

Eletrodinâmica - Corrente elétrica, Lei de Ohm e Força eletromotriz (fem).

Nome: Mateus Sousa Araújo.

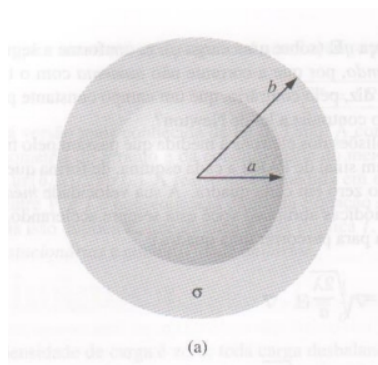
Matrícula: 374858.

Professor: Antônio Joel Ramiro de Castro.

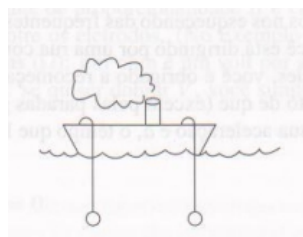
Curso: Engenharia de Computação.

1. Griffiths - Cap. 7 - Problema 7.1.

Duas cascas de metal, esféricas e concêntricas, de raios a e b , respectivamente, são separadas por material condutor, de condutividade σ .



- Se elas forem mantidas a uma diferença de potencial V , que corrente passará de uma para a outra?
- Qual é a resistência entre as cascas?
- Observe que se $b \gg a$ o raio externo (b) é irrelevante. Como você explica isso? Explore esta observação para determinar a corrente que passa entre duas esferas de metal, ambas de raio a , mergulhadas no fundo do mar e mantidas a uma grande distância uma da outra, se a diferença de potencial entre elas é V . (Esse arranjo pode ser usado para medir a condutividade da água do mar.)



RESOLUÇÃO

- Sendo Q a carga interna da esfera menor, temos que o campo entre as duas é dado por:

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{r^2}$$

A diferença de potencial pode ser escrito na seguinte forma:

$$(V_a - V_b) = - \int_b^a E \cdot dr = - \frac{1}{4\pi\epsilon_0} Q \int_b^a \frac{1}{r^2} dr$$

$$(V_a - V_b) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{a} - \frac{1}{b} \right)$$

Por definição temos:

$$I = \int J \cdot da = \sigma \int E \cdot da = \sigma \frac{Q}{\epsilon_0} = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \frac{4\pi\epsilon_0(V_a - V_b)}{1/a - 1/b} = 4\pi\sigma \frac{(V_a - V_b)}{1/a - 1/b}$$

(b) Usando a Lei de Ohm, temos:

$$R = \frac{V_a - V_b}{I} = \frac{1}{4\pi\sigma} \left(\frac{1}{a} - \frac{1}{b} \right)$$

(c) Para um raio b muito grande o segundo termo é desprezível, logo:

$$R = \frac{1}{4\pi\sigma a}$$

A resistência se apresenta na região em torno da esfera menor. Para duas esferas submersas, temos:

$$R = \frac{1}{2\pi\sigma a}$$

Usando a lei de Ohm, temos que a corrente é:

$$I = \frac{V}{R} = 2\pi\sigma aV$$

2. Griffiths - Cap. 7 - Problema 7.5.

Uma bateria de fem ε e resistência interna r está ligada a uma resistência de 'carga' variável R . Se você quiser fornecer o máximo possível de potência para a resistência de 'carga', que resistência R deve escolher? (Você não pode, é claro, alterar ε e r .)

RESOLUÇÃO

Considerando que a resistência interna r está em série com a carga, temos que a corrente é:

$$I = \frac{\varepsilon}{r + R}$$

O cálculo da potência é dado por:

$$P = I^2 R$$

Substituindo a corrente I do circuito na expressão acima, temos:

$$P = \frac{\varepsilon^2 R}{(r + R)^2}$$

Se quisermos fornecer potência máxima, precisamos derivar a equação acima em relação a R e igualar a zero. Dessa forma, temos:

$$\frac{dP}{dR} = \varepsilon^2 \left[\frac{1}{(r + R)^2} - \frac{2R}{(r + R)^3} \right] = 0$$

Simplificando a expressão acima, temos:

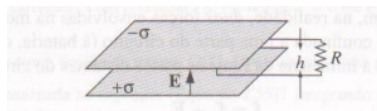
$$r + R = 2R$$

$$R = r$$

Devemos ajustar a resistência interna do gerador como sendo igual a resistência da carga ou vice-versa. Dessa forma, forneceremos uma potência máxima a essa carga.

3. Griffiths - Cap.7 - Problema 7.6.

Uma espira retangular de fio está situada de forma que uma extremidade (altura h) fica entre as placas de um capacitor de placas paralelas, com orientação paralela ao campo E . A outra extremidade fica bem fora, onde o campo é essencialmente nulo. Qual é a fem dessa espira? Se a resistência total é R , que corrente passa? Explique. [Alerta: esta é uma pergunta capciosa, portanto tenha cuidado; se você inventou uma máquina de moto-perpétuo, ela provavelmente tem algum problema.]



RESOLUÇÃO

Considerando a expressão

$$\varepsilon = \oint E \cdot dl$$

Podemos concluir que a fem de um campo elétrico conservativo é sempre zero. Além disso, a integral num caminho fechado em um campo conservativo, como é o caso da questão acima, também é zero. O campo gerado entre as placas de um capacitor é de origem eletrostática. Por esse motivo, a fem sempre será igual a zero.