

# FORMULARIO III PARCIAL

## Impulso

$$\bar{F} = \text{Cte.} \Rightarrow \bar{I}_F = \bar{F} \Delta t$$

$$\bar{I}_F = \int_{t_1}^{t_2} \bar{F}(t) dt$$

### Teorema De Superposición

$$\Sigma \bar{I} = \bar{I}_{\Sigma F}$$

$$\langle \Sigma \bar{F} \rangle = \frac{\Sigma \bar{I}}{\Delta t}$$

### Teorema Del Impulso y la Cantidad de Movimiento

$$\Sigma \bar{I} = \Delta \bar{p}$$

$$\Sigma \bar{I} = p_2 - p_1$$

### Cantidad de Movimiento

$$\bar{p} = m \bar{v}$$

### Coefficiente de Restitución

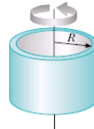
$$\epsilon = \frac{\bar{I}_R}{\bar{I}_d}$$

$$\epsilon = -\frac{\bar{v}'_2 - \bar{v}'_1}{\bar{v}_2 - \bar{v}_1}$$

## Momentos de inercia para cuerpos uniformes

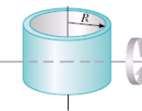
Cilindro hueco con respecto a un eje que pasa por su eje

$$I = MR^2$$



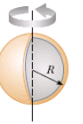
Cilindro hueco con respecto a un eje que pasa por su diámetro

$$I = \frac{1}{2}MR^2 + \frac{1}{12}ML^2$$



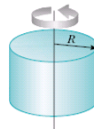
Esfera hueca respecto a un eje que pasa por su centro

$$I = \frac{2}{3}MR^2$$



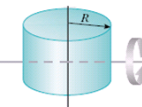
Cilindro macizo con respecto a un eje que pasa por su eje

$$I = \frac{1}{2}MR^2$$



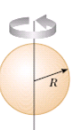
Cilindro macizo con respecto a un eje que pasa por su diámetro

$$I = \frac{1}{4}MR^2 + \frac{1}{12}ML^2$$



Esfera maciza respecto a un eje que pasa por su centro

$$I = \frac{2}{5}MR^2$$



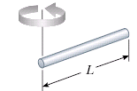
Varilla delgada respecto a una recta perpendicular que pasa por su centro

$$I = \frac{1}{12}ML^2$$



Varilla delgada respecto a una recta perpendicular que pasa por un extremo

$$I = \frac{1}{3}ML^2$$



## Movimiento Circular

Movimiento circular uniforme

Movimiento circular uniformemente variado

Posición angular

$$\theta_t = \theta_0 + \omega_0 t$$

$$\theta_t = \theta_0 + \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$

Velocidad angular

$$\omega = \omega_0$$

$$\omega = 2\pi f = \frac{2\pi}{T}$$

$$\omega = \omega_0 + \alpha t$$

$$\omega^2 = \omega_0^2 + 2 \alpha \Delta \theta$$

Rapidez

$$v = \omega r$$

Número de vueltas

$$\# \text{ vueltas} = \frac{\Delta \theta}{2\pi}$$

Aceleración centrípeta

$$a_c = \omega^2 r$$

Aceleración tangencial

$$a_T = \alpha r$$

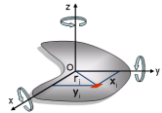
## Momento de Inercia

Masas puntuales o número finito de partículas

$$I = \sum (m_i r_i^2)$$

Teorema de la figura plana

$$I_z = I_x + I_y$$

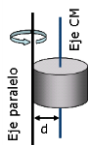


Cuerpo rígidos uniformes

$$I = \int r^2 dm$$

Teorema de Steiner o teorema de los ejes paralelos

$$I = I_{CM} + md^2$$



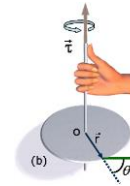
## Torque o momento de una fuerza

Regla de la mano derecha

$$\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$$

$$\tau = |\vec{r}| |\vec{F}| \sin \theta$$

$$\tau = b_F |\vec{F}|$$



Si el rígido solo rota, entonces  $\Sigma \vec{\tau}_{ext} = I_{sist} \vec{\alpha}$

## Momento cinético o momento angular

$$\vec{L} = \vec{r} \times \vec{p}$$

$$\vec{L} = |\vec{r}| |\vec{p}| \sin \theta$$

siendo  $\vec{p} = m\vec{v}$

$$\vec{L} = |\vec{r}| |m\vec{v}| \sin \theta$$



## Dinámica Rotacional

Newton I

$$\Sigma \vec{\tau}_{ext} = 0 \Leftrightarrow \Sigma \vec{L} = cte$$

$$\Sigma \vec{L} = \vec{L}_1 + \vec{L}_2 + \dots + \vec{L}_n$$

Conservación del momento cinético total del sistema

$$\Sigma \vec{L}_0 = \Sigma \vec{L}_F$$

$$\Sigma \vec{L} = \vec{L}_{rotación} + \vec{L}_{traslación}$$

$$\vec{L}_{rotación} = I \vec{\omega}$$

$$\vec{L}_{traslación} = \vec{r} \times \vec{p}$$

Newton II

$$\Sigma \vec{\tau}_{ext} \neq 0 \Rightarrow \Sigma \vec{\tau}_{ext} = \frac{d\vec{L}_{sist}}{dt}$$

$$\Sigma \vec{\tau}_{ext} = \vec{\tau}_1 + \vec{\tau}_2 + \dots + \vec{\tau}_n$$

$$\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$$

$$\tau = |\vec{r}| |\vec{F}| \sin \theta$$

$$\vec{L}_{sist} = \vec{L}_{rotación} + \vec{L}_{traslación}$$

$$\vec{L}_{rotación} = I_{sist} \vec{\omega}$$

$$\vec{L}_{traslación} = \vec{r} \times \vec{p}$$

## Energía cinética

Energía cinética de rotación

$$K_R = \frac{1}{2} I_{sist} \omega^2$$

Energía cinética de traslación

$$K_T = \frac{1}{2} m v^2$$

Energía cinética total

$$K_{Total} = K_{Rotación} + K_{Traslación}$$

$$K_{Total} = \frac{1}{2} I \omega^2 + \frac{1}{2} m v^2$$