I.8. Kappaleen pisteessä on jännitysmatriisin

$$[S] = \begin{bmatrix} 20 & 6 & 5 \\ 6 & -25 & -12 \\ 5 & -12 & 15 \end{bmatrix} MPa$$

mukainen jännitystila. Laske tämän pisteen muodonmuutosmatriisi [V], kun E = 210 GPa ja v = 0.3.

Ratkaisu:

$$MPa := \frac{N}{mm} \qquad \qquad \mu := 10^{-6}$$

$$E := 210 \cdot 10^3 \cdot MPa$$
 $\nu := 0.3$ $G := \frac{E}{2 \cdot (1 + \nu)}$ $G = 80769.231 \, MPa$

$$\sigma_{\text{X}} := 20 \cdot \text{MPa} \qquad \quad \sigma_{\text{y}} := -25 \cdot \text{MPa} \qquad \quad \sigma_{\text{z}} := 15 \cdot \text{MPa}$$

$$au_{xy} := 6 \cdot MPa$$
 $au_{xz} := 5 \cdot MPa$ $au_{yz} := -12 \cdot MPa$

$$\epsilon_X := \frac{1}{E} \cdot \left[\sigma_X - \nu \cdot \left(\sigma_Y + \sigma_Z \right) \right] \qquad \qquad \epsilon_Y := \frac{1}{E} \cdot \left[\sigma_Y - \nu \cdot \left(\sigma_X + \sigma_Z \right) \right]$$

$$\varepsilon_{z} := \frac{1}{E} \cdot \left[\sigma_{z} - \nu \cdot \left(\sigma_{x} + \sigma_{y} \right) \right] \qquad \qquad \varepsilon_{xy} := \frac{\tau_{xy}}{2 \cdot G} \qquad \qquad \varepsilon_{xz} := \frac{\tau_{xz}}{2 \cdot G} \qquad \qquad \varepsilon_{yz} := \frac{\tau_{yz}}{2 \cdot G}$$

$$\epsilon_{\text{X}} = 109.524\,\mu \qquad \qquad \epsilon_{\text{Y}} = -169.048\,\mu \qquad \qquad \epsilon_{\text{Z}} = 78.571\,\mu \label{eq:epsilon}$$

$$\epsilon_{\text{XY}} = 37.143\,\mu \qquad \qquad \epsilon_{\text{XZ}} = 30.952\,\mu \qquad \qquad \epsilon_{\text{YZ}} = -74.286\,\mu \label{eq:epsilon}$$

Muodonmuutosmatriisi:

$$V := \begin{pmatrix} \varepsilon_{x} & \varepsilon_{xy} & \varepsilon_{xz} \\ \varepsilon_{xy} & \varepsilon_{y} & \varepsilon_{yz} \\ \varepsilon_{xz} & \varepsilon_{yz} & \varepsilon_{z} \end{pmatrix} \qquad V = \begin{pmatrix} 109.524 & 37.143 & 30.952 \\ 37.143 & -169.048 & -74.286 \\ 30.952 & -74.286 & 78.571 \end{pmatrix} \mu$$