РТУ МИРЭА

Институт кибербезопасности и цифровых технологий Кафедра КБ-3 «Разработка программных решений и системное программирование» Дисциплина «Алгоритмы и структуры данных»

Проверочная работа по теме «Анализ сложности нерекурсивных функций»

Вариант № 7

Группа: БСБО-16-23

№ студ. билета 23Б0107

Студент (ФИО): Крашенинников Матвей Вячеславович

Пусть фрагмент программы содержит две функции, причем одна функция содержит вызов (вызовы) другой. Назовем первую функцию – вызывающей (которая для определенности запускается из main()), а вторую – вызываемой.

На основе пооператорного анализа исходного кода программы определите функции роста трудоемкости f(N) каждой функции (и вызываемой, и вызывающей) отдельно и их точные асимптотические оценки $\Theta(\cdot)$ (или $O(\cdot)$).

Кроме того, по возможности определите возвращаемое значение вызываемой функции.

```
#include <iostream>
int D(int n, long& s) \{ // 2 \}
  int i, j, x = 10; // + 1
  for (i = 1; i \le n; i + 1, x++) { // + 1 + 1 + \sum [1; n](1 + 1 + 1 + ...
       s = s + i * i; // + 1 + 1 + 1)
     }
  }
  while (j \le 3 * n) \{ // 2 + \sum [j'=1; \log 2(3n/(n+1))](2 + ... \}
    j = j + j; // j = j * 2 | + 2
    s = s + j; // + 2)
  return x; // + 1
void DD(void) {
  int t, a = -1, b = -1; // + 2
  long S = 0; // + 1
  int n; std::cout << "n = "; std::cin >> n; // + 2
  for (t = 1; t \le n; t++) \{ // + 1 + 1 + \sum_{i=1}^{n} (1 + 1 + ... + n) \}
     if (D(t, S) > 20) \{ // + 2 + 1 \}
       a = D(t, S); // + 1 + 2
       b = D(n, S) + D(20, S); // + 1 + 2 + 1 + 2
  std::cout << "\na = " << a << " b = " << b; // + 4
  std::cout << " S = " << S << "\n": // + 3
int main() {
  DD();
```

Определим трудоёмкость выполнения и её асимптотическую оценку вызываемой функции D:

Заметим, что в функции DD() есть ветвление "if-else". Рассмотрим D(t, S): очевидно, что х стремится к бесконечности, тогда возьмём минимально возможное n=1 для адекватной работы программы. При этом значении D(t, S) = 15, значит, попадаем в else. Если n=2, имеем: D(t, S) = 22. Получается, что при n>1 всегда исполняться будет if. Исходя из анализа, выберем наиболее частый

 $6 \log_2(3) + 6 \log_2(n) - 6 \log_2(n+1) + 4 + 3 =$ = $14 + 13n + 6n^2 + 6n^3 + 6n\log_2(3) + 6n\log_2(n) 6n\log_2(n+1)$

Получается, что $O(f(n)) = n^3$

Возвращаемое значение вызываемой функции участвует в небольшом участке кода:

int i, j,
$$x = 10$$
;
for (i = 1; i <= 2 * n; i += 2, $x += 4$) {
for (j = 1; j <= n; j += 1, $x ++$)

	Заметим: инициализация x = 10. Внешний цикл выполняется п раз, поскольку его диапазон [1;2*n], а итератор увеличивается на 2, X же — на 4. Значит, к общей формуле добавляем 4*n. Внутренний цикл выполняется п раз (как и внешний), поэтому оставшийся член формулы — это n².
Ответы: 1. Возвращаемое значение вызываемой функции (в общем виде) 2. Трудоемкость выполнения и её асимптотическая оценка вызываемой функции 3. Трудоемкость выполнения и её асимптотическая оценка вызывающей функции (всей целиком)	1. $D(n, s) = n^2 + 4n + 10$ 2. $F(n)=5+6n+6n^2+6\log_2(3)+6\log_2(n)-6\log_2(n+1)$; $O(f(n)) = n^2$ 3. $F(n)=14+13n+6n^2+6n^3+6n\log_2(3)+6n\log_2(n)-6n\log_2(n+1)$; $O(f(n)) = n^3$