

# I numeri razionali

Mattia Cozzi

a.f. 2024/2025

# Contenuti

Divisibilità

Criteri

Primi

Frazioni

Operazioni

# Divisibilità

Dati due numeri interi, è possibile che:

- la divisione tra loro sia esatta, senza resto, come in:

$$12 : 3 = 4, \text{ resto } 0$$

Diciamo allora che il primo numero **è divisibile** per il secondo.

- la divisione tra loro abbia resto, come in:

$$13 : 3 = 4, \text{ resto } 1$$

Diciamo allora che il primo numero **non è divisibile** per il secondo.

# Divisibilità

Dati due numeri interi, è possibile che:

- la divisione tra loro sia esatta, senza resto, come in:

$$12 : 3 = 4, \text{ resto } 0$$

Diciamo allora che il primo numero **è divisibile** per il secondo.

- la divisione tra loro abbia resto, come in:

$$13 : 3 = 4, \text{ resto } 1$$

Diciamo allora che il primo numero **non è divisibile** per il secondo.

## Multipli e sottomultipli/divisori

Se il numero  $a$  è divisibile per il numero  $b$ , allora:

- $a$  è **multiplo** di  $b$ ;

21 è multiplo di 7

- $b$  è **sottomultiplo o divisore** di  $a$ .
  - 7 è sottomultiplo di 21

## Multipli e sottomultipli/divisori

Se il numero  $a$  è divisibile per il numero  $b$ , allora:

- $a$  è **multiplo** di  $b$ ;

21 è multiplo di 7

- $b$  è **sottomultiplo o divisore** di  $a$ .
  - 7 è sottomultiplo di 21

## Una conseguenza

Se il prodotto di due numeri dà come risultato un terzo numero, allora quest'ultimo è multiplo degli altri due.

$$5 \cdot 9 = 45$$

Quindi 45 è multiplo sia di 5, sia di 9.

## Una conseguenza

Se il prodotto di due numeri dà come risultato un terzo numero, allora quest'ultimo è multiplo degli altri due.

$$5 \cdot 9 = 45$$

Quindi 45 è multiplo sia di 5, sia di 9.



## E i numeri negativi?

Lo stesso discorso, senza variazioni, vale coi numeri negativi:

$$-63 : 7 = -9$$

e quindi:

- $-63$  è multiplo di  $7$  e di  $-9$ ;
- $7$  e  $-9$  sono divisori di  $-63$ .

Ti ricordi la **regola dei segni**?

## E i numeri negativi?

Lo stesso discorso, senza variazioni, vale coi numeri negativi:

$$-63 : 7 = -9$$

e quindi:

- $-63$  è multiplo di  $7$  e di  $-9$ ;
- $7$  e  $-9$  sono divisori di  $-63$ .

Ti ricordi la **regola dei segni**?

## E i numeri negativi?

Lo stesso discorso, senza variazioni, vale coi numeri negativi:

$$-63 : 7 = -9$$

e quindi:

- $-63$  è multiplo di  $7$  e di  $-9$ ;
- $7$  e  $-9$  sono divisori di  $-63$ .

Ti ricordi la **regola dei segni**?

## E i numeri negativi?

Lo stesso discorso, senza variazioni, vale coi numeri negativi:

$$-63 : 7 = -9$$

e quindi:

- $-63$  è multiplo di  $7$  e di  $-9$ ;
- $7$  e  $-9$  sono divisori di  $-63$ .

Ti ricordi la **regola dei segni**?

## Domande interessanti

- Qual è il numero che è multiplo di tutti i numeri interi?
- Qual è il numero che è sottomultiplo di tutti i numeri interi?

## Domande interessanti

- Qual è il numero che è multiplo di tutti i numeri interi?
- Qual è il numero che è sottomultiplo di tutti i numeri interi?

## Pari e dispari in $\mathbb{N}$

I **numeri pari** sono i multipli di 2, e quindi terminano con:

0, 2, 4, 6, 8

Sono indicati con:

$$\mathbb{P} = \{0, 2, 4, 6, 8, 10, 12, \dots\}$$

I **numeri dispari** sono i numeri che non sono pari, e quindi terminano con:

1, 3, 5, 7, 9

$$\mathbb{D} = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, \dots\}$$

## Pari e dispari in $\mathbb{N}$

I **numeri pari** sono i multipli di 2, e quindi terminano con:

0, 2, 4, 6, 8

Sono indicati con:

$$\mathbb{P} = \{0, 2, 4, 6, 8, 10, 12, \dots\}$$

I **numeri dispari** sono i numeri che non sono pari, e quindi terminano con:

1, 3, 5, 7, 9

$$\mathbb{D} = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, \dots\}$$



## Pari e dispari in $\mathbb{N}$

I **numeri pari** sono i multipli di 2, e quindi terminano con:

0, 2, 4, 6, 8

Sono indicati con:

$$\mathbb{P} = \{0, 2, 4, 6, 8, 10, 12, \dots\}$$

I **numeri dispari** sono i numeri che non sono pari, e quindi terminano con:

1, 3, 5, 7, 9

$$\mathbb{D} = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, \dots\}$$

## Pari e dispari in $\mathbb{N}$

I **numeri pari** sono i multipli di 2, e quindi terminano con:

0, 2, 4, 6, 8

Sono indicati con:

$$\mathbb{P} = \{0, 2, 4, 6, 8, 10, 12, \dots\}$$

I **numeri dispari** sono i numeri che non sono pari, e quindi terminano con:

1, 3, 5, 7, 9

$$\mathbb{D} = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, \dots\}$$

## Pari e dispari in $\mathbb{Z}$

Il concetto di pari e dispari si estende anche ai numeri interi (positivi e negativi:)

$$\mathbb{P} = \{\dots, -6, -4, -2, 0, +2, +4, +6, \dots\}$$

$$\mathbb{D} = \{\dots, -5, -3, -1, 0, +1, +3, +5, \dots\}$$

## Pari e dispari in $\mathbb{Z}$

Il concetto di pari e dispari si estende anche ai numeri interi (positivi e negativi:)

$$\mathbb{P} = \{\dots, -6, -4, -2, 0, +2, +4, +6, \dots\}$$

$$\mathbb{D} = \{\dots, -5, -3, -1, 0, +1, +3, +5, \dots\}$$

## Pari e dispari in $\mathbb{Z}$

Il concetto di pari e dispari si estende anche ai numeri interi (positivi e negativi:)

$$\mathbb{P} = \{\dots, -6, -4, -2, 0, +2, +4, +6, \dots\}$$

$$\mathbb{D} = \{\dots, -5, -3, -1, 0, +1, +3, +5, \dots\}$$

## Criteri di divisibilità

I criteri di divisibilità sono dei **criteri** per capire se un numero intero è divisibile per un altro, senza calcolare per davvero la divisione.

Potremo ad esempio rispondere, senza far calcoli, alle seguenti domande:

- 1404 è divisibile per 9?
- 153 è divisibile per 11?

## Criteri di divisibilità

I criteri di divisibilità sono dei **criteri** per capire se un numero intero è divisibile per un altro, senza calcolare per davvero la divisione.

Potremo ad esempio rispondere, senza far calcoli, alle seguenti domande:

- 1404 è divisibile per 9?
- 153 è divisibile per 11?

## Criteri di divisibilità

I criteri di divisibilità sono dei **criteri** per capire se un numero intero è divisibile per un altro, senza calcolare per davvero la divisione.

Potremo ad esempio rispondere, senza far calcoli, alle seguenti domande:

- 1404 è divisibile per 9?
- 153 è divisibile per 11?



## Divisibilità per 2

### Critero di divisibilità per 2

Un numero è divisibile per 2 se è pari, cioè se finisce per:

0, 2, 4, 6, 8

- 487238 è divisibile per 2;
- 400 è divisibile per 2.

## Divisibilità per 2

### Critero di divisibilità per 2

Un numero è divisibile per 2 se è pari, cioè se finisce per:

0, 2, 4, 6, 8

- 487238 è divisibile per 2;
- 400 è divisibile per 2.

## Divisibilità per 2

### Critero di divisibilità per 2

Un numero è divisibile per 2 se è pari, cioè se finisce per:

0, 2, 4, 6, 8

- 487238 è divisibile per 2;
- 400 è divisibile per 2.

## Divisibilità per 3

### Critero di divisibilità per 3

Un numero è divisibile per 3 se la somma delle sue cifre è un multiplo di 3.

- 171 è divisibile per 3, perché  $1 + 7 + 1 = 9$ ;
- 3477 è divisibile per 3, perché  $3 + 4 + 7 + 7 = 21$ .

# Divisibilità per 3

## Critero di divisibilità per 3

Un numero è divisibile per 3 se la somma delle sue cifre è un multiplo di 3.

- 171 è divisibile per 3, perché  $1 + 7 + 1 = 9$ ;
- 3477 è divisibile per 3, perché  $3 + 4 + 7 + 7 = 21$ .

## Divisibilità per 3

### Critero di divisibilità per 3

Un numero è divisibile per 3 se la somma delle sue cifre è un multiplo di 3.

- 171 è divisibile per 3, perché  $1 + 7 + 1 = 9$ ;
- 3477 è divisibile per 3, perché  $3 + 4 + 7 + 7 = 21$ .

## Divisibilità per 6

### Critero di divisibilità per 6

Un numero è divisibile per 6 se è divisibile sia, per 2 sia per 3.

- 492 è divisibile per 6, perché è pari e  $4 + 9 + 2 = 15$ .

## Divisibilità per 6

### Critero di divisibilità per 6

Un numero è divisibile per 6 se è divisibile sia, per 2 sia per 3.

- 492 è divisibile per 6, perché è pari e  $4 + 9 + 2 = 15$ .



## Divisibilità per 5

### Critero di divisibilità per 5

Un numero è divisibile per 5 se finisce con 0 oppure 5.

- 4565 è divisibile per 5;
- 150 è divisibile per 5.

## Divisibilità per 5

### Critero di divisibilità per 5

Un numero è divisibile per 5 se finisce con 0 oppure 5.

- 4565 è divisibile per 5;
- 150 è divisibile per 5.

## Divisibilità per 5

### Critero di divisibilità per 5

Un numero è divisibile per 5 se finisce con 0 oppure 5.

- 4565 è divisibile per 5;
- 150 è divisibile per 5.

# Divisibilità per 9

## Critero di divisibilità per 9

Un numero è divisibile per 9 se la somma delle sue cifre è un multiplo di 9.

Prova a considerare la tabellina del 9!

- 171 è divisibile per 9, perché  $1 + 7 + 1 = 9$ ;
- 48672 è divisibile per 9, perché  $4 + 8 + 6 + 7 + 2 = 27$ .

# Divisibilità per 9

## Critero di divisibilità per 9

Un numero è divisibile per 9 se la somma delle sue cifre è un multiplo di 9.

Prova a considerare la tabellina del 9!

- 171 è divisibile per 9, perché  $1 + 7 + 1 = 9$ ;
- 48672 è divisibile per 9, perché  $4 + 8 + 6 + 7 + 2 = 27$ .

# Divisibilità per 9

## Critero di divisibilità per 9

Un numero è divisibile per 9 se la somma delle sue cifre è un multiplo di 9.

Prova a considerare la tabellina del 9!

- 171 è divisibile per 9, perché  $1 + 7 + 1 = 9$ ;
- 48672 è divisibile per 9, perché  $4 + 8 + 6 + 7 + 2 = 27$ .

## Divisibilità per 10

### Critero di divisibilità per 10

Un numero è divisibile per 10 se finisce per 0.

- 1360 è divisibile per 10.

## Divisibilità per 10

### Critero di divisibilità per 10

Un numero è divisibile per 10 se finisce per 0.

- 1360 è divisibile per 10.



## Divisibilità per 7

### Critero di divisibilità per 7

Un numero è divisibile per 7 se la differenza tra le decine e il doppio delle unità è un multiplo di 7.

- 91 è divisibile per 7, perché  $9 - 1 \cdot 2 = 7$ ;
- 231 è divisibile per 7, perché  $23 - 1 \cdot 2 = 21$ .

# Divisibilità per 7

## Critero di divisibilità per 7

Un numero è divisibile per 7 se la differenza tra le decine e il doppio delle unità è un multiplo di 7.

- 91 è divisibile per 7, perché  $9 - 1 \cdot 2 = 7$ ;
- 231 è divisibile per 7, perché  $23 - 1 \cdot 2 = 21$ .

# Divisibilità per 7

## Critero di divisibilità per 7

Un numero è divisibile per 7 se la differenza tra le decine e il doppio delle unità è un multiplo di 7.

- 91 è divisibile per 7, perché  $9 - 1 \cdot 2 = 7$ ;
- 231 è divisibile per 7, perché  $23 - 1 \cdot 2 = 21$ .

# Divisibilità per 11

## Critero di divisibilità per 11

Un numero è divisibile per 11 se la differenza tra la somma delle cifre di posto dispari e quella delle cifre di posto pari è un multiplo di 11.

- 121 è divisibile per 11, perché  $(1 + 1) - (2) = 0$ ;
- 9273 è divisibile per 11, perché  $(9 + 7) - (2 + 3) = 11$ .

# Divisibilità per 11

## Critero di divisibilità per 11

Un numero è divisibile per 11 se la differenza tra la somma delle cifre di posto dispari e quella delle cifre di posto pari è un multiplo di 11.

- 121 è divisibile per 11, perché  $(1 + 1) - (2) = 0$ ;
- 9273 è divisibile per 11, perché  $(9 + 7) - (2 + 3) = 11$ .

# Divisibilità per 11

## Critero di divisibilità per 11

Un numero è divisibile per 11 se la differenza tra la somma delle cifre di posto dispari e quella delle cifre di posto pari è un multiplo di 11.

- 121 è divisibile per 11, perché  $(1 + 1) - (2) = 0$ ;
- 9273 è divisibile per 11, perché  $(9 + 7) - (2 + 3) = 11$ .

## Divisibilità per 4

### Critero di divisibilità per 4

Un numero è divisibile per 4 se le ultime due cifre sono un multiplo di 4.

- 412 è multiplo di 4;
- 576 è multiplo di 4.

## Divisibilità per 4

### Critero di divisibilità per 4

Un numero è divisibile per 4 se le ultime due cifre sono un multiplo di 4.

- 412 è multiplo di 4;
- 576 è multiplo di 4.



## Divisibilità per 4

### Critero di divisibilità per 4

Un numero è divisibile per 4 se le ultime due cifre sono un multiplo di 4.

- 412 è multiplo di 4;
- 576 è multiplo di 4.

# Numeri primi

I numeri primi sono tutti e soli i numeri naturali che sono **divisibili soltanto per 1 e per sé stessi**.

7 è un numero primo, perché può essere diviso solo per 1 e per 7.

I numeri non primi si dicono composti, come 12 (divisibile per un sacco di numeri!).

1 non viene considerato un numero primo.

I numeri primi sono **infiniti**!

# Numeri primi

I numeri primi sono tutti e soli i numeri naturali che sono **divisibili soltanto per 1 e per sé stessi**.

7 è un numero primo, perché può essere diviso solo per 1 e per 7.

I numeri non primi si dicono composti, come 12 (divisibile per un sacco di numeri!).

1 non viene considerato un numero primo.

I numeri primi sono **infiniti**!

## Numeri primi

I numeri primi sono tutti e soli i numeri naturali che sono **divisibili soltanto per 1 e per sé stessi**.

7 è un numero primo, perché può essere diviso solo per 1 e per 7.

I numeri non primi si dicono composti, come 12 (divisibile per un sacco di numeri!).

1 non viene considerato un numero primo.

I numeri primi sono **infiniti**!

## Numeri primi

I numeri primi sono tutti e soli i numeri naturali che sono **divisibili soltanto per 1 e per sé stessi**.

7 è un numero primo, perché può essere diviso solo per 1 e per 7.

I numeri non primi si dicono composti, come 12 (divisibile per un sacco di numeri!).

1 non viene considerato un numero primo.

I numeri primi sono **infiniti**!

# Numeri primi

I numeri primi sono tutti e soli i numeri naturali che sono **divisibili soltanto per 1 e per sé stessi**.

7 è un numero primo, perché può essere diviso solo per 1 e per 7.

I numeri non primi si dicono composti, come 12 (divisibile per un sacco di numeri!).

1 non viene considerato un numero primo.

I numeri primi sono **infiniti**!

## Numeri primi da 1 a 50

2	3	5	7	11
13	17	19	23	29
31	37	41	43	47

## Scomposizione in fattori primi

È stato dimostrato che:

ogni numero naturale può essere scritto come prodotto di soli numeri primi.

Ad esempio:

$$153 = 3 \cdot 3 \cdot 17$$

$$385 = 5 \cdot 7 \cdot 11$$

Questo procedimento è detto **scomposizione** o **fattorizzazione** in numeri primi.



## Scomposizione in fattori primi

È stato dimostrato che:

ogni numero naturale può essere scritto come prodotto di soli numeri primi.

Ad esempio:

$$153 = 3 \cdot 3 \cdot 17$$

$$385 = 5 \cdot 7 \cdot 11$$

Questo procedimento è detto **scomposizione** o **fattorizzazione** in numeri primi.

## Scomposizione in fattori primi

È stato dimostrato che:

ogni numero naturale può essere scritto come prodotto di soli numeri primi.

Ad esempio:

$$153 = 3 \cdot 3 \cdot 17$$

$$385 = 5 \cdot 7 \cdot 11$$

Questo procedimento è detto **scomposizione o fattorizzazione** in numeri primi.

## Scomposizione in fattori primi

È stato dimostrato che:

ogni numero naturale può essere scritto come prodotto di soli numeri primi.

Ad esempio:

$$153 = 3 \cdot 3 \cdot 17$$

$$385 = 5 \cdot 7 \cdot 11$$

Questo procedimento è detto **scomposizione o fattorizzazione** in numeri primi.

## Esempio di scomposizione

Proviamo a scomporre 180 in fattori primi:

180		2
90		2
45		3
15		3
5		5
1		

Possiamo scrivere la fattorizzazione di 180:

$$180 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5$$

## Esempio di scomposizione

Proviamo a scomporre 180 in fattori primi:

180		2
90		2
45		3
15		3
5		5
1		

Possiamo scrivere la fattorizzazione di 180:

$$180 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5$$

## Esempio di scomposizione

Proviamo a scomporre 180 in fattori primi:

180		2
90		2
45		3
15		3
5		5
1		

Possiamo scrivere la fattorizzazione di 180:

$$180 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5$$

## Esempio di scomposizione

Proviamo a scomporre 180 in fattori primi:

180		2
90		2
45		3
15		3
5		5
1		

Possiamo scrivere la fattorizzazione di 180:

$$180 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5$$

## Esempio di scomposizione

Proviamo a scomporre 180 in fattori primi:

180		2
90		2
45		3
15		3
5		5
1		

Possiamo scrivere la fattorizzazione di 180:

$$180 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5$$



## Esempio di scomposizione

Proviamo a scomporre 180 in fattori primi:

180		2
90		2
45		3
15		3
5		5
1		

Possiamo scrivere la fattorizzazione di 180:

$$180 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5$$

## Esempio di scomposizione

Proviamo a scomporre 180 in fattori primi:

180		2
90		2
45		3
15		3
5		5
1		

Possiamo scrivere la fattorizzazione di 180:

$$180 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5$$

## Esempio di scomposizione

Proviamo a scomporre 180 in fattori primi:

180		2
90		2
45		3
15		3
5		5
1		

Possiamo scrivere la fattorizzazione di 180:

$$180 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5$$

## Esempio di scomposizione

Proviamo a scomporre 180 in fattori primi:

180		2
90		2
45		3
15		3
5		5
1		

Possiamo scrivere la fattorizzazione di 180:

$$180 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5$$

## Esempio di scomposizione

Proviamo a scomporre 180 in fattori primi:

180		2
90		2
45		3
15		3
5		5
1		

Possiamo scrivere la fattorizzazione di 180:

$$180 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5$$

## Esempio di scomposizione

Proviamo a scomporre 180 in fattori primi:

180		2
90		2
45		3
15		3
5		5
1		

Possiamo scrivere la fattorizzazione di 180:

$$180 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5$$

## Esempio di scomposizione

Proviamo a scomporre 180 in fattori primi:

180		2
90		2
45		3
15		3
5		5
1		

Possiamo scrivere la fattorizzazione di 180:

$$180 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5$$

## Esempio di scomposizione

Proviamo a scomporre 180 in fattori primi:

180		2
90		2
45		3
15		3
5		5
1		

Possiamo scrivere la fattorizzazione di 180:

$$180 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5$$



## Esempio di scomposizione

Proviamo a scomporre 180 in fattori primi:

180		2
90		2
45		3
15		3
5		5
1		

Possiamo scrivere la fattorizzazione di 180:

$$180 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5$$

## Esercizi sulla scomposizione in fattori primi

1. Scomponi in fattori primi i seguenti numeri:

- 152
- 90
- 156

- 612
- 720
- 1024

## Massimo comun divisore (MCD)

Il massimo comun divisore (indicato con MCD) tra due numeri è **il più alto dei divisori comuni tra due numeri.**

Elenchiamo i divisori di 24:

$$\text{div}(24) = \{1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24\}$$

Elenchiamo i divisori di 36:

$$\text{div}(36) = \{1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36\}$$

Quindi il massimo comun divisore tra 24 e 36 è 12.

Esiste un modo più veloce per calcolare l'MCD tra due numeri?

## Massimo comun divisore (MCD)

Il massimo comun divisore (indicato con MCD) tra due numeri è **il più alto dei divisori comuni tra due numeri.**

Elenchiamo i divisori di 24:

$$\text{div}(24) = \{1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24\}$$

Elenchiamo i divisori di 36:

$$\text{div}(36) = \{1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36\}$$

Quindi il massimo comun divisore tra 24 e 36 è 12.

Esiste un modo più veloce per calcolare l'MCD tra due numeri?

## Massimo comun divisore (MCD)

Il massimo comun divisore (indicato con MCD) tra due numeri è **il più alto dei divisori comuni tra due numeri.**

Elenchiamo i divisori di 24:

$$\text{div}(24) = \{1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24\}$$

Elenchiamo i divisori di 36:

$$\text{div}(36) = \{1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36\}$$

Quindi il massimo comun divisore tra 24 e 36 è 12.

Esiste un modo più veloce per calcolare l'MCD tra due numeri?

## Massimo comun divisore (MCD)

Il massimo comun divisore (indicato con MCD) tra due numeri è **il più alto dei divisori comuni tra due numeri.**

Elenchiamo i divisori di 24:

$$\text{div}(24) = \{1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24\}$$

Elenchiamo i divisori di 36:

$$\text{div}(36) = \{1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36\}$$

Quindi il massimo comun divisore tra 24 e 36 è 12.

Esiste un modo più veloce per calcolare l'MCD tra due numeri?

## Massimo comun divisore (MCD)

Il massimo comun divisore (indicato con MCD) tra due numeri è **il più alto dei divisori comuni tra due numeri.**

Elenchiamo i divisori di 24:

$$\text{div}(24) = \{1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24\}$$

Elenchiamo i divisori di 36:

$$\text{div}(36) = \{1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36\}$$

Quindi il massimo comun divisore tra 24 e 36 è 12.

Esiste un modo più veloce per calcolare l'MCD tra due numeri?

## Calcolo dell'MCD

Eseguo le seguenti operazioni:

1. scompongo in fattori primi i due numeri;
2. costruisco l'MCD scegliendo, nelle scomposizioni, i fattori in comune, con l'esponente più basso.

Esempio:

$$24 = 2^3 \cdot 3$$

$$36 = 2^2 \cdot 3^2$$

$$MCD(24, 36) = 2^2 \cdot 3$$



## Calcolo dell'MCD

Eseguo le seguenti operazioni:

1. scompongo in fattori primi i due numeri;
2. costruisco l'MCD scegliendo, nelle scomposizioni, i fattori in comune, con l'esponente più basso.

Esempio:

$$24 = 2^3 \cdot 3$$

$$36 = 2^2 \cdot 3^2$$

$$MCD(24, 36) = 2^2 \cdot 3$$

## Calcolo dell'MCD

Eseguo le seguenti operazioni:

1. scompongo in fattori primi i due numeri;
2. costruisco l'MCD scegliendo, nelle scomposizioni, i fattori in comune, con l'esponente più basso.

Esempio:

$$24 = 2^3 \cdot 3$$

$$36 = 2^2 \cdot 3^2$$

$$MCD(24, 36) = 2^2 \cdot 3$$

## Calcolo dell'MCD

Eseguo le seguenti operazioni:

1. scompongo in fattori primi i due numeri;
2. costruisco l'MCD scegliendo, nelle scomposizioni, i fattori in comune, con l'esponente più basso.

Esempio:

$$24 = 2^3 \cdot 3$$

$$36 = 2^2 \cdot 3^2$$

$$MCD(24, 36) = 2^2 \cdot 3$$

## Esercizi sull'MCD

1. Calcola il Massimo Comun Divisore fra i seguenti gruppi di numeri.

- 18, 96
- 9, 108
- 26, 64

- 3, 7, 9
- 14, 35, 21
- 36, 108, 117

## Minimo comune multiplo (mcm)

Il minimo comune multiplo (indicato con mcm) tra due numeri è **il più piccolo tra i multipli comuni tra due numeri** diverso da zero.

Elenchiamo i multipli di 6:

$$\text{mult}(6) = \{0, 6, 12, 18, 24, 30, 36, 42, 48, 54, 60, \dots\}$$

Elenchiamo i multipli di 15:

$$\text{mult}(15) = \{0, 15, 30, 45, 60, 75, 90, \dots\}$$

Quindi il minimo comun divisore tra 6 e 15 è 30.

Esiste un modo più veloce per calcolare l'mcm tra due numeri?

## Minimo comune multiplo (mcm)

Il minimo comune multiplo (indicato con mcm) tra due numeri è **il più piccolo tra i multipli comuni tra due numeri** diverso da zero.

Elenchiamo i multipli di 6:

$$\text{mult}(6) = \{0, 6, 12, 18, 24, 30, 36, 42, 48, 54, 60, \dots\}$$

Elenchiamo i multipli di 15:

$$\text{mult}(15) = \{0, 15, 30, 45, 60, 75, 90, \dots\}$$

Quindi il minimo comun divisore tra 6 e 15 è 30.

Esiste un modo più veloce per calcolare l'mcm tra due numeri?

## Minimo comune multiplo (mcm)

Il minimo comune multiplo (indicato con mcm) tra due numeri è **il più piccolo tra i multipli comuni tra due numeri** diverso da zero.

Elenchiamo i multipli di 6:

$$\text{mult}(6) = \{0, 6, 12, 18, 24, 30, 36, 42, 48, 54, 60, \dots\}$$

Elenchiamo i multipli di 15:

$$\text{mult}(15) = \{0, 15, 30, 45, 60, 75, 90, \dots\}$$

Quindi il minimo comun divisore tra 6 e 15 è 30.

Esiste un modo più veloce per calcolare l'mcm tra due numeri?

## Minimo comune multiplo (mcm)

Il minimo comune multiplo (indicato con mcm) tra due numeri è **il più piccolo tra i multipli comuni tra due numeri** diverso da zero.

Elenchiamo i multipli di 6:

$$\text{mult}(6) = \{0, 6, 12, 18, 24, 30, 36, 42, 48, 54, 60, \dots\}$$

Elenchiamo i multipli di 15:

$$\text{mult}(15) = \{0, 15, 30, 45, 60, 75, 90, \dots\}$$

Quindi il minimo comun divisore tra 6 e 15 è 30.

Esiste un modo più veloce per calcolare l'mcm tra due numeri?



## Minimo comune multiplo (mcm)

Il minimo comune multiplo (indicato con mcm) tra due numeri è **il più piccolo tra i multipli comuni tra due numeri** diverso da zero.

Elenchiamo i multipli di 6:

$$\text{mult}(6) = \{0, 6, 12, 18, 24, 30, 36, 42, 48, 54, 60, \dots\}$$

Elenchiamo i multipli di 15:

$$\text{mult}(15) = \{0, 15, 30, 45, 60, 75, 90, \dots\}$$

Quindi il minimo comun divisore tra 6 e 15 è 30.

Esiste un modo più veloce per calcolare l'mcm tra due numeri?

## Calcolo dell'mcm

Eseguo le seguenti operazioni:

1. scompongo in fattori primi i due numeri;
2. costruisco l'mcm scegliendo, nelle scomposizioni, tutti i fattori (comuni e non comuni), con l'esponente più alto.

Esempio:

$$24 = 2^3 \cdot 3$$

$$28 = 2^2 \cdot 7$$

$$\text{mcm}(24, 28) = 2^3 \cdot 3 \cdot 7$$

## Calcolo dell'mcm

Eseguo le seguenti operazioni:

1. scompongo in fattori primi i due numeri;
2. costruisco l'mcm scegliendo, nelle scomposizioni, tutti i fattori (comuni e non comuni), con l'esponente più alto.

Esempio:

$$24 = 2^3 \cdot 3$$

$$28 = 2^2 \cdot 7$$

$$\text{mcm}(24, 28) = 2^3 \cdot 3 \cdot 7$$

## Calcolo dell'mcm

Eseguo le seguenti operazioni:

1. scompongo in fattori primi i due numeri;
2. costruisco l'mcm scegliendo, nelle scomposizioni, tutti i fattori (comuni e non comuni), con l'esponente più alto.

Esempio:

$$24 = 2^3 \cdot 3$$

$$28 = 2^2 \cdot 7$$

$$mcm(24, 28) = 2^3 \cdot 3 \cdot 7$$

## Calcolo dell'mcm

Eseguo le seguenti operazioni:

1. scompongo in fattori primi i due numeri;
2. costruisco l'mcm scegliendo, nelle scomposizioni, tutti i fattori (comuni e non comuni), con l'esponente più alto.

Esempio:

$$24 = 2^3 \cdot 3$$

$$28 = 2^2 \cdot 7$$

$$\text{mcm}(24, 28) = 2^3 \cdot 3 \cdot 7$$

## Esercizi sull'mcm

1. Calcola il minimo comune multiplo fra i seguenti gruppi di numeri.

- 18, 96
- 9, 108
- 26, 64

- 3, 7, 9
- 14, 35, 21
- 36, 108, 117

2. In un campanile ci sono tre campane. Una batte un rintocco ogni 5 secondi, la seconda un rintocco ogni 6 secondi, la terza batte un rintocco ogni 8 secondi. Se battono insieme il primo rintocco, dopo quanti secondi ne batteranno un altro insieme?

## Perché le frazioni?

I numeri decimali e i numeri interi, sia positivi sia negativi, possono essere anche espressi sotto forma di **frazioni**, che vanno a costituire l'insieme  $\mathbb{Q}$  dei **numeri razionali**.

Ad esempio:

$$7,7 = 77 : 10 = \frac{77}{10}$$

$$-2,3 = -23 : 10 = -\frac{23}{10}$$

Le frazioni sono solo un modo più comodo di scrivere delle divisioni!

## Perché le frazioni?

I numeri decimali e i numeri interi, sia positivi sia negativi, possono essere anche espressi sotto forma di **frazioni**, che vanno a costituire l'insieme  $\mathbb{Q}$  dei **numeri razionali**.

Ad esempio:

$$7,7 = 77 : 10 = \frac{77}{10}$$

$$-2,3 = -23 : 10 = -\frac{23}{10}$$

Le frazioni sono solo un modo più comodo di scrivere delle divisioni!



## Perché le frazioni?

I numeri decimali e i numeri interi, sia positivi sia negativi, possono essere anche espressi sotto forma di **frazioni**, che vanno a costituire l'insieme  $\mathbb{Q}$  dei **numeri razionali**.

Ad esempio:

$$7,7 = 77 : 10 = \frac{77}{10}$$

$$-2,3 = -23 : 10 = -\frac{23}{10}$$

Le frazioni sono solo un modo più comodo di scrivere delle divisioni!

## Perché le frazioni?

I numeri decimali e i numeri interi, sia positivi sia negativi, possono essere anche espressi sotto forma di **frazioni**, che vanno a costituire l'insieme  $\mathbb{Q}$  dei **numeri razionali**.

Ad esempio:

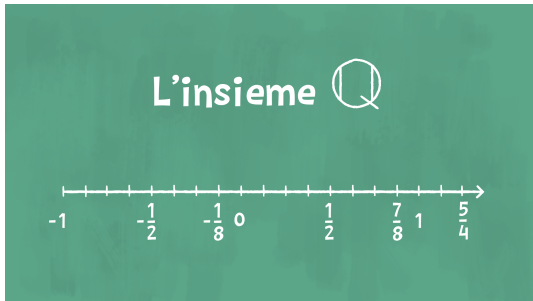
$$7,7 = 77 : 10 = \frac{77}{10}$$

$$-2,3 = -23 : 10 = -\frac{23}{10}$$

Le frazioni sono solo un modo più comodo di scrivere delle divisioni!

## L'insieme $\mathbb{Q}$

Le frazioni, cioè i numeri decimali (finiti oppure periodici), costituiscono l'insieme  $\mathbb{Q}$ , cioè l'insieme dei **numeri razionali** (*ratio* in latino significa “rapporto”, cioè divisione.)



Stiamo riempiendo lo spazio tra un numero e l'altro che c'era in  $\mathbb{Z}$ .

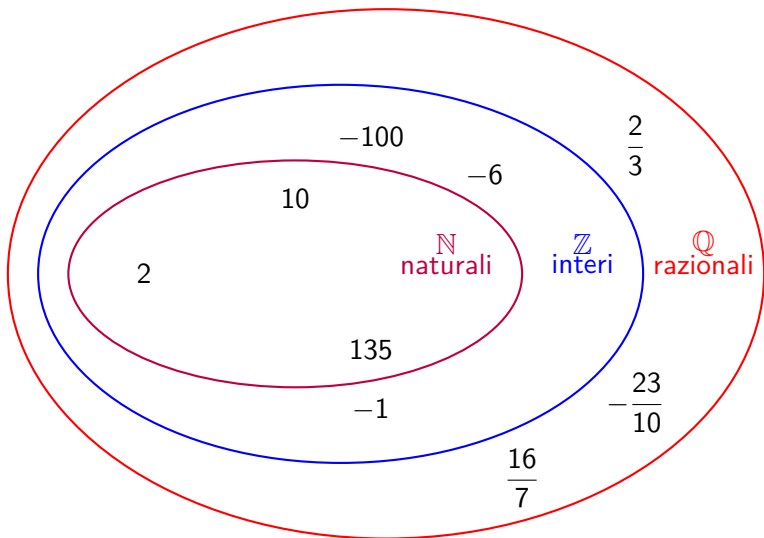
## L'insieme $\mathbb{Q}$

Le frazioni, cioè i numeri decimali (finiti oppure periodici), costituiscono l'insieme  $\mathbb{Q}$ , cioè l'insieme dei **numeri razionali** (*ratio* in latino significa “rapporto”, cioè divisione.)



Stiamo riempiendo lo spazio tra un numero e l'altro che c'era in  $\mathbb{Z}$ .

# Insiemi numerici



## Cosa resta fuori

L'insieme  $\mathbb{Q}$  non esaurisce l'insieme dei numeri che si usano in matematica.

La sua estensione è l'insieme  $\mathbb{R}$  dei **numeri reali**.

$\mathbb{R}$  contiene numeri decimali non periodici, cioè con un numero infinito di cifre casuali dopo la virgola, che non si ripetono mai.

Qualche esempio di numero reale ma non razionale:

$$\pi = 3,141592653589 \dots$$

$$\sqrt{2} = 1,4142135623730 \dots$$

## Cosa resta fuori

L'insieme  $\mathbb{Q}$  non esaurisce l'insieme dei numeri che si usano in matematica.

La sua estensione è l'insieme  $\mathbb{R}$  dei **numeri reali**.

$\mathbb{R}$  contiene numeri decimali non periodici, cioè con un numero infinito di cifre casuali dopo la virgola, che non si ripetono mai.

Qualche esempio di numero reale ma non razionale:

$$\pi = 3,141592653589 \dots$$

$$\sqrt{2} = 1,4142135623730 \dots$$

## Cosa resta fuori

L'insieme  $\mathbb{Q}$  non esaurisce l'insieme dei numeri che si usano in matematica.

La sua estensione è l'insieme  $\mathbb{R}$  dei **numeri reali**.

$\mathbb{R}$  contiene numeri decimali non periodici, cioè con un numero infinito di cifre casuali dopo la virgola, che non si ripetono mai.

Qualche esempio di numero reale ma non razionale:

$$\pi = 3,141592653589 \dots$$

$$\sqrt{2} = 1,4142135623730 \dots$$



## Cosa resta fuori

L'insieme  $\mathbb{Q}$  non esaurisce l'insieme dei numeri che si usano in matematica.

La sua estensione è l'insieme  $\mathbb{R}$  dei **numeri reali**.

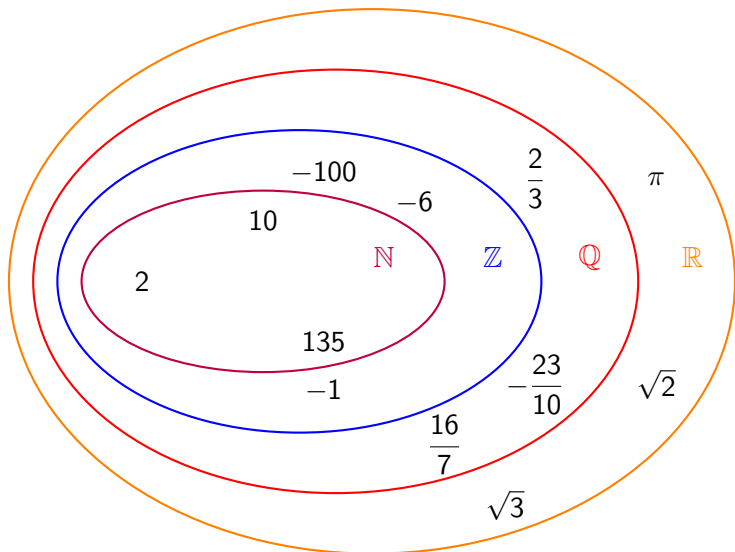
$\mathbb{R}$  contiene numeri decimali non periodici, cioè con un numero infinito di cifre casuali dopo la virgola, che non si ripetono mai.

Qualche esempio di numero reale ma non razionale:

$$\pi = 3,141592653589 \dots$$

$$\sqrt{2} = 1,4142135623730 \dots$$

# Insiemi numerici



# Terminologia

Essendo le frazioni delle divisioni, possiamo introdurre dei nuovi termini:

- il **numeratore** è “il numero sopra”, cioè il dividendo;
- il **denominatore** è il “numero sotto”, cioè il divisore.

$$\frac{15}{7}$$

15 è il numeratore, 7 è il denominatore.

# Terminologia

Essendo le frazioni delle divisioni, possiamo introdurre dei nuovi termini:

- il **numeratore** è “il numero sopra”, cioè il dividendo;
- il **denominatore** è il “numero sotto”, cioè il divisore.

$$\frac{15}{7}$$

15 è il numeratore, 7 è il denominatore.

## Terminologia

Essendo le frazioni delle divisioni, possiamo introdurre dei nuovi termini:

- il **numeratore** è “il numero sopra”, cioè il dividendo;
- il **denominatore** è il “numero sotto”, cioè il divisore.

$$\frac{15}{7}$$

15 è il numeratore, 7 è il denominatore.

## Terminologia

Essendo le frazioni delle divisioni, possiamo introdurre dei nuovi termini:

- il **numeratore** è “il numero sopra”, cioè il dividendo;
- il **denominatore** è il “numero sotto”, cioè il divisore.

$$\frac{15}{7}$$

15 è il numeratore, 7 è il denominatore.

## Il valore di una frazione

A volte, per capire bene il valore di un numero razionale (una frazione) è utile **eseguire la divisione tra i due numeri**:

$$\frac{3}{8} = 0,375$$

Alcune frazioni, anche se in apparenza diverse, hanno in realtà lo stesso valore:

$$\frac{3}{8} = \frac{9}{24}$$

Quando due frazioni hanno lo stesso valore, si dicono **frazioni equivalenti**.

## Il valore di una frazione

A volte, per capire bene il valore di un numero razionale (una frazione) è utile **eseguire la divisione tra i due numeri**:

$$\frac{3}{8} = 0,375$$

Alcune frazioni, anche se in apparenza diverse, hanno in realtà **lo stesso valore**:

$$\frac{3}{8} = \frac{9}{24}$$

Quando due frazioni hanno lo stesso valore, si dicono **frazioni equivalenti**.



## Il valore di una frazione

A volte, per capire bene il valore di un numero razionale (una frazione) è utile **eseguire la divisione tra i due numeri**:

$$\frac{3}{8} = 0,375$$

Alcune frazioni, anche se in apparenza diverse, hanno in realtà **lo stesso valore**:

$$\frac{3}{8} = \frac{9}{24}$$

Quando due frazioni hanno lo stesso valore, si dicono **frazioni equivalenti**.

## Minimi termini

Per trovare la frazione **più semplice** equivalente ad una certa frazione, si ricorre alla **semplificazione**.

Quando una frazione è espressa nella sua forma più semplice, si dice che è **ridotta ai minimi termini**.

$\frac{9}{24}$  **non** è ridotta ai minimi termini

$\frac{3}{8}$  **è** ridotta ai minimi termini

Per eseguire la semplificazione, è importantissimo essere abili nella **scomposizione in fattori primi**.

## Minimi termini

Per trovare la frazione **più semplice** equivalente ad una certa frazione, si ricorre alla **semplificazione**.

Quando una frazione è espressa nella sua forma più semplice, si dice che è **ridotta ai minimi termini**.

$\frac{9}{24}$  **non** è ridotta ai minimi termini

$\frac{3}{8}$  è ridotta ai minimi termini

Per eseguire la semplificazione, è importantissimo essere abili nella scomposizione in fattori primi.

## Minimi termini

Per trovare la frazione **più semplice** equivalente ad una certa frazione, si ricorre alla **semplificazione**.

Quando una frazione è espressa nella sua forma più semplice, si dice che è **ridotta ai minimi termini**.

$\frac{9}{24}$  **non** è ridotta ai minimi termini

$\frac{3}{8}$  è ridotta ai minimi termini

Per eseguire la semplificazione, è importantissimo essere abili nella **scomposizione in fattori primi**.

## Semplificazione

Possiamo semplificare una frazione **dividendo numeratore e denominatore** per un fattore comune (il migliore è l'mcm, ma possiamo anche procedere per passi).

Esempi:

$$\frac{16}{10} = \frac{8 \cdot 2}{5 \cdot 2} = \frac{8 \cdot \cancel{2}}{5 \cdot \cancel{2}} = \frac{8}{5}$$

$$\frac{14}{21} = \frac{7 \cdot 2}{7 \cdot 3} = \frac{\cancel{7} \cdot 2}{\cancel{7} \cdot 3} = \frac{2}{3}$$

## Semplificazione

Possiamo semplificare una frazione **dividendo numeratore e denominatore** per un fattore comune (il migliore è l'mcm, ma possiamo anche procedere per passi).

Esempi:

$$\frac{16}{10} = \frac{8 \cdot 2}{5 \cdot 2} = \frac{8 \cdot \cancel{2}}{5 \cdot \cancel{2}} = \frac{8}{5}$$

$$\frac{14}{21} = \frac{7 \cdot 2}{7 \cdot 3} = \frac{\cancel{7} \cdot 2}{\cancel{7} \cdot 3} = \frac{2}{3}$$

## Semplificazione

Possiamo semplificare una frazione **dividendo numeratore e denominatore** per un fattore comune (il migliore è l'mcm, ma possiamo anche procedere per passi).

Esempi:

$$\frac{16}{10} = \frac{8 \cdot 2}{5 \cdot 2} = \frac{8 \cdot \cancel{2}}{5 \cdot \cancel{2}} = \frac{8}{5}$$

$$\frac{14}{21} = \frac{7 \cdot 2}{7 \cdot 3} = \frac{\cancel{7} \cdot 2}{\cancel{7} \cdot 3} = \frac{2}{3}$$

## Semplificazione

Possiamo semplificare una frazione **dividendo numeratore e denominatore** per un fattore comune (il migliore è l'mcm, ma possiamo anche procedere per passi).

Esempi:

$$\frac{16}{10} = \frac{8 \cdot 2}{5 \cdot 2} = \frac{8 \cdot \cancel{2}}{5 \cdot \cancel{2}} = \frac{8}{5}$$

$$\frac{14}{21} = \frac{7 \cdot 2}{7 \cdot 3} = \frac{\cancel{7} \cdot 2}{\cancel{7} \cdot 3} = \frac{2}{3}$$



## Semplificazione

Possiamo semplificare una frazione **dividendo numeratore e denominatore** per un fattore comune (il migliore è l'mcm, ma possiamo anche procedere per passi).

Esempi:

$$\frac{16}{10} = \frac{8 \cdot 2}{5 \cdot 2} = \frac{8 \cdot \cancel{2}}{5 \cdot \cancel{2}} = \frac{8}{5}$$

$$\frac{14}{21} = \frac{7 \cdot 2}{7 \cdot 3} = \frac{\cancel{7} \cdot 2}{\cancel{7} \cdot 3} = \frac{2}{3}$$

## Semplificazione

Possiamo semplificare una frazione **dividendo numeratore e denominatore** per un fattore comune (il migliore è l'mcm, ma possiamo anche procedere per passi).

Esempi:

$$\frac{16}{10} = \frac{8 \cdot 2}{5 \cdot 2} = \frac{8 \cdot \cancel{2}}{5 \cdot \cancel{2}} = \frac{8}{5}$$

$$\frac{14}{21} = \frac{7 \cdot 2}{7 \cdot 3} = \frac{\cancel{7} \cdot 2}{\cancel{7} \cdot 3} = \frac{2}{3}$$

## Semplificazione

Possiamo semplificare una frazione **dividendo numeratore e denominatore** per un fattore comune (il migliore è l'mcm, ma possiamo anche procedere per passi).

Esempi:

$$\frac{16}{10} = \frac{8 \cdot 2}{5 \cdot 2} = \frac{8 \cdot \cancel{2}}{5 \cdot \cancel{2}} = \frac{8}{5}$$

$$\frac{14}{21} = \frac{7 \cdot 2}{7 \cdot 3} = \frac{\cancel{7} \cdot 2}{\cancel{7} \cdot 3} = \frac{2}{3}$$

## Semplificazione

Possiamo semplificare una frazione **dividendo numeratore e denominatore** per un fattore comune (il migliore è l'mcm, ma possiamo anche procedere per passi).

Esempi:

$$\frac{16}{10} = \frac{8 \cdot 2}{5 \cdot 2} = \frac{8 \cdot \cancel{2}}{5 \cdot \cancel{2}} = \frac{8}{5}$$

$$\frac{14}{21} = \frac{7 \cdot 2}{7 \cdot 3} = \frac{\cancel{7} \cdot 2}{\cancel{7} \cdot 3} = \frac{2}{3}$$

## Semplificazione

Possiamo semplificare una frazione **dividendo numeratore e denominatore** per un fattore comune (il migliore è l'mcm, ma possiamo anche procedere per passi).

Esempi:

$$\frac{16}{10} = \frac{8 \cdot 2}{5 \cdot 2} = \frac{8 \cdot \cancel{2}}{5 \cdot \cancel{2}} = \frac{8}{5}$$

$$\frac{14}{21} = \frac{7 \cdot 2}{7 \cdot 3} = \frac{\cancel{7} \cdot 2}{\cancel{7} \cdot 3} = \frac{2}{3}$$

# Esercizi sulla semplificazione delle frazioni

1. Riduci ai minimi termini le seguenti frazioni:

•  $\frac{4}{8}$

•  $\frac{16}{24}$

•  $\frac{10}{15}$

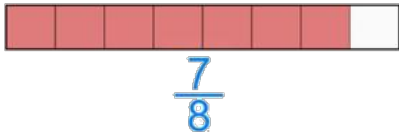
•  $\frac{2000}{3000}$

•  $\frac{100}{200}$

•  $\frac{8}{4}$

## Rappresentare una frazione

Per eseguire i calcoli con le frazioni, è molto utile **immaginarle**,  
cioè vederle con l'immaginazione:



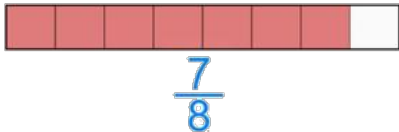
La frazione rappresentata significa “sette parti su otto” (quindi meno di un intero, cioè 1).

Prova a rappresentare  $\frac{7}{4}$ .

Cosa succede se il numeratore è maggiore del denominatore?

## Rappresentare una frazione

Per eseguire i calcoli con le frazioni, è molto utile **immaginarle**,  
cioè vederle con l'immaginazione:



La frazione rappresentata significa “sette parti su otto” (quindi meno di un intero, cioè 1).

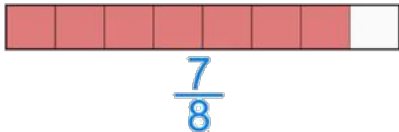
Prova a rappresentare  $\frac{7}{4}$ .

Cosa succede se il numeratore è maggiore del denominatore?



## Rappresentare una frazione

Per eseguire i calcoli con le frazioni, è molto utile **immaginarle**,  
cioè vederle con l'immaginazione:



La frazione rappresentata significa “sette parti su otto” (quindi meno di un intero, cioè 1).

Prova a rappresentare  $\frac{7}{4}$ .

Cosa succede se il numeratore è maggiore del denominatore?

## Frazioni proprie, improprie e apparenti

- **Frazioni proprie**, in cui il numeratore è più piccolo del denominatore (valgono quindi **meno di 1**);

$$\frac{2}{3} = 0,666\dots$$

$$\frac{99}{100} = 0,99$$

- **frazioni apparenti**, in cui il numeratore è un multiplo del denominatore (equivalgono quindi a **un numero intero**);

$$\frac{10}{5} = \frac{2}{1} = 2$$

$$\frac{40}{4} = \frac{10}{1} = 10$$

- **frazioni improprie**, in cui il numeratore è un più grande del denominatore (valgono quindi **più di 1**);

$$\frac{11}{5} = 2,2$$

$$\frac{13}{8} = 1,625$$

## Frazioni proprie, improprie e apparenti

- **Frazioni proprie**, in cui il numeratore è più piccolo del denominatore (valgono quindi **meno di 1**);

$$\frac{2}{3} = 0,666\dots$$

$$\frac{99}{100} = 0,99$$

- **frazioni apparenti**, in cui il numeratore è un multiplo del denominatore (equivalgono quindi a **un numero intero**);

$$\frac{10}{5} = \frac{2}{1} = 2$$

$$\frac{40}{4} = \frac{10}{1} = 10$$

- **frazioni improprie**, in cui il numeratore è un più grande del denominatore (valgono quindi **più di 1**);

$$\frac{11}{5} = 2,2$$

$$\frac{13}{8} = 1,625$$

## Frazioni proprie, improprie e apparenti

- **Frazioni proprie**, in cui il numeratore è più piccolo del denominatore (valgono quindi **meno di 1**);

$$\frac{2}{3} = 0,666\dots$$

$$\frac{99}{100} = 0,99$$

- **frazioni apparenti**, in cui il numeratore è un multiplo del denominatore (equivalgono quindi a **un numero intero**);

$$\frac{10}{5} = \frac{2}{1} = 2$$

$$\frac{40}{4} = \frac{10}{1} = 10$$

- **frazioni improprie**, in cui il numeratore è un più grande del denominatore (valgono quindi **più di 1**);

$$\frac{11}{5} = 2,2$$

$$\frac{13}{8} = 1,625$$

## Esercizi sulla rappresentazione delle frazioni

1. Rappresenta le seguenti frazioni (se necessario, semplificalle prima di disegnarle):

•  $\frac{2}{5}$

•  $\frac{6}{5}$

•  $\frac{1}{9}$

•  $\frac{9}{3}$

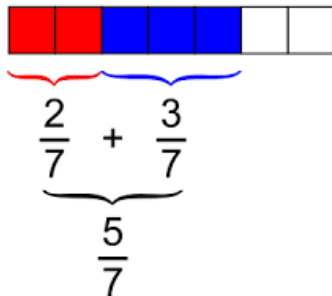
•  $\frac{6}{12}$

•  $\frac{38}{19}$

2. Scrivi 6 frazioni (2 proprie, 2 improprie e 2 apparenti) e rappresentale.

## Frazioni “compatibili”

È molto facile eseguire la somma/differenza di frazioni quando queste hanno **lo stesso denominatore**: basta sommare/sottrarre i numeratori:



## Esempi

$$\frac{3}{4} + \frac{7}{4} = \frac{3+7}{4} = \frac{10}{4} = \frac{5}{2}$$

$$\frac{7}{8} - \frac{5}{8} = \frac{7-5}{8} = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}$$

Come si esegue invece questo calcolo?

$$\frac{2}{7} + \frac{3}{4}$$

## Esempi

$$\frac{3}{4} + \frac{7}{4} = \frac{3+7}{4} = \frac{10}{4} = \frac{5}{2}$$

$$\frac{7}{8} - \frac{5}{8} = \frac{7-5}{8} = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}$$

Come si esegue invece questo calcolo?

$$\frac{2}{7} + \frac{3}{4}$$



## Esempi

$$\frac{3}{4} + \frac{7}{4} = \frac{3+7}{4} = \frac{10}{4} = \frac{5}{2}$$

$$\frac{7}{8} - \frac{5}{8} = \frac{7-5}{8} = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}$$

Come si esegue invece questo calcolo?

$$\frac{2}{7} + \frac{3}{4}$$

## Esempi

$$\frac{3}{4} + \frac{7}{4} = \frac{3+7}{4} = \frac{10}{4} = \frac{5}{2}$$

$$\frac{7}{8} - \frac{5}{8} = \frac{7-5}{8} = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}$$

Come si esegue invece questo calcolo?

$$\frac{2}{7} + \frac{3}{4}$$

## Esempi

$$\frac{3}{4} + \frac{7}{4} = \frac{3+7}{4} = \frac{10}{4} = \frac{5}{2}$$

$$\frac{7}{8} - \frac{5}{8} = \frac{7-5}{8} = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}$$

Come si esegue invece questo calcolo?

$$\frac{2}{7} + \frac{3}{4}$$

## Esempi

$$\frac{3}{4} + \frac{7}{4} = \frac{3+7}{4} = \frac{10}{4} = \frac{5}{2}$$

$$\frac{7}{8} - \frac{5}{8} = \frac{7-5}{8} = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}$$

Come si esegue invece questo calcolo?

$$\frac{2}{7} + \frac{3}{4}$$

## Esempi

$$\frac{3}{4} + \frac{7}{4} = \frac{3+7}{4} = \frac{10}{4} = \frac{5}{2}$$

$$\frac{7}{8} - \frac{5}{8} = \frac{7-5}{8} = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}$$

Come si esegue invece questo calcolo?

$$\frac{2}{7} + \frac{3}{4}$$

## Esempi

$$\frac{3}{4} + \frac{7}{4} = \frac{3+7}{4} = \frac{10}{4} = \frac{5}{2}$$

$$\frac{7}{8} - \frac{5}{8} = \frac{7-5}{8} = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}$$

Come si esegue invece questo calcolo?

$$\frac{2}{7} + \frac{3}{4}$$

## Esempi

$$\frac{3}{4} + \frac{7}{4} = \frac{3+7}{4} = \frac{10}{4} = \frac{5}{2}$$

$$\frac{7}{8} - \frac{5}{8} = \frac{7-5}{8} = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}$$

Come si esegue invece questo calcolo?

$$\frac{2}{7} + \frac{3}{4}$$