# Indice

1	Introduzione		
	1.1	Cloud Computing	2
		1.1.1 Infrastructure as a Service	2
		1.1.2 Platform as a Service	3
		1.1.3 Software as a Service	3
		1.1.4 Function As a Service	3
		1.1.5 cApp	4
2	Ling	guaggio e semantica	9
	2.1	Grammatica	10
		2.1.1 Grammatica del linguaggio	10
	2.2	Another Tool for Language Recognition	11
	2.3	Semantica del Linguaggio	14
3	CostCompiler 15		
		3.0.1 Regole di Inferenza	17
	3.1	Generazione delle Equazioni di costo	17
	3.2	PUBS	17
4	Conclusioni 1		
	4.1	Sviluppi futuri	18
Bi	Bibliografia		

### Introduzione

Il cloud computing è un modello di distribuzione dei servizi informatici che consente di accedere a risorse e applicazioni tramite Internet, senza doverle mantenere localmente sul proprio computer o server. Attraverso il cloud computing, le risorse come l'archiviazione dei dati, la potenza di calcolo e il software vengono fornite come servizi virtuali da parte di fornitori specializzati noti come provider di cloud(Amazon,Google ecc.). Questi provider gestiscono l'infrastruttura fisica e mettono a disposizione degli utenti le risorse necessarie in base alle loro esigenze. In questo modo, le aziende possono evitare di investire in costosi hardware e software, riducendo i costi operativi e aumentando la flessibilità.

### 1.1 Cloud Computing

Possiamo distinguere diverse tipologie di servizi cloud in base al tipo di risorse che vengono fornite:

#### 1.1.1 Infrastructure as a Service

L'Infrastructure as a Service (IaaS) è un modello di cloud computing che fornisce risorse informatiche virtualizzate tramite Internet. Con l'IaaS, i provider di cloud mettono a disposizione degli utenti l'infrastruttura fisica necessaria, inclusi server virtuali, storage, reti e altre risorse, consentendo loro di creare e gestire l'ambiente informatico in modo flessibile e scalabile. Attraverso l'IaaS, gli utenti possono evitare di dover investire in hardware e infrastrutture costose, riducendo i costi di gestione e manutenzione. I provider di cloud si occupano dell'acquisizione, dell'installazione e della gestione dell'hardware, nonchè della fornitura delle risorse virtuali agli utenti. Questo

modello consente alle aziende di concentrarsi sullo sviluppo delle proprie applicazioni e servizi, piuttosto che preoccuparsi dell'infrastruttura sottostante. La peculiarità sta nel fatto che le risorse vengono istanziate su richiesta o domanda di una piattaforma ha bisogno.

#### 1.1.2 Platform as a Service

Il Platform as a Service (PaaS) offre un ambiente di sviluppo e di esecuzione completo per le applicazioni. I provider di cloud mettono a disposizione degli sviluppatori un insieme di strumenti, framework e servizi che semplificano il processo di sviluppo, test e distribuzione delle applicazioni. PaaS offre un'ampia gamma di strumenti di sviluppo, come linguaggi di programmazione, framework e ambienti di sviluppo integrati (IDE), che semplificano il processo di sviluppo delle applicazioni. Gli sviluppatori possono scrivere il codice, testare e distribuire le applicazioni direttamente nell'ambiente fornito dal PaaS, senza dover configurare manualmente l'infrastruttura. Alcuni esempi di questo modelli li troviamo in Google App Engine, Microsoft Azure App Service e AWS Elastic Beanstalk.

#### 1.1.3 Software as a Service

Il Software as a Service(SaaS) è modello di cloud computing che fornisce agli utenti applicazioni basate su cloud attraverso Internet. Con il SaaS, i provider di cloud ospitano e gestiscono l'infrastruttura e i software applicativi, consentendo agli utenti di accedere e utilizzare le applicazioni tramite Internet, senza dover installare il software sul proprio computer. Consiste nell'utilizzo di programmi installati su un server remoto, cioè fuori del computer fisico o dalla LAN locale, spesso attraverso un server web; l'utente può accedere al programma tramite un browser web, come se fosse un programma installato localmente. I modelli di pagamento del SaaS sono spesso basati sul consumo effettivo delle risorse, consentendo agli utenti di pagare solo per ciò che effettivamente utilizzano. Questo modello di pricing basato su abbonamento o utilizzo può essere vantaggioso per le aziende, in quanto consentono di evitare costi iniziali elevati e di prevedere meglio i costi operativi. Alcuni esempi più comuni di SaaS li troviamo in Google Workspace, Microsoft Office 365, Dropbox.

#### 1.1.4 Function As a Service

Function as a Service(FaaS) è un modello di cloud computing che consente agli sviluppatori di eseguire e gestire le proprie funzioni senza dover gestire l'infrastruttura sottostante. In FaaS, gli sviluppatori suddividono le loro applicazioni in funzioni modulari e indipendenti. Ogni funzione esegue un'attività specifica e può essere attivata in risposta a eventi o richieste specifiche. Ad esempio, una funzione può essere scatenata da un evento di caricamento di un file su un sistema di archiviazione cloud, da una richiesta HTTP o da un timer programmato. Quando una funzione viene attivata, il fornitore di servizi cloud gestisce automaticamente la sua esecuzione, inclusa la gestione delle risorse necessarie. Le funzioni vengono eseguite in ambienti isolati e scalati automaticamente in base alle richieste di carico. Una volta completata l'esecuzione della funzione, le risorse vengono deallocate per massimizzare l'efficienza e minimizzare i costi. FaaS è diventato un'opzione popolare per lo sviluppo di microservizi, serverless application e scenari di elaborazione event-driven, fornendo un modo flessibile ed efficiente per eseguire singole funzioni di codice. Alcuni esempi di FaaS li troviamo in AWS Lambda, Google Cloud Functions, Azure Functions.

#### Serverless Computing

Serverless computing è un paradigma più ampio del FaaS in cui il fornitore di servizi cloud gestisce completamente l'infrastruttura, mentre FaaS è un sottoinsieme del Serverless computing che si concentra sulla gestione delle funzioni come entità indipendenti. Le funzioni vengono eseguite in modo scalabile e senza la necessità di gestire l'infrastruttura sottostante. [5]

Nel serverless computing, il provider cloud si occuperà di allocare le risorse necessarie per eseguire il codice e di deallocarle una volta terminata l'esecuzione. Questo facilita la distribuzione e la scalabilità del sistema, cercando di automatizzare quest'ultima fase. Focalizzandoci in questa gestione delle risorse, viene introdotto un linguaggio cApp che ci permetterà di sincronizzare le risorse attraverso determinate politiche.

### 1.1.5 cApp

Partiamo da un linguaggio dichiarativo APP(Allocation Priority Policies) che ci permette di definire politiche di allocazione delle risorse per le funzioni serverless, derivato da un estensione dello scheduler di OpenWhisk. cApp è un estensione di App, dove le politiche di schedulazioni delle funzioni dipendono dai costi associati alle possibili esecuzioni delle funzioni sui worker disponibili. [2]. Vediamo qui di seguito un esempio del funzionamento:

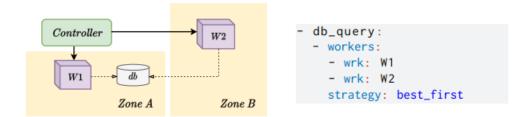


Figura 1.1: Esempio di funzionamento di un sistema serverless [3]

A destra troviamo il codice dichiarativo App che fornisce le regole per allocare le risorse: abbiamo due **Workers** che sono disponibili, e una strategia che regola come allocare queste risorse nei rispettivi worker; inoltre una **Strategy** che determina come allocare le risorse e secondo quale priorità. Attualmente però la strategy ci permette di allocare secondo poche strategie generiche gia consolidate. L'obiettivo diventa ora automatizzare questo processo, adottando procedure automatiche per definire le politiche di allocazione delle risorse basate sulle informazioni derivate dall'analisi statica delle funzioni che dovranno essere eseguite. Osserviamo adesso un'altro esempio andando ancor di più in profondità: Data una grammatica definità nel paper[3], osserviamo alcuni esempi di funzioni:

```
(isPremiumUser, par) => {
    if (isPremiumUser) {
       call PremiumService(par)
} else {
       call BasicService(par)
}
```

Listing 1.1: La guardia della condizione è un espressione

Il parametro *isPremiumUser* è un valore che indica se l'utente richiede il servizio premium o meno, e in base a questo valore viene eseguita una chiamata o l'altra. Di conseguenza dovremmo assumere che il ramo condizionale prenderà il massimo della latenza tra le due chiamate, non avremo certezza che sia uno o l'altro e in questo caso dovremmo cercare di andare a ridurre entrambe.

```
(username, par) => {
    if (call isPremiumUser(username)) {
        call PremiumService(par)
} else {
        call BasicService(par)
}
```

7 }

Listing 1.2: La guardia della condizione è un'invocazione a un servizio esterno

Mentre in questo caso se l'utente che scatena l'evento è un membro premium, il tempo di esecuzione previsto dalla funzione è la somma delle latenze delle invocazioni dei servizi is Premium User e Premium Service. Quindi possiamo preventivare il ritardo atteso (come tempo di esecuzione peggiore), cio è la somma della latenza del servizio is Premium User più il massimo tra la latenza dei servizi Premium Service e Basic Service.

```
(jobs, m, r)=>{
    for(i in range(0,m)){
        call Map(jobs, i)
        for(j in range(0,r)){
            call Reduce(jobs, i, j)
        }
}
```

Listing 1.3: Funzione con logica Map-Reduce

Il parametro jobs descrive una sequenza di lavori map-reduce, dove il numero dei jobs è indicato dal parametro m. La fase di Map che genera m sottotask "ridotti" è implementata da un servizio esterno Map che riceve jobs e un indice i che indica il job mappato. Per ogni i, ci sono j sottotask. In questo caso ci aspettiamo che la latenza dell'intera funzione è data dalla somma di m volte la latenza di Map e m x r volte la latenza di Reduce.

cApp è stato modificato al fine di implementare nuovi costrutti quali  $min\_latency$  e  $max\_latency$  che ci permettono di definire un upper bound e un lower bound per la latenza di una funzione.

```
-premUser:
-workers:
-wrk: W1
-wrk: W2
strategy: min_latency
Listing 1.4: cAPP for Listing 1.1 e

-mapReduce:
-workers:
-workers:
-workers:
-wrk: W1
-wrk: W2
strategy: random
invalidate:
strategy: max_latency
```

Listing 1.5: cApp for Listing 1.3

Nel Listing 1.4, osserviamo come diamo la possibilità di allocare la funzione *premUser* su due workers, e la strategia di allocazione è quella di minimizzare la latenza, ovvero di dare priorità al worker su cui la soluzione del-

l'espressione di costo è minima. Illustriamo però meglio le fasi della tecnica di min\_latency: Quando viene creato lo script cApp, viene creata l'associazione tra il codice delle funzioni e il loro script etichettando le funzioni con //tag:premUser. Successivamente abbiamo bisogno del calcolo delle funzioni di costo, il codice delle funzioni viene utilizzato per dedurre i programmi di costo corrispondenti. Quando le funzioni vengono invocate, possiamo calcolare la soluzione del programma di costo data la conoscenza dei parametri di invocazione. Quando riceviamo una richiesta ad esempio per il Listing 1.1 prendiamo il suo programma di costo (rappresentato dal punto di intersezione sinistra) e la corrispondente politica cApp per implementare la politica di schedulazione prevista. Questa politica puo essere ottenuta in due fasi: Calcolando i programmi di costo dal Solver e eseguendoli in ogni worker, e scegliendo il worker che ha latenza minima per contattare il *PremiumService*. Invece nel caso del Listing 1.5 invece abbiamo una strategia di invalidazione max\_latency, dopo aver selezionato un worker con una determinata strategia, andiamo a verificare se il worker è in grado di eseguire la funzione andando a risolvere l'espressione di costo corrispondente sostituendo i parametri m e rcon la latenza dei servizi Map e Reduce dal worker selezionato e verifichiamo che la latenza sia inferiore a quella definita nello script.[3]

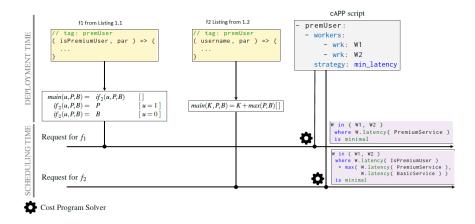


Figura 1.2: From Deploy to Scheduling for Listing 1.1 e 1.2

#### Obiettivo della tesi

In questa tesi ci concetreremo sulle tecniche che ci permettono, data una funzione scritta in un linguaggio con una grammatica che definiremo nei capitoli successivi, di analizzarne la semantica e andare a generare le equazioni di costo. Al fine di trarre informazioni quali la complessità (come upper bound di una funzione) al fine di poter ottimizzare lo scheduling dell'esecuzioni delle funzioni serverless una volta richieste. Procederemo andando a definire una grammatica per il linguaggio, in seguito svilupperemo un interprete per il linguaggio che analizza un programma scritto in un linguaggio ad alto livello restituendo le equazioni di costo per ogni funzione. In seguito andremo ad analizzare le equazioni di costo per ogni funzione, attraverso tool(PUBS [1] e CoFloCo[4]) specifici che data un equazione di costo ci definisce l'upper bound della una funzione.

## Linguaggio e semantica

In questo capitolo introdurremo il linguaggio che andremo ad utilizzare per descrivere i programmi e la semantica che gli daremo. Il linguaggio è stato pensato per essere comprensibile e allo stesso tempo espressivo, in modo da poter descrivere programmi complessi. La semantica è stata pensata per essere semplice da implementare e allo stesso tempo potente, in modo da poter descrivere programmi complessi. Per fare un ripasso, un linguaggio viene definito da una grammatica  $G = (N, T, \rightarrow, S)$  dove:

- N é l'insieme dei non terminali
- $\bullet$  T é l'insieme dei **terminali**
- $\bullet \rightarrow \acute{e}$  l'insieme delle **produzioni**
- S é il simbolo iniziale

Mentre il linguaggio generato da una grammatica G é definito come:

$$\mathcal{L}(G) = \{ \gamma | \gamma \in T^* \land \Rightarrow^+ w \} \tag{2.1}$$

e  $T^*$  é la chiusura di Kleene.

Questa grammatica (che descriveremo nel dettaglio nel capitolo successivo), é riconosciuta dal plugin ANTLR che ci permette di generare un parser per il linguaggio. Il parser generato da ANTLR é un parser LL(\*), ovvero un parser che riconosce linguaggi non ambigui e che non richiede backtracking. Questo ci permette di avere un parser efficiente ottimizzando il riconoscimento del linguaggio. Left to right, Leftmost derivation, \* lookahead symbols

#### 2.1 Grammatica

#### 2.1.1 Grammatica del linguaggio

Di seguito troviamo la grammatica del linguaggio **HLCostLan** che descrive il linguaggio che andremo ad utilizzare per descrivere i programmi. Verranno riportate le produzioni della grammatica che descrivono il linguaggio, mentre per visualizzare il file g4 nella sua totalità si rimanda alla Repo

```
prg : complexType* serviceDecl* functionDecl* init;
3 init: '('formalParams? ')''=''>' '{' stm '}';
5 serviceDecl: 'service'ID':''('(type(','type)*)?')'' >>
     ''type';
_{7} functionDecl: 'fn'ID'('formalParams?')'' \rightarrow '(type)'{'
    stm'}';
9 stm :
        serviceCall
       'if''('expOrCall')''{'stm'}''else''{'stm'}'
       'for''('ID'in''('NUMBER','exp')'')''{'stm'}'
        letIn
        functionCall
        'return' expPlus ;
 serviceCall:'call'ID'('(exp(','exp)*)?')'(';'stm)?;
 functionCall : ID'('( exp (','exp)* )? ')';
 letIn: 'let' (ID '=' expPlus) + 'in' stm;
23
24
```

Listing 2.1: Grammatica del linguaggio HLCostLan

Il non terminale **prg** e' il terminale iniziale della grammatica, e descrive un programma. Un programma e' composto da una sequenza di dichiarazioni di tipi complessi, dichiarazioni di servizi(che possono avere un overhead in termini di invocazioni che influiscono sul costo), dichiarazioni di funzioni, e

infine l'init. L'init e' la funzione che viene invocata all'avvio del programma. Il non terminale **init** descrive la funzione init, che deve essere dichiarata una sola volta ed e' composta da una sequenza di parametri formali, e da una istruzioni.

La **serviceDecl** descrive la dichiarazione di un servizio, che deve essere dichiarato una sola volta. Un servizio e' composto da un nome, una sequenza di parametri formali, e un tipo di ritorno.

La **functionDecl** descrive la dichiarazione di una funzione, una funzione e' composta da un nome(univoco), una sequenza di parametri formali, e un tipo di ritorno. Nel checking semantico controlliamo che non vengano dichiarate due volte funzioni o servizi con lo stesso nome.

Inoltre il Type checking controlla che i tipi di ritorno delle funzioni e dei servizi siano corretti.

### 2.2 Another Tool for Language Recognition

ANTLR (Another Tool for Language Recognition) è uno strumento potente e flessibile per l'analisi di linguaggi di programmazione, linguaggi di markup e dati strutturati. È ampiamente utilizzato per generare parser e lexer per vari linguaggi di programmazione e per costruire compilatori, interpreti, traduttori di linguaggi e altre applicazioni che necessitano di analisi di linguaggi. Ecco alcuni usi comuni di ANTLR:

- 1. Generazione di parser e lexer: ANTLR può generare parser e lexer per molti linguaggi di programmazione, rendendo più semplice l'analisi sintattica e lessicale.
- 2. Costruzione di compilatori e interpreti: ANTLR è spesso utilizzato nella costruzione di compilatori e interpreti, poiché fornisce gli strumenti per analizzare il codice sorgente e costruire l'albero di sintassi astratta.
- 3. Traduzione di linguaggi: ANTLR può essere utilizzato per tradurre codice da un linguaggio di programmazione a un altro. Questo è utile per la migrazione del codice, la refactoring e altre attività di manutenzione del software.
- 4. Analisi di dati strutturati: ANTLR può essere utilizzato per analizzare dati strutturati, come file XML o JSON, rendendo più semplice l'estrazione e la manipolazione dei dati.

ANTLR data una grammatica in input, che avrá estensione .g4, andrá a generare una cartella gen contenente i file necessari per generare il parser. La cartella gen il codice sorgente del parser e lexel, generati automaticamente; é presente anche un file .tokens che contiene i token riconosciuti dal lexer, e un file .interp che contiene la tabella di interpretazione del parser. Il lexer sostanzialmente si occupa di riconoscere i token, in ANTLR viene generato un lexer DFA, ovvero un lexer che riconosce linguaggi non ambigui e che non richiede backtracking. Questo ci permette di avere un lexer efficiente ottimizzando il riconoscimento del linguaggio. Il parser invece data una sequenza di token, andrá a riconoscere la grammatica, e generare un albero di parsing(noto anche come albero di derivazione), rappresenta la derivazione secondo le regole della grammatica libera da contesto. Nell'albero di parsing ogni nodo interno corrisponde a una regola della grammatica e ogni foglia corrisponde a un token del linguaggio.

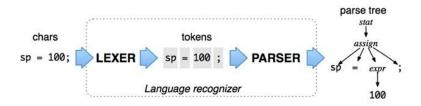


Figura 2.1: Funzione di parsing e lexing

Una volta ottenuto l'albero di parsing possiamo andare a visitarlo, e generare un albero di sintassi astratta, che rappresenta il significato del programma. L'albero di sintassi astratta(AST) é un albero che rappresenta il significato del programma, e viene utilizzato per eseguire il programma. Mentre se volessimo, come nel nostro caso andare a costruire un albero di sintassi astratta, dovremmo andare ad estendere l'interfaccia BaseListener e implementare i metodi che ci interessano.

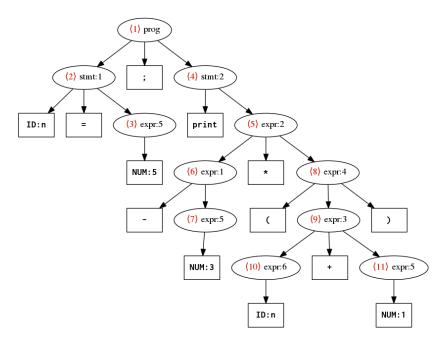


Figura 2.2: Esempio di albero di AST

Facciamo un esempio di un frammento di codice realmente generato da ANTLR, per la grammatica HLCostLan:

```
service BasicService: (int) -> void;
fn svc(i: int) -> void{
   for(m in (0,10)){
      call BasicService(i)
   }
}
(len : int) => {
   svc(len)
}
```

Listing 2.2: Esempio di codice HLCostLan: example/Listing6

Come abbiamo visto nella grammatica 2.1.1, il non terminale **prg** e' il terminale iniziale della grammatica, in questo caso prg, prende un parametro len di tipo intero, ed avrá un CallNode ad una funzione svc che prende un parametro di tipo intero, e ritorna void.

La funzione svc invece, contiene un for, che itera da 0 a 10, e ad ogni iterazione effettuata una chiamata al servizio BasicService con parametro i.

### 2.3 Semantica del Linguaggio

La semantica di un linguaggio di programmazione è l'insieme delle regole che definiscono il significato delle istruzioni, delle espressioni e delle strutture di controllo del flusso nel linguaggio. In altre parole, la semantica definisce "cosa fa" un programma scritto in quel linguaggio.

Ad esempio, se definiamo un linguaggio che permette l'assegnamento(non é il nostro caso perché la grammatica HLCostLan non lo permette) dovremmo andare a controllare che la variabile assegnata sia stata dichiarata altrimenti dovrá generare un errore. Nel nostro compilatore effettuiamo altri controlli semantici come:

- Controllare che non vengano dichiarate due volte funzioni o servizi con lo stesso nome.
- Controllare che i parametri utilizzati nelle chiamate di funzioni o servizi siano corretti e quindi giá stati precedentemente dichiarati
- Controllare che i tipi di ritorno delle funzioni e dei servizi siano corretti.

Inoltre effettuiamo il type checking, che é un sottoinsieme del controllo semantico, che controlla che i tipi delle espressioni siano corretti.

- I tipi delle chiamate devono essere corretti, ovvero i parametri attuali devono essere dello stesso tipo dei parametri formali.
- In un costrutto *let* le espressioni devono essere dello stesso tipo della variabile a cui vengono assegnate.
- In un costrutto *if* l'espressione deve essere di tipo booleano, mentre i valori di ritorno degli statemente *then* e *else* devono essere dello stesso tipo.
- La funzione deve tornare il tipo dichiarato.

## CostCompiler

CostCompiler é un interprete per il linguaggio di programmazione definito nel capitolo precedente Grammatica 2.1.1. Una volta ricevuto il programma, CostCompiler procede alla verifica e correttezza sintattica e semantica del programma, successivamente si occupa della generazione dell'albero di sintassi astratta. Questo albero rappresenta una versione astratta del programma, che astrae i dettagli sintattici del codice e si concentra sulla sua struttura logica, associando ad ogni costrutto (eg.if-then-else un unico nodo, IfNode presente nel omonimo file in src/ast). Dopo aver generato l'albero di sintassi astratta,CostCompiler si della verifica Semantica 2.3 del linguaggio andando ad effettuare dei controlli semantici e di tipo sul programma in input, andando a garantire alcune invarianti.

Una volta effettuata la verifica semantica, CostCompiler procede con la generazione delle equazioni di costo, andando a visitare l'AST secondo determinati criteri, e che ad ogni nodo figlio verrá mandato una Map che contiene la mappatura di ogni variabile in una stringa che sará la stessa stringa che apparirá nelle equazioni di costo.

Ogni nodo figlio tornerá al padre attraverso la funzione getEquationCost() una stringa che rappresenta l'equazione di costo del nodo figlio, e il padre andrá a concatenare le stringhe dei figli(anche in base al tipo di figlio da cui ricevere l'equazione), ad esempio la return < EXP > sará diverso dal return <function(Par) >.

Il risultato finale di questo processo di interpretazione è la generazione delle equazioni di costo. Queste equazioni rappresentano una stima del costo computazionale del programma, permettendo così agli sviluppatori di avere un'idea del rendimento del loro codice. Riportiamo un esempio di equazione di costo generata da CostCompiler:

```
struct Params {
address: array[int],
```

```
payload: any,
sender: string

service PremiumService : (string) -> void;
service BasicService : (any) -> void;
(isPremiumUser: bool, par: any) => {
    if (isPremiumUser) {
        call PremiumService("test");
} else {
        call BasicService(par);
}
```

Listing 3.1: Listing8

Una volta preso in input Listing8, CostCompiler genera le seguenti equazioni di costo:

```
eq(main(P,ISPREMIUMUSERO,B),0,[if9(ISPREMIUMUSERO,P,B)],[]).
eq(if9(ISPREMIUMUSERO,P,B),nat(P),[],[ISPREMIUMUSERO=1]).
eq(if9(ISPREMIUMUSERO,P,B),nat(B),[],[ISPREMIUMUSERO=0]).
```

Listing 3.2: Equazioni di costo per Listing8

Andando a descriverle ci troveremo ad avere una equazione per la regola *init*, dove vediamo che main viene chiamata con costo 0 e verrá chiamata if9 con parametri ISPREMIUMUSERO, P, B. P e B sará il costo costante delle chiamate ai servizi isPremiumUser e BasicService, mentre ISPREMIUMUSER0 sará la valutazione del parametro isPremiumUser che sará 1 se sará vero, 0 altrimenti; in altri termini ISPREMIUMUSER0 sará la valutazione della guardia del costrutto if-then-else e verrá eseguita la chiamata al servizio PremiumService se ISPREMIUMUSER0 sará 1 con costo nat(B), altrimenti verrá eseguita la chiamata al servizio BasicService con costo nat(B). Una volta avere generato l'equazioni di costo dal programma, lo stampiamo in un file equation.txt, cosi da poter eseguire PUBS(A Practical Upper Bounds Solver), per determinarci l'Upper Bound del programma. L'obiettivo di PUBS3.2 è quello di ottenere automaticamente upper bound in forma chiusa per i sistemi di equazioni di costo, di conseguenza calcola i limiti superiori per la relazione di costo indicata come "Entry", oltre che per tutte le altre relazioni di costo di cui tale "Entry" dipende.

- 3.0.1 Regole di Inferenza
- 3.1 Generazione delle Equazioni di costo
- 3.2 **PUBS**

# Conclusioni

### 4.1 Sviluppi futuri

## Bibliografia

- [1] Elvira Albert et al. "Automatic inference of upper bounds for recurrence relations in cost analysis". In: Static Analysis: 15th International Symposium, SAS 2008, Valencia, Spain, July 16-18, 2008. Proceedings 15. Springer. 2008, pp. 221–237.
- [2] Giuseppe De Palma et al. "Allocation priority policies for serverless function-execution scheduling optimisation". In: Service-Oriented Computing: 18th International Conference, ICSOC 2020, Dubai, United Arab Emirates, December 14–17, 2020, Proceedings 18. Springer. 2020, pp. 416–430.
- [3] Giuseppe De Palma et al. "Serverless Scheduling Policies based on Cost Analysis". In: ().
- [4] Antonio Flores-Montoya e Reiner Hähnle. "Resource analysis of complex programs with cost equations". In: Programming Languages and Systems: 12th Asian Symposium, APLAS 2014, Singapore, Singapore, November 17-19, 2014, Proceedings 12. Springer. 2014, pp. 275–295.
- [5] Matteo Trentin. "Topology-based Scheduling in Serverless Computing Platforms". Tesi di dott. URL: http://amslaurea.unibo.it/24930/.