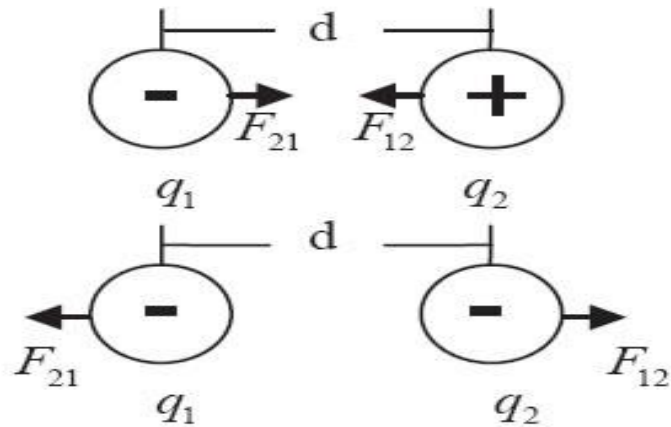
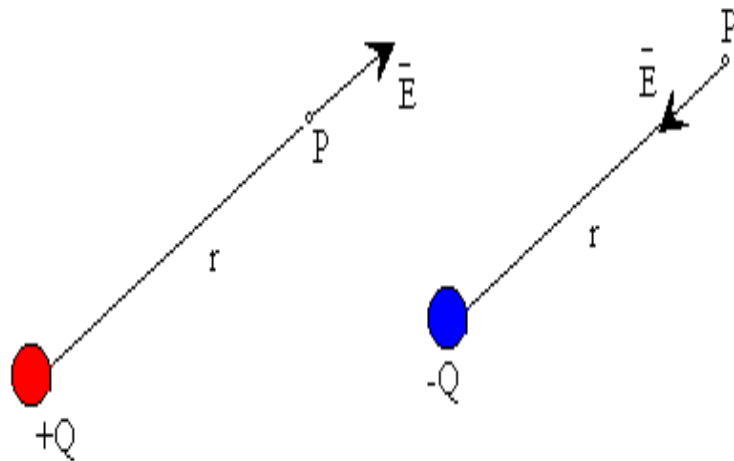


LEY DE COULOMB

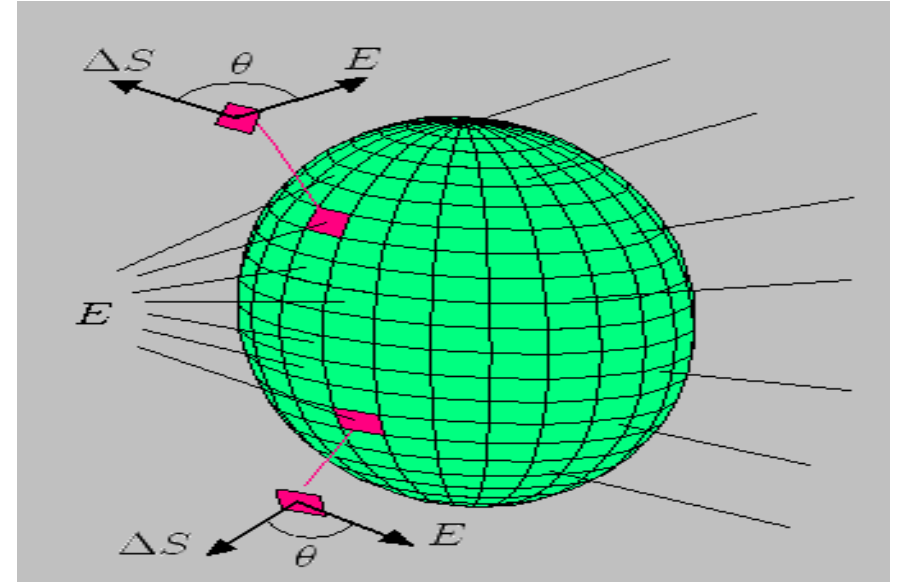


INTENSIDAD DE CAMPO ELECTRICO

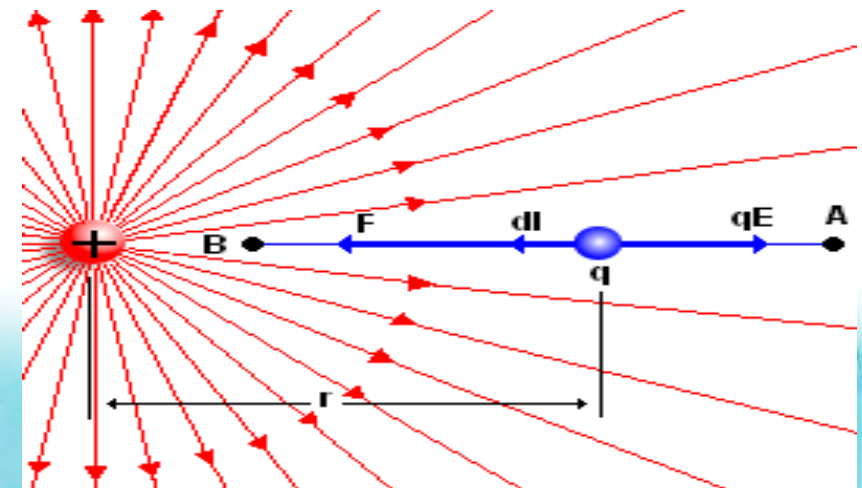


CAMPO ELECTRICO

LEY (TEOREMA) DE GAUSS



ENERGIA POTENCIAL ELECTRICA



POTENCIAL ELECTRICO – DIFERENCIA DE POTENCIAL ELECTRICO.

Antes de hablar de Potencial eléctrico y diferencia de potencial eléctrico, debemos hablar de:

Fuerza conservativa y energía potencial

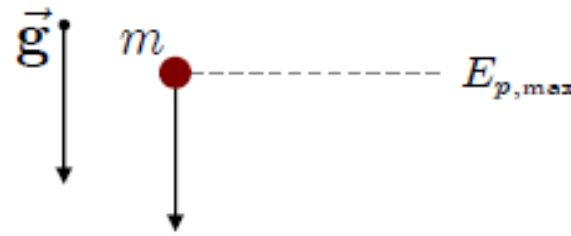
✓ ¿Cuándo es conservativa una fuerza?

- Cuando el trabajo W que realiza sobre una partícula para trasladarla de una posición 1 a la posición 2 es independiente de la trayectoria.
- Solo depende de la posición inicial y final de la partícula.
- Cuando el trabajo realizado a través de una trayectoria cerrada es cero.

✓ ¿Cuáles son las fuerzas conservativas?

- La fuerza de gravedad, la fuerza elástica de un resorte, la fuerza eléctrica.

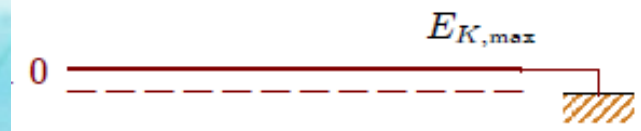
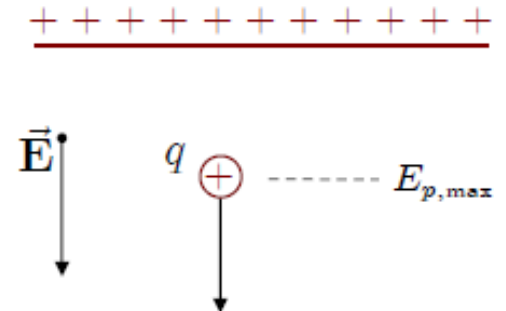
ANALOGIAS DE MOVIMIENTOS ENTRE PARTICULAS DE MASA m y CARGA ELECTRICA q



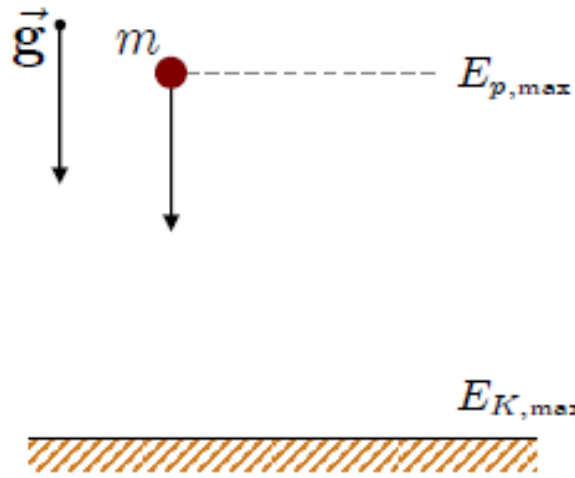
Movimiento de una carga eléctrica q en un campo eléctrico E



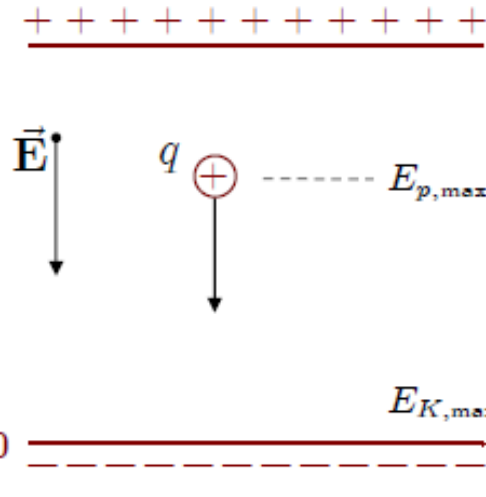
Movimiento de una partícula de masa m en un campo gravitacional g



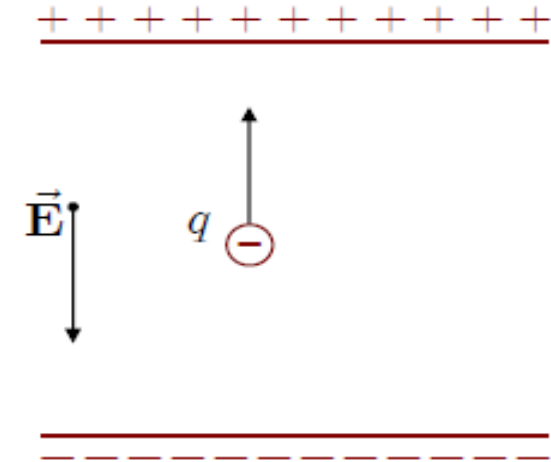
ANALOGIAS DE MOVIMIENTOS ENTRE PARTICULAS DE MASA m y CARGA ELECTRICA q



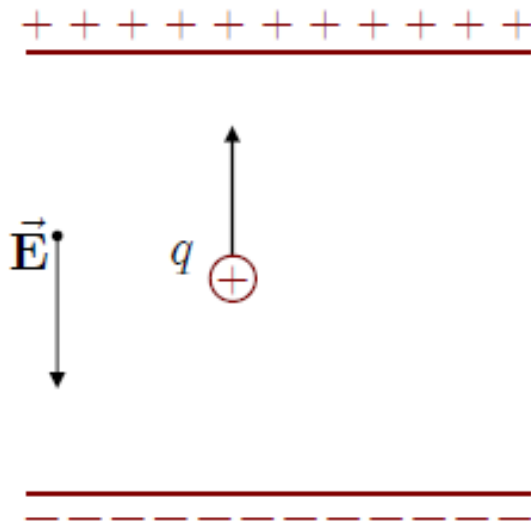
- m aumenta su E_k en la misma dirección del campo gravitacional g , y disminuye su E_p



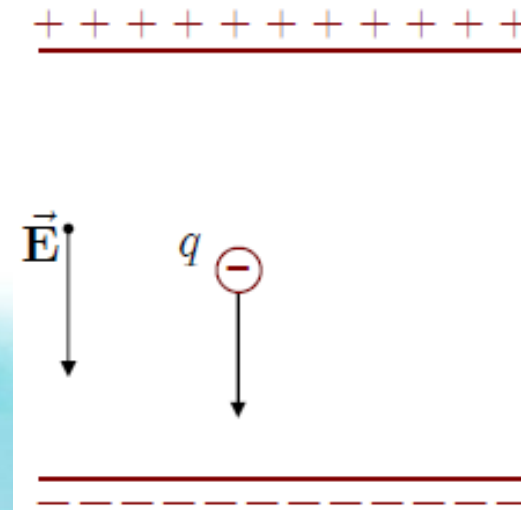
- La carga positiva $+q$ aumenta su E_k en la misma dirección del campo y disminuye su E_p



- La carga negativa $-q$ aumenta su E_k en dirección contraria del campo y disminuye su E_p

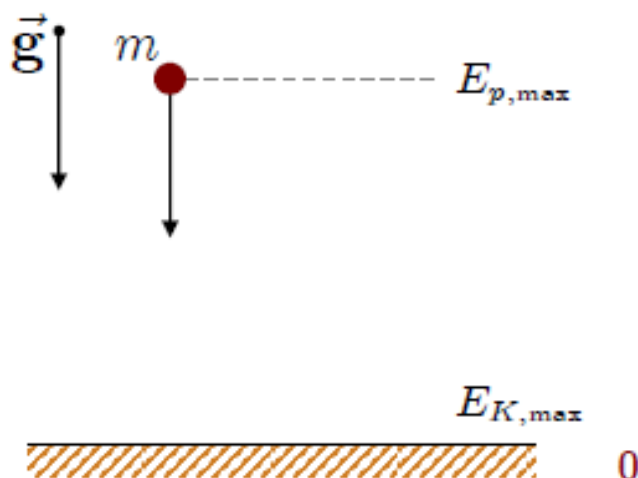


- La carga positiva $+q$ disminuye su E_k y aumenta su E_p
- Hay un agente externo moviendo la carga $+q$



- La carga negativa $-q$ disminuye su E_k y aumenta su E_p
- Hay un agente externo moviendo la carga $-q$

ANALOGIAS DE MOVIMIENTOS ENTRE PARTICULAS DE MASA m y CARGA ELECTRICA q



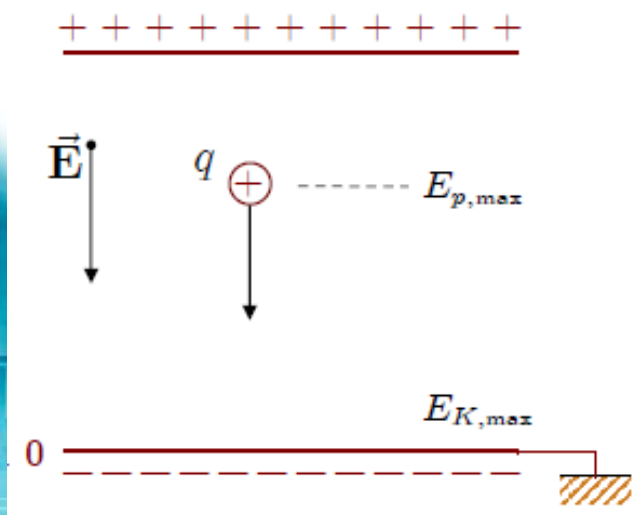
- Cuando una partícula (m) se encuentra dentro de un campo gravitacional (g) se genera una fuerza gravitacional (P) que conocemos como el peso $P = m \cdot g$

- La Energía potencial gravitatoria es: $U = m \cdot g \cdot h$
- El potencial gravitacional se define como la energía o trabajo que se realiza sobre la partícula de masa " m " en un punto:

$$V_g = \frac{U}{m} \quad U = V_g * m$$

- El trabajo realizado por la partícula para trasladarla de un punto a otro es:

$$W = -\Delta U = -(U_f - U_i)$$



- Cuando una carga de prueba (q) se coloca dentro de un campo electrostático (E) se genera una fuerza eléctrica conservativa (F) tal que $F = q \cdot E$

- El potencial eléctrico se define como la energía o trabajo para que se realiza sobre la carga eléctrica " q " en un punto:

$$V_e = \frac{U}{q} \quad U = V_e * q$$

POTENCIAL ELECTRICO – DIFERENCIA DE POTENCIAL ELECTRICO.

Partiendo del trabajo para trasladar la carga entre dos puntos:

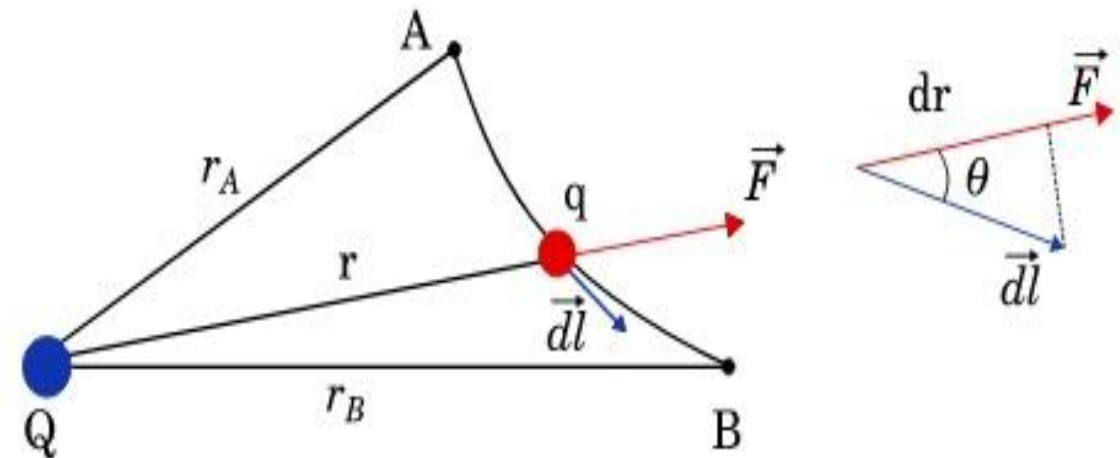
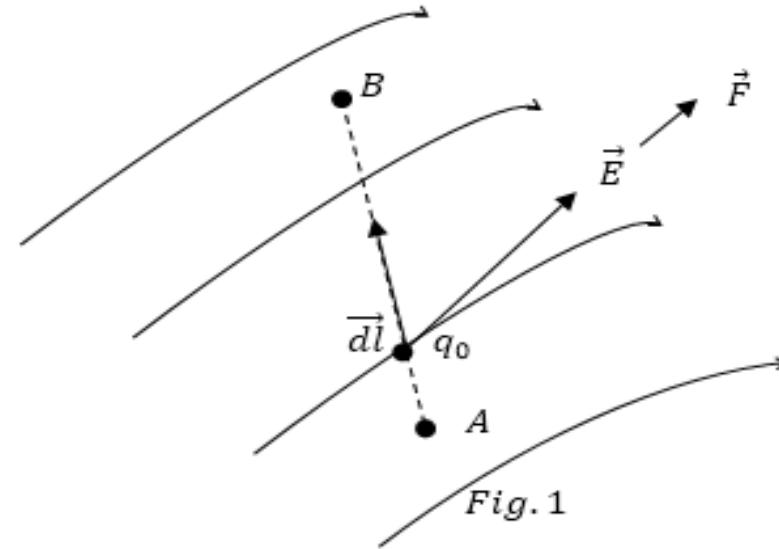
$$W = -\Delta U = -(U_f - U_i)$$

Se genera la diferencia de potencial eléctrico que se define como el trabajo que se realiza para transportar o llevar una carga de prueba q_0 entre dos puntos, es decir, del punto A al punto B en presencia de un campo eléctrico E , se representa por la letra W_{AB} .

La diferencia de potencial entre A y B está definida por la ecuación:

$$V_B - V_A = \frac{W_{AB}}{q_0} \quad \left[\text{Voltio} = \frac{\text{Joule}}{\text{coulomb}} \right]$$

La unidad de potencial eléctrico en el sistema M.K.S es el *voltio* $\equiv \text{Joule} / \text{Coulomb}$ también se puede escribir como: $1V = 1 \frac{J}{C}$



POTENCIAL ELECTRICO – DIFERENCIA DE POTENCIAL ELECTRICO.

$$\text{Si } V_B - V_A = \frac{W_{AB}}{q_0}$$

$W_{AB} = \vec{F} \cdot \vec{d} \rightarrow$ Definición de trabajo
(fuerza por desplazamiento)

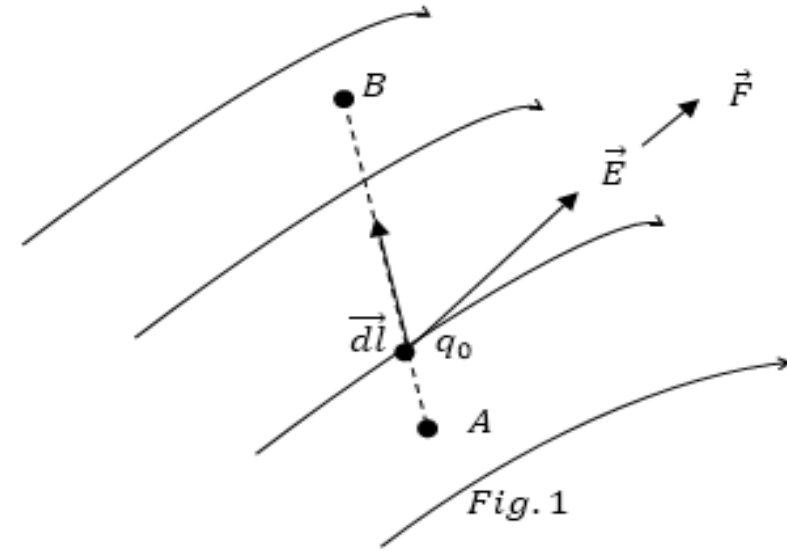
Esta fuerza es eléctrica por la presencia de campo eléctrico sobre la carga de prueba q_0 .

Partiendo de diferenciales (en este caso partiendo del diferencial de longitud, desplazamiento o de línea), el trabajo que se efectúa para llevar una carga de prueba q_0 del punto A al punto B de la figura 1 es:

$$W_{AB} = \int_A^B \vec{F} \cdot d\vec{l} \text{ (integral de línea)}$$

↓

Es un diferencial de línea.



Al moverse la carga lentamente del punto A al punto B, se tiene que el campo \vec{E} ejerce una fuerza $\vec{F} = q_0 \vec{E}$ sobre la carga de prueba, y el trabajo es:

$$W_{AB} = \int_A^B \vec{F} \cdot d\vec{l} \quad \vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0} \quad q_0 \vec{E} = \vec{F}$$

$$W_{AB} = \int_A^B q_0 \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

POTENCIAL ELECTRICO – DIFERENCIA DE POTENCIAL ELECTRICO.

$$W_{AB} = \int_A^B \vec{F} \cdot d\vec{l}$$

$$W_{AB} = \int_A^B q_0 \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

Para evitar que la carga de prueba q_0 se acelere, hay que aplicar una fuerza \vec{F}' exactamente igual $\vec{F}' = -q_0 \vec{E}$ figura 2, con lo anterior queda entonces:

$$W_{AB} = \int_A^B -q_0 \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

$$W_{AB} = -q_0 \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

$$\frac{W_{AB}}{q_0} = - \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

Si $V_B - V_A = \frac{W_{AB}}{q_0} \rightarrow V_B - V_A = - \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l}$

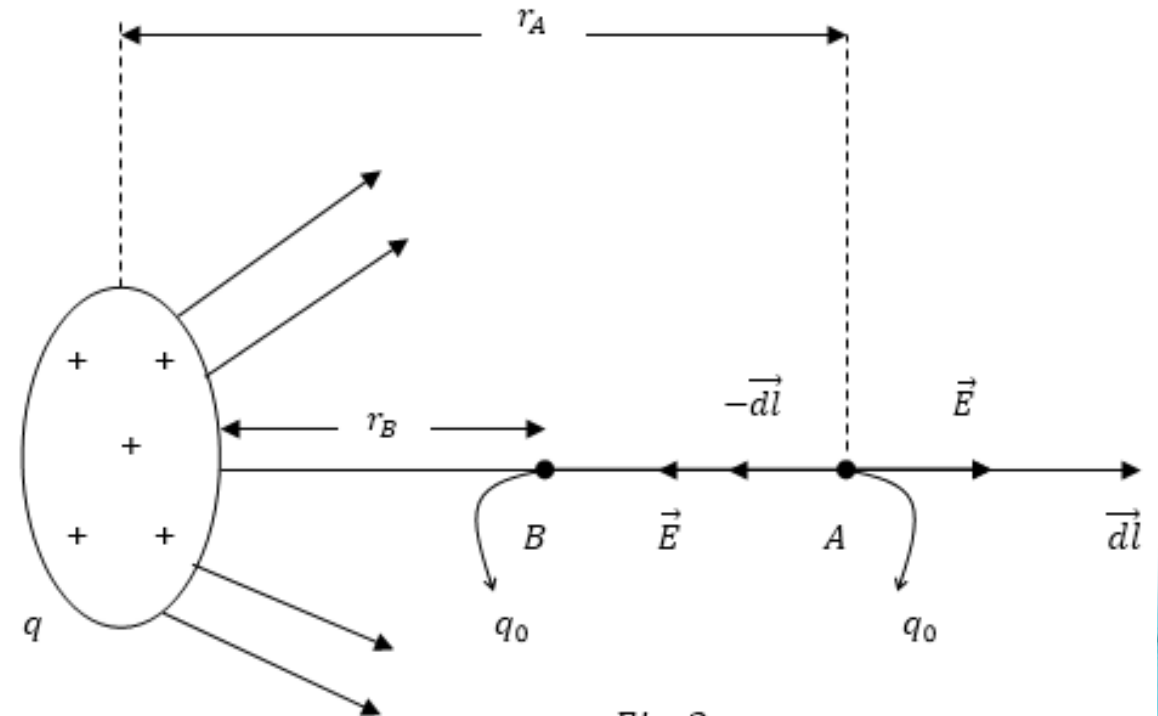
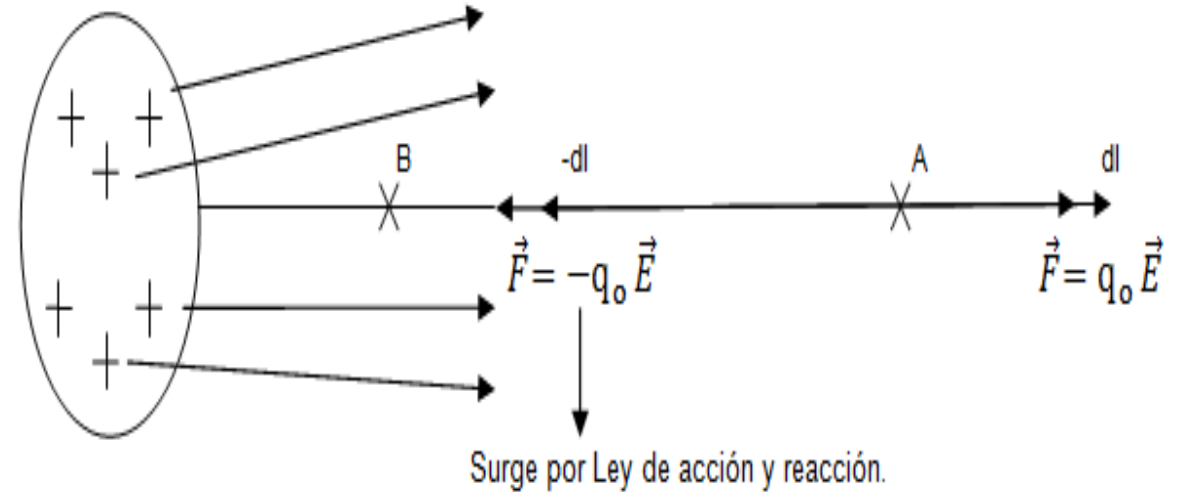


Fig. 2

POTENCIAL ELECTRICO – DIFERENCIA DE POTENCIAL ELECTRICO.

Diferencia de potencial eléctrico

$$V_B - V_A = - \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

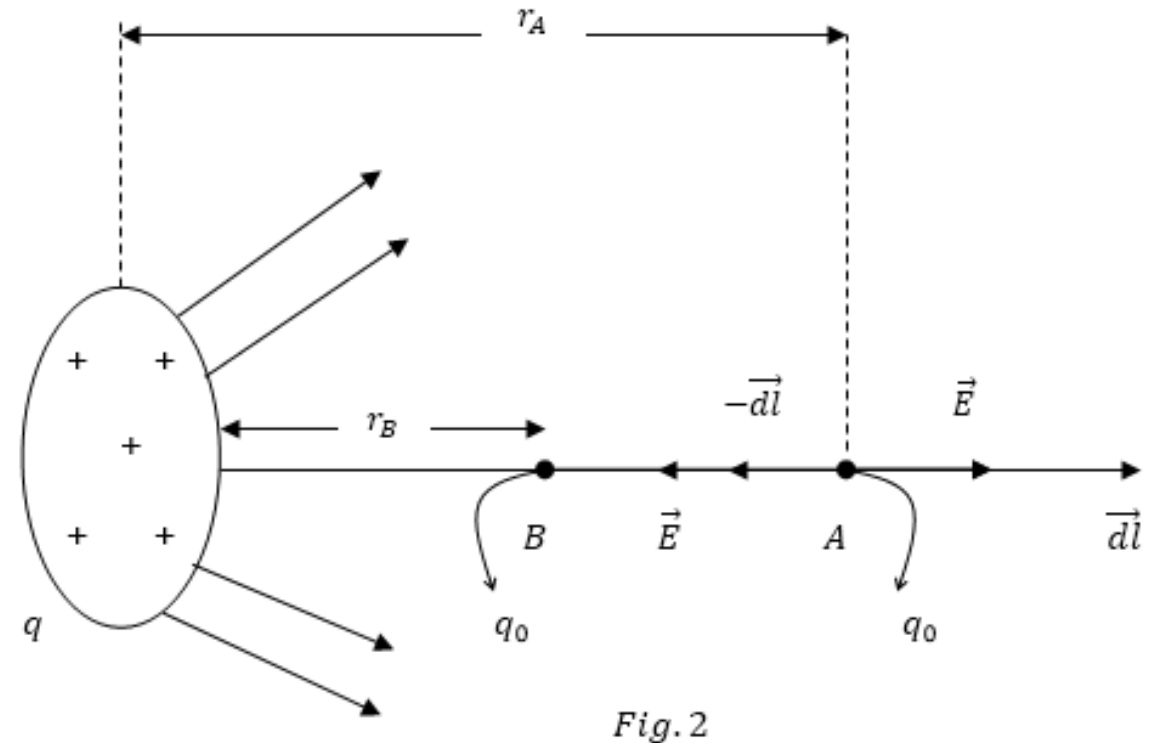
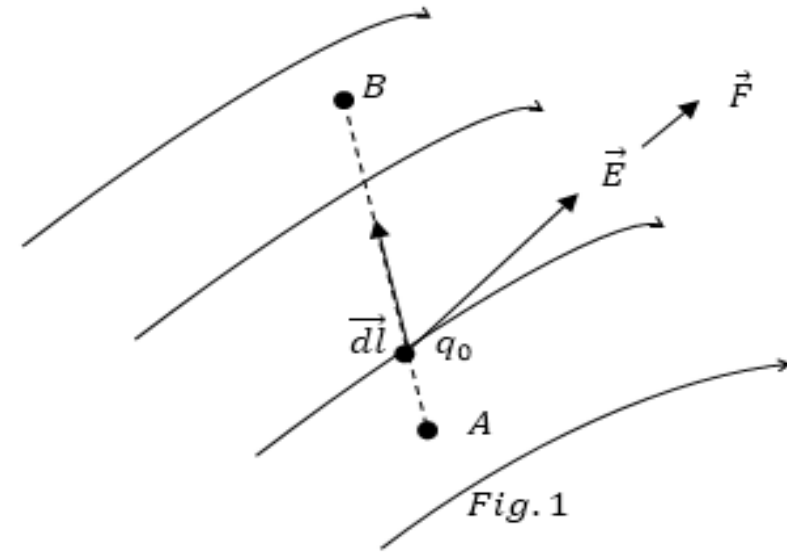
Si se considera el punto A en el infinito, cuyo potencial vale cero,

$$A \rightarrow \infty ; V_A = 0$$

se obtiene el valor del potencial en el punto B, dado por:

$$V = - \int_{\infty}^B \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

Esta expresión permite determinar el potencial a partir del campo eléctrico, y por ende el potencial para una carga puntual en un punto.



POTENCIAL ELECTRICO DE UNA CARGA PUNTUAL

Si $V_B - V_A = - \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l}$ y $\vec{E} = K \cdot \frac{q}{r^2} \hat{r}$

$$V_B - V_A = - \int_{r_A}^{r_B} \vec{E} d\vec{l} = - \int_{r_A}^{r_B} K \cdot \frac{q}{r^2} \hat{r} d\vec{l}$$

$$V_B - V_A = -K \cdot q \int_{r_A}^{r_B} \frac{\hat{r}}{r^2} d\vec{l} \rightarrow \text{En forma vectorial}$$

$$V_B - V_A = -K \cdot q \int_{r_A}^{r_B} \frac{dl}{r^2}; \rightarrow \text{En forma escalar}$$

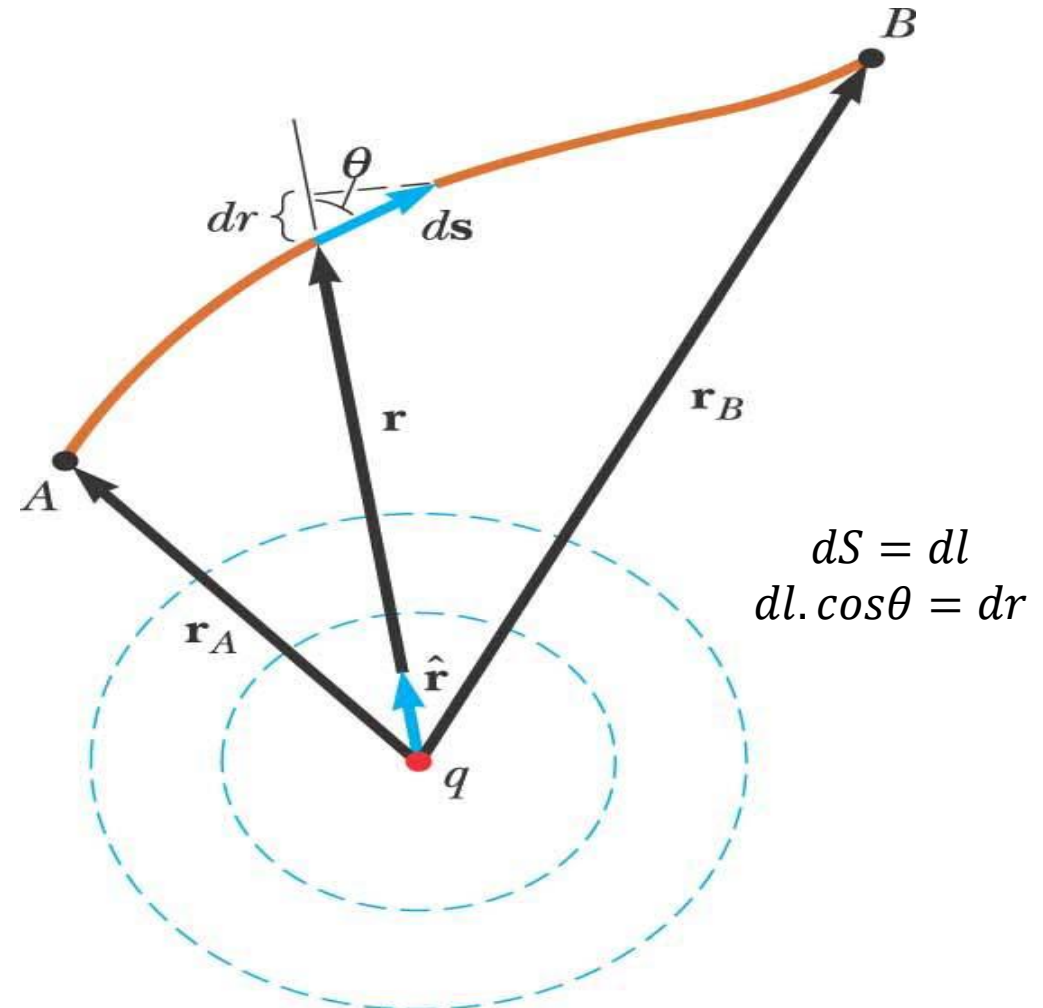
pero $dl \cdot \cos\theta = dr$

$$V_B - V_A = -K \cdot q \int_{r_A}^{r_B} \frac{dr}{r^2} = -K \cdot q \int_{r_A}^{r_B} \frac{dr}{r^2}$$

$$V_B - V_A = -K \cdot q \int_{r_A}^{r_B} r^{-2} dr$$

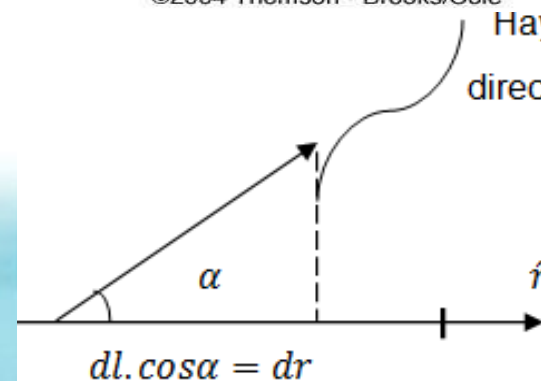
$$V_B - V_A = -K \cdot q \cdot \left. \frac{r^{-2+1}}{-2+1} \right|_{r_A}^{r_B}$$

$$V_B - V_A = -K \cdot q \cdot \left. \frac{1}{r} \right|_{r_A}^{r_B} = K \cdot q \left[\frac{1}{r_B} - \frac{1}{r_A} \right]$$



©2004 Thomson - Brooks/Cole

Hay que proyectar a dl en la misma dirección del campo \vec{E}



POTENCIAL ELECTRICO DE UNA CARGA PUNTUAL

$$V_B - V_A = -K \cdot q \cdot \frac{1}{r} \Big|_{r_A}^{r_B} = K \cdot q \left[\frac{1}{r_B} - \frac{1}{r_A} \right]$$

$$V_B - V_A = K \cdot q \left[\frac{1}{r_B} - \frac{1}{r_A} \right] \text{ entre 2 puntos.}$$

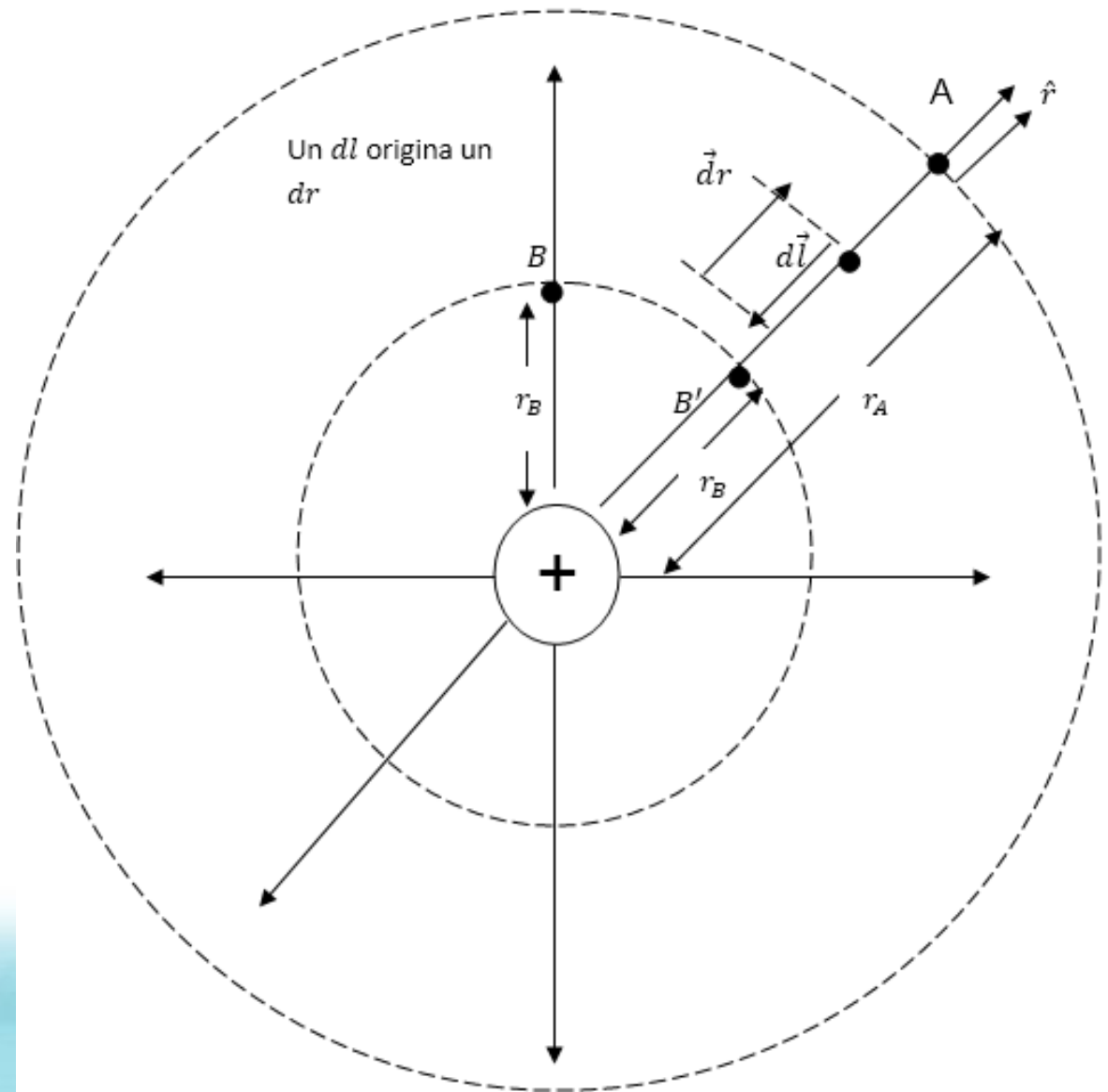
Si $r_A \rightarrow \infty$; punto A en el infinito $\rightarrow V_A = 0$

$$V_B = K \cdot q \left[\frac{1}{r_B} \right] = \frac{K \cdot q}{r}$$

función potencial de una carga puntual.

$$V_B = K \cdot q \left[\frac{1}{r_B} \right] = \frac{K \cdot q}{r}$$

$$V_B = \frac{K \cdot q}{r}$$



ENERGIA POTENCIAL ELECTRICA

Teniendo presente que el potencial eléctrico de una carga puntual es:

$$V = \frac{K \cdot q}{r}$$

Y que ese potencial es la energía o trabajo que se realiza sobre la carga eléctrica de prueba "q0" ubicada en un punto P:

$$V_e = \frac{U}{q_0}$$

Despejando de la expresión anterior obtenemos la energía potencial eléctrica o trabajo U

$$U = V_e \cdot q_0 \quad U = \frac{K \cdot q}{r} \cdot q_0$$

$$U = \frac{K \cdot q \cdot q_0}{r}$$

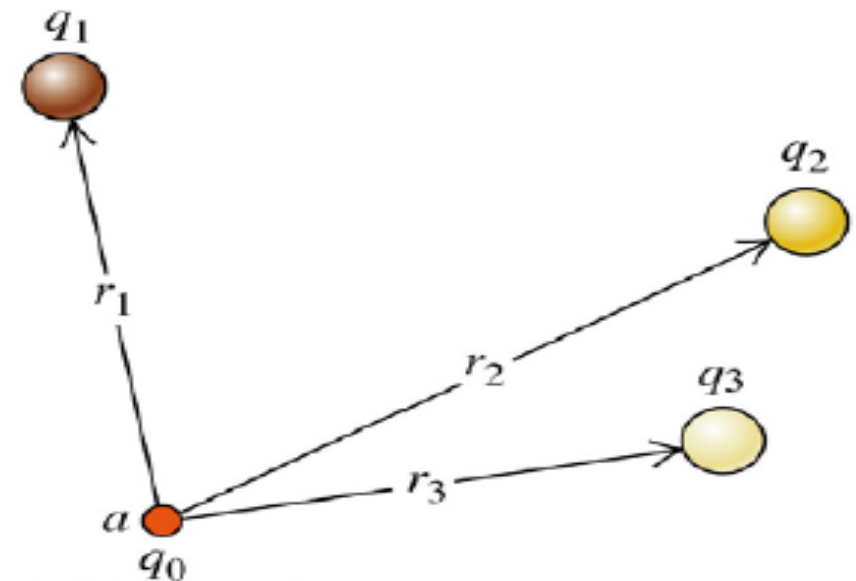
$$U = \frac{K \cdot q \cdot q_0}{r}$$



Representa el trabajo que tiene que hacer el campo y carga q para llevar la carga de prueba q_0 desde r hasta el ∞ , pero también el que tendría que hacer el agente externo contra el campo para traer a q_0 desde el ∞ hasta r .

Para varias cargas puntuales q_1, q_2, q_3 actuando sobre q_0 la energía potencial total es:

$$U = K \cdot q_0 \left(\frac{q_1}{r_1} + \frac{q_2}{r_2} + \frac{q_3}{r_3} + \frac{q_4}{r_4} \dots + \frac{q_n}{r_n} \right) \quad U = \sum_{i=1}^n \frac{K \cdot q_i \cdot q_0}{r_i}$$



ENERGIA POTENCIAL ELECTRICA

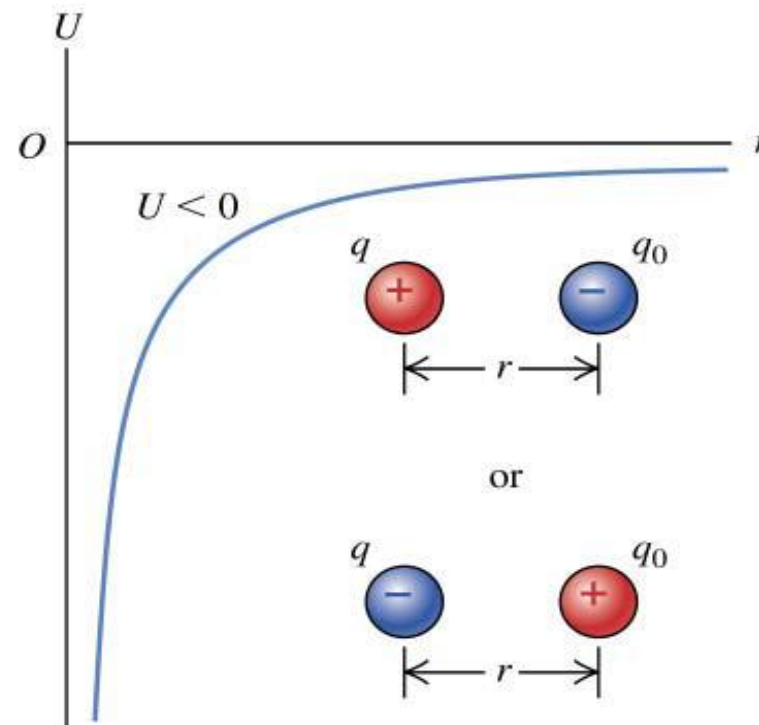
Para una carga actuando
Sobre q_0 :

$$U = \frac{K \cdot q \cdot q_0}{r}$$

Para varias cargas actuando
Sobre q_0 :

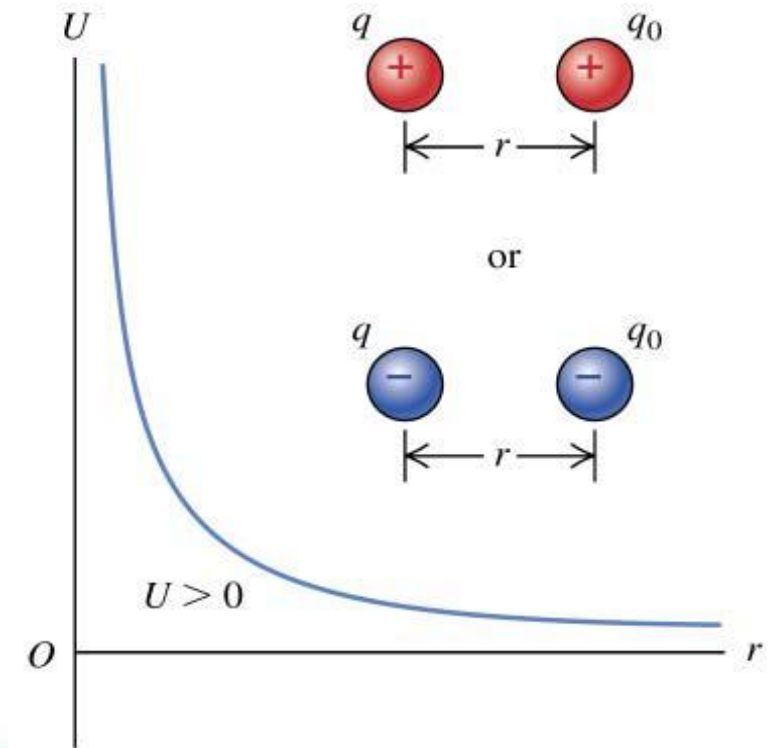
$$U = \sum_{i=1}^n \frac{K \cdot q_i \cdot q_0}{r_i}$$

ENERGIA POTENCIAL ELECTRICA
Para dos cargas de diferentes signos



U es Negativa $U < 0$

ENERGIA POTENCIAL ELECTRICA
Para dos cargas de igual signo



U es positiva $U > 0$

POTENCIAL ELECTRICO DE UNA DISTRIBUCION DISCRETA DE CARGAS

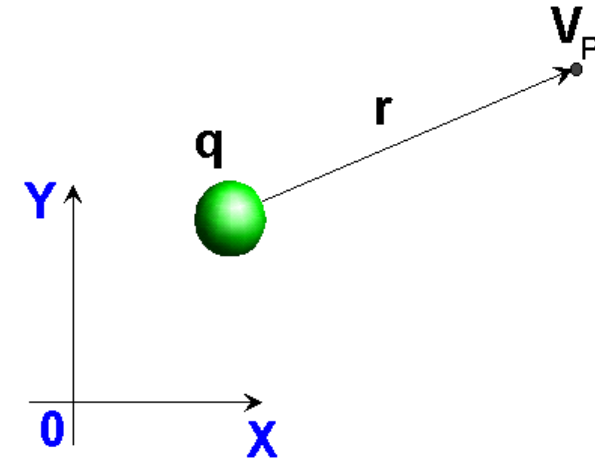
Para un grupo de cargas puntuales q_i , se puede establecer que el potencial eléctrico total en el punto P es:

$$V = \sum_{i=1}^n V_i = \sum_{i=1}^n k \frac{q_i}{r_i}$$

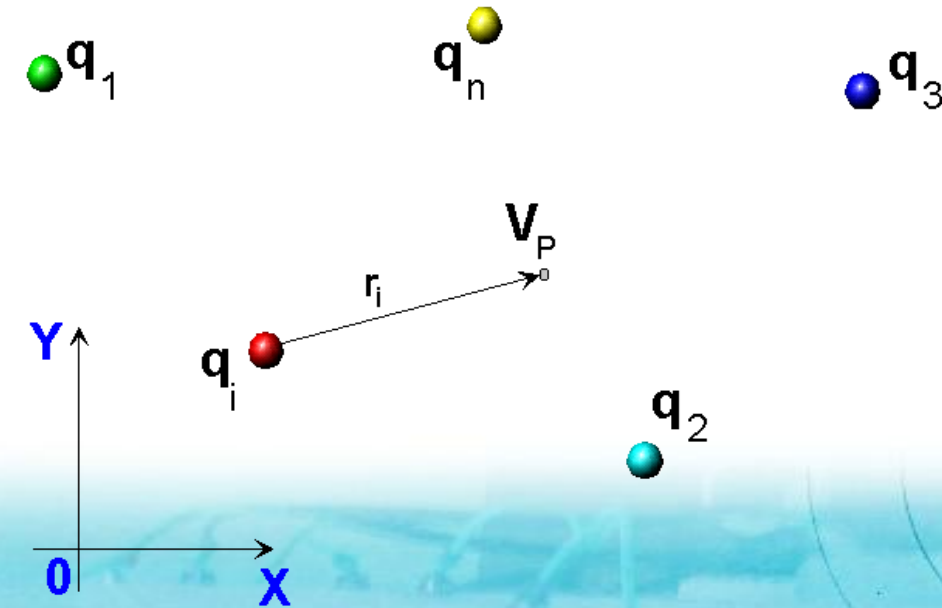
Donde:

- $\sum_{i=1}^n k \frac{q_i}{r_i}$ es una suma algebraica de escalares, no es una suma de vectores (al valor de la carga q_i se debe introducir con su respectivo signo).
- r_i es la distancia desde la carga q_i al punto P donde se quiere calcular el potencial.
- K : es la constante de proporcionalidad de newton, cuyo valor es $K = 9 \times 10^9 \frac{\text{N.m}^2}{\text{Coul}^2}$

$$V = \frac{K \cdot q}{r}$$



$$V = \sum_{i=1}^n k \frac{q_i}{r_i}$$



POTENCIAL ELECTRICO DE UNA DISTRIBUCION CONTINUA DE CARGAS

Para una distribución de cargas continuas (lineal, superficial, volumétrica) el potencial en un punto P debido a dicha distribución es:

$$V = \int K \cdot \frac{dq}{r}$$

Donde:

dq : es el elemento infinitesimal de carga (dependerá de la densidad de carga y cómo está distribuida uniforme o no uniforme).

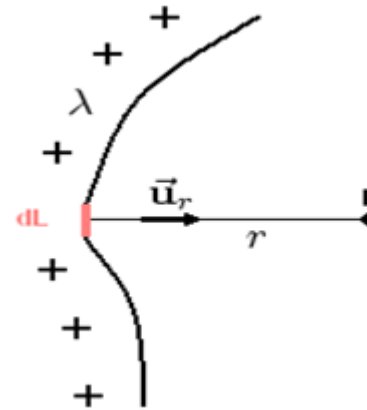
r : es la distancia desde el elemento infinitesimal de carga dq al punto P.

K : es la constante de proporcionalidad de newton, cuyo valor es

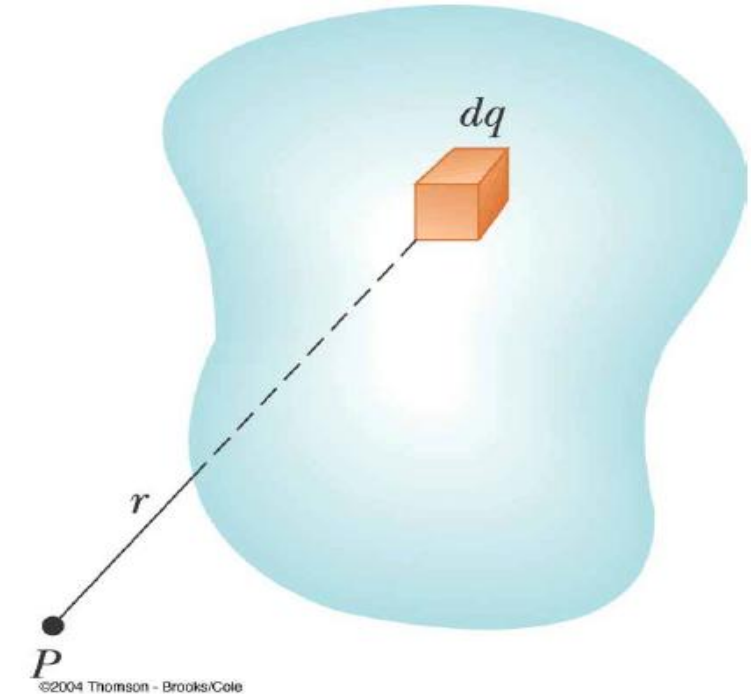
$$K = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{Coul^2}$$

DENSIDAD DE CARGA

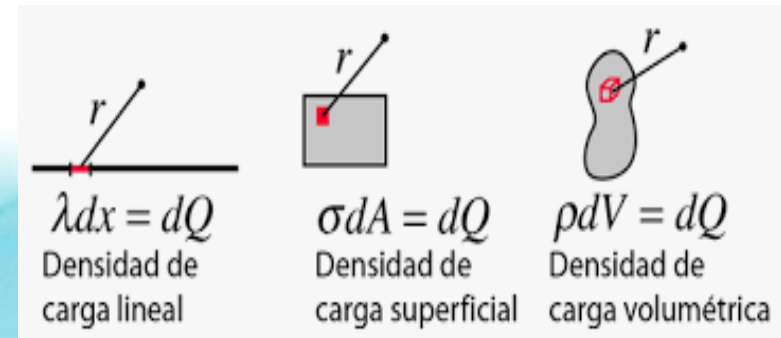
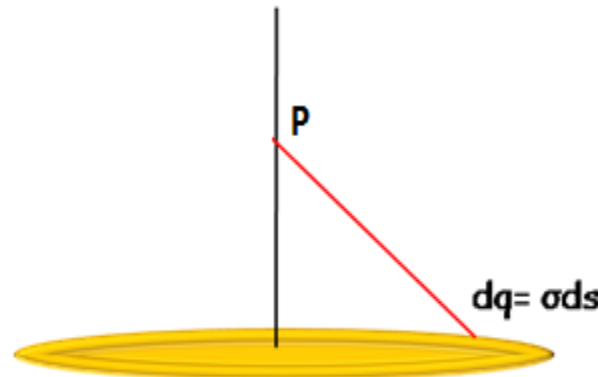
LINEAL λ



VOLUMETRICA ρ



SUPERFICIAL σ

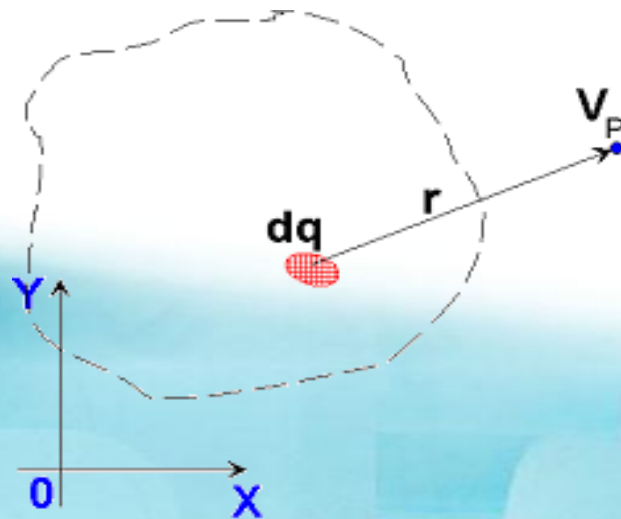


POTENCIAL ELECTRICO DE UNA DISTRIBUCION CONTINUA DE CARGAS

- ✓ El potencial eléctrico en un punto P debido a la distribución continua de cargas se obtiene integrando, es decir, sumando la contribución de todos los elementos infinitesimales dq de la distribución, de la siguiente manera:

$$V = \int K \cdot \frac{dq}{r}$$

- ✓ dq dependerá de la distribución de las cargas (si es uniforme o no uniforme) y de la densidad de carga (lineal, superficial, volumétrica).
- ✓ El potencial eléctrico obtenido es una magnitud escalar.



DENSIDAD DE CARGA

LINEAL λ

UNIFORME

$$\lambda = \frac{dq}{dl}$$

$$dq = \lambda \cdot dl$$

NO UNIFORME

$$\lambda(l) = \frac{dq}{dl}$$

$$dq = \lambda(l) \cdot dl$$

SUPERFICIAL σ

$$\sigma = \frac{dq}{dA}$$

$$dq = \sigma \cdot dA$$

$$\sigma(r) = \frac{dq}{dA}$$

$$dq = \sigma(r) \cdot dA$$

VOLUMETRICA ρ

$$\rho = \frac{dq}{dV}$$

$$dq = \rho \cdot dV$$

$$\rho(r) = \frac{dq}{dV}$$

$$dq = \rho(r) \cdot dV$$

CAMPO ELECTRICO A PARTIR DEL POTENCIAL ELECTRICO

Derivada parcial respecto a x \equiv Derivada total respecto a x manteniendo las otras variables constantes

$E_x = -\frac{\partial V}{\partial x}$

$E_y = -\frac{\partial V}{\partial y}$

$E_z = -\frac{\partial V}{\partial z}$

'GRADIENTE de V'

$$\vec{E} = -\left(\vec{i} \frac{\partial V}{\partial x} + \vec{j} \frac{\partial V}{\partial y} + \vec{k} \frac{\partial V}{\partial z}\right)$$

Operador nabla: $\vec{\nabla}$

$$\vec{\nabla} \equiv \left(\vec{i} \frac{\partial}{\partial x} + \vec{j} \frac{\partial}{\partial y} + \vec{k} \frac{\partial}{\partial z}\right)$$

- ✓ El campo eléctrico E podemos expresarlo matemáticamente en términos del potencial eléctrico, utilizando un operador matemático denominado nabla $\vec{\nabla}$, que es el gradiente del potencial eléctrico V , de la siguiente manera:

$$\vec{E} = -\vec{\nabla}V = -\left(\vec{i} \frac{\partial V}{\partial x} + \vec{j} \frac{\partial V}{\partial y} + \vec{k} \frac{\partial V}{\partial z}\right)$$

Donde, el operador nabla es:

$$\vec{\nabla} = \left(\vec{i} \frac{\partial}{\partial x} + \vec{j} \frac{\partial}{\partial y} + \vec{k} \frac{\partial}{\partial z}\right)$$

- ✓ Ésta expresión establece que el *Campo Eléctrico* es igual a menos el *Gradiente del Potencial Eléctrico*.
- ✓ \vec{E} apunta en la dirección en que V disminuye más rápidamente.