

# Práctica 1. Programa para calcular sumas consecutivas y cambios de base

1<sup>st</sup> José Luis Aguilar  
Departamento de aprender a programar  
Universidad MdG  
Ciudad de México, México  
aguilarch.joseluis@gmail.com

**Resumen**—Este documento presenta la documentación de un programa en C que pueda calcular las sumas consecutivas dado un número, y también una herramienta para el cambio de base decimal a cualquier otra. Se muestran además los procesos que sigue el programa y las herramientas de diseño usadas para la solución.

**Index Terms**—programación, Clang, introducción, cambio de base, sumas de números consecutivos.

## I. DESCRIPCIÓN DEL PROBLEMA

Se requiere de un programa que tenga la capacidad de llevar a cabo tres funciones manejadas a través de un menú:

1. Recibir un número entero positivo del usuario y encontrar todas las series de 3 o más números consecutivos que sumados den como resultado este valor.
2. Recibir un número entero positivo del usuario, convertirlo a 3 bases (de igual manera leídas por el usuario) entre base 2 y 16.
3. Salir del programa.

Además, antes de mostrar el menú, se muestra el nombre del creador, título del programa y fecha.

## II. COMPORTAMIENTO DETALLADO

### III. PROCESOS

A continuación se muestra el proceso detallado del programa, separado en pasos para facilitar su lectura:

■

## IV. ALCANCES Y LIMITACIONES

El programa puede:

- Convertir de base decimal a cualquier base numérica entre 2 y 16.
- Mostrar todas las series de 3 o más sumas de números consecutivos.
- Valida que los valores introducidos sean números enteros positivos.
- Valida que no puedan ingresarse opciones inexistentes.

Las limitaciones del programa son las siguientes:

- Solamente puede tomar números enteros positivos, no convierte otros tipos de datos.
- No utiliza arreglos de datos, ni recursión, ni variables globales.
- Si el programa detecta un valor válido, regresa al menú y no directamente a la función que estaba usándose.

## V. DISEÑO DE PANTALLA

El programa muestra una descripción al inicio, con la siguiente forma<sup>1</sup>: @default

```
1 -----
2
3 Este programa fue desarrollado por Jose
4 Luis Aguilar el 23/12/2020.
5 Presione [Enter] para continuar.
6 -----
```

Que después menciona que se muestra un menú. El menú se ve de la forma siguiente: @default

```
1 -----
2                               Menu
3                               -----
4 Escoge una opcion escribiendo el numero
5 de la accion que desees tomar:
6
7     1. Cambio de base a un numero
8     2. Calcular sumas consecutivas de un
9     numero
10    3. Salir
11 -----
```

Cada opción muestra la acción que toma. A continuación se muestran en orden las distintas opciones: @default

```
1 Introduzca el numero entero positivo a
2 convertir: 10423
3 Introduzca la base (entre 2 y 16) a la
4 que desea convertir: 12
5 El numero en base 12 es: 6047
6 Presione [Enter] para continuar.
```

Cada distinta opción elegida regresa nuevamente al menú. @default

```
1 Introduzca el numero entero positivo a
2 mostrar sus sumas: 3456
3 3 sumas consecutivas:
4 1151 + 1152 + 1153
```

<sup>1</sup>Se omiten los acentos en las pantallas del programa aquí descritas, pero en el ejecutable sí se observan.

```

4 9 sumas consecutivas:
5 380 + 381 + 382 + 383 + 384 + 385 + 386
  + 387 + 388
6 27 sumas consecutivas:
7 115 + 116 + 117 + 118 + 119 + 120 + 121
  + 122 + 123 + 124 + 125 + 126 + 127 +
  128 + 129 + 130 + 131 + 132 + 133 + 134
  + 135 + 136 + 137 + 138 + 139 + 140 + 141
8 Presione [Enter] para continuar

```

Por último, la opción de salir del programa pide al usuario que confirme su decisión: @default

```

1 -----
2
3           Desea salir?
4
5           1 = si, 0 = no.
6
7 -----

```

Debido al tamaño usual de los displays en la terminal de 80 caracteres, el diseño del menú y las descripciones se hizo de 80 caracteres de ancho.

## VI. DISEÑO DE SOLUCIÓN

Antes de mostrar el pseudocódigo y los algoritmos utilizados en el desarrollo del programa, conviene comprender el fundamento matemático sobre el cual se basan ambas soluciones. A continuación se muestra el fundamento de cada uno, donde se mostrará un pequeño pseudocódigo correspondiente al final de cada algoritmo.

### VI-A. Cambio de base

Una base numérica se basa en la notación dada por la siguiente ecuación:

$$X_b = \sum_{n=-\infty}^d a_n b^n$$

Donde  $X_b$  es el número escrito en la base  $b$ ,  $a_n$  es el múltiplo de cada una de las potencias de la base  $b$ , donde suele representarse con un símbolo comprendido en el conjunto  $a_n \in \{0, \dots, b-1\}^2$ ,  $d$  es el dígito correspondiente. Si se asume que solamente se trabaja con enteros, entonces se reduce a la siguiente expresión:

$$X_b = \sum_{n=0}^d a_n b^n \quad (1)$$

Por lo que para representar al número, se requieren  $n + 1$  dígitos. El número de dígitos puede encontrarse usando la siguiente propiedad de los logaritmos:

$$\log_b(x) = \frac{\log(x)}{\log(b)}$$

<sup>2</sup>Nos remitimos solamente a bases enteras, ya que aunque existen aquellas que no son enteras, suelen no ser utilizadas fuera de ámbitos de investigación matemática.

Entonces, considerando que  $\lfloor \log_b(x) \rfloor$  es el número de dígitos necesarios para expresar a  $x$  en la base  $b$ , puede encontrarse el valor de cada uno con un sencillo algoritmo descrito en el siguiente pseudocódigo:

```

1 cambio de base (int numero, int base)
2     ValidarEnteroPositivo(numero);
3     ValidarEnteroPositivo(base);
4     int digito = log(numero)/log(base);
5     int multiplo = 0;
6     int residuo = 0;
7
8     while(numero>0)
9         if(residuo>=numero)
10             residuo=residuo +
11             power(base,digito);
12             multiplo=multiplo+1;
13         else
14             // Se resta porque al contar
15             existe un overshoot.
16             residuo = residuo -
17             power(base,digito);
18             multiplo = multiplo-1;
19             digito = digito-1;
20             numero = numero-residuo;
21             PRINT("_entero_",multiplo);
22             residuo=0;
23             numero=0;
24     FIN
25     FIN
26     // Para considerar los que son
27     multiplos de la base:
28     for(entero i = 0, i<=digito,i++)
29         print("0")
30     FIN

```

Esto muestra un algoritmo relativamente sencillo, y la implementación en el programa es muy similar, solamente con la diferencia que considera también las entradas de números y formatos para hacerlo más legible.

### VI-B. Sumas consecutivas

Para poder considerar las sumas consecutivas, se puede hacer un algoritmo relativamente sencillo. Consideremos primero la suma de números enteros positivos consecutivos más grande posible:

$$X = \sum_{n=1}^N n$$

Se omite el cero porque si se considera, entonces cualquier serie pudiera ser más grande. Sin embargo, esta serie de números forzosamente es la más grande porque considera a todos los enésimos enteros. Esto impone un límite superior sobre las iteraciones que puede realizar el programa, que puede

expresarse de una forma más sencilla, descrita en la siguiente ecuación<sup>3</sup>:

$$X = \frac{n(n+1)}{2} \quad (2)$$

Esta suma considera todos los enteros. Sin embargo, solamente son de interés en este programa las sumas que tengan tres o más enteros. Además, pueden considerarse dos casos distintos; cuando el número de términos consecutivos sea un número par, y cuando sea impar. Hecha esta consideración, entonces se pueden considerar los números de dos en dos casos, y se sigue respetando el límite superior. Haciendo el cambio de variable  $n = 2k + 1$  en (2):

$$X = \frac{(2k+1)(2k+2)}{2} = (2k+1)(k+1) \quad (3)$$

Y esto es el límite superior tomando las sumas consecutivas de dos en dos. Entonces vale la pena considerar en qué casos existen estas sumas consecutivas. Esto ocurre para un número  $X$  con un número de sumas consecutivas  $n$  bajo los siguientes casos:

$$\begin{cases} n \text{ par} & X \bmod n \equiv \frac{n}{2} \\ n \text{ impar} & X \bmod n \equiv 0 \end{cases}$$

Estas condiciones son relativamente sencillas de encontrar, y se cumplen siempre. Suponiendo primero que el número de términos sea impar, entonces puede pensarse en el número  $X$  dividido entre el número de términos  $n$ , que forzosamente va a ser el término medio de las sumas consecutivas. Entonces la suma de  $n$  términos puede ponerse de la siguiente forma:

$$X = \frac{1}{n} \left[ (X - \frac{n-1}{2}) + \dots + X + \dots + (X + \frac{n-1}{2}) \right]$$

Por el otro lado, si número de términos es par, y solamente se trabaja con enteros, entonces pueden tomarse solamente los cocientes enteros, y como la siguiente relación se cumple cuando el residuo es distinto a cero:  $\lfloor \frac{X}{n} \rfloor < \frac{X}{n}$ . Entonces también puede medirse todo con respecto a un dígito (en este caso, el número  $\frac{n}{2}$ ). Siguiendo este criterio, entonces puede escribirse un número de la siguiente forma:

$$X = \sum_{i=1}^n \left( \left\lfloor \frac{X}{n} \right\rfloor - \frac{n}{2} + i + 1 \right)$$

Tomando en cuenta estas dos relaciones, entonces puede hacerse un sencillo algoritmo para poder calcular las sumas consecutivas dependiendo si el número es par o no. A continuación se muestra el pseudocódigo:

```
1 void SumasConsecutivas(int *X)
2     n = 1;
3     while((2*n+1)*(n+1) <= *X)
4         SumasImpares(*X, 2*n+1);
5         SumasPares(*X, 2*(n+1));
6         n++;
7     FIN
8
```

```
9 void SumasImpares(int X, int N)
10     if(X % N == 0) // % es la operacion
11         modulo.
12     int offset = (N-1)/2;
13     int ValorInicial = X/N - offset;
14     int sumas = ValorInicial;
15
16     /* El primer termino esta fuera
17     del loop,
18     con el proposito de que al
19     imprimir los
20     valores de la suma, no salga un
21     termino de mas. */
22     print("_num_ sumas consecutivas:
23     _num_ ", N, sumas);
24
25     for(int i = 1, i < N, i++)
26         sumas = ValorInicial+i;
27         printf("+ _num_ ", sumas);
28     FIN
29     print("_newline_");
30
31 void SumasPares(entero X, entero N)
32     if(X % N == N/2 AND X >= N*(N+1)/2)
33
34     int offset = N/2-1;
35     int ValorInicial = X/N - offset;
36     int sumas = ValorInicial;
37     print("_num_ sumas consecutivas:
38     _num_ ", N, sumas);
39
40     for(int i = 1, i < N, i++)
41         sumas = ValorInicial+i;
42         printf("+ _num_ ", sumas);
43     FIN
44     printf("_newline_");
45     FIN
```

<sup>3</sup>En los anexos se hace una breve demostración por si el lector no se encuentra familiarizado.