Fundamentos de optimitación:

Hoy hablavemos de conceptos basicos en OPTIMITACIÓN Hay dos gandes tamihas continua y Discrecta.

(1) Qué es la optimitación?

Def: Un problema de optimización cassite de tres portes:

- (1) Un conjunto finito X llamodo el conjunto factible (X representu las posibilidades que teremos)
- (2) Una función $f: X \longrightarrow \mathbb{R}$ llamada la función objetivo (fix) representa nuestra "valorición" del item x)
- (3) Un elemento de 2 MAX, MIN (que nos aclara si quevernos maximizar o minimizar nestra "valoración")

Def: "Resolver un problema de optimitación tiene dos Significados posibles,

Encontrar el VALORÓPTIMO

Encarra un elemento x* EX

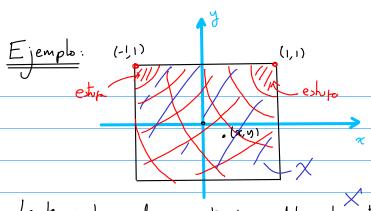
Con $f(x^*) = L^*$. $x^* \in S$ UN SPTIMO del poblena.

L* es un número real

(tipicament un VECTOR)

-> Este es mas dificil

Obs: Un problema de optimización prede tenen varios óptimos x^* así que definimos el consunto de Minimizatores argmin = $\{x \in X : f(x) = L^*\}$



La temperatura de un punto (x,y) del cuato este dada $P^{\circ r}$ $f(x,y) = \frac{1}{||(x,y)-(1,1)||} + \frac{1}{||(x,y)-(1,1)||}$

PROBLEMA: Enciente la temperation minima que ocurre en el cuato (6) Enciente los lugres donde ese minima se alcunta.

(a) t*= min { f(x,y): (x,y) \ }

(b) agmin {f(x,y): (x,y) \ }.

Este es un problema de optimización continua porque nuestro conjunto de opciones es infinito y los values pombles de (x, y) que las parametrizan virán continuamente. La función objetivo f es diferenciable y por ello el problema puede atacese con los metodos del Cálculo (multiplicadores de Lagrage).

Nosotros nos canentramemos en produnas de optimisación DISCRETA, es decir aquellos en los que X es un conjunto finito.

La dificultad es que X tipicamente va a ser MVY gande, tanto que en umerarlo ex haus hvamente poro busar el mínimo valor mediante fuerta bruta (evaluando f(y) pora todo y en X recadado el más pequeño) es. imposible. I Que hacer entones?..

(Subconjuntos independientes de máximo peso). Des: Sea 9 un gaso no dirigido finito. Un cajunto S = V(4) es independiente ssi Va,be 5 [(a,b) ≠ E(q)] Porejemplo si G: {1,3} es independiente {2,9,5} no es mapediente porque (4,5) E E(9) Aplicación: Sea G el gajo con V(9) - "Materia ofrecidas el póxino senestre que quieo tomar" (a,5) E E(q) => a y b tieren honarios en conflicto PREGUNTAS: (1) L'Cual es el núneo maximo de materias que puedo tomas (sin conflicto (Z) d'Crat es el nimo maximo de créditos que predo tomar? RESPUESTAS: (1) Busque el conjunto indep de máximo cardinal (2 en q del dibujo -(2) Debenance have que no todos los ventries Valgan igual poniéndous peros (el nómes de crédits, de cada materia)

PROBLEMA E JEMPLO; *

Deg: Una función de pesos en los vértices w poam gajo

(es w: V(9) - R_>0

Con estes preliminares podemos definir el problema
Con estos preliminaes podemos definir el problema Weighted Independent Set (WIS) as T:
Def: [WIS poblem]
Dado un gerfo no dirigido G con pesos ⁷ en los vértus w, definino el
pesos en los vértus w definino el
$\overline{W}(S) = \sum_{w(e)} w(e)$
Peso de un subcazinto S
leso de un subcajunto 5
y defininos el problema de OPTIMIZACIÓN DISCRETA
wis $(q) = \max \{ \overline{w}(S) : S \subseteq V(q) \}$. Sindependiente
Siendo precisos, este poblema tiene
(1) Conjusto factible $X = \frac{1}{4}S \subseteq V(4): S$ es independiente $\frac{1}{4}$ (2) Función objetos $W: X \rightarrow IR W(S) = \overline{Z}W(S)$
(2) Función objetio W. A > IF W (3) = 2000
(3) Quermos MAXIMITAR
Instancia:
V 1 2 3 4
W 1 4 5 4
(1) Cuántos sisconjutos independentes hay? Cuántos si
(2) Cvánto vale WIS (4)? En general? Próxima (3) Encutu s'e arguax W dase. SEX
SEX