di moto di un fotone E = hf  $p = \frac{E}{c} = \frac{hf}{c}$ 

Raggi delle orbite di Bohr  $r_n = n^2 \cdot \frac{\varepsilon_0 h^2}{\pi m_e e^2} = (5, 29 \times 10^{-11} \text{ m}) \cdot n^2$ 

13

Relazione di De Broglie  $\ \lambda = \frac{h}{
ho}$ 

Costante di Planck ridotta  $\,\hbar = rac{h}{2\pi} \simeq 10^{-34}\,J\cdot s\,$ 

Principio di indeterminazione di Heisenberg  $\Delta x \Delta p \simeq \hbar$ 

 $\Delta t \Delta E \simeq \hbar$ 

## 8 Derivate e integrali notevoli

#### Derivate notevoli

Funzione	Derivata di	Rispetto a	Formula
velocità	posizione	tempo	$v(t) = \frac{ds}{dt}$
accelerazione	velocità	tempo	$a(t) = \frac{dv}{dt}$
forza	quantità di moto	tempo	$F(t) = \frac{dp}{dt}$
forza	energia	posizione	$F(s) = \frac{dU}{ds}$
intensità di corrente	carica	tempo	$i(t) = \frac{dq}{dt}$
potenza	energia	tempo	$P(t) = \frac{dU}{dt}$
f <sub>em</sub>	flusso di $B$	tempo	$f_{em}(t) = -rac{d\Phi(B)}{dt}$
corrente di spostamento	flusso di <i>E</i>	tempo	$i_s(t) = \varepsilon_0 \frac{d\Phi(E)}{dt}$

Spazio percorso 
$$\Delta s = \int_{t_0}^{t_1} v(t) dt$$

Lavoro di una forza 
$$L=\Delta U=\int_{s_0}^{s_1}F(s)ds$$

Circuitazione 
$$\Gamma_{\mathscr{L}}(E) = \oint_{\mathscr{L}} \vec{E} \cdot d\vec{\ell}$$
  $\Gamma_{\mathscr{L}}(B) = \oint_{\mathscr{L}} \vec{B} \cdot d\vec{\ell}$ 

## 9 Tavola periodica degli elementi

2 He Bio	° a	Neon	20.1797 18	Argon	36.948	Krypton	83.798	×	Xenon	88 G	E Badon	(222)	Uuo	Ununoctio	(294)				
	ூட	Fluoro	18.998403163	Cloro	35.446 35	Bromo	79.901	, <b>–</b>	lodio	126.9044/ 85	Astato	(210)	uns	Ununseptio	(294)	Fu =	Lutezio	ت د ت	Laurenzio (266)
	۰.0	Ossigeno	15.99903	Zolfo	32.059 <b>Q</b>	Selenio	78.971	<u>J</u> e	Tellurio	127.60 84 C		(508)	116 Lv	Livermorio	(293)	۲p	Itterbio	<b>8</b>	Nobelio (259)
	, Z	Azoto	14.00643	Fosforo	30.973761998 33	Arsenico	74.921595	Sp	Antimonio	83 	Bismuto	208.98040	gnN	Unumpentio	(583)	 Tm	Tulio	T <sub>101</sub>	Mendelevio (258)
	္ဖပ	Carbonio	12.0096	Silicio	32 32 <b>7</b>	Germanio	72.630	Sn	Stagno	82 5	C admin	207.2	114 <b>FI</b>	Flerovio	(289)	<b>₽</b>	Erbio	Fa Fa	Fermio (257)
	" <b>ದ</b>	Boro	10.806 13	Alluminio	31	Gallio	69.723	ָב	oipul	81 81	Talle	204.382	<sup>۱۱3</sup> Uut	Ununtrio	(286)	67 <b>H</b>	Olmio	ES	Einsteinio (252)
					2 2	Zinco	65.38	ප	Cadmio	80	<b>5</b>	200.592	Cn Cn	Copernicio	(285)	s D	Disprosio	<b>5</b>	Californio (251)
					8 C	Rame	63.546(3)	Āg	Argento	79	<b>7</b> 8	196.966569(5)	Rg	Roentgenio	(282)	a T	Terbio	B A	Berkelio (247)
					<sub>8</sub> <b>Ξ</b>	Nichel	58.6934	Pd	Palladio	78 <b>5</b>	<b>L</b> Blatino	195.084	SQ 011	Darmstadio	(281)	25 25	Gadolinio	E O	Curio (247)
			m		۵ کا	Cobalto	58.933194	掘	Rodio	77	<b>=</b> igi	192.217	Mt	Meitnerio	(278)	s D	Europio	Am	Americio (243)
			di massa atomic		₽ ₩	Femo (	55.845	Bu	Rutenio	76.107	5	190.23	HS	Hassio	(269)	Sm	Samario	P.	Plutonio (244)
		to	mass = massa atomica standard in <i>unità di massa atomica</i>		35 Z	Manganese	54.938044	Ľ	Tecnezio	75 (38)	ב ב	186.207	<b>48</b>	Bohrio	(270)	Pm	Promezio (146)	S N	Nettunio (237)
	Z = numero atomico Sim = simbolo	Nome = nome dell'elemento	nassa atomica st		۶ ک	Sromo	51.9961	Ψo	Molibdeno	74	Tungsteno	183.84	Sg	Seaborgio	(569)	° Z	Neodimio	<b>S S</b>	Uranio 238.02891
	Z = numero at Sim = simbolo	Nome =	mass = n		<sub>23</sub>	Vanadio	50.9415	Q N	Niobio	92.90637 73	Tantalio	180.94788	og Db	Dubnio	(268)	® <b>_</b>	Praseodimio	P a	Protoatfinio 231.03588
	Sim	Nome	mass		<sub>22</sub> F	Titanio	47.867	Ž	Zirconio	72	<b>A</b> frio	178.49	₽¥	Rutherfordio	(261)	္ဗီ	Cerio	۽ د	Torio 232.0377
					2 م	Sandio	44.955908	; <b>&gt;</b>	Ittirio	88.90584 57-71	Lantanidi		89-103 **	Attinidi		La La	Lantanio	Ac	Attinio (227)
	₽	Berillio	9.0121831 12 <b>M</b> C	Magnesio	24.304 20	Calcio	40.078	ស៊	Stronzio	87.62 56	מ ב ב	137.327	Ba Ba	Radio	(526)	*		*	
1 <b>T</b> Idrogeno	, 'J	Litio	6.938 1- Z	Sodio	22.98976928 19	Potassio	39.0983	Rp	Rubidio	55	ָרָאַ װּ	132.90545196	Fr	Francio	(223)				