

2.8 Auton kuljettaja jarruttaa kuvan tilanteessa siten, että auton hidastuvuus on tien suunnassa vakio. Auton nopeus notkossa A on 100 km/h ja mäen päällä C 50 km/h. Kohtien A ja C välimatka tietä pitkin mitattuna on 120 m. Kohdassa A auton kiihtyvyyden suuruus on 3 m/s² ja tien kaarevuussäde pystytasossa kohdassa C on 150 m.

Laske kaarevuussäde pystytasossa kohdassa A, auton kiihtyvyys kaarevuuden käännepisteessä B ja auton kiihtyvyys kohdassa C.

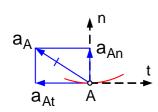
Ratkaisu:

$$v_A = 100 \frac{km}{h} = \frac{100}{3.6} \frac{m}{s} = 27.78 \frac{m}{s}$$
 $v_C = 50 \frac{km}{h} = \frac{50}{3.6} \frac{m}{s} = 13.89 \frac{m}{s}$

Koska hidastuvuus on välillä s = AC = 120m vakio, on ratakiihtyvyyden suuruus

$$a_t = \frac{1}{2s}(v_C^2 - v_A^2) = \frac{13,89^2 - 27,78^2}{2 \cdot 120} \frac{m}{s^2} = -2,41 \frac{m}{s^2}$$

Kohta A:

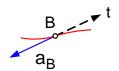


$$a_{A} = 3\frac{m}{s^{2}} \quad a_{At} = -2.41\frac{m}{s^{2}} \Rightarrow \quad a_{An} = \sqrt{a_{A}^{2} - a_{At}^{2}} = 1.78\frac{m}{s^{2}}$$

$$a_{An} = \frac{v_{A}^{2}}{\rho_{A}} \Rightarrow \quad \rho_{A} = \frac{27.78^{2}}{1.78}m \quad \Rightarrow \quad \rho_{A} = 432 \text{ m}$$

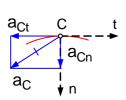
$$a_{An} = \frac{v_A^2}{\rho_A} \quad \Rightarrow \quad \rho_A = \frac{27,78^2}{1,78} m \quad \Rightarrow \quad \boxed{\rho_A = 432 m}$$

Kohta B:



$$\rho_{B} = \infty \implies a_{Bn} = 0 \implies a_{B} = |a_{Bt}| \implies a_{B} = 2.41 \frac{m}{s^{2}}$$

Kohta C:



$$\rho_{C} = 150 \,\text{m}$$
 \Rightarrow $a_{Cn} = \frac{v_{C}^{2}}{\rho_{C}} = \frac{13,89^{2}}{150} \frac{\text{m}}{\text{s}^{2}} = 1,29 \frac{\text{m}}{\text{s}^{2}}$

$$a_{Ct} = -2.41 \frac{m}{s^2}$$
 $a_C = \sqrt{a_{Ct}^2 + a_{Cn}^2}$ \Rightarrow $a_C = 2.73 \frac{m}{s^2}$