im

## 2024-01-14

## Problem 1 - Generowanie procesu Poissona

Pewien wynik dotyczący czasów przybycia procesu Poissona oraz rozkładu jednostajnego pozwala w inny sposób generować proces Poissona z parametrem  $\lambda$  na przedziale [0,t]:

- Wygeneruj liczbę przybyć N na [0,t] dla procesu Poissona z parametrem  $\lambda t$ .
- Wygeneruj N wartości losowych z rozkładu jednostajnego na (0,t).
- Uporządkuj wygenerowane wartości w porządku rosnącym. Posortowane wartości możemy traktować jako momenty przybycia dla procesu Poissona.
- 1. Korzystając z powyższej metody wygeneruj realizację procesu Poissona  $(N_t)_t$  z  $\lambda = 0.5$  na odcinku [0, 20]. Narysuj wykres wygenerowanej trajektori.
- 2. Wygeneruj 10000 realizacji procesu Poissona  $(N_t)_t$  z  $\lambda = 0.5$  i korzystając z uzyskanych wartości oszacuj  $\mathbb{P}(N_{10} = i), i = 0, \dots, 9$  oraz  $\mathbb{E}N_{10}$ . Porównaj wartości wystymowane z teoretycznymi.

## Problem 2 - Przerzedzanie procesu Poissona

- 1. Wygeneruj 50 zgłoszeń dla procesu Poissona o intensywności  $\lambda$ . Każdemu zgłoszeniu przydziel losową etykietę 1,2 lub 3, z prawdopodobieństwami odpowiednio 0.5, 0.2 i 0.3.
- 2. Podziel zgłoszenia na trzy osobne listy (zgodnie z przydzielonymi etykietami). Potraktuj je jako momenty przybycia dla trzech nowych procesów Poissona  $(N_t)_t^{(i)}$ , i = 1, 2, 3.
- 3. Powtórz poprzednie kroki 100000 razy. W ten sposób uzyskasz 1000000 realizacji procesów  $(N_t^{(i)})_t$ , i=1,2,3. Na podstwie symulacji wzynacz  $\mathbb{P}(N_3^{(i)}=j)$ , i=1,2,3,  $j=0,1,\ldots,5$ . Porównaj uzyskane wyniki z wartościami teoretycznymi.