

5.34 Kuvan mekanismissa sauva DC pyörii vastapäivään vakiokulmanopeudella $\omega_{CD}=2\,1/s$. Määritä kappaleen EBO kulmanopeus $\bar{\omega}$ ja kulmakiihtyvyys $\bar{\alpha}$ mekanismin ollessa kuvan asemassa.

Ratkaisu:

Tappi A liikkuu osan EBO pyörivässä urassa. Käytetään kuvan mukaista kappaleeseen EBO kiinnitettyä xy-koordinaatistoa, jolloin z-akseli on kohti katsojaa. Yksiköt ovat (m,s).

$$\vec{v}_A = \vec{v}_O + \vec{\omega} \times \vec{r}_{A/O} + \vec{v}_{rel} = \vec{v}_C + \vec{\omega}_{CD} \times \vec{r}_{A/C}$$

$$\vec{v}_{O} = \vec{0}$$
 $\vec{\omega} = \omega \vec{k}$ $\vec{r}_{A/O} = -\frac{0.15}{\sqrt{2}} (\vec{i} + \vec{j})$ $\vec{v}_{rel} = v_{rel} \vec{i}$

$$\vec{v}_C = \vec{0}$$
 $\vec{\omega}_{DC} = 2\vec{k}$ $\vec{r}_{A/C} = \frac{0.15}{\sqrt{2}}(-\vec{i} + \vec{j})$ \Rightarrow

$$\vec{0} + \omega \vec{k} \times \frac{0.15}{\sqrt{2}} (-\vec{i} - \vec{j}) + v_{rel} \vec{i} = \vec{0} + 2\vec{k} \times \frac{0.15}{\sqrt{2}} (-\vec{i} + \vec{j})$$

$$\Rightarrow \frac{0.15 \cdot \omega}{\sqrt{2}} (-\vec{j} + \vec{i}) + v_{\text{rel}} \vec{i} = \frac{0.30}{\sqrt{2}} (-\vec{j} - \vec{i})$$

$$\Rightarrow -\frac{0.15\,\omega}{\sqrt{2}} = -\frac{0.30}{\sqrt{2}} \qquad \Rightarrow \qquad \omega = 2 \qquad \qquad \bar{\omega} = 2\,\bar{k}\,1/s$$

$$\Rightarrow \frac{0.15 \cdot 2}{\sqrt{2}} + v_{rel} = -\frac{0.30}{\sqrt{2}} \Rightarrow v_{rel} = -0.30\sqrt{2} \,\text{m/s}$$

$$\vec{a}_{A} = \vec{a}_{O} + \vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{r}_{A/O}) + \vec{\alpha} \times \vec{r}_{A/O} + 2\vec{\omega} \times \vec{v}_{rel} + \vec{a}_{rel}$$
$$= \vec{a}_{C} + \vec{\omega}_{CD} \times (\vec{\omega}_{CD} \times \vec{r}_{A/C}) + \vec{\alpha}_{CD} \times \vec{r}_{A/C}$$

$$\vec{a}_O = \vec{0}$$
 $\vec{\alpha} = \alpha \vec{k}$ $\vec{a}_{rel} = a_{rel} \vec{i}$ $\vec{a}_C = \vec{0}$ $\vec{\alpha}_{CD} = \vec{0}$ \Rightarrow

$$\begin{split} \vec{0} + 2\vec{k} \times & [2\vec{k} \times \frac{0,15}{\sqrt{2}}(-\vec{i} - \vec{j})] + \alpha\vec{k} \times \frac{0,15}{\sqrt{2}}(-\vec{i} - \vec{j}) + 2 \cdot 2\vec{k} \times (-0,30\sqrt{2}\vec{i}) + a_{\text{rel}}\vec{i} \\ &= \vec{0} + 2\vec{k} \times [2\vec{k} \times \frac{0,15}{\sqrt{2}}(-\vec{i} + \vec{j})] + \vec{0} \end{split}$$

$$\Rightarrow \frac{0,60}{\sqrt{2}}(\vec{i}+\vec{j}) + \frac{0,15 \cdot \alpha}{\sqrt{2}}(-\vec{j}+\vec{i}) - 1,20\sqrt{2}\vec{j} + a_{\text{rel}}\vec{i} = \frac{0,60}{\sqrt{2}}(\vec{i}-\vec{j})$$

$$\Rightarrow \frac{0,60}{\sqrt{2}} - \frac{0,15 \,\alpha}{\sqrt{2}} - 1,20\sqrt{2} = -\frac{0,60}{\sqrt{2}} \Rightarrow \alpha = -8 \quad \bar{\alpha} = -8 \,\bar{k} \,1/s^2$$

$$\Rightarrow \frac{0.60}{\sqrt{2}} - \frac{0.15 \cdot 8}{\sqrt{2}} + a_{rel} = \frac{0.60}{\sqrt{2}} \Rightarrow a_{rel} = 0.60\sqrt{2} \,\text{m/s}^2$$