Red Wine Quality

Link (https://github.com/mattiapezzotti/redWine_ML) alla repo del progetto su Github.
Link (https://docs.google.com/presentation/d/1yS_XVYV8o1SeP-sSjj_MmTjzXpVmW0dQCYPWyulNcmc/edit?usp=sharing) alla presentazione.

Membri del Gruppo

Il Gruppo è formato da:

- Mattia Pezzotti (885965) m.pezzotti3@campus.unimib.it
- Thomas Howard-Grubb (869248) t.howardgrubb@campus.unimib.it
- Alaa Eddine Ghanimi (856573) a.ghanimi@campus.unimib.it

Introduzione al Dataset

Link (https://www.kaggle.com/datasets/uciml/red-wine-quality-cortez-et-al-2009) al dataset su Kaggle.

Il dataset Red Wine Quality comprende una serie di proprietà fisiche e chimiche che rappresentano le caratteristiche dei vini rossi e che vengono utilizzate per determiname la qualità.

Il dataset è relativo alla variante rossa del vino portoghese "Vinho Verde"; è stato chiesto a diversi esperti di valutare diverse tipologie di vino di diverse cantine e di dare un voto da 0 (pessimo) a 10 (eccellente).

Ogni osservazione contiene 11 diverse proprietà chimiche e il relativo punteggio di qualità.

Variabili

Acidità Fissa: influenza il sapore del vino. Una riduzione significativa degli acidi può portare a vini dal sapore piatto. Esempi di acidi fissi sono il tartarico, il malico, il citrico e il succinico, che si trovano nell'uva (tranne il succinico). Si misura in g/dm3.

Acidità Volatile: la quantità di acido acetico presente in un vino. Viene espressa in g/l. Secondo gli esperti, rappresenta un difetto se presenta in quantità superiore a 0,7 g/l.

Acido Citrico: La quantità di acido citrico presente nel vino, la cui maggior parte viene solitamente consumata durante il processo di fermentazione. Agisce come conservante e piccole quantità possono aggiungere freschezza e sapore. Si misura in g/l.

Residuo Zuccherino: La quantità di zucchero che rimane al termine della fermentazione più quello che viene aggiunto (se viene aggiunto). L'obiettivo è ottenere un perfetto equilibrio tra dolcezza e asprezza. Si misura in g/l. I vini con più di 50 g/l sono considerati dolci, sotto i 10 g/l sono considerati secchi.

Cloruri: La quantità di sale presente nel vino in g/l.

Anidride Solforosa Libera: La quantità di anidride solforosa (SO2) in forma libera. Una quantità eccessiva è indesiderabile e dà un odore pungente. Si misura in g/dm3.

Anidride Solforosa Totale: La quantità totale di SO2 nel vino. Viene aggiunta per uccidere i batteri nocivi e preservare la qualità e la freschezza. Si misura in mg/l ed è regolamentata dallo Stato.

Densità: Si usa come misura della conversione dello zucchero in alcol. I vini più dolci hanno una densità maggiore.

Ph: Descrive il grado di acidità o basicità di un vino su una scala che va da 0 (molto acido) a 14 (molto basico).

Solfiti: La quantità di sali minerali contenenti zolfo nel vino. È un additivo che può contribuire ai livelli di anidride solforosa (S02) e agisce come antimicrobico e antiossidante. Sono legati al processo di fermentazione e influenzano l'aroma e il sapore del vino.

Gradazione Alcoolica: L'alcol si forma come risultato della conversione dello zucchero da parte del lievito durante il processo di fermentazione. Viene solitamente misurato in % di volume o in volume alcolico (ABV).

Qualità: Valutazione di qualità che va da 0 (pessimo) a 10 (eccellente). È la mediana di almeno tre valutazioni effettuate da esperti di vino su quel vino.

Prima esplorazione

Esploriamo il dataset:

di.Head(10)										
# fix	ed acidity v	olatile acid	ity citric a	cid residual	sugar chloride	s free su	Ifur dioxide total sulfur diox	ride density nH sulnhate	es alcoh	ol quality
0	7.4	0.70	0.00	1.9	0.076	11.0	34.0	0.9978 3.51 0.56	9.4	5
1	7.8	0.88	0.00	2.6	0.098	25.0	67.0	0.9968 3.20 0.68	9.8	5
2	7.8	0.76	0.04	2.3	0.092	15.0	54.0	0.9970 3.26 0.65	9.8	5
3	11.2	0.28	0.56	1.9	0.075	17.0	60.0	0.9980 3.16 0.58	9.8	6
4	7.4	0.70	0.00	1.9	0.076	11.0	34.0	0.9978 3.51 0.56	9.4	5
5	7.4	0.66	0.00	1.8	0.075	13.0	40.0	0.9978 3.51 0.56	9.4	5
6	7.9	0.60	0.06	1.6	0.069	15.0	59.0	0.9964 3.30 0.46	9.4	5
7	7.3	0.65	0.00	1.2	0.065	15.0	21.0	0.9946 3.39 0.47	10.0	7

18.0

102.0

0.9968 3.36 0.57

0.9978 3.35 0.80

9.5

10.5

df.	int	0()

7.8

7.5

#	Column	Non-Null Count	Dtype
0	fixed acidity	1599 non-null	float64
1	volatile acidity	1599 non-null	float64
2	citric acid	1599 non-null	float64
3	residual sugar	1599 non-null	float64
4	chlorides	1599 non-null	float64
5	free sulfur dioxide	1599 non-null	float64

0.58

0.50

0.02

0.36

2.0

6.1

0.073

0.071

9.0

17.0

```
6 total sulfur dioxide 1599 non-null float64
7 density 1599 non-null float64
8 pH 1599 non-null float64
9 sulphates 1599 non-null float64
10 alcohol 1599 non-null float64
11 quality 1599 non-null int64
```

df.isnull().sum()

#	Column	Null Count
0	fixed acidity	0
1	volatile acidity	0
2	citric acid	0
3	residual sugar	0
4	chlorides	0
5	free sulfur dioxide	0
6	total sulfur dioxide	0
7	density	0
8	pН	0
9	sulphates	0
10	alcohol	0
11	quality	0

Il dataset non presenta elementi nulli.

```
df.duplicated().sum()
```

240

Questo significa che ci sono 240 entry duplicate, questo tuttavia non significa che i dati siano inutili, semplicemente ci dice che in quelle osservazioni diversi giudici hanno dato lo stesso voto di qualità a uno stesso vino.

df.describe().T

```
count mean
                                   std
                                           min
                                                  25%
                                                           50%
                                                                    75%
  fixed acidity
               1599.0 8.319637 1.741096 4.60000 7.1000 7.90000 9.200000 15.90000
 volatile acidity 1599.0 0.527821 0.179060 0.12000 0.3900 0.52000 0.640000 1.58000
   citric acid
              1599.0 0.270976 0.194801 0.00000 0.0900 0.26000 0.420000 1.00000
 residual sugar 1599.0 2.538806 1.409928 0.90000 1.9000 2.20000 2.600000 15.50000
              1599.0 0.087467 0.047065 0.01200 0.0700 0.07900 0.090000 0.61100
   chlorides
free sulfur dioxide 1599.0 15.874922 10.460157 1.00000 7.0000 14.00000 21.000000 72.00000
total sulfur dioxide 1599.0 46.467792 32.895324 6.00000 22.0000 38.00000 62.000000 289.00000
    density
                1599.0\ 0.996747\ 0.001887\ 0.99007\ 0.9956\ 0.99675\ 0.997835\ 1.00369
     рН
                1599.0 3.311113 0.154386 2.74000 3.2100 3.31000 3.400000 4.01000
   sulphates
                1599.0 0.658149 0.169507 0.33000 0.5500 0.62000 0.730000 2.00000
    alcohol
                1599.0 10.422983 1.065668 8.40000 9.5000 10.20000 11.100000 14.90000
                1599.0 5.636023 0.807569 3.00000 5.0000 6.00000 6.000000 8.00000
     quality
```

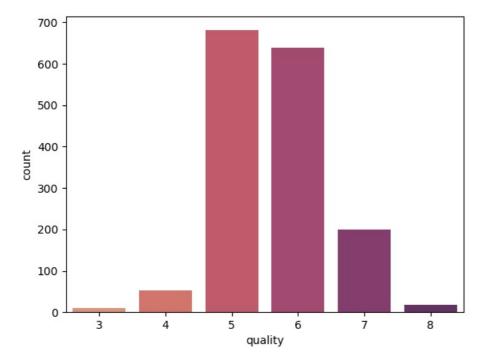
Notiamo subito che, nonostante i voti potessero essere da 0 a 10, esistono solo voti tra il 3 e l'8. Analizziamo meglio quality.

Studio della qualità

```
df["quality"].value_counts()
```

quality count

- 3 10
- 4 53
- 5 681
- 6 638
- 7 1998 18



Come vediamo, c'è un forte **central bias**, i giudici non si esponevano troppo nelle loro valutazioni e tendevano a giudicare con un valore centrale. Per questo possiamo dire che un vino è **Buono** se è di qualità 6.5 o superiore.

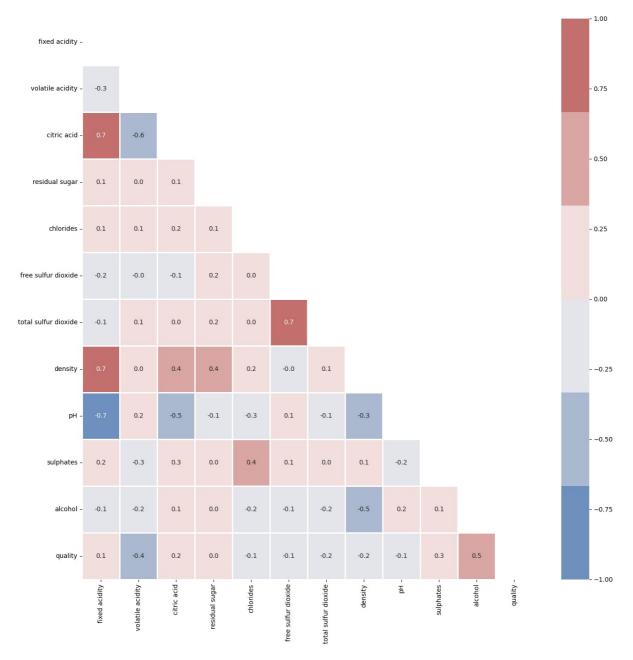
Possiamo studiare la qualità in due modi:

- Singolarmente, quindi utilizzando i valori originali
- Categorizzando, avendo solo 6 qualità contigue, possiamo unire a due a due, trasformando la qualità in "scadente" (3-4), "normale" (5-6), "ottimo" (7-8).

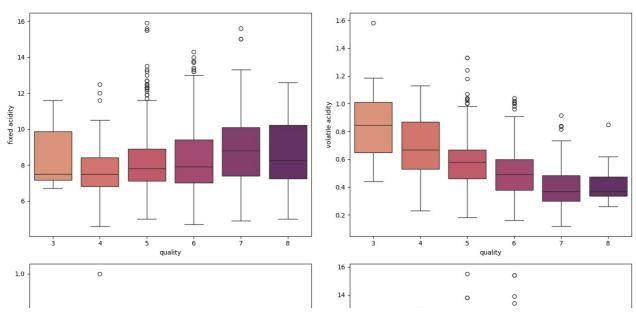
Studio utilizzando le sei qualità

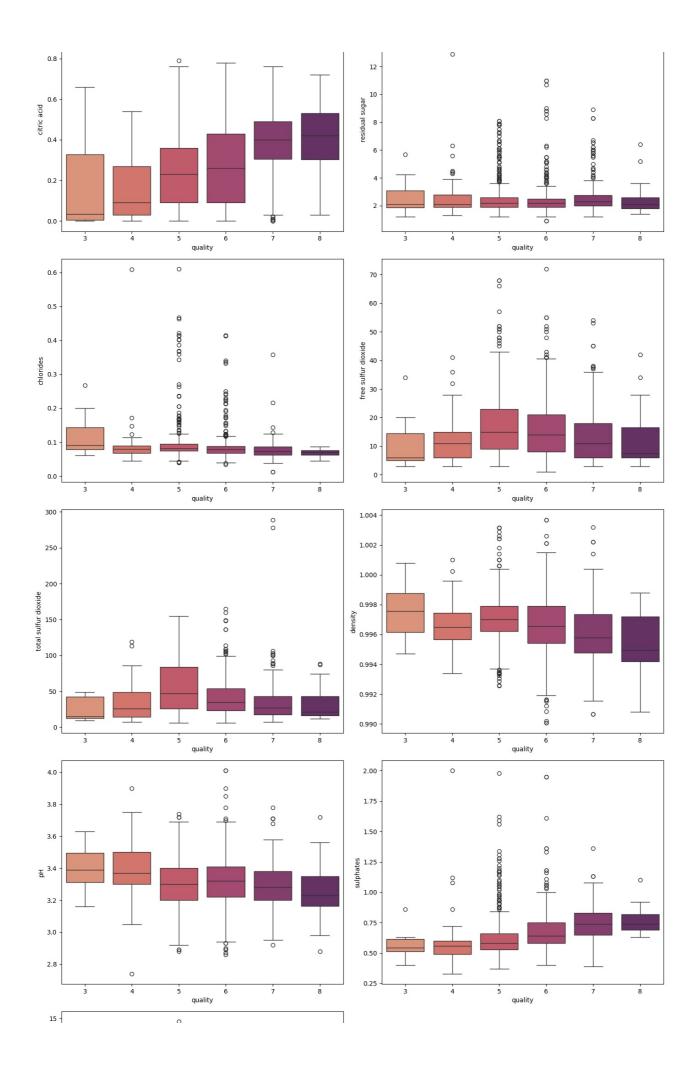
df.corr()['quality']

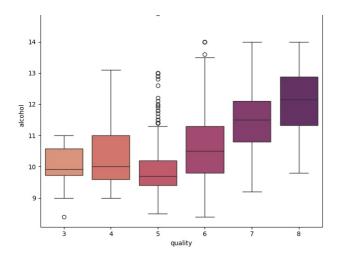
quality	correlation
alcohol	0.476166
sulphates	0.251397
citric acid	0.226373
fixed acidity	0.124052
residual sugar	0.013732
free sulfur dioxide	-0.050656
pН	-0.057731
chlorides	-0.128907
density	-0.174919
total sulfur dioxide	-0.185100
volatile acidity	-0.390558



Notiamo che ci sono delle **forti correlazioni** tra alcuni elementi e la qualità del vino, cosa che noi non vogliamo avere.

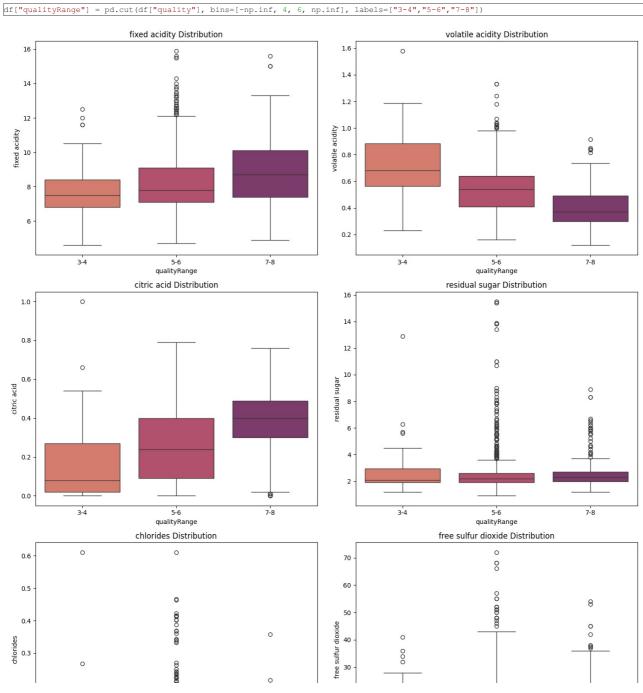


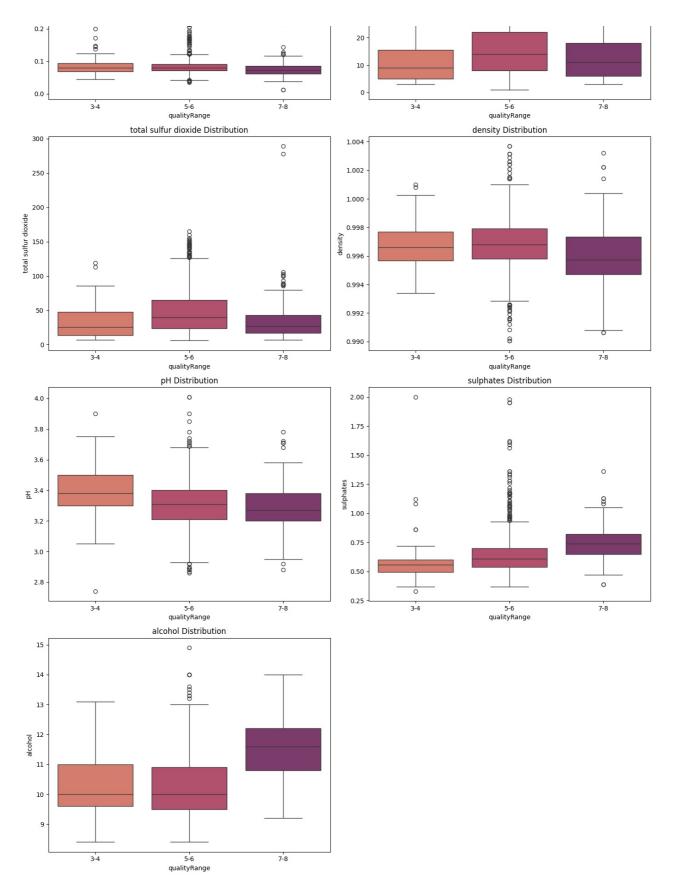




Notiamo che ci sono notevoli **Outlier** tra alcuni elementi, cosa che noi non vogliamo avere.

Studio con categorie





PCA

Il dataset è ovviamente di grande dimensioni (11), cerchiamo di trovare quali sono effettivamente utili cosi da ridurne la complessità.

Per evitare che le correlazioni tra variabili possano influenzare i risultati, prima di applicare PCA, standardizziamo i risultati e riduciamo la dimensione del dataset.

```
scaler = StandardScaler()
scaled_data = scaler.fit_transform(df[columns])

x_train, x_test, y_train, y_test = train_test_split(scaled_data, qualityColumn, test_size = 0.25, random_state=42)

pca = PCA(n_components=None)

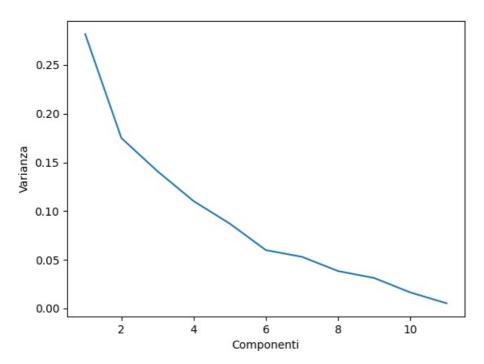
x_train = pca.fit_transform(x_train)

x_test = pca.transform(x_test)
explained_variance = pca.explained_variance_ratio_
```

La explained variance è quindi:

```
[0.27590, 0.17191, 0.13659, 0.11815, 0.09029, 0.06029, 0.05433, 0.03969, 0.031056, 0.01621, 0.00555]
```

Studiando i risultati in un grafico:



Vediamo come non tutte le componenti sono fondamentali per lo studio della qualità del vino, potendo quindi ridurre le componenti da 11 a 6.

```
newDF = PCA(n_components=8).fit_transform(scaled_data)
```

Applicazione dei modelli

Possiamo utilizzare il lavoro svolto fino ad ora per allenare dei modelli che riescano a prevedere se un vino è "good" (quality da 6-8) o "bad" (quality da 3-5). L'obiettivo è che il modello riesca a distinguere tra vini "good" e vini "bad", senza costi di errori diversi.

Descrizione e motivazione dei modelli di machine learning scelti

I modelli scelti per l'allenamento sono il DecisionTree, la SVM (Suport Vector Machine) e Naive Bayes.

Decision tree

Descrizione

Decision tree è un modello di che rappresenta una struttura a forma di albero, utilizzata per prendere decisioni.

Ogni nodo dell'albero rappresenta una decisione, mentre i rami corrispondono alle possibili conseguenze di quella decisione.

Le foglie dell'albero contengono l'output della decisione finale. L'albero viene costruito in modo iterativo, selezionando le feature migliori per dividere i dati in base a criteri come l'entropia o la purezza del nodo.

Motiv azione

Gli alberi di decisione possono lavorare con attributi continui, come nel caso del nostro dataset. Possono essere utilizzati per la previsione di labels.

Support Vector Machine

Descrizione

Le Support Vector Machines (SVM) sono un tipo di algoritmo di apprendimento automatico utilizzato sia per problemi di classificazione che di regressione. L'obiettivo principale è trovare un iperpiano che meglio separa i dati di input in classi diverse nello spazio multidimensionale. L'iperpiano è scelto in modo che la distanza tra esso e i punti più vicini di ciascuna classe, chiamati support vectors, sia massimizzata.

Motiv azioni

Le SVM invece possono gestire anche loro lavorare con attributi continui in modo efficace. Anch'essi posossono essere utilizzati per la previsione di labels.

Naive Bayes

Descrizione

Naive bayes è un modello basato sul teorema di Bayes, che è un teorema di probabilità condizionata, che consente di calcolare la probabilità di un evento basandosi su informazioni precedenti. L'assunzione "naive" in Naive Bayes sta nel considerare le features come indipendenti tra loro, anche se questa assunzione potrebbe non essere realistica. Questa semplificazione semplifica notevolmente i calcoli e rende il modello computazionalmente efficiente.

Motiv azione

Naive Bayes potrebbe essere vantaggioso per diverse ragioni.

In primo luogo, la semplicità del modello rende Naive Bayes efficiente in termini computazionali, ideale per un dataset con un numero limitato di features come la composizione chimica del vino. Nonostante l'assunzione di indipendenza condizionata, Naive Bayes può offrire buone prestazioni quando la dipendenza tra le features non è dominante. Inoltre, la gestione efficace di classi sbilanciate e la facilità di interpretazione lo rendono adatto per la classificazione in categorie discrete.

Per l'allenamento mireremo ad avere i migliori valori AUC (Area Under Curve) possibili. Questo perchè il valore di AUC è utile durante l'allenamento per confrontare attraverso un dato scalare più modelli di apprendimento. Inoltre permette di avere una visione generale della performance del modello, riassumendo con una sola variabile la qualità generale del modello.

Abbiamo scelto di guardare il valore di AUC perchè il nostro dataset non è sbilanciato, fattore che potrebbe andare a impattare l'utilità del valore AUC. Inoltre non ci interessa nel nostro caso considerare costi di errore differenti.

Preparazione dataframe

Aggiungiamo la nuova colonna "qualityRange" al dataframe che attribuisce a ogni row "good" (6-8) o "bad" (3-5) in base al range in cui si trova il rating del vino in questione:

```
quality_mapping = {
    3: "bad",
    4: "bad",
    5: "bad",
    6: "good",
    7: "good",
    8: "good"
}

df["qualityRange"] = quality_df["quality"].map(quality_mapping).astype('category')
newdf = pd.concat([pcaData, df['qualityRange']], axis=1)
```

Così facendo otteniamo newdf che rappresenta pcaData con l'aggiunta del nuovo attributo "qualityRange".

```
<img src="images/1.png" width="100%">
```

Precision-Recall Curve

La curva Precision-Recall mostra il tradeoff tra precision e recall per diversi valori di soglia. Un'area sotto la curva (AUC) elevata rappresenta sia un alta recall sia un'alta precision, dove un'alta precision si riferisce a un basso tasso di falsi positivi e un alta recall si riferisce a un basso tasso di falsi negativi.

Punteggi elevati per entrambi indicano che il classificatore restituisce risultati accurati (alta precisione) e restituisce la maggior parte di tutti i risultati positivi (alto richiamo). Tuttavia, nel nostro caso, per il target "good" abbiamo un valore basso sia per la recall che per la precision.

La curva ci informa sullo sbilanciamento del dataset. Più alto il valore della area sotto la curva più è bilanciato il dataset.

```
<img src="images/2.png" width="100%">
```

Come possiamo osservare otteniamo un valore AUC di 0.811 possiamo quindi dire che il dataset è abbastanza bilanciato. Non useremo quindi alcuna politica di oversampling o undersampling per bilanciare il dataset.

DecisionTree

Allenando il primo modello, il Decision Tree senza tuning degli iperparametri:

```
<img src="images/3.png" width="100%">

<img src="images/1-1.png" width="100%">
```

```
Confusion Matrix:
[[156 65]
[ 69 190]]
```

I risultati sono positivi, tuttavia la training set performance è perfetta e molto diversa da quella del test set, questo ci indica che il modello molto probabilmente è caratterizzato da overfitting.

Usiamo GridSearch che permette di trovare gli iperparametri per ottimizzare il valore di AUC e potrebbe avere un impatto sull'overfitting.

Gridsearch

Usiamo GridSearch che permette di trovare gli hyperparameters per ottimizzare il valore di AUC.

Andremo a prendere in considerazione qualche iperparametro del DecisionTree:

- -max features: Numero massimo di feature da considerare per la suddivisione di un nodo dell'albero.
- -min_samples_split: Numero minimo di campioni richiesti per suddividere un nodo interno. Questo parametro controlla la complessità dell'albero impedendo la suddivisione di nodi che contengono un numero di campioni inferiore a quello specificato.

-min_samples_leaf: Numero minimo di campioni richiesti per essere in una foglia. Questo parametro controlla la profondità dell'albero e può aiutare a evitare divisioni che portano a foglie con un numero molto basso di campioni.

-max_depth: Profondità massima dell'albero. Limitare la profondità può contribuire a evitare l'overfitting.

```
<img src="images/4.png" width="100%">

<img src="images/1-3.png" width="100%">

<ip align="center">

<img src="images/1-5.png" width="100%">
```

```
Confusion Matrix:
[[135 86]
[ 71 188]]
```

Osserviamo dai risultati dell'allenamento:

-Overfitting ridotto, il modello è in grado di generalizzare meglio e di adattarsi a nuovi dati, abbiamo infatti una differenza ridotta tra risultati di training e test set. -Gridsearch applicata ci ha permesso di cercare gli iperparametri per avere un valore AUC ottimale e indirettamente ha ridotto l'overfitting del modello.

Come si può vedere dalla visualizzazione degli alberi che segue, l'aplicazione della gridsearch infatti ha indirettamente semplificato il Decision Tree, riducendo overfitting e migliorando di conseguenza il nostro modello.

Abbiamo misurato usando cross-validation l'intervallo di accuratezza che verrà utilizzato per il confronto finale dei tre modelli allenati.

```
<img src="images/5.png" width="100%">

<img src="images/6.png" width="100%">
```

SVM

In questa sezione alleniamo il modello SVM.

Partiamo con allenare il modello senza tuning degli iperparametri:

```
<img src="images/7.png" width="100%">

<img src="images/1-6.png" width="100%">
```

```
Confusion Matrix:
[[178 43]
[ 79 180]]
```

I risultati ottenuti dall'allenamento sono decisamente buoni: buon valore di AUC e performance simili tra training set e test set.

Tuttavia è possibile che sia presente underfitting in quanto non abbiamo modificato gli iperparametri e quindi alleniamo di nuovo il modello con GridSearch sempre cercando il migliore di AUC:

Gridsearch

Andremo a prendere in considerazione qualche iperparametro della VSM:

- C: Parametro di regolarizzazione, controlla la penalizzazione applicata agli errori del modello.
- kernel: Specifica il tipo di kernel da utilizzare nell'algoritmo SVM. I kernel sono funzioni matematiche che trasformano i dati in uno spazio dimensionale superiore. Le opzioni considerate sono le seguenti:
 - 'linear': Kernel lineare.
 - 'rbf' (Radial Basis Function): Kernel gaussiano.
 - 'poly': Kernel polinomiale
- gamma: Coefficiente del kemel per 'rbf' e 'poly'. Controlla l'influenza di un singolo esempio di addestramento.

```
<img src="images/8.png" width="100%">

<img src="images/1-8.png" width="100%">

<ing src="images/1-9.png" width="100%">

<img src="images/1-9.png" width="100%">
```

```
Confusion Matrix:
[[178 43]
[ 79 180]]
```

I risultati di quest'ultima iterazione ci dimostrano che gli iperparametri di default della SVM sono già i milgiori per quanto riguarda valore AUC.

Il modello SVM allenato ad ogni modo ha un valore AUC sul test set di 0.82 che è buono. Questo ci indica che il modello distingue bene tra i vini "good" e i vini "bad".

Abbiamo misurato usando k-fold cross-validation l'intervallo di accuratezza che verrà utilizzato per il confronto finale dei tre modelli allenati.

Naive bayes

Iniziamo ad allenare il modello senza il tuning degl'iperparametri:

```
<img src="images/primalter.png" width="100%">
```

Considerazioni:

I risultati dei sui due set suggeriscono che il modello ha una buona capacità di generalizzazione mantenendo un'equa performance tra le diverse classi.

- Accuracy Score: Il modello ha ottenuto un'accuratezza abbastanza alta sul set di addestramento e test, indicando che è stato in grado di predire correttamente le due classi.
- Classification Report: La precision, il recall e l'f1-score sono bilanciati per entrambe le classi ("bad" e "good"), con performance simili per le due categorie.
- Accuracy Score: Il modello ha ottenuto un'accuratezza sul test set simile al training, indicando che è stato in grado di predire correttamente le classi.

Receiver Operating Characteristic (ROC) Curve

Procediamo a generare la curva ROC e il relativo valore di AUC:

```
<img src="images/nb1lterAUC.png" width="100%">
```

Un AUC Score di 0.7975 suggerisce che il modello ha una buona capacità di discriminazione, poiché si trova significativamente sopra la linea di base (AUC di 0.5). Tuttavia, potrebbe essere utile esaminare il trade-off tra precision e recall e considerare l'importanza relativa di falsi positivi e falsi negativi.

Tuning degl'iperparametri con GridSearch

Naive Bayes è noto per essere un modello con pochi iperparametri e, in alcuni casi, può non beneficiare in modo significativo dall'uso di GridSearch per il tuning degli iperparametri. Dato che utilizziamo un classificatore Naive Bayes Gaussiano, potrebbe essere interessante regolare i parametri legati alla stima della varianza (var_smoothing).

Il parametro var_smoothing nel classificatore Naive Bayes Gaussiano è utilizzato per affrontare il problema della varianza zero nelle feature.

Quando si calcolano le probabilità condizionate delle feature dati i target, è possibile che alcune feature abbiano varianza zero o molto vicina a zero.

Questo può causare problemi durante il calcolo delle probabilità, in particolare quando

si utilizza la funzione di densità di probabilità della distribuzione normale

Per evitare problemi numerici, viene aggiunta una piccola quantità di varianza (var_smoothing) a tutte le varianze delle feature. Questo assicura che nessuna varianza sia zero, garantendo una maggiore stabilità nel calcolo delle probabilità.

```
<img src="images/nbSecondalterazioneReport.png" width="100%">
```

Risultati sul set di addestramento

Il modello sembra performare abbastanza bene su entrambi i set, con un'accuracy complessiva superiore al 73% sia sul set di addestramento che su quello di test.

La precision, recall e f1-score per entrambe le classi ("bad" e "good") sono ragionevolmente bilanciate.

La confusion matrix mostra come il modello abbia alcuni falsi positivi e falsi negativi, ma nel complesso il numero di predizioni corrette è significativo.

In generale, questi risultati suggeriscono che il modello ha imparato abbastanza bene dai dati di addestramento e generalizza decentemente ai dati di test.

Receiver Operating Characteristic (ROC) Curve con GridSearch

```
<img src="images/naiveBayesCurvaRocGridSearch.png" width="100%">
```

Il modello sembra generalizzare bene dal set di addestramento al set di test, poiché l'accuracy e le metriche di precision, recall e F1-score sono coerenti tra i due set.

L'accuracy è intomo al 73%, indicando una buona capacità predittiva complessiva del modello.

La precision e la recall sono bilanciate, con valori simili per entrambe le classi, indicando

che il modello ha una buona capacità di distinguere tra le classi "bad" e "good".

La matrice di confusione mostra che il modello è in grado di predire abbastanza accuratamente sia le istanze "bad" che "good".

La scelta del parametro 'var_smoothing' tramite GridSearch sembra aver migliorato di poco le prestazioni del modello rispetto alla prima iterazione.

K-Fold Cross Validation

Media dell'accuratezza: 0.7301480051480052

Il valore della media dell'accuratezza calcolata con la K-Fold cross validation da sola non formisce un'immagine completa delle prestazioni del modello, specialmente se il dataset è sbilanciato. Pertanto, va esaminato con le metriche precision, recall, e F1-score per ottenere una comprensione più completa delle prestazioni.

Confronto Modelli Allenati

Confronto curve ROC

```
<img src="images/curveRocFinal.png" width="100%">
```

Confronto intervalli di confidenza

```
<img src="images/intervalloConfidenzaFinal.png" width="100%">
```

Rappresentando le curve ROC dei tre modelli sullo stesso diagramma possiamo osservare come la SVM riesce a distinguere con maggiore efficacia i vini "bad" da quelli "good".

Inoltre il confronto tra confidence level ci dimostra ancora come la SVM performa meglio sul dataset. Tuttavia Naive Bayes perfoma meglio a livello di tempo:

```
<img src="images/tempiEsec.png" width="100%">
```

Conclusioni

Abbiamo allenato tre modelli (Decision Tree, SVM e Naive Bayes) con buoni risultati.

Confrontandoli, a livello di AUC (Area Under Curve) la SVM che abbiamo allenato performa meglio rispetto a Decision Tree e Naive Bayes; inoltre analizzando anche l'intervallo di accuratezza si nota che performa abbastanza bene anche se non è il migliore.

Tutto ciò però con un tempo di allenamento leggermente superiore rispetto al DecisionTree ma uguale a Naive Bayes. Nel contesto del nostro lavoro tuttavia questo non è importante, in quanto è preferibile una migliore classificazione a partire dai dati di input rispetto a migliore performance al livello di tempo.