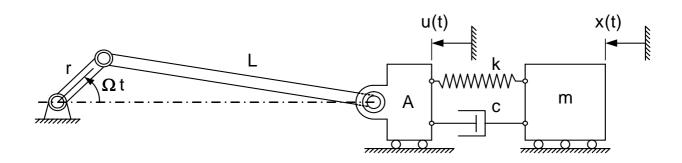
TAMK
Kone- ja tuotantotekniikka
I111-4
K-12204 Värähtelymekaniikka
Harjoitustehtävä n:o 4

M. Lähteenmäki

Palautus 11.11.2008

a) Massan m=50 kg kiinnitysalustalle A aiheutetaan kampi-kiertokanki mekanismilla jaksollinen liike u(t). Kammen kulmanopeus $\Omega=100$ rad/s on vakio sekä kammen ja kiertokangen pituudet r=0,1 m ja L=1 m. Siirtymän u(t) nollakohdaksi valitaan asema, jossa kampi ja kiertokanki ovat peräkkäin vaaka-asennossa (kampikulma on nolla). Esitä siirtymän u(t) lauseke ja piirrä sen kuvaaja kahden liikejakson ajalta. Selvitä siirtymän u(t)

maksimi- ja keskiarvo. Keskiarvon lauseke on
$$\frac{1}{T} \left(\int\limits_0^T u(t) dt \right)$$
, missä T on jaksonaika. **1 p**



- **b)** Esitä massan m liikeyhtälö, kun sen asemakoordinaatin x(t) nollakohdassa jousi on lepopituudessaan. Totea liikeyhtälöstä massaan m vaikuttavan pakkovoiman F(t) koostuvan jousesta ja vaimentimesta aiheutuvista osuuksista. Piirrä pakkovoiman ja sen osuuksien kuvaajat kahden liikejakson ajalta, kun k = 5 kN/m ja c = 100 Ns/m. **0,5 p**
- **c)** Kirjoita Mathcad-ohjelma, joka laskee kuormitusfunktion F(t) Fourier-kertoimet kertalukuun 20 asti ja tulosta ne näkyville. Mitä voit päätellä Fourier-kertoimien arvojen perusteella eri kertalukujen harmonisten komponenttien merkityksestä? Kirjoita kuormitusfunktion Fourier-approksimaation lauseke ja piirrä sen kuvaaja kahden liikejakson ajalta. Laadi viellä kuormitusfunktion Fourier-spektrit (sinien ja kosinien kertoimet) pylväskuvina. **1 p**
- **d)** Kirjoita Mathcad-ohjelmat, jotka laskevat siirtymän x(t) Fourier-kertoimet ja vastaavat vaihekulmat kertalukuun 20 asti. Esitä siirtymän Fourier-approksimaation lauseke ja piirrä sen kuvaaja kahden liikejakson ajalta. Merkitse siirtymän kuvaajaan näkyviin keskiarvosiirtymää vastaava vaakaviiva. Laadi vielä siirtymän Fourier-spektrit (sinien ja kosinien kertoimet sekä vaihekulmat) pylväskuvina. Mitä voit päätellä siirtymän spektreistä? **1,5 p**