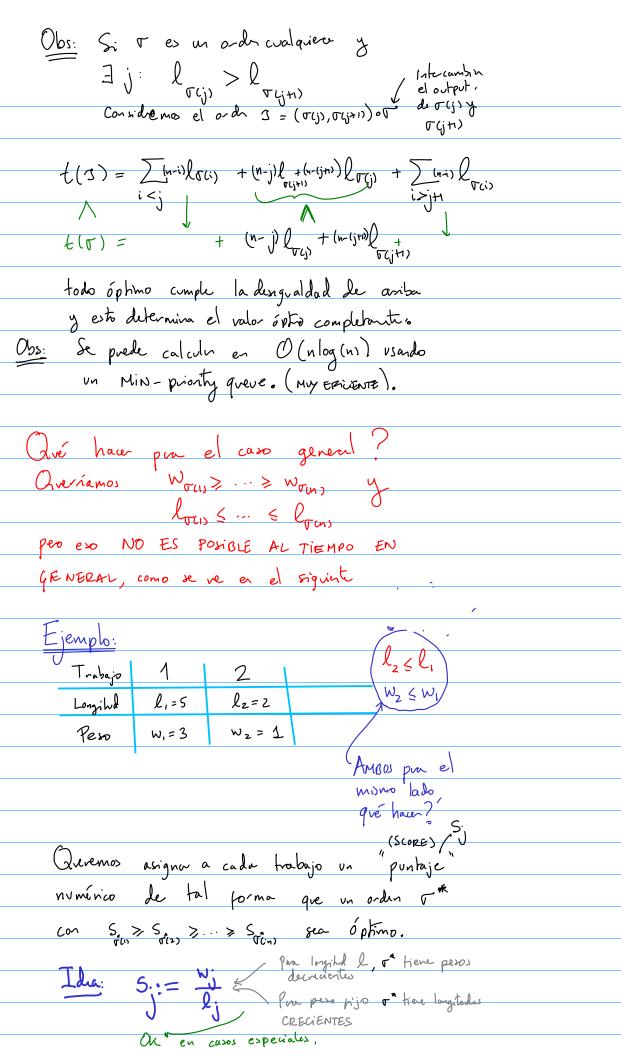
Algoritmos Codiciosos ("greedy")
Voraz, ávido, goloso? PARADIGMA: Conshimos na colvión iterativamente mediante una suarión de decaiones "miopes" (locales) esperando que la "miopía" de la selección no proditca una solvior demariado mala. La dificultad radica en encontr stravores en las que un algoritmo "greedy" produtca la solvion corecta. Ejemplo: [Schedving] Tenemos ma seie de trabajos que deben ser realizados en un "recuso" común, tenemos una tabla de estos tratajos tratajo 1 2 3 ... duración L, le la la la Prioridad W, Wz W, Wn e Mas ginde Mera a denora debenos realizalos todos y querenos mas costosa así hacero que quemos que los de de la forma mais epicient posible, en mayor providuel el serbalo en que Se complan mas ponto. PROBLEMA OPTIMITACIÓN: X = "Conjusto de órdenes posibles or" Dado un orden o y una trea j dysninos

C (o) = Tiempo usabo hastu completu la trea j
siguirdo el orden o "  $t(r) = \sum_{j=1}^{\infty} W_{j}(r)$ Problem de optimitación  $t := \min \{t(\sigma) : r \in X\}$ 

PARA INTENTAR DESCUBRIR UN ALGORITMO VAMOS
A PENSAR EN DOS CASOS ESPECIALES;
(1) Caso de longitides ignales (peso, antituios)
(2) Caso de peros iguales (longitudes antentrias).
Caso especial (1)
(1) Si la longitud es l y los peros W ester
datos entones:
(ii) Ordenamos (No(1)) > Wo(1) > Wo(1)
(ii) El tiempo to) = Wount 2 Wrest -+ 2 Wrons es
Obs: Si y es evalquier ordu que no cumple esto
busques el prim cambio:
$M^{2(1)} \ge M^{2(2)} \ge M^{2(2)} \ge \cdots \ge M^{2(N-1)} < M^{2(N)}$
$M^{\Delta(1)} \ge M^{\Delta(5)} \ge \cdots - \sum_{m} M^{\Delta(m-1)} \ge M^{\Delta(m)} $ $M^{\Delta(1)} \ge M^{\Delta(5)} \ge M^{\Delta(1)} \ge \cdots \ge M^{\Delta(m-1)} \le M^{\Delta(m)} $
((v) = W (n-1) + W (n) N + "Común"
$t(\tau) = \frac{1}{M_{(n-1)}} + \frac{1}{M_{(n)}} + 1$
el tiepo de 3 bajo initiredo I(n) y I(n-1)
$(N-1) \frac{1}{M} + n \frac{1}{M} \frac{1}{M} \frac{1}{M} + n \frac{1}{M} \frac{1}{M} \frac{1}{M} + n \frac{1}{M} \frac{1}{M} \frac{1}{M} \frac{1}{M} + n \frac{1}{M} $
así que I no es óptima mes que la
condición * se compla.
Obs: Insetudo los items en nlogens en un maxipionity
queve y llamado el máximo n veces realizanos
un computo total en logue e O(n logues).
Muy ERILIENTE.
(2) Caso espenal de pesos iguales w
(i) Ordenamos longilidus Ofiles & & Longilidus Ofiles & & & Longilidus Ofiles & & & & & & & & & & & & & & & & & & &
(iii) $t(\sigma) = w l_{\sigma(i)} + w (l_{\sigma(i)} + l_{\sigma(z)}) + \cdots + w (l_{\sigma(i)} + \cdots + l_{\sigma(n)})$
= W[nl + (n+) l + -+ 1. l on]
Vol.
es mínimo.



Teorema: Si definimos Sj:= W entonus todo orden 3 con Szus > Szus > ... > SJim es óptimo par el problema de scheduling (es de cir t(s):= \( \int \width \cong \cong\cong \cong \co ASUMIMUS DE LOS NÚMEROS DISTINTOS....

Dem: [Utiliza "interambio" la marca de algoritmos

greedy por excelencia ] Suparga que o no satisface la propiedod de ariba y sea j = min { ne/N: Socj) < Socj+1) } Cambiando el orden inicial de los trabajos (relabeling) podemos asumir que  $S_1 > S_2 > ... > S_{j-1} > S_j < S_{j+1}$ Sea Jelorden que resulta de intercambia los trabajos j y j+1. Qué pasa con la función objetivo?  $\frac{l(\sigma)}{l(\sigma)} = \sum_{\substack{i < j \\ i \neq j}} w_i l_{\leq i} + w_i l_{\leq j} + w_i l_{\leq j+1} + \sum_{\substack{k \geq j+2}} w_k l_{\leq k}$ con l<sub>st</sub> = l<sub>1</sub>+l<sub>2</sub>+...+ l<sub>t</sub>.  $l(J) = \sum_{i < j} w_i l_{\leq i} + \sum_{k \geq j \nmid z} w_k l_{k \geq j \nmid z}$ luego L(o.)-L(z) es igual a:  $w_{j}(l_{\leq j-1}+l_{j})+w_{j+1}(l_{\leq j-1}+l_{j}+l_{j+1})$  $w_{j+1}(l_{\leq j-1}+l_{j+1})+w_{j}(l_{j-1}+l_{j+1}+l_{j})=$ L(r) - l(z) = w<sub>j+1</sub> l<sub>j</sub> - w<sub>j</sub> l<sub>j+1</sub> ≥0

L ver pazina sig.

