Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

ЛАБОРАТОРНА РОБОТА 2

з дисципліни «Методи оптимізації та планування експерименту»

Виконав:

Студентка 2 курсу ФІОТ

групи IB-92

Гайдукевич М. А.

Перевірив:

Регіда П.Г.

<u>Мета:</u> провести двофакторний експеримент, перевірити однорідність дисперсії за критерієм Романовського, отримати коефіцієнти рівняння регресії, провести натуралізацію рівняння регресії.

```
ymax = (30 - Nваріанту)*10 = 260,
ymin = (20 - Nваріанту)*10 = 160.
```

Варіант:

204	15	45	15	50
-----	----	----	----	----

Код програми

```
import math
import numpy as np
import random as rnd
m = 5
y \min, y \max = 160, 260
x1 \text{ min}, x1 \text{ max} = 15, 45
x2_{min}, x2_{max} = 15, 50
x1_min_norm, x1_max_norm = -1, 1
x2_{min_norm}, x2_{max_norm} = -1, 1
p_prob = (0.99, 0.98, 0.95, 0.90)
rkr_table = {2: (1.73, 1.72, 1.71, 1.69),
             6: (2.16, 2.13, 2.10, 2.00),
             8: (2.43, 4.37, 2.27, 2.17),
             10: (2.62, 2.54, 2.41, 2.29),
             12: (2.75, 2.66, 2.52, 2.39),
             15: (2.9, 2.8, 2.64, 2.49),
             20: (3.08, 2.96, 2.78, 2.62)}
matrix of y = [[rnd.randint(y min, y max) for i in range(m)] for j in range(3)]
average y = [sum(matrix of y[i][j] for j in range(m)) / m for i in range(3)]
quadric_sigma1 = sum([(j - average_y[0]) ** 2 for j in matrix_of_y[0]]) / m
quadric_sigma2 = sum([(j - average_y[1]) ** 2 for j in matrix_of_y[1]]) / m
quadric_sigma3 = sum([(j - average_y[2]) ** 2 for j in matrix_of_y[2]]) / m
teta_sigma = math.sqrt((2 * (2 * m - 2)) / (m * (m - 4)))
Fuv1 = quadric_sigma1 / quadric_sigma2
Fuv2 = quadric_sigma3 / quadric_sigma1
Fuv3 = quadric_sigma3 / quadric_sigma2
TetaUV1 = ((m - 2) / m) * Fuv1
TetaUV2 = ((m - 2) / m) * Fuv2
TetaUV3 = ((m - 2) / m) * Fuv3
Ruv1 = abs(TetaUV1 - 1) / teta_sigma
Ruv2 = abs(TetaUV2 - 1) / teta_sigma
Ruv3 = abs(TetaUV3 - 1) / teta sigma
mx1 = (-1 + 1 - 1) / 3
mx2 = (-1 - 1 + 1) / 3
my = sum(average_y) / 3
a1 = (1 + 1 + 1) / 3
```

```
a2 = (1 - 1 - 1) / 3
a3 = (1 + 1 + 1) / 3
a11 = (-1 * average_y[0] + 1 * average_y[1] - 1 * average_y[2]) / 3
a22 = (-1 * average_y[0] - 1 * average_y[1] + 1 * average_y[2]) / 3
b0 = np.linalg.det(np.dot([[my, mx1, mx2], [a11, a1, a2], [a22, a2, a3]],
                          np.linalg.inv([[1, mx1, mx2], [mx1, a1, a2], [mx2, a2, a3]])))
b1 = np.linalg.det(np.dot([[1, my, mx2], [mx1, a11, a2], [mx2, a22, a3]],
                          np.linalg.inv([[1, mx1, mx2], [mx1, a1, a2], [mx2, a2, a3]])))
b2 = np.linalg.det(np.dot([[1, mx1, my], [mx1, a1, a11], [mx2, a2, a22]],
                          np.linalg.inv([[1, mx1, mx2], [mx1, a1, a2], [mx2, a2, a3]])))
def self_dispersion():
    M = 0
    M = min(rkr table, key=lambda x: abs(x - M))
    p = 0
    for ruv in (Ruv1, Ruv2, Ruv3):
        if ruv > rkr_table[M][0]:
            return False
        for rkr in range(len(rkr_table[M])):
            if ruv < rkr_table[M][rkr]:</pre>
                p = rkr
    return p prob[p]
def regressionCheck():
    y_norm1 = round(b0 - b1 - b2, 2)
    y_norm2 = round(b0 + b1 - b2, 2)
   y_norm3 = round(b0 - b1 + b2, 2)
    if y norm1 == average_y[0] and y_norm2 == average_y[1] and y_norm3 == average_y[2]:
       print("Результат збігається з середніми значеннями у")
    else:
        print("Результат НЕ збігається з середніми значеннями у")
delta x1 = math.fabs(x1 max - x1 min) / 2
delta_x2 = math.fabs(x2_max - x2_min) / 2
x10 = (x1_max + x1_min) / 2
x20 = (x2_max + x2_min) / 2
A0 = b0 - b1 * x10 / delta x1 - b2 * x20 / delta x2
A1 = b1 / delta x1
A2 = b2 / delta x2
def naturalized_regression(x1, x2):
    return A0 + A1 * x1 + A2 * x2
# output
for i in range(3):
    print("Y{}: {}, Average: {}".format(i + 1, matrix of y[i], average y[i]))
print("o² y1:", quadric_sigma1, "\no² y2:", quadric_sigma2, "\no² y3:", quadric_sigma2)
print("σθ =", teta_sigma)
print()
print("Fuv1 =", Fuv1, "\nFuv2 =", Fuv2, "\nFuv3 =", Fuv3)
print()
print("θuv1 =", TetaUV1, "\nθuv2 =", TetaUV2, "\nθuv3 =", TetaUV3)
print()
print("Ruv1 =", Ruv1, "\nRuv2 =", Ruv2, "\nRuv3 =", Ruv3)
```

```
print()
print("Однорідна дисперсія:", self dispersion())
print()
print("mx1:", mx1, "\nmx2:", mx2, "\nmy:", my)
print()
print("a1:", a1, "\na2:", a2, "\na3:", a3)
print("a11:", a11, "\na22:", a22)
print()
print("b0:", b0, "\nb1:", b1, "\nb2:", b2)
print("Натуралізація коефіцієнтів:")
print("\Delta_x1:", delta_x1, "\n\Delta_x2:", delta_x2)
print("x10:", x10, "\nx20:", x20)
print("a0:", A0, "a1:", A1, "a2:", A2)
print()
print("Натуралізоване рівняння регресії:")
naturReg_Y = [round(naturalized_regression(x1_min, x2_min), 2),
              round(naturalized_regression(x1_max, x2_min), 2),
              round(naturalized_regression(x1_min, x2_max), 2)]
print(naturReg_Y)
if naturReg_Y == average_y:
    print("Коефіцієнти натуралізованого рівняння регресії вірні")
else:
    print("Коефіцієнти натуралізованого рівняння регресії НЕ вірні")
regressionCheck()
```

Результати:

```
C:\Python\python.exe C:/labs/MND/lab2.py
Y1: [232, 191, 255, 255, 191], Average: 224.8
Y2: [225, 193, 231, 187, 224], Average: 212.0
Y3: [183, 182, 227, 184, 256], Average: 206.4
\sigma^2 y1: 832.159999999999
\sigma^2 y2: 332.0
\sigma^2 y3: 332.0
\sigma\theta = 1.7888543819998317
Fuv1 = 2.5065060240963852
Fuv2 = 1.0885406652566816
Fuv3 = 2.7284337349397587
\thetauv1 = 1.503903614457831
\theta uv2 = 0.6531243991540089
\theta uv3 = 1.6370602409638553
Ruv1 = 0.281690684008889
Ruv2 = 0.19390935580692992
Ruv3 = 0.3561275011393941
Однорідна дисперсія: 0.9
mx1: -0.33333333333333333
mx2: -0.33333333333333333
my: 214.4
a1: 1.0
a2: -0.33333333333333333
a3: 1.0
a11: -73.066666666668
a22: -76.8
```

```
b0: 209.199999999996
b1: -6.399999999996
b2: -9.19999999997662
Натуралізація коефіцієнтів:
Δx1: 15.0
Δx2: 17.5
x10: 30.0
x20: 32.5
a0: 239.08571428570434 a1: -0.42666666666533 a2: -0.5257142857141521

Натуралізоване рівняння регресії:
[224.8, 212.0, 206.4]
Коефіцієнти натуралізованого рівняння регресії вірні
Результат збігається з середніми значеннями у
```

Висновок:

У процесі виконання даної лабораторної роботи був проведений багатофакторний експеримент, перевірена однорідність дисперсії за критерієм Романовського, отримані коефіцієнти рівняння регресії та проведена натуралізація рівняння регресії. Мета лабораторної роботи досягнена.

Результати виконання завдання наведені вище.

Відповіді на контрольні питання:

1) Що таке регресійні поліноми і де вони застосовуються?

Регресійні поліноми - апроксимуючі поліноми, за допомогою яких ми можемо описати функцію. Застосовуються для оцінки результатів вимірів.

2) Визначення однорідності дисперсії.

Кожне R_{uv} (експериментальне значення критерію Романовського) порівнюється з R_{uv} (значення критерію Романовського за різних довірчих ймовірностей p) і якщо для усіх $u = \overline{1,N}$; $v = \overline{1,N}$ кожне $R_{uv} < R_{Kp}$, то гіпотеза про однорідність дисперсій підтверджується з ймовірністю p.

3) Що називається повним факторним експериментом?

Повний факторний експеримент - багатофакторний експеримент, де використані всі можливі комбінації рівнів факторів.