

## FISICA II (0842302T)

Nombre	Forma diferencial	Forma integral
Ley de Gauss:	$\vec{\nabla} \cdot \vec{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0}$	$\oint_S \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{q}{\epsilon_0}$
Ley de Gauss para el campo magnético:	$\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$	$\oint_S \vec{B} \cdot d\vec{S} = 0$
Ley de Faraday:	$\vec{\nabla} \times \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$	$\oint_C \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\frac{d}{dt} \int_S \vec{B} \cdot d\vec{S}$
Ley de Ampère generalizada:	$\vec{\nabla} \times \vec{B} = \mu_0 \vec{J} + \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$	$\oint_C \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 \int_S \vec{J} \cdot \vec{n} \cdot dS + \mu_0 \epsilon_0 \frac{d}{dt} \int_S \vec{E} \cdot \vec{n} \cdot dS$

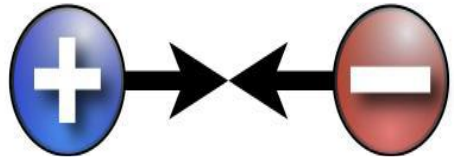
PROF. PÉREZ RAMÍREZ DIONEL

San Cristóbal, Junio de 2021.



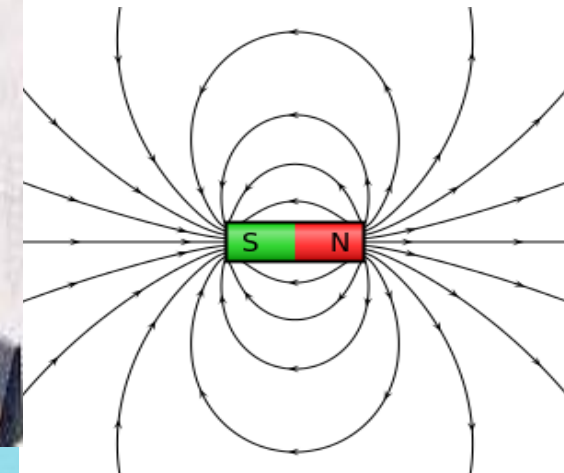
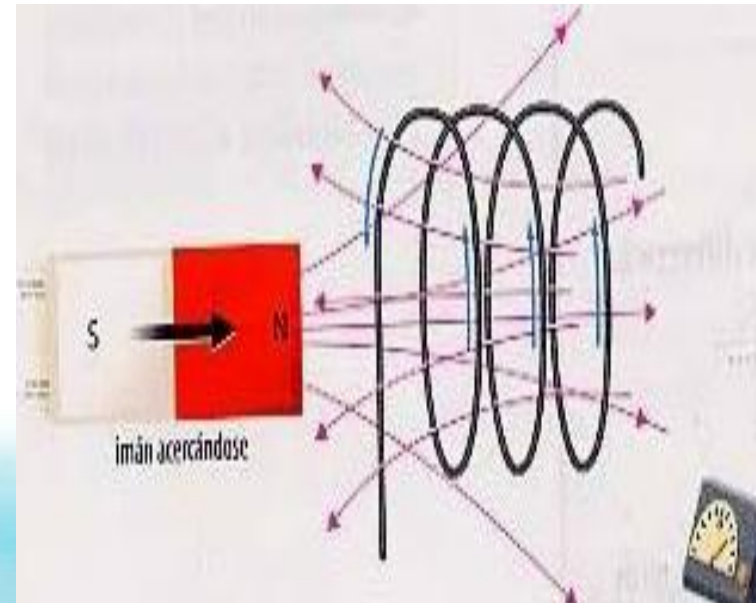
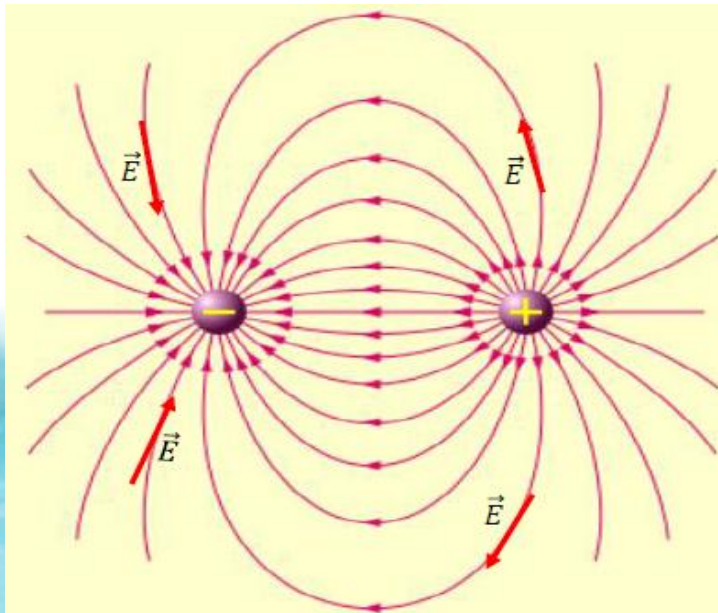
## ELECTROMAGNETISMO

Descripción de las leyes que gobiernan los fenómenos Eléctricos y Magnéticos.



**ELECTRICIDAD**  
(Cargas eléctricas)

**MAGNETISMO**  
(Imanes)







## ELECTROMAGNETISMO

### ELECTRICIDAD

### MAGNETISMO

#### Fenómenos Eléctricos

#### Fenómenos Magnéticos

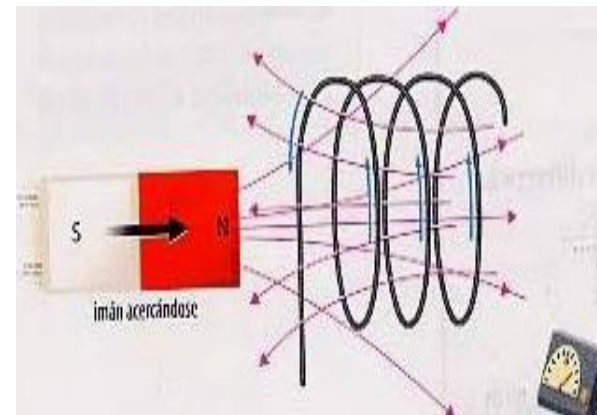
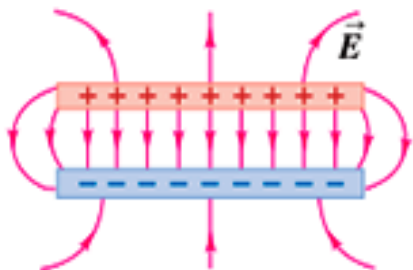
Cargas  
eléctricas

Capacitancia  
(Condensadores)

Corriente y  
Resistencia

Imanes -  
Galvanómetro

*El electromagnetismo estudia los Fenómenos Eléctricos y Magnéticos que producen las cargas eléctricas y los imanes a su alrededor, descritos a través de propiedades que son explicadas en expresiones matemáticas (ecuaciones diferenciales vectoriales) que relacionan el campo eléctrico y magnético (ecuaciones de maxwell)*



## CONDENSADORES – CAPACIDAD ELECTRICA

### SISTEMA CONDENSADOR

- Un condensador es un dispositivo que almacena energía a través de las cargas eléctricas
- Está compuesto por 2 conductores o placas que están separadas por un dieléctrico.
- Las placas pueden tener diferentes formas (planas, cilíndricas, esféricas).
- Este sistema cumple la función de almacenar energía eléctrica.

Al variar el potencial  $V$  aplicado por la batería o fuente FEM también varía el flujo de cargas  $q$ .

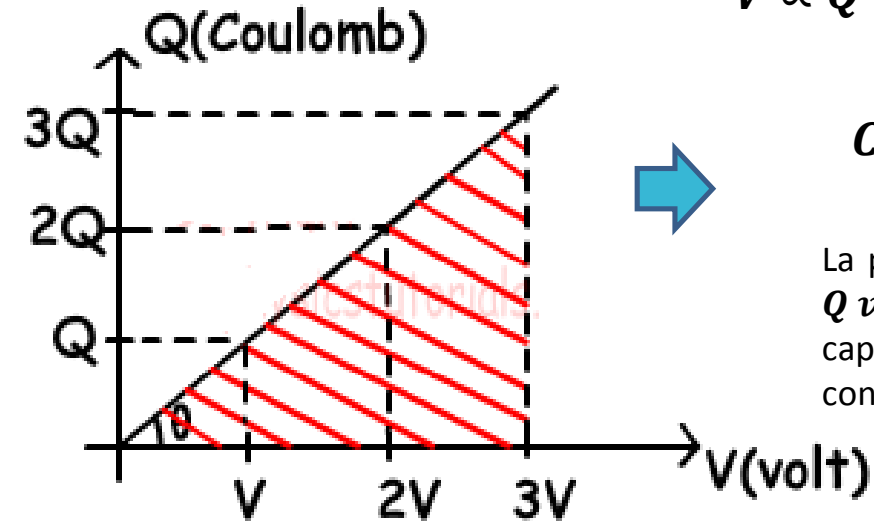
Esta variación entre el potencial  $V$  y la carga  $q$  es directamente proporcional.

$$V \propto Q$$

$$Q = CV$$

- La constante de proporcionalidad entre el potencial aplicado  $V$  y la carga  $Q$  es la **capacidad eléctrica del condensador**.

- **COMPORTAMIENTO PROPORCIONAL (LINEAL)**
- **DE LA CARGA  $Q$  y DIF. DE POTENCIAL  $\Delta V$**



$$V \propto Q \rightarrow Q = CV$$

$$C = \frac{Q}{\Delta V}$$

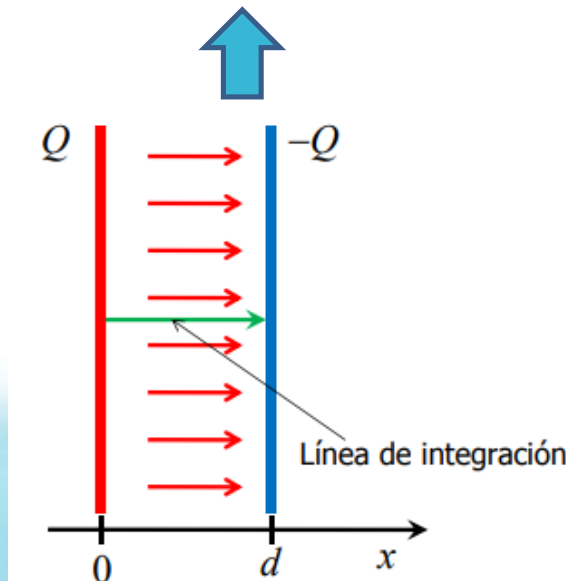
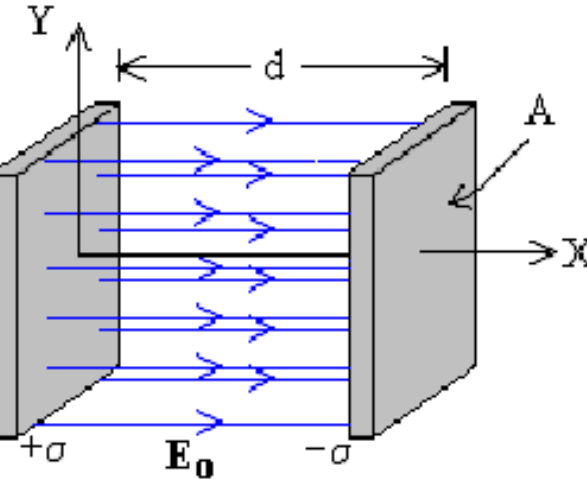
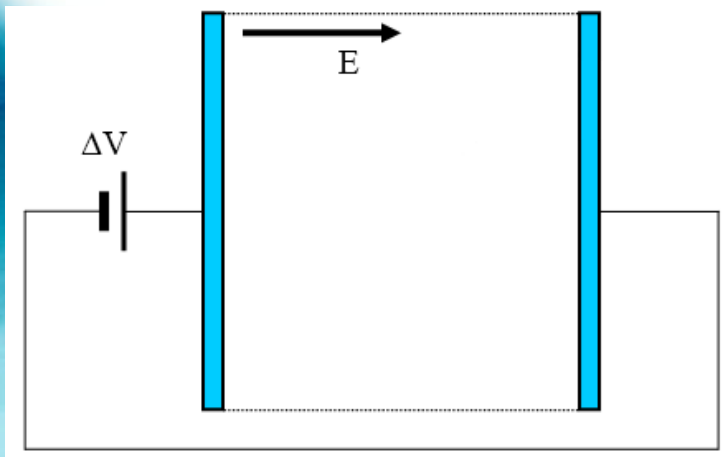
La pendiente del gráfico  $Q$  vs  $V$  representa la capacidad eléctrica del condensador

$\Delta V$	$Q$	$Q/\Delta V$
$\Delta V_1$	$Q_1$	$Q_1/\Delta V_1$
$\Delta V_2$	$Q_2$	$Q_2/\Delta V_2$
$\Delta V_3$	$Q_3$	$Q_3/\Delta V_3$
$\Delta V_n$	$Q_n$	$Q_n/\Delta V_n$

**Relación**  
 $Q/\Delta V$  es constante, llamada capacidad eléctrica  $C$  del condensador

### • CIRCUITO CONDENSADOR CON FUENTE CORRIENTE CONTINUA DC.

- Para cargar un condensador es preciso conectarlo a una batería.
- Una vez cargado el condensador la diferencia de potencial entre sus placas es la misma que entre los bornes de la batería



- La relación carga/potencial  $Q/V$  es una constante.
- La capacidad del condensador no depende ni de  $Q$  ni de  $V$  sino de parámetros geométricos (forma de los condensadores)
- Una vez cargado el condensador: No hay circulación de cargas (corriente eléctrica).
- La diferencia de potencial entre las placas del condensador es la misma que la de la batería entre sus bornes.

### UNIDAD DE MEDIDA DE LA CAPACIDAD ELECTRICA

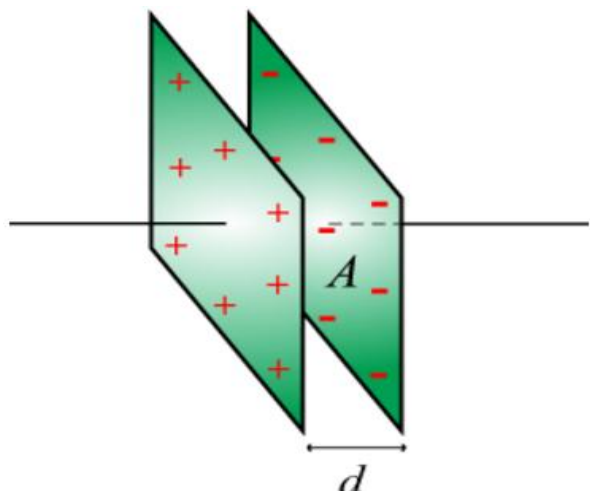
La unidad de medida de la capacidad eléctrica es el Faradio

$$1 \text{ Faradio } F = 1 \frac{\text{Coulomb } C}{\text{Voltio } V}$$

**SUBMULTIPLoS DEL FARADIO:** El faradio es una unidad muy grande, utilizada por los astrofísicos, en vista de esto se utilizan los submúltiplos del faradio:

$$\begin{aligned} 1 \text{ microfaradio } & \mu F = 1 \cdot 10^{-6} F \\ 1 \text{ nanofaradio } & nF = 1 \cdot 10^{-9} F \\ 1 \text{ picofaradio } & pF = 1 \cdot 10^{-12} F \end{aligned}$$





## SISTEMA CONDENSADOR

FORMADO POR DOS  
PLACAS O  
ARMADURAS

SISTEMA  
CONDENSADOR

ESTAS PLACAS O ARMADURAS  
SON SEPARADAS POR UN  
DIELECTRICO O AISLANTE (K o Er)

ESTE SISTEMA CUMPLE LA FUNCION DE  
ALMACENAR ENERGÍA A TRAVES DE  
UNA CAPACIDAD C, DEPENDE DE  
PARAMETROS GEOMETRICOS COMO  
ÁREA DE LAS PLACAS, RADIOS

PLACAS PLANAS PARALELAS

$$C = \frac{\epsilon_0 \cdot A}{d}$$

PLACAS CILINDRICAS PARALELAS.

$$C = \frac{2\pi \cdot h \cdot \epsilon_0}{\ln\left(\frac{b}{a}\right)}$$

PLACAS ESFERICAS PARALELAS.

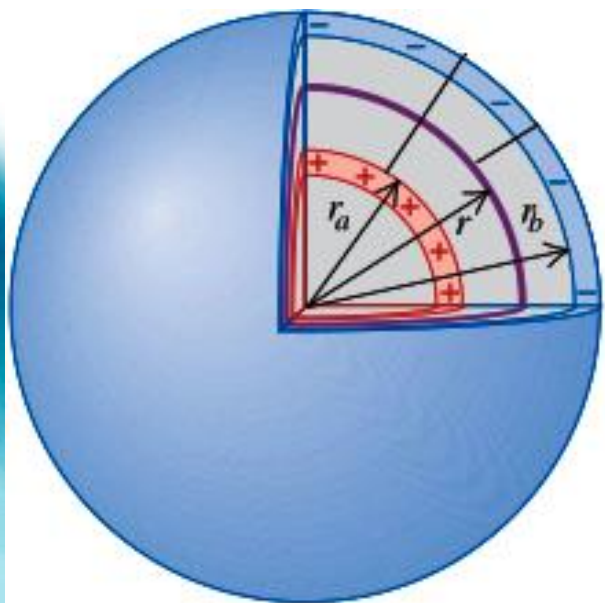
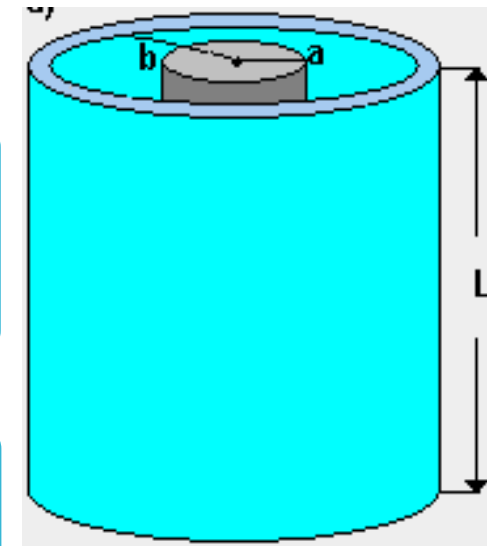
$$C = 4\pi\epsilon_0 \left( \frac{a \cdot b}{b - a} \right)$$

$\epsilon_0$ : Constante de permisividad del vacío.

$$\epsilon_0 = 8,85 \times 10^{-12} \frac{\text{coul}}{\text{N.m}^2}$$

A: área de cualquiera de las placas del capacitor, medida en metro cuadrado (m²).

d: separación entre las placas del capacitor, medida en metro (m).

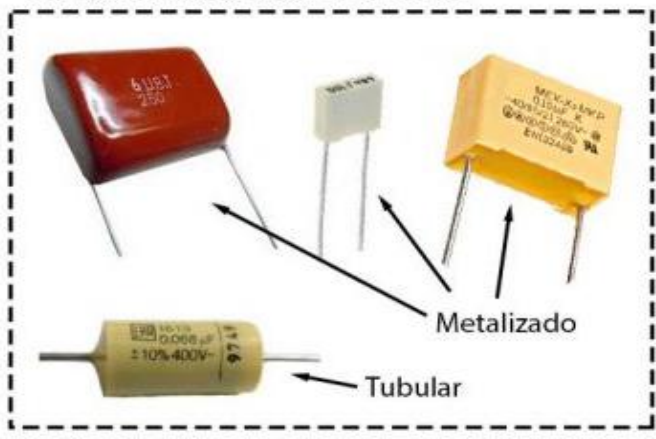


# CONDENSADORES Y DIELECTRICOS

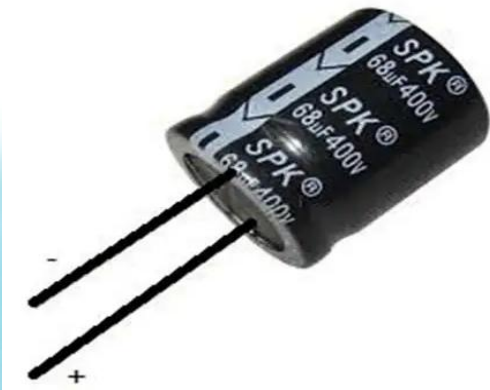
## CONDENSADOR

- Componente pasivo formado por dos laminas metálicas (conductores).
- Entre los conductores existe un aislante llamado dieléctrico.
- La capacidad eléctrica no depende ni de la carga  $Q$  ni de la diferencia de potencial  $V$ , sino de factores geométricos.

Condensadores de Poliéster



- Es un componente pasivo que almacena energía en forma de campo eléctrico  $E$ .
- El efecto de éstos componentes de almacenar energía se conoce como Capacidad Eléctrica.



## SIMBOLOGIA



- ✓ **Condensadores de cerámica** (alta permitividad y valores de capacitancia).
- ✓ **Condensadores de mica** (hojas de mica y aluminio, estables y de baja pérdida).
- ✓ **Condensadores de poliéster** (dieléctrico poliéster, poca pérdida, excelente factor de potencia y reducibles características físicas).
- ✓ **Condensadores electrolíticos** (valores de capacitancia elevados, económicos, pueden estallar con polaridad invertida).

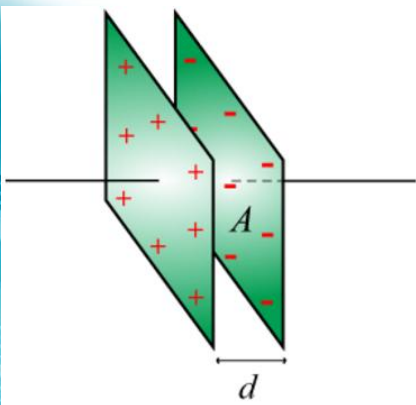


## CONDENSADORES Y DIELECTRICOS

ALMACENAMIENTO DE  
ENERGÍA (EFECTO) ES  
DEFINIDO POR LA CAPACIDAD  
ELECTRICA

FILTRAR SEÑALES  
ELECTRICAS DE AC A DC Y  
ELIMINAR PICOS DE VOLTAJE

AMBOS CONDUCTORES  
QUEDARAN CARGADOS



SON 2 CONDUCTORES  
AISLADOS, SEPARADOS  
POR UN DIELECTRICO

CONDENSADORES Y  
DIELECTRICOS

PRINCIPIO DE  
ALMACENAR ENERGIA  
EN LAS LAMINAS  
METALICAS O  
CONDUCTORES

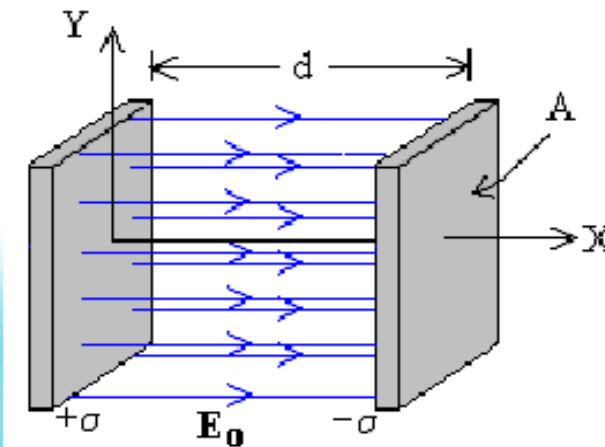
TRANSFERENCIA DE CARGA Q  
DE UN CONDUCTOR A OTRO

CON LA MISMA CANTIDAD DE CARGA Q  
PERO DE SIGNOS OPUESTOS

MATEMÁTICAMENTE LA  
CAPACIDAD ELECTRICA ES:

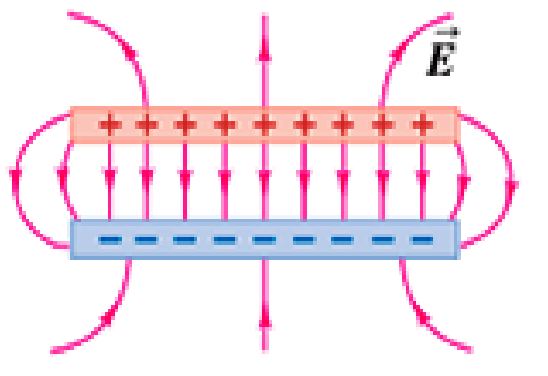
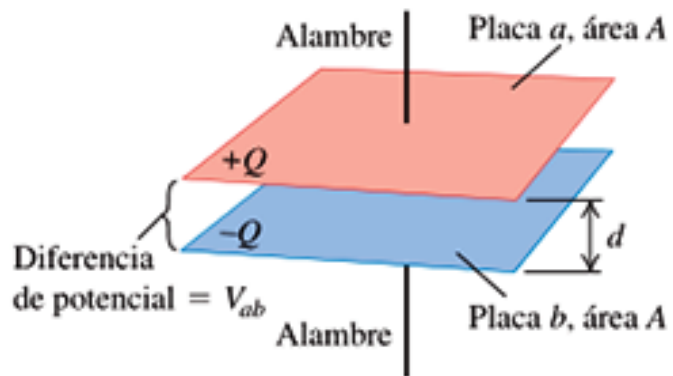
$$C = \frac{Q}{V}$$

*C: capacidad electrica  
(Faradios F)*  
*Q: carga en el conductor  
(coulomb)*  
 *$\Delta V$ : diferencia de potencial  
entre las placas o conductores  
(voltios)*





## UNIDAD DE MEDIDA DE LA CAPACIDAD ELECTRICA



$$C = \frac{Q \text{ (carga)}}{V \text{ (diferencia de potencial)}}$$

C SE MIDE EN  
FARADIOS

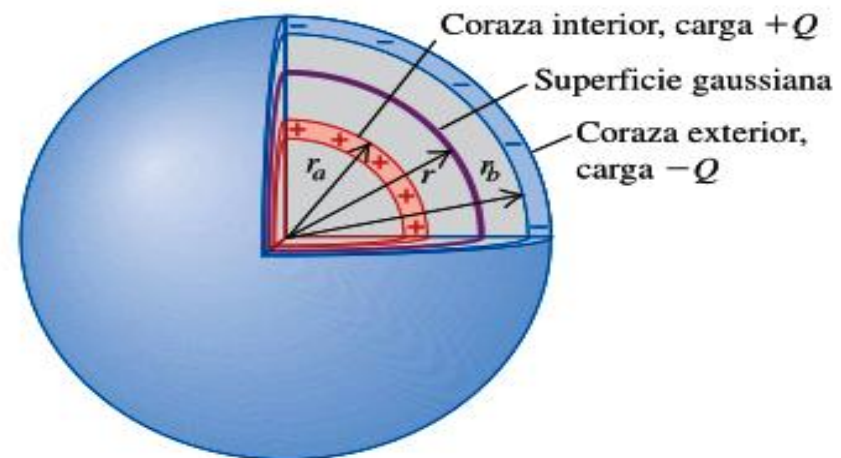
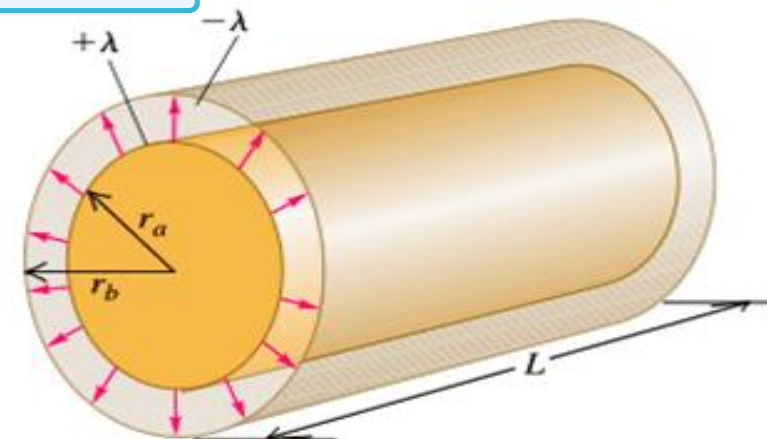
$$C = \frac{Q}{V}$$

FARADIO ES UNA UNIDAD  
MUY GRANDE UTILIZADA  
POR ASTROFISICOS

SE UTILIZAN LOS  
SUBMULTIPLS DEL  
FARADIO

$$1\text{mF} = 10^{-3}\text{F}$$

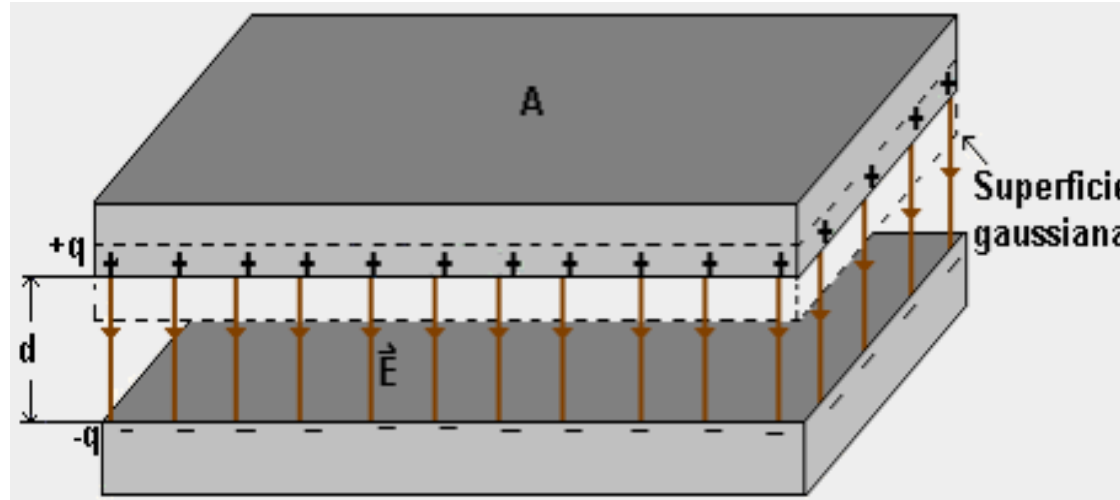
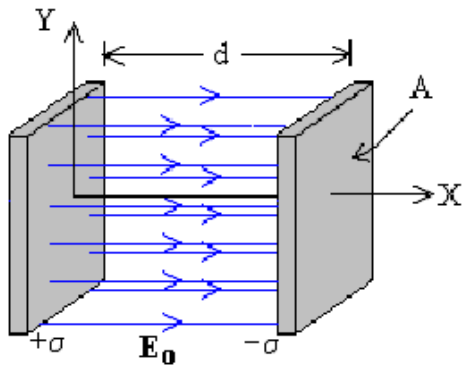
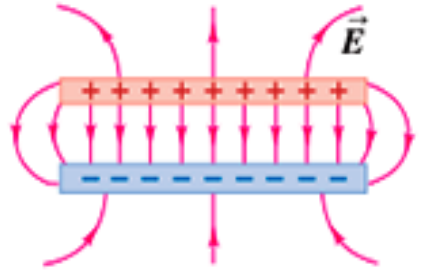
$$1\mu\text{F} = 10^{-6}\text{F}$$



$$1\text{nF} = 10^{-9}\text{F}$$

$$1\text{pF} = 10^{-12}\text{F}$$

## CALCULO DE LA CAPACITANCIA (CONDENSADOR PLACAS PLANAS PARALELAS)



$$C = \frac{Q}{\Delta V}; \quad \Delta V = E \cdot d$$

$$Q = q_{ENC} = E \cdot A \cdot \epsilon_0$$

$$C = \frac{E \cdot A \cdot \epsilon_0}{E \cdot d} = \frac{A \cdot \epsilon_0}{d}$$

DEPENDENCIA DE PARAMETROS GEOMÉTRICOS  
(AREA DE LAS PLACAS "A" Y DISTANCIA DE  
SEPARACIÓN "d")

**Aplicando Dif. De Potencial  $\Delta V$  entre las láminas del condensador, se obtiene:**

$$\Delta V = - \int_{-}^{+} \vec{E} \cdot d\vec{l} = - \int_{-}^{+} E \cdot dl \cdot \cos \alpha = - \int_{-}^{+} E \cdot dl \cdot \cos 180 = E \cdot d$$

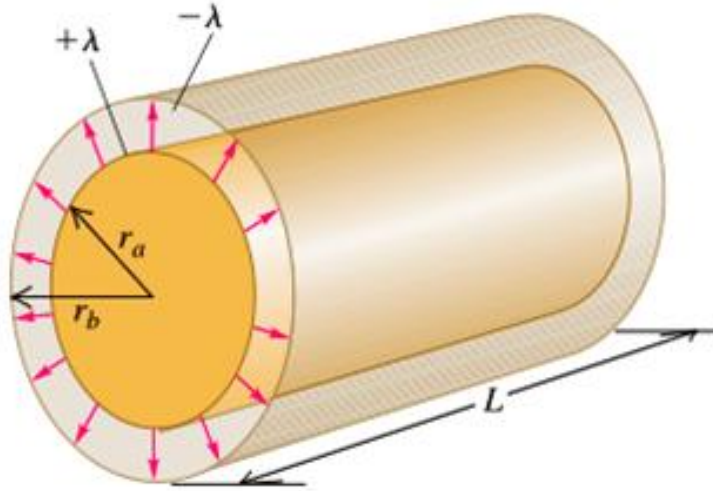
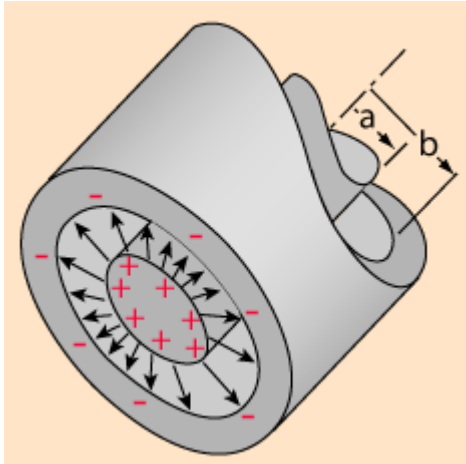
**Aplicando Ley de Gauss a una de las láminas, se obtiene lo siguiente:**

$$\int \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{q_{ENC}}{\epsilon_0} \rightarrow \int E \cdot dA \cdot \cos \alpha = \frac{q_{ENC}}{\epsilon_0} \rightarrow \alpha = 0 \rightarrow \int E \cdot dA \cdot (1) = \frac{q_{ENC}}{\epsilon_0}$$

$$E \cdot \int dA = \frac{q_{ENC}}{\epsilon_0} \rightarrow q_{ENC} = E \cdot A \cdot \epsilon_0 \quad q_{ENC} = E \cdot A \cdot \epsilon_0$$



## CALCULO DE LA CAPACITANCIA (CONDENSADOR PLACAS CILINDRICAS)



$$C = \frac{Q}{\Delta V}; \quad \Delta V = \frac{Q}{(2\pi.L).\epsilon_0} \cdot \ln\left(\frac{r_b}{r_a}\right)$$

$$C = \frac{Q}{\frac{Q}{(2\pi.L).\epsilon_0} \cdot \ln\left(\frac{r_b}{r_a}\right)}$$

$$C = \frac{2.\pi.L.\epsilon_0}{\ln\left(\frac{r_b}{r_a}\right)}$$



DEPENDENCIA DE PARÁMETROS  
GEOMÉTRICOS (RADIOS INTERNO Y  
EXTERNOS DE LAS LAMINAS)

**Aplicando Ley de Gauss a una de las láminas, se obtiene lo siguiente:**

$$\Delta V = - \int_{-}^{+} \vec{E} \cdot d\vec{l} = - \int_{-}^{+} E \cdot dl \cdot \cos\alpha = \int_{+}^{-} E \cdot dr = \int_{r_a}^{r_b} E \cdot dr = \int_{r_a}^{r_b} \frac{Q}{(2\pi.r.L).\epsilon_0} \cdot dr$$

$$\Delta V = \int_{r_a}^{r_b} \frac{Q}{(2\pi.r.L).\epsilon_0} \cdot dr = \frac{Q}{(2\pi.L).\epsilon_0} \int_{r_a}^{r_b} \frac{dr}{r} = \frac{Q}{(2\pi.L).\epsilon_0} \cdot \ln\left(\frac{r_b}{r_a}\right)$$

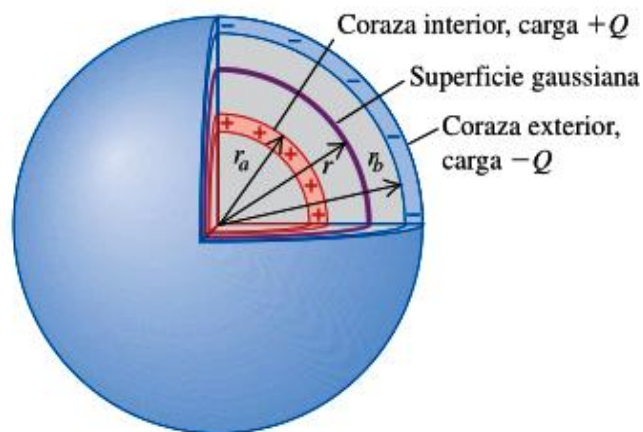
**Aplicando Ley de Gauss a una de las láminas, se obtiene lo siguiente:**

$$\int \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{q_{ENC}}{\epsilon_0} \rightarrow \int E \cdot dA \cdot \cos\alpha = \frac{q_{ENC}}{\epsilon_0} \rightarrow \alpha = 0 \rightarrow \int E \cdot dA \cdot (1) = \frac{q_{ENC}}{\epsilon_0}$$

$$E \cdot \int dA = \frac{q_{ENC}}{\epsilon_0} \rightarrow q_{ENC} = E \cdot A \cdot \epsilon_0$$

$$E = \frac{q_{ENC}}{(2\pi.r.L).\epsilon_0} = \frac{Q}{(2\pi.r.L).\epsilon_0}$$

## CÁLCULO DE LA CAPACITANCIA (CONDENSADOR PLACAS ESFERICAS)



$$C = \frac{Q}{\Delta V}; \quad \Delta V = \frac{Q}{4\pi \cdot \epsilon_0} \left( \frac{r_b - r_a}{r_a \cdot r_b} \right)$$

$$C = \frac{Q}{\frac{Q}{4\pi \cdot \epsilon_0} \left( \frac{r_b - r_a}{r_a \cdot r_b} \right)} \quad \Rightarrow \quad C = \frac{4\pi \cdot \epsilon_0 \cdot r_a \cdot r_b}{r_b - r_a}$$

DEPENDENCIA DE  
PARÁMETROS GEOMÉTRICOS  
(RADIOS INTERNO Y EXTERNOS  
DE LAS LÁMINAS)

*Aplicando Ley de Gauss a una de las láminas, se obtiene lo siguiente:*

$$\Delta V = - \int_{-}^{+} \vec{E} \cdot d\vec{l} = - \int_{-}^{+} E \cdot dl \cdot \cos \alpha = \int_{+}^{-} E \cdot dr = \int_{r_a}^{r_b} E \cdot dr = \int_{r_a}^{r_b} \frac{Q}{4\pi \cdot r^2 \cdot \epsilon_0} \cdot dr$$

$$\Delta V = \int_{r_a}^{r_b} \frac{Q}{4\pi \cdot r^2 \cdot \epsilon_0} \cdot dr = \frac{Q}{4\pi \cdot \epsilon_0} \int_{r_a}^{r_b} \frac{dr}{r^2} = \frac{Q}{4\pi \cdot \epsilon_0} \left( \frac{1}{r_a} - \frac{1}{r_b} \right) = \frac{Q}{4\pi \cdot \epsilon_0} \left( \frac{r_b - r_a}{r_a \cdot r_b} \right)$$

*Aplicando Ley de Gauss a una de las láminas, se obtiene lo siguiente:*

$$\int \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{q_{ENC}}{\epsilon_0} \rightarrow \int E \cdot dA \cdot \cos \alpha = \frac{q_{ENC}}{\epsilon_0} \rightarrow \alpha = 0 \rightarrow \int E \cdot dA \cdot (1) = \frac{q_{ENC}}{\epsilon_0}$$

$$E \cdot \int dA = \frac{q_{ENC}}{\epsilon_0} \rightarrow q_{ENC} = E \cdot A \cdot \epsilon_0$$

$$E = \frac{q_{ENC}}{4\pi \cdot r^2 \cdot \epsilon_0} = \frac{Q}{4\pi \cdot r^2 \cdot \epsilon_0}$$



## CONDENSADORES Y DIELECTRICOS

AUMENTA LA CAPACIDAD  
ELÉCTRICA DEL CONDENSADOR  
 $C_d = kC_0$



K ES UN FACTOR CONOCIDO  
COMO LA CONSTANTE  
DIELECTRICA DEL MATERIAL



MATERIAL NO  
CONDUCTOR COLOCADO  
EN EL ESPACIO ENTRE LOS  
CONDUCTORES



DIELECTRICOS



PERMITEN APLICAR  
MAYOR VOLTAJE SIN  
QUE CAUSE UNA  
DESCARGA

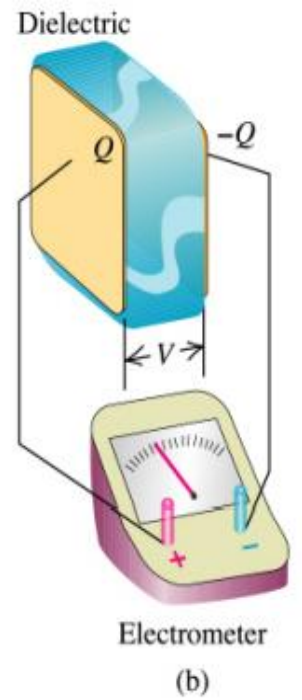
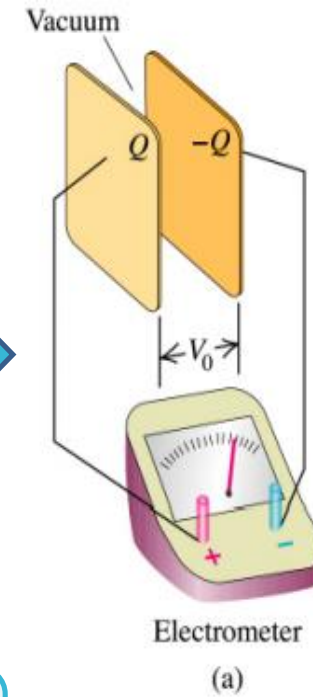


HACEN QUE EL  
CONDENSADOR SEA  
MAS RIGIDO Y ROBUSTO

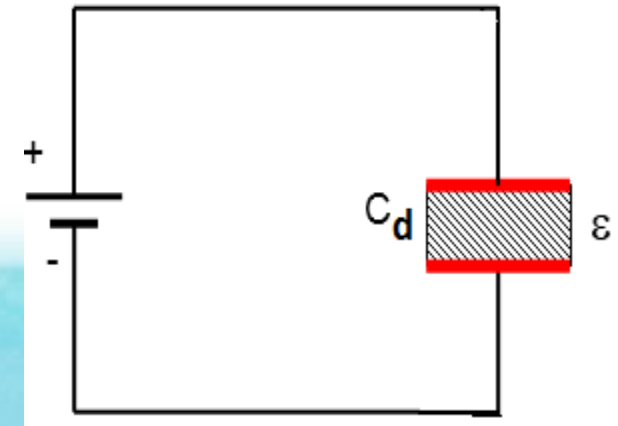
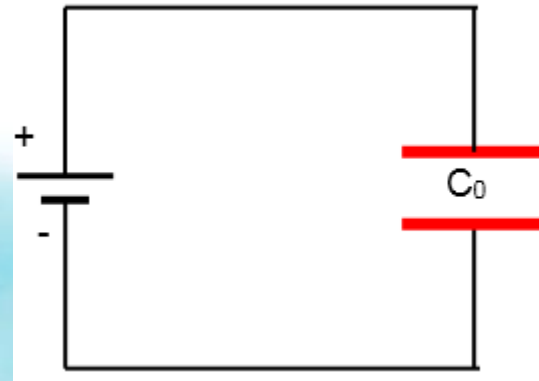
DISMINUYE LA  
DIFERENCIA DE  
POTENCIAL  
 $V_d = \frac{V_0}{k}$



DISMINUYE EL CAMPO  
ELECTRICO ENTRE LAS  
PLACAS DEL CONDENSADOR  
 $E_d = \frac{E_0}{k}$



EL DIELECTRICO AUMENTA LA  
CAPACIDAD DEL CONDENSADOR  
 $C_d = kC_0$



## ENERGIA DE UN CONDENSADOR

ENERGIA EN TERMINOS DE LA  
CAPACIDAD  $C$  Y DIFERENCIA  
DE POTENCIAL  $V$

$$U_E = \frac{1}{2} C \cdot V^2$$



ENERGIA EN TERMINOS DE  
LA CARGA  $Q$  Y DIFERENCIA  
DE POTENCIAL  $V$

$$U_E = \frac{1}{2} Q \cdot V$$



ENERGIA EN TERMINOS DE  
LA CARGA  $Q$  Y LA  
CAPACIDAD  $C$

$$U_E = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C}$$

PARA CARGAR UN  
CAPACITOR SE DEBE  
HACER UN TRABAJO  $W$



SI  $\Delta V = \frac{Q}{C}$  y  $\Delta V = \frac{W}{Q}$

$$dW = \Delta V \cdot dQ$$

$$d\varepsilon = \Delta V \cdot dQ$$

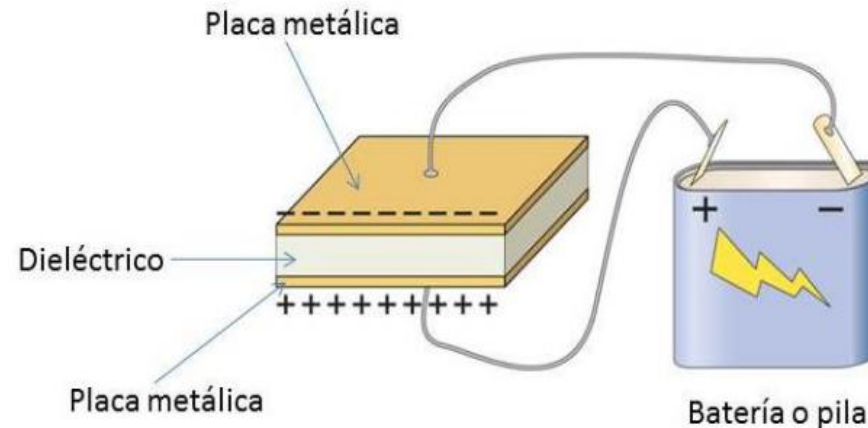


$$d\varepsilon = \Delta V \cdot dQ$$

$$d\varepsilon = \frac{Q}{C} \cdot dQ$$

$$\varepsilon = \int_0^Q \frac{Q}{C} \cdot dQ$$

$$\varepsilon = \frac{Q^2}{2C}$$



ESTE TRABAJO  $W$   
SE ALMACENA EN EL CAPACITOR  
EN FORMA DE ENERGÍA  
POTENCIAL ELÉCTRICA.



## ASOCIACIÓN DE CONDENSADORES EN SERIE

- Por **PRINCIPIO DE CONSERVACION DE LA ENERGIA**:

$$\Delta V = V_1 + V_2 + V_3$$

- La carga en un circuito en serie es:

$$Q_T = Q_1 = Q_2 = Q_3$$

Como

$$C = \frac{Q}{V} \rightarrow V = \frac{Q}{C}$$

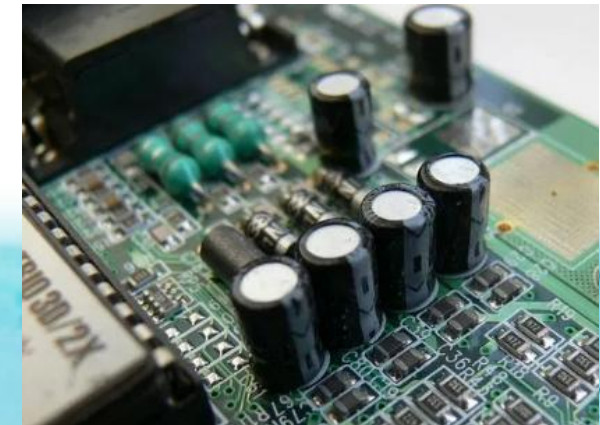
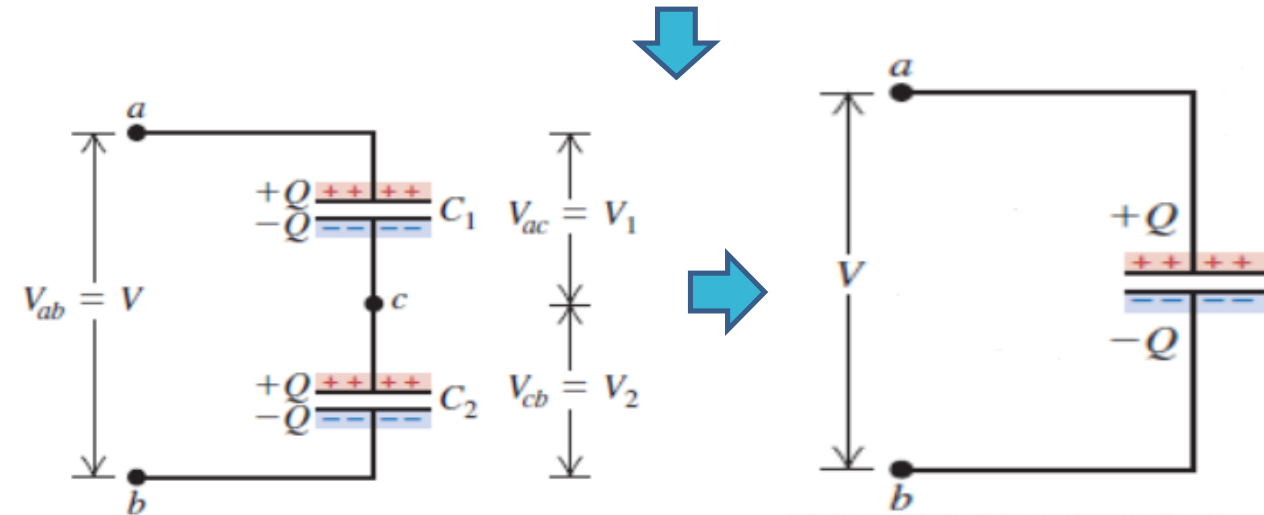
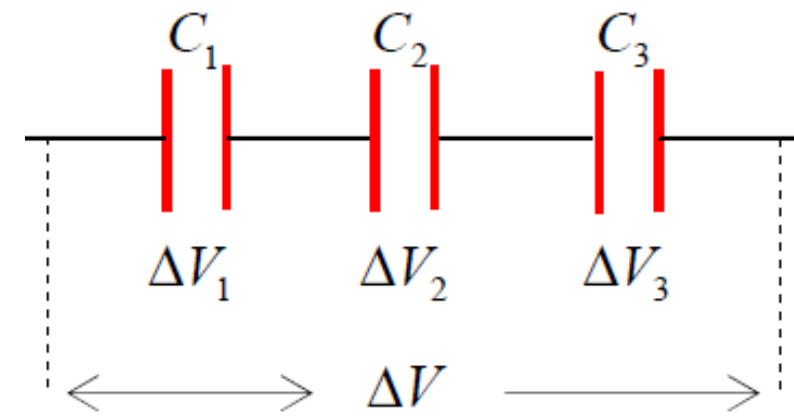
Por lo tanto:

$$\Delta V = V_1 + V_2 + V_3 \rightarrow \frac{Q_T}{C_T} = \frac{Q_1}{C_1} + \frac{Q_2}{C_2} + \frac{Q_3}{C_3}$$

- La capacidad total (o equivalente) de condensadores en serie se calcula sumando los valores inversos de cada una de las capacidades y calculando la inversa del resultado.

$$\frac{1}{C_T} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3} + \dots + \frac{1}{C_i} \quad \frac{1}{C_T} = \sum_{i=1}^n \frac{1}{C_i}$$

- La capacidad equivalente es menor que las capacitancias individuales.



## ASOCIACIÓN DE CONDENSADORES EN PARALELO

- Por **PRINCIPIO DE CONTINUIDAD DE LA CARGA**:

$$Q_T = Q_1 + Q_2 + Q_3$$

- La **diferencia de potencial en un circuito en paralelo** es:

$$\Delta V_T = V_1 = V_2 = V_3$$

Como

$$C = \frac{Q}{V} \rightarrow Q = C \cdot V$$

Por lo tanto:

$$Q_T = Q_1 + Q_2 + Q_3$$

$$C_T \cdot \Delta V_T = C_1 \cdot V_1 + C_2 \cdot V_2 + C_2 \cdot V_2$$

- La **capacidad total (o equivalente)** de condensadores en paralelo se calcula sumando los valores de cada una de las capacidades individuales.

$$C_T = C_1 + C_2 + C_3 \dots \dots + C_i \quad C_T = \sum_{i=1}^n C_i$$

- La **capacitancia equivalente** es mayor que en cualquiera de los capacitores

