# Taller de Álgebra I

Clase 6 - Listas

Primer cuatrimestre 2022

```
▶ maximo :: Int → Int → Int
```

- ▶ maximo :: Int -> Int -> Int
- maximo3 :: Int -> Int -> Int -> Int

- ▶ maximo :: Int → Int → Int
- ▶ maximo3 :: Int -> Int -> Int
- ▶ maximo4 :: Int -> Int -> Int -> Int

```
maximo :: Int -> Int -> Int

maximo3 :: Int -> Int -> Int -> Int

maximo4 :: Int -> Int -> Int -> Int

maximoN :: Int -> Int -> Int
```

# Algunas operaciones

```
maximo :: Int -> Int -> Int

maximo3 :: Int -> Int -> Int -> Int

maximo4 :: Int -> Int -> Int -> Int -> Int

maximo6 :: Int -> Int -> Int -> Int -> Int
```

### Pregunta

¿Hay alguna manera de definir funciones que nos permitan trabajar con cantidades arbitrarias de elementos?

# Algunas operaciones

```
maximo :: Int -> Int -> Int
maximo3 :: Int -> Int -> Int -> Int
maximo4 :: Int -> Int -> Int -> Int
:
maximoN :: Int -> Int -> Int
```

### Pregunta

¿Hay alguna manera de definir funciones que nos permitan trabajar con cantidades arbitrarias de elementos?

Más concretamente, ¿podemos definir una función máximo que funcione por igual para 0, 10 o una cantidad n de elementos?

# Algunas operaciones

```
maximo :: Int -> Int -> Int
maximo3 :: Int -> Int -> Int -> Int
maximo4 :: Int -> Int -> Int -> Int -> Int
:
maximoN :: Int -> Int -> Int -> Int
```

### Pregunta

¿Hay alguna manera de definir funciones que nos permitan trabajar con cantidades arbitrarias de elementos?

Más concretamente, ¿podemos definir una función máximo que funcione por igual para 0, 10 o una cantidad n de elementos?

Respuesta: Sí!, usando listas.

# Expresiones

**[1, 2, 1]** 

# Expresiones

- **▶** [1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]

### Expresiones

- **[**1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]
- (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

### Expresiones

- **[**1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]
- (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas son "listas" de elementos de un mismo tipo cuyos elementos se pueden repetir.

#### Expresiones

- **[**1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]
- [] (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas son "listas" de elementos de un mismo tipo cuyos elementos se pueden repetir.

#### Tipo Listas

### Expresiones

- **1** [1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]
- (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas son "listas" de elementos de un mismo tipo cuyos elementos se pueden repetir.

## Tipo Listas

```
► [True, False, False]:: [ ]
```

### Expresiones

- **▶** [1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]
- (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas son "listas" de elementos de un mismo tipo cuyos elementos se pueden repetir.

## Tipo Listas

El tipo de una lista se escribe como: [tipo]

► [True, False, False]:: [Bool]

#### Expresiones

- **▶** [1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]
- (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas son "listas" de elementos de un mismo tipo cuyos elementos se pueden repetir.

## Tipo Listas

- ► [True, False, False]:: [Bool]
- ▶ [1, 2, 3, 4] :: [Int]

#### Expresiones

- **▶** [1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]
- (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas son "listas" de elementos de un mismo tipo cuyos elementos se pueden repetir.

## Tipo Listas

- ► [True, False, False]:: [Bool]
- ▶ [1, 2, 3, 4] :: [Int]
- ▶ [div 10 5, div 2 2] :: [Int]

#### Expresiones

- **[**1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]
- (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas son "listas" de elementos de un mismo tipo cuyos elementos se pueden repetir.

#### Tipo Listas

- ► [True, False, False]:: [Bool]
- ▶ [1, 2, 3, 4] :: [Int]
- ▶ [div 10 5, div 2 2] :: [Int]
- **[**[1], [2,3], [], [1,1000,2,0]] :: [

### Expresiones

- **[1, 2, 1]**
- ▶ [True, False, False, True]
- (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas son "listas" de elementos de un mismo tipo cuyos elementos se pueden repetir.

## Tipo Listas

- ► [True, False, False]:: [Bool]
- ▶ [1, 2, 3, 4] :: [Int]
- ▶ [div 10 5, div 2 2] :: [Int]
- ► [[1], [2,3], [], [1,1000,2,0]] :: [[Int]]

### Expresiones

- **[**1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]
- [] (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas son "listas" de elementos de un mismo tipo cuyos elementos se pueden repetir.

## Tipo Listas

- ► [True, False, False]:: [Bool]
- ▶ [1, 2, 3, 4] :: [Int]
- ▶ [div 10 5, div 2 2] :: [Int]
- ▶ [[1], [2,3], [], [1,1000,2,0]] :: [[Int]]
- ▶ [1, True]

### Expresiones

- **[**1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]
- [] (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas son "listas" de elementos de un mismo tipo cuyos elementos se pueden repetir.

## Tipo Listas

El tipo de una lista se escribe como: [tipo]

- ► [True, False, False]:: [Bool]
- ▶ [1, 2, 3, 4] :: [Int]
- ▶ [div 10 5, div 2 2] :: [Int]
- ► [[1], [2,3], [], [1,1000,2,0]] :: [[Int]]
- ▶ [1, True]
- ► [(1,2), (3,4), (5,2)]

¿Cuál es el tipo de esta lista?

# Operaciones

- ▶ head :: [a] -> a
- ▶ tail :: [a] -> [a]
- ▶ (:) :: a → [a] → [a]

# Operaciones

## Algunas operaciones

- ▶ head :: [a] -> a
- ▶ tail :: [a] -> [a]
- ► (:) :: a -> [a] -> [a]

# Tipar y evaluar las siguientes expresiones

- head [(1,2), (3,4), (5,2)]
- ▶ tail [1,2,3,4,4,3,2,1]
- ► [1,2] : []
- ▶ head []
- ▶ head [1,2,3] : [4,5]
- ▶ head ([1,2,3] : [4,5])
- ▶ head ([1,2,3] : [4,5] : [])

#### Recursión sobre listas

¿Se puede pensar recursivamente en listas? ¿Cómo?

## Pensar las siguientes funciones

- sumatoria :: [Int] -> Int
  que indica la suma de los elementos de una lista.
- 2 longitud :: [Int] -> Int
   que indica cuántos elementos tiene una lista.
- Image: Pertenece :: Int -> [Int] -> Bool
   que indica si un elemento aparece en la lista. Por ejemplo:
   pertenece 9 [] → False
   pertenece 9 [1,2,3] → False
   pertenece 9 [1,2,9,9,-1,0] → True

Idea: Pensar cómo combinar el resultado de la función sobre la cola de la lista con el primer elemento. Recordar:

- head [1, 2, 3] → 1
- ▶ tail [1, 2, 3] ↔ [2, 3]

# **Ejercicios**

#### Formas rápidas para crear listas

Prueben las siguientes expresiones en GHCI

- **[1..100]**
- **[1,3..100]**
- **▶** [100..1]
- ► [1..]

#### **Ejercicio**

- ▶ Escribir una expresión que denote la lista estrictamente decreciente de enteros que comienza con el número 1 y termina con el número -100.
- ▶ Definir la función primerMultiplode45345 :: [Int] → Int que indica el primer elemento de la lista que es múltiplo de 45345 que encuentre en la lista.

Ya vimos cómo hacer  $pattern\ matching$  sobre distintos tipos (Boo1, Int, tuplas). ¿Se puede hacer  $pattern\ matching$  en listas?

Ya vimos cómo hacer pattern matching sobre distintos tipos (Bool, Int, tuplas). ¿Se puede hacer pattern matching en listas?

#### ¿Cuál es la verdadera forma de las listas?

Las listas tienen dos "pintas":

▶ []

(lista vacía)

▶ algo : lista

(lista no vacía)

¿Cómo escribir la función sumatoria :: [Int] -> Int usando pattern matching?

Ya vimos cómo hacer pattern matching sobre distintos tipos (Bool, Int, tuplas). ¿Se puede hacer pattern matching en listas?

### ¿Cuál es la verdadera forma de las listas?

Las listas tienen dos "pintas":

- ▶ []
- ▶ algo : lista

(lista vacía)

(lista no vacía)

¿Cómo escribir la función sumatoria :: [Int] -> Int usando pattern matching?

```
sumatoria [] = 0
sumatoria (x:xs) = sumatoria xs + x
```

Ya vimos cómo hacer pattern matching sobre distintos tipos (Bool, Int, tuplas). ¿Se puede hacer pattern matching en listas?

#### ¿Cuál es la verdadera forma de las listas?

Las listas tienen dos "pintas":

- **▶** □
- ▶ algo : lista

(lista vacía)

(lista no vacía)

¿Cómo escribir la función sumatoria :: [Int] -> Int usando pattern matching?

```
sumatoria [] = 0
sumatoria (x:xs) = sumatoria xs + x
```

#### Otro ejemplo:

```
longitud :: [a] -> Int
longitud [] = 0
```

longitud (\_:xs) = 1 + longitud xs

## Ejercicio: pertenece

Repensar la función pertenece utilizando pattern matching.

## **Ejercicios**

## Resolver primero sin y después con pattern matching sobre listas

- ▶ productoria :: [Int] -> Int que devuelve la productoria de los elementos.
- sumarN :: Int -> [Int] -> [Int] que dado un número N y una lista xs, suma N a cada elemento de xs.
- SumarElPrimero :: [Int] → [Int] que dada una lista no vacía xs, suma el primer elemento a cada elemento de xs. Ejemplo sumarElPrimero [1,2,3] → [2,3,4]
- ▶ sumarElUltimo :: [Int] → [Int] que dada una lista no vacía xs, suma el último elemento a cada elemento de xs. Ejemplo sumarElUltimo [1,2,3] → [4,5,6]
- ▶ pares :: [Int] →> [Int] que devuelve una lista con los elementos pares de la lista original. Ejemplo pares [1,2,3,5,8] → [2,8]
- multiplosDeN :: Int -> [Int] -> [Int] que dado un número N y una lista xs, devuelve una lista con los elementos multiplos N de xs.
- quitar :: Int -> [Int] -> [Int] que elimina la primera aparición del elemento en la lista (de haberla).
- ▶ hayRepetidos :: [Int] → Bool que indica si una lista tiene elementos repetidos.
- eliminarRepetidos :: [Int] -> [Int] que deja en la lista una única aparición de cada elemento, eliminando las repeticiones adicionales.
- ▶ maximo :: [Int] → Int que calcula el máximo elemento de una lista no vacía.
- ordenar :: [Int] -> [Int] que ordena los elementos de forma creciente.
- ► reverso :: [Int] -> [Int] que dada una lista invierte su orden.